ALGORITHM STUDY FOR 2021 WEEK 5



66

이번 주에는 그래프를 복습하고 BFS/DFS 구현 및 문제풀이를 진행합니다아!

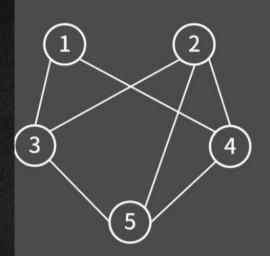


WEEK 5



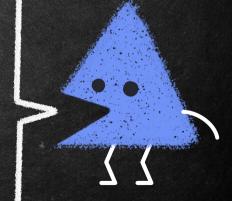


GRAPH 표현방법 1 - 인접행렬

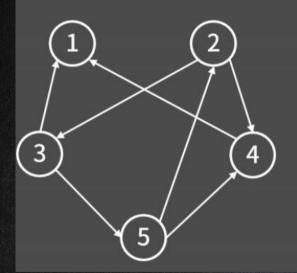


	1	2	3	4	5
1	0	0	1	1	0
2	0	0	1	1	1
3	1	1	Q	0	1
4	1	1	0	0	1
5	0	1	1	1	Q

- → 첫번째 방법은 인접행렬입니다.
- → 편의상 정점을 2차원으로 확장시켜서 연결되면 1, 연결되지 않으면 0을 줍니다.
- → 이 그림에서는 무방향 그래프이거 때문에 대각선에 대해서 대칭인 형태가 나옵니다.

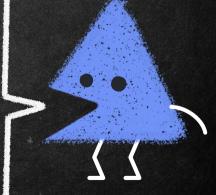


GRAPH 표현방법 1 - 인접행렬

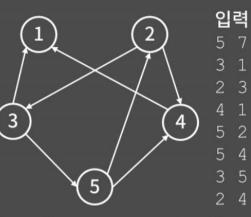


	1	2	3	4	5
1	Q	0	0	0	0
2	0	0	1	1	0
3	1	0	0	0	1
4	1	0	0	0	0
5	0	1	0	1	0

- → 첫번째 방법은 인접행렬입니다.
- → 편의상 정점을 2차원으로 확장시켜서 연결되면 1, 연결되지 않으면 0을 줍니다.
- → 이 그림에서는 방향 그래프이기 때문에 대각선에 대해서 대칭이 아닙니다.



GRAPH 표현방법 1 - 인접행렬 구현

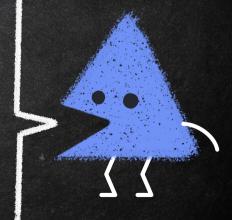


Directed Graph

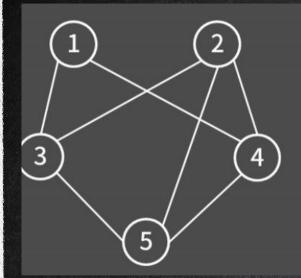
```
00 int adj_matrix[10][10]={};
01 int v, e;
02 cin >> v >> e;
03 for(int i = 0; i < e; i++) {
    int u, v;
    cin >> u >> v;
06    adj_matrix[u][v] = 1;
07 }
```

Undirected Graph

```
00 int adj_matrix[10][10]={};
01 int v, e;
02 cin >> v >> e;
03 for(int i = 0; i < e; i++){
    int u, v;
05    cin >> u >> v;
06    adj_matrix[u][v] = 1;
07    adj_matrix[v][u] = 1;
08 }
```



GRAPH 표현방법 2 - 인접리스트

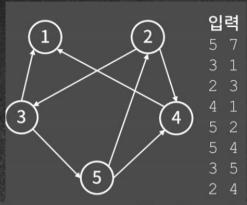


1	3	4	
2	3	5	4
3	1	2	5
4	2	1	5
5	3	2	4

- → 두번째 방법은 인접 리스트입니다.
- → 정점의 개수에 맞춰서 v개의 리스트를 만들어 각 리스트에 연결된 정점을 넣어주면 됩니다!



GRAPH 표현방법 2 - 인접리스트 구현

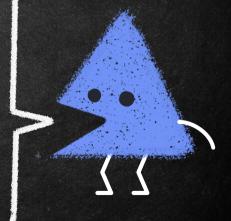


Directed Graph

```
00  vector<int> adj[10];
01  int v, e;
02  cin >> v >> e;
03  for(int i = 0; i < e; i++) {
04   int u, v;
05   cin >> u >> v;
06   adj[u].push_back(v);
07  }
```

Undirected Graph

```
00  vector<int> adj[10];
01  int v, e;
02  cin >> v >> e;
03  for(int i = 0; i < e; i++){
   int u, v;
05   cin >> u >> v;
06   adj[u].push_back(v);
07   adj[v].push_back(u);
08 }
```



66

DFS/BFS가 뭔데요!!?

(필수시청-9분 쉬움)

https://www.youtube.co

m/watch?v=-

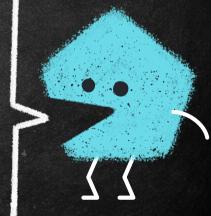
wsYtm0x3nw



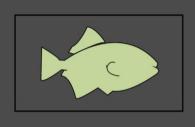


2. BFS!!!

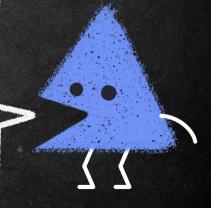




BFS 일고리즘 설명



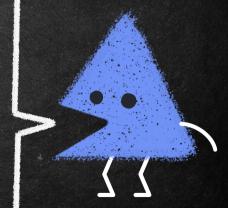
- → BFS를 일아보기 전에 익숙한 문제를 생각해봅시다.
- → 그림판의 페인트 기능을 활용하면 물고기의 색을 바꿀 수 있습니다. 페인트 기능은 외부 윤곽선을 따라서 구분되는 영역의 색을 한번에 바꾸는 거고, 이거를 Flood Fill이라고 합니다.
- → 클릭한 칸의 상하좌우를 보여 나와 색이 같은지 확인하는 과정의 반복을 진행하겠죠. BFS로 해결합니다.

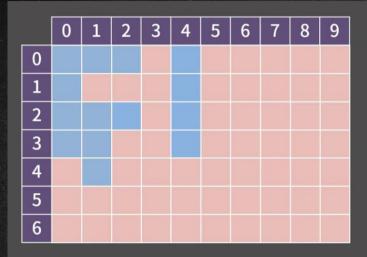


BFS 일고리즘 설명

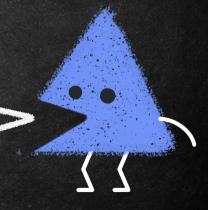
BFS(Breadth First Search)

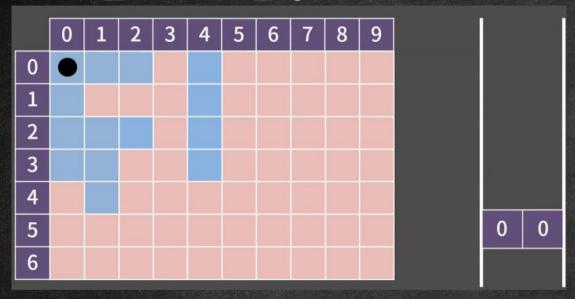
- → 다차원 배열에서 각 칸을 방문할 때 너비를 우선으로 방문하는 일고리즘
- → 너비를 우선으로 방문한다...?!!????? 뭔 소리죠??
 - → <u>그림을 통해서 이해해봅시다!!!</u>



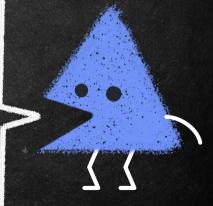


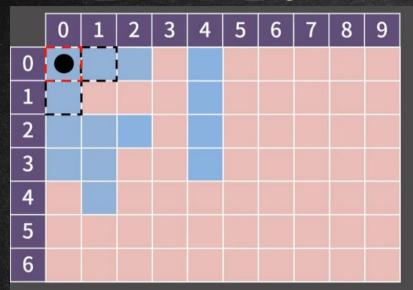
→ 우리의 목표는 (0,0)과 상하좌우로 이어진 모든 파란색 칸을 확인하는 것입니다. 이 문제를 BFS로 어떻게 해결하는지 보겠습니다.



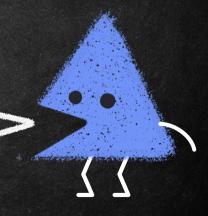


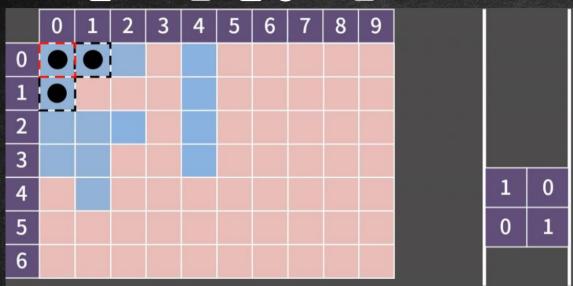
우선 BFS 알고리즘에서는 좌표를 담을 큐가 필요합니다. BFS 알고리즘이 시작되면 우선 (0,0)에 방문했다는 표시를 남기고 해당 칸을 큐에 넣습니다. 이 초기 세팅이 끝난 후에는 큐가 빌 때까지 계속 큐의 front를 빼고 해당 좌표의 상하좌우를 살펴보면서 큐에 넣어주는 작업을 반복하게 됩니다.



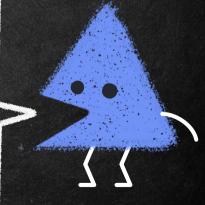


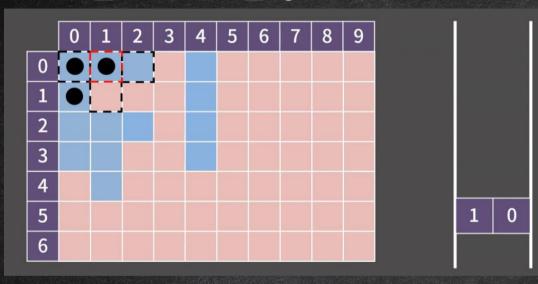
→ 지금 상황에서 q의 front는 (0,0)이었고, 이것의 상하좌우를 보는데, 이 중에서 우리는 파란색 칸이면서 아직 방문하지 않은 칸을 찾습니다. (0,1) (1,0)을 큐에!!!

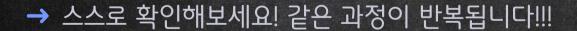


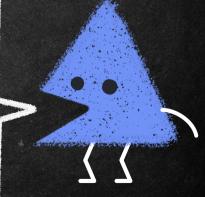


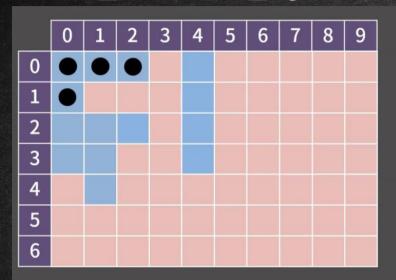
- → (0,0)에서 할것은 다했고, 다음으로 넘어갑니다.
- → 현재 큐의 front는(0,1)이고, pop을 합니다. 상하좌우를 다시 확인하고 (1,1)은 빨간칸, (0,0)은 방문했으므로 (0,2)만 방문 표시 후에 큐에 삽입!!!



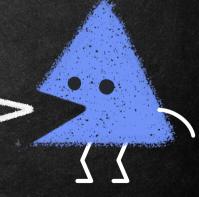






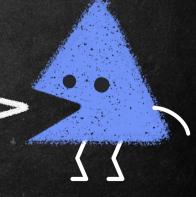


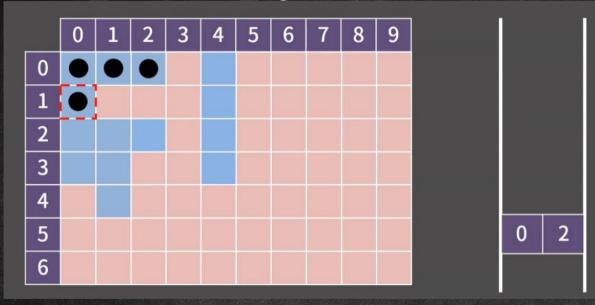
0	2
1	0



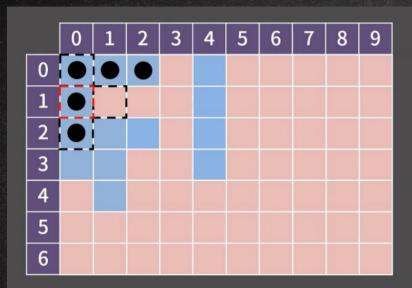
	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9
0	•		•							
1										
2										
3										
4										
5										
6										

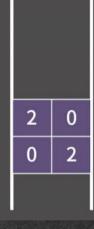
0	2
1	0

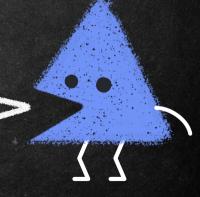


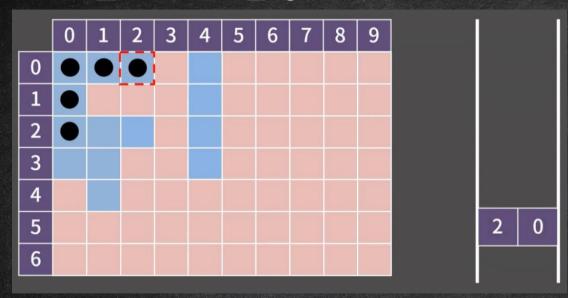


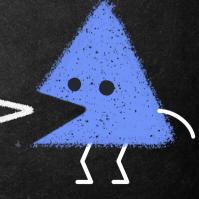


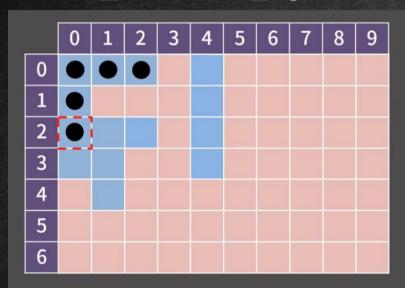


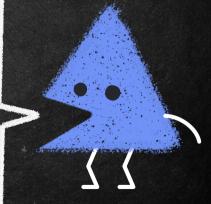


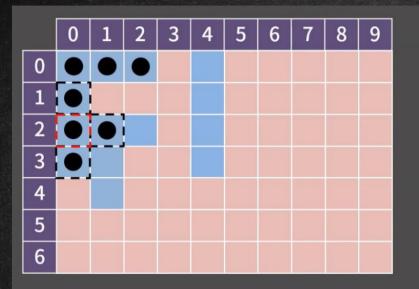




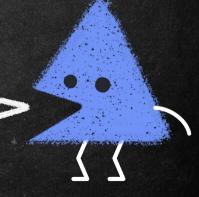


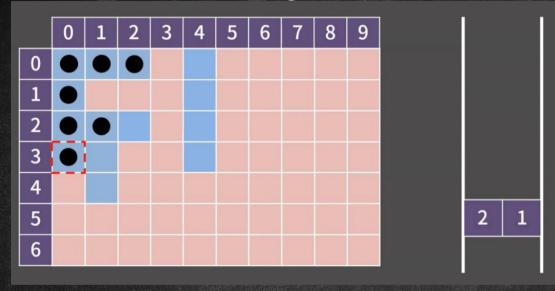


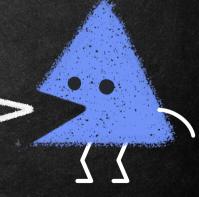


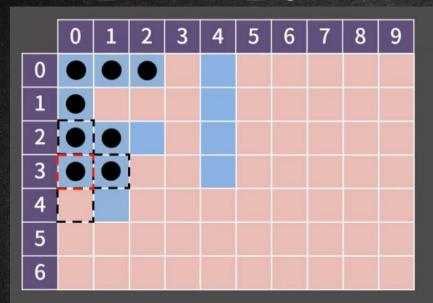


2	1
3	0

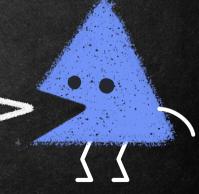


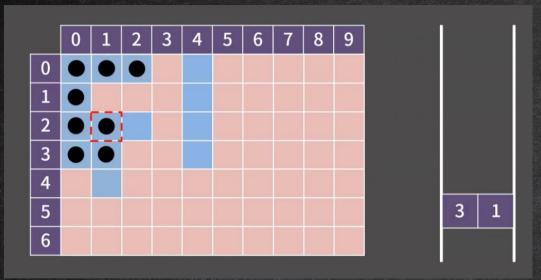


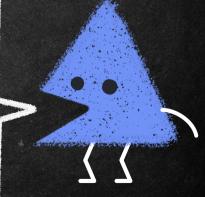


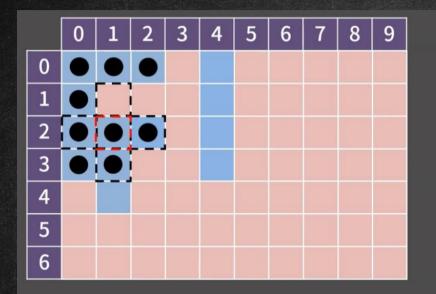


3	1
2	1

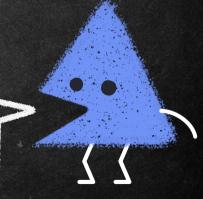


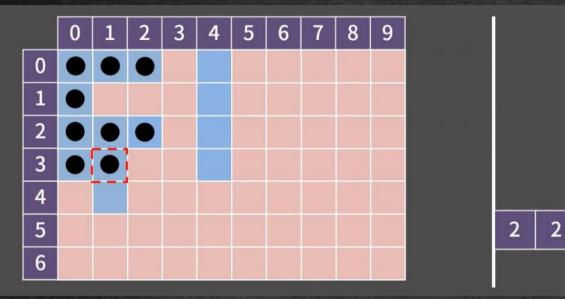


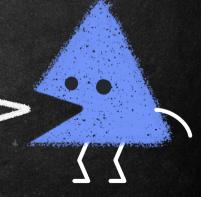


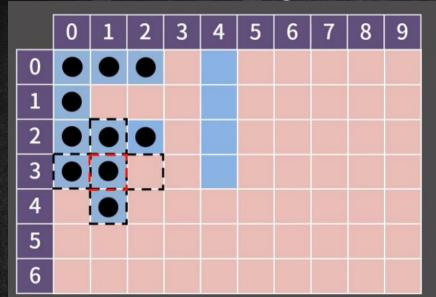


2	2
3	1

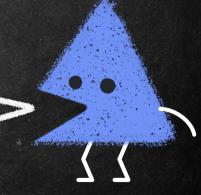


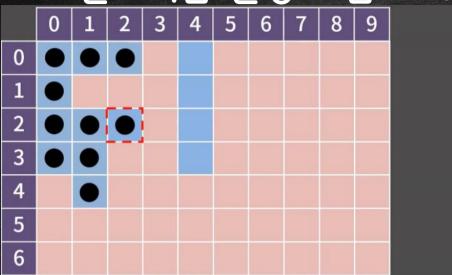


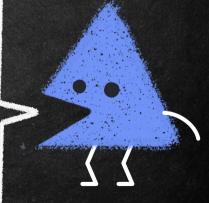


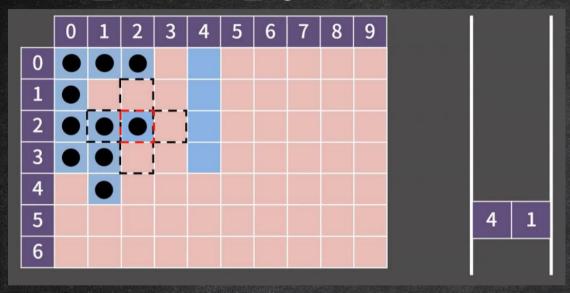


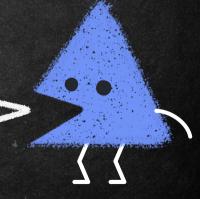
4	1
2	2





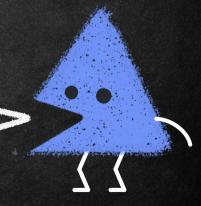






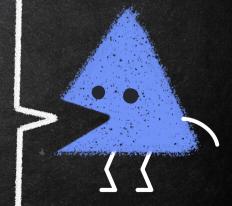
	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9
0										
Name of Street										
2										
3		•								
4										
5										
6										

- → 스스로 확인해보세요! 같은 과정이 반복됩니다!!!
- → 이제 상하좌우를 살펴도 없네요!!!
- → 정리해봅시다!!!



BFS 일고리즘 설명

- 1. 시작하는 칸을 큐에 넣고 방문했다는 표시를 남김.
- 큐에서 원소를 꺼내서 그 칸에 상하좌우로 인접한 칸에 대해서 3번을 진행함.
- 해당 칸을 이전에 방문했다면 패스, 처음으로 방문했다면 방문했다는 표시 후에 큐에 삽입
- 4. 큐가 빌때까지 2번을 반복함.
- → 코드를 짜면서 생각을 해봅시다.



66

Pair 기억나시나요..?

https://github.com/Dco

<u>m-</u>

KHU/2021_Algorithm_ba sic/blob/main/Dcom-KHU%20Week5/pair_pra ctice.cpp



66

값의 접근은 각각 first, second를 부름으로써 가능하고 또 pair에는 미리 대소 관계가 설정되어 있어서 편합니다. 알아서 앞쪽의 값을 먼저 비교하고, 이후 뒤쪽의 값을 비교합니다.

BFS를 구현할 때 큐에 좌표를 넣어야 하는데, 이때 pair를 쓸 것입니다.

BFS 일고리즘 설명 코드로!!!

```
□#include <iostream>
#include <queue>
 using namespace std;
 #define X first
 #define Y second // pair에서 first, second를 줄여서 쓰기 위해서 사용
 int board[502][502] =
\exists \{ \{1,1,1,0,1,0,0,0,0,0,0\},
 {1.0.0.0.1.0.0.0.0.0}.
 {1,1,1,0,1,0,0,0,0,0,0},
 {1,1,0,0,1,0,0,0,0,0,0},
 \{0,1,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0\},
 {0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0},
 {0,0,0,0,0,0,0,0,0,0} }; // 1이 파란 칸, 0이 빨간 칸에 대응
 bool vis[502][502]; // 해당 칸을 방문했는지 여부를 저장
 int n = 7, m = 10; // n = 행의 수, m = 열의 수
 int dx[4] = \{1,0,-1,0\};
 int dy[4] = { 0,1,0,-1 }; // 상하좌우 네 방향을 의미
```

- → 상하좌우를 왜 저렇게 하나요??
- → X좌표 기준 +1 -1, Y좌표 기준 +1 -1을 해준다고 생각!!!

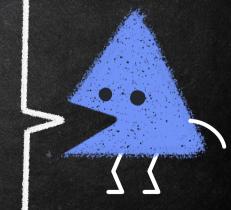
BFS 일고리즘 설명 코드로!!!

```
int main(void) {
   queue<pair<int, int> > Q;
   vis[0][0] = 1; // (0.0)을 방문했다고 명시
   Q.push({ 0.0 }); // 큐에 시작점인 (0.0)을 삽입.
   while (!Q.emptv()) {
       pair<int, int> cur = Q.front(); Q.pop();
       cout << '(' << cur.X << ", " << cur.Y << ") -> ";
       for (int dir = 0; dir < 4; dir++) { // 상하좌우 칸을 살펴볼 것이다.
          int nx = cur.X + dx[dir];
          int ny = cur.Y + dy[dir]; // nx, ny에 dir에서 정한 방향의 인접한 칸의 좌표가 들어감
          if (nx < 0 \mid | nx >= n \mid | ny < 0 \mid | ny >= m) continue;
          // 범위 밖일 경우 넘어감
          if (vis[nx][ny] || board[nx][ny] != 1) continue;
          // 이미 방문한 칸이거나 파란 칸이 아닐 경우
          vis[nx][ny] = 1;
          // (nx, ny)를 방문했다고 명시
          Q.push({ nx.nv });
```

- → 실행결과를 예상해보세요!!!
- → 앞에 board에서 1 적힌 것 기준으로 BFS 진행함.

BFS 일고리즘 설명 코드로!!!

제대로 너비 우선으로 탐색이 진행되었음을 확인할 수 있습니다!!!



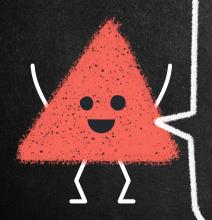


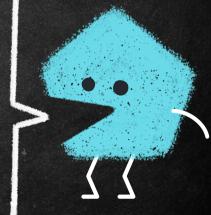
BFS Source Code

https://github.com/Dcom-KHU/2021_Algorithm_basic/blob/main/ Dcom-KHU%20Week5/bfs.cpp



3. DFS!!!

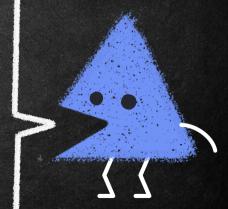




DFS 일고리즘 설명

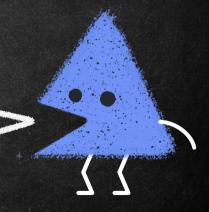
DFS(Depth First Search)

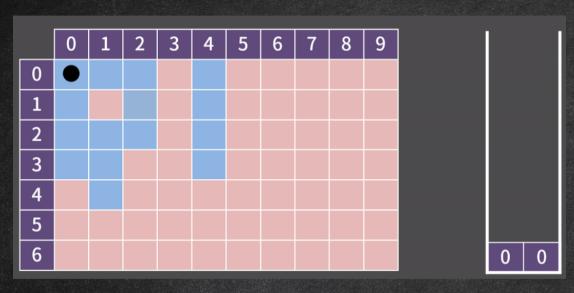
- → 다차원 배열에서 각 칸을 방문할 때 깊이를 우선으로 방문하는 일고리즘
- → 깊이를 우선으로 방문한다...?!!????? 뭔 소리죠??
 - → <u>그림을 통해서 이해해봅시다!!!</u>



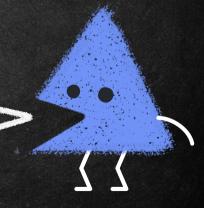
	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9
0										
1										
2										
3										
4										
5										
6										

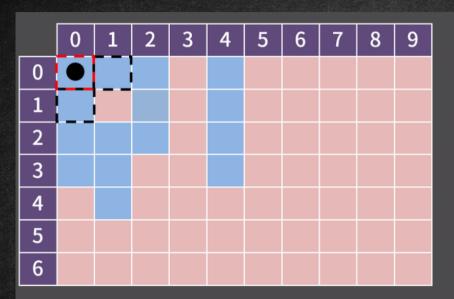
→ 우리의 목표는 (0,0)과 상하좌우로 이어진 모든 파란색 칸을 확인하는 것입니다. 이 문제를 DFS로 어떻게 해결하는지 보겠습니다.



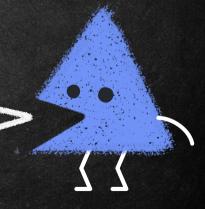


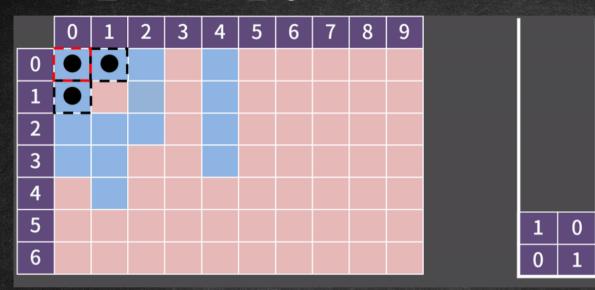
→ 우선 (0,0)에 방문했다는 표시를 한 후 해당 칸을 스택에 넣습니다. 이게 초기세팅이고, 이후에는 스택이 빌때까지 계속 스택의 top을 빼고 상하좌우를 살피면서 반복합니다.



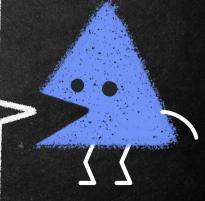


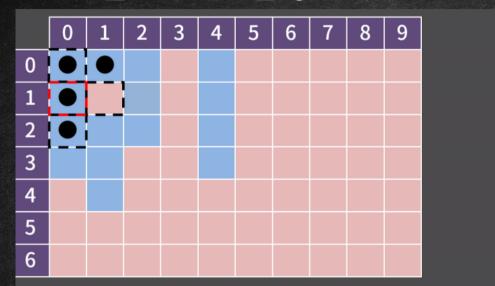
- → 지금 스택의 top은 (0,0)이고 pop을 합니다.
- → 그리고 (0,0)의 상하좌우를 보는데 이 중에서 우리는 파란색 칸이면서 아직 방문하지 않은 칸을 찾습니다.





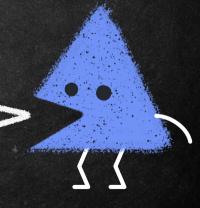
→ 보면 (0,1)과 (1,0)이 모두 파란 칸이면서 아직 방문하지 않은 칸이니 방문했다는 표시를 남기고 스택에 넣습니다.





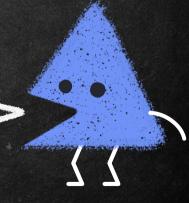


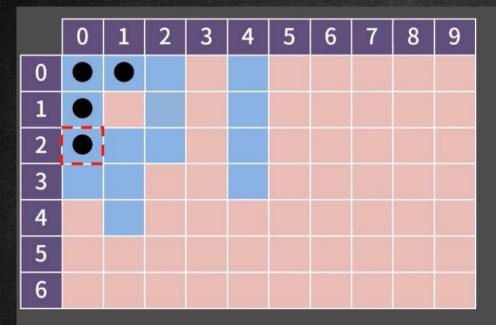
- → 지금 스택의 top은 (1,0)이고 pop을 합니다.
- → 상하좌우칸을 실펴보면 (2,0)을 찾을 수 있고 방문처리한 후에 스택에 넣습니다! 이제 반복해볼게요~



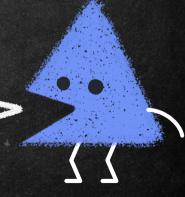
	0	2	3	4	5	6	7	8	9
0									
1									
2									
3									
4									
5									
6									

2	0
0	1



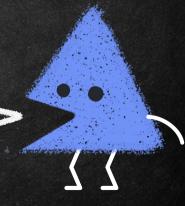


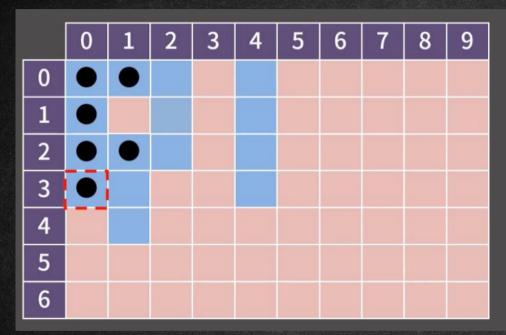




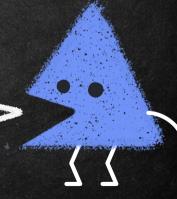
	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9
0	•	•								
1										
2										
3										
4										
5										
6										

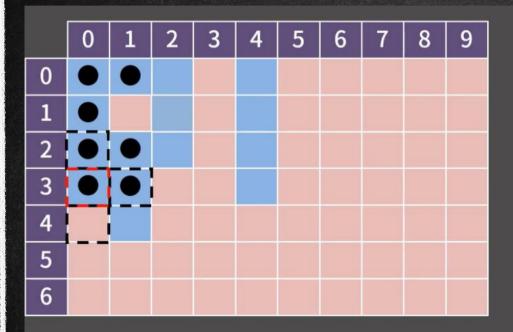
3	0
2	1
0	1



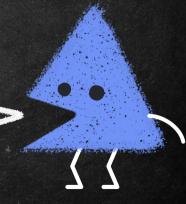


2 1 0 1

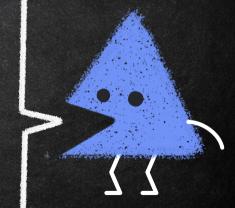




3	1
2	1
0	1

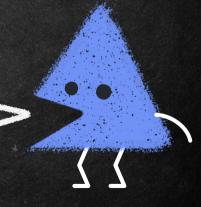


→ 계에에에에에속 반복합니다!!!!



		1	2	2	4	Е	_	7	0	
	0			3	4	5	ь	1	ð	9
0										
1										
2										
3										
4										
5										
6										

- → 이렇게 스택이 비는 순간 종료됩니다.
- → BFS는 큐를 사용해서, DFS는 스택을 사용해서 생각해보았습니다!!!



DFS 일고리즘 설명 코드로!!!

```
=#include <iostream>
 #include <stack>
 using namespace std;
 #define X first
 #define Y second // pair에서 first, second를 줄여서 쓰기 위해서 사용
 int board[502][502] =
\exists \{ \{1,1,1,0,1,0,0,0,0,0,0\},
 {1,0,0,0,1,0,0,0,0,0,0},
 {1,1,1,0,1,0,0,0,0,0,0},
 {1,1,0,0,1,0,0,0,0,0,0},
 {0,1,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0},
 \{0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0\}
 └{0,0,0,0,0,0,0,0,0,0} }; // 1이 파란 칸, 0이 빨간 칸에 대응
 bool vis[502][502]; // 해당 칸을 방문했는지 여부를 저장
 int n = 7, m = 10; // n = 행의 수, m = 열의 수
 int dx[4] = \{1,0,-1,0\};
 int dy[4] = { 0,1,0,-1 }; // 상하좌우 네 방향을 의미
```

- → 상하좌우를 왜 저렇게 하나요??
- → X좌표 기준 +1 -1, Y좌표 기준 +1 -1을 해준다고 생각!!!

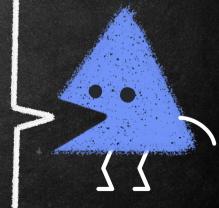
DFS 일고리즘 설명 코드로!!!

```
int main(void) {
   stack<pair<int, int> > S;
   vis[0][0] = 1; // (0, 0)을 방문했다고 명시
   S.push({ 0,0 }); // 스택에 시작점인 (0,0)을 삽입.
   while (!S.empty()) {
       pair<int, int> cur = S.top(); S.pop();
       cout << '(' << cur. X << ", " << cur. Y << ") -> ";
       for (int dir = 0; dir < 4; dir++) { // 상하좌우 칸을 살펴볼 것이다.
          int nx = cur.X + dx[dir];
          int ny = cur.Y + dy[dir]; // nx, ny에 dir에서 정한 방향의 인접한 칸의 좌표가 들어감
          if (nx < 0 \mid | nx >= n \mid | ny < 0 \mid | ny >= m) continue;
          // 범위 밖일 경우 넘어감
          if (vis[nx][ny] || board[nx][ny] != 1) continue;
          // 이미 방문한 칸이거나 파란 칸이 아닐 경우
          vis[nx][nv] = 1; // (nx. nv)를 방문했다고 명시
          S.push({ nx,ny });
```

- → 실행결과를 예상해보세요!!!
- → 앞에 board에서 1 적힌 것 기준으로 DFS 진행함.

DFS 일고리즘 설명 코드로!!!

제대로 깊이 우선으로 탐색이 진행되었음을 확인할 수 있습니다!!!





DFS Source Code

https://github.com/Dcom-KHU/2021_Algorithm_basic/blob/main/ Dcom-KHU%20Week5/dfs.cpp



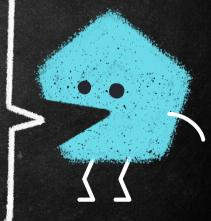
66

DFS는 재귀로도 구현이 가능합니다!!!

https://velog.io/@choiiis/%EC%9E%AC%
EA%B7%80%ED%95%A8%EC%88%98stack%EC%9D%84%EC%9D%B4%EC%9A%A9%ED%95%9C
-DFS-%EA%B8%B0%EB%B3%B8%EA%B5%AC%ED%98%84

4. Workout!!!





66

백준에 있는 문제 2개를 함께 풀어봅니다!!!

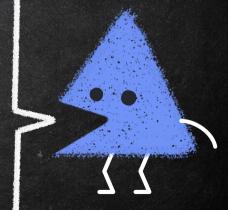


https://www.acmicpc.net/problem/1926

꼭 문제와 입출력을 확인하세요!!!

문제에서 난관은 다음과 같습니다.

- → 상하좌우로 연결된 그림의 크기를 알아내기
- → 도화지에 있는 모든 그림을 찾아내기

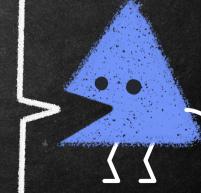


우리는 지금 하나의 시작점에서 BFS를 도는 방법만 익혔으나,이 문제에서는 도화지에서 모든 그림을 찾아야하고, 크기도 일아내야 합니다. 꽤 어렵지 않나 싶지만, 조금만 생각을 하면 됩니다.

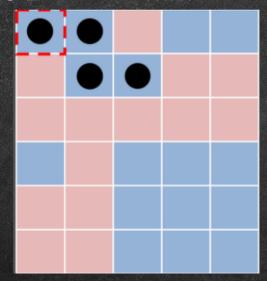
크기의 경우에는 POP을 몇 번하는지를 세주면 됩니다.

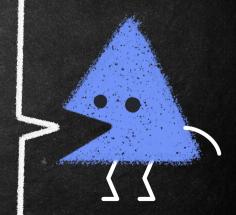
(생각해보세요!!!)

모든 그림을 찾는 경우에는 이중 for문을 사용하면 됩니다.

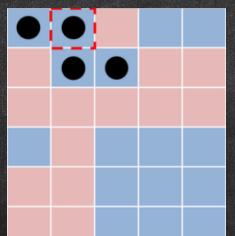


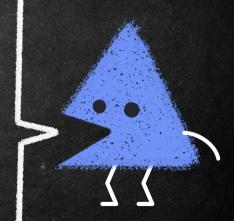
모는 그림을 찾는 경우에는 이중 for분을 사용하면 됩니다(??) 아래 그림을 생각해보면 1번 BFS를 마친 상태입니다. BFS를 마쳤으니 방문처리가 되었겠죠!!!





(0,0)에 이어 오른쪽으로 한 칸 이동해서 BFS가 가능한지 실펴봅니다. 이미 전 슬라이드에서 BFS를 완료했으니 방문처리가 되었으므로 시작점이 될 수 없습니다!!! 이중 for문은 결국 시작점을 찾기 위해 사용되는 것입니다.





백준(1926번-그림 문제) CODE

```
=#include <iostream>
    #include <queue>
    using namespace std;
#define X first
#define Y second // pair에서 first, second를 줄여서 쓰기 위해서 사용
int board[502][502]; // 1이 파란 칸, 0이 빨간 칸에 대응
bool vis[502][502]; // 해당 칸을 방문했는지 여부를 저장
int n, m;
int dx[4] = { 1,0,-1,0 };
int dy[4] = { 0,1,0,-1 }; // 상하좌우 네 방향을 의미
```

백준(1926번-그림 문제) CODE

```
int main(void) {
   cin >> n >> m:
   for (int i = 0; i < n; i++)
      for (int i = 0; i < m; i++)
         cin >> board[i][i]:
   int mx = 0; // 그림의 최댓값
   int num = 0; // 그림의 수
   for (int i = 0; i < n; i++) {
      for (int j = 0; j < m; j++) { // (i, j)를 시작점으로 하고 싶은 상황
         if (board[i][i] == 0 or vis[i][i]) continue;
         // 해당 칸이 색칠이 안된 부분(0)이거나 이미 (i, j)를 방문했을 경우 넘어감
         // (i.i)는 새로운 그림에 속해있는 시작점
         num++; // 그림의 수 1 증가
         queue<pair<int. int> > Q;
         vis[i][i] = 1; // (i.i)로 BFS를 시작하기 위한 준비
         Q.push({ i, j });
         int area = 0; // 그림의 넓이
         while (!Q.emptv()) {
             area++; // 큐에 들어있는 원소를 하나 뺄 때 마다 넓이를 1 증가시킴
             auto cur = 0.front(); 0.pop();
             for (int dir = 0; dir < 4; dir++) { // 상하좌우 칸을 살펴볼 것이다.
                int nx = cur.X + dx[dir];
                int ny = cur.Y + dy[dir];
                // nx. ny에 dir에서 정한 방향의 인접한 칸의 좌표가 들어감
                if (nx < 0 \mid | nx >= n \mid | ny < 0 \mid | ny >= m) continue;
                // 범위 밖일 경우 넘어감
                if (vis[nx][nv] || board[nx][nv] != 1) continue;
                // 이미 방문한 칸이거나 파란 칸이 아닐 경우
                vis[nx][ny] = 1; // (nx. ny)를 방문했다고 명시
                Q.push({ nx.nv });
         // (i, i)를 시작점으로 하는 BFS가 종료됨
         mx = max(mx. area);
         // area가 mx보다 클 경우 mx에 area를 대입. max는 STL에 정의된 함수
   cout << num << '\m' << mx;
```

백준(2178번-미로 탐색)

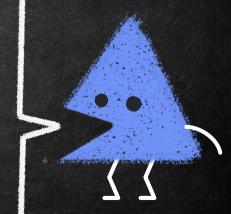
https://www.acmicpc.net/problem/2178

꼭 문제와 입출력을 확인하세요!!!

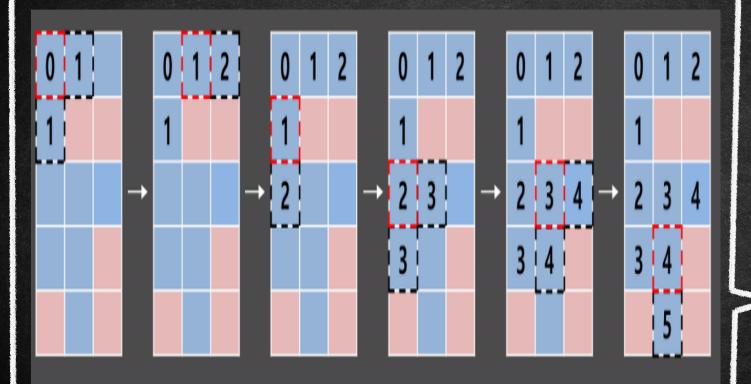
미로의 좌측 상단으로부터 우측 하단으로 가는 최단 경로의 길이를 찾는 문제입니다.

(O,O)에서 시작해서 사방으로 퍼져나가는 느낌이 들지 않나요...?

그림과 함께 살펴보죠!!!



백준(2178번-미로 탐색)

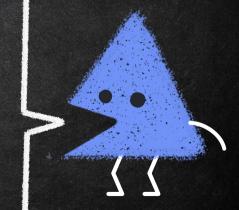




백준(2178번-미로 탐색)

방문했다는 표시 대신에 (O,O)에서부터 깊어질수록 거리를 계산하면 됩니다.

단순히 BFS를 통해서 방문하는 것에서 끝나는 것이 아니라 시작점과의 거리를 전부 계산할 수 있습니다!!!



백준(2178번-미로 탐색) CODE

```
∃#include <iostream>
 #include <queue>
 using namespace std;
 #define X first
 #define Y second
 string board[102];
 int dist[102][102];
 int n, m;
 int dx[4] = \{1,0,-1,0\};
 int dy[4] = \{ 0,1,0,-1 \};
```

백준(2178번-미로 탐색) CODE

```
int main(void) {
   cin >> n >> m;
    for (int i = 0; i < n; i++)
       cin >> board[i];
    for (int i = 0; i < n; i++) fill(dist[i], dist[i] + m, -1);
   queue<pair<int, int> > Q;
   Q.push(\{ 0,0 \});
   dist[0][0] = 0;
   while (!Q.empty()) {
        auto cur = Q.front(); Q.pop();
        for (int dir = 0; dir < 4; dir++) {
            int nx = cur.X + dx[dir];
            int ny = cur.Y + dy[dir];
            if (nx < 0 \mid | nx >= n \mid | ny < 0 \mid | ny >= m) continue;
            if (dist[nx][ny] >= 0 || board[nx][ny] != '1') continue;
            dist[nx][ny] = dist[cur.X][cur.Y] + 1;
            Q.push({ nx,ny });
```

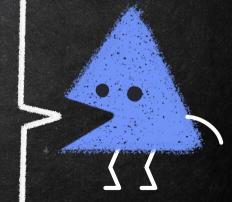
cout << dist[n - 1][m - 1] + 1; // 문제의 특성상 거리+1이 정답

함께 풀어보면 좋은 문제들

백준 문제집

→ Week 5에 들어있는 문제들 많지 않으니 학습한 내용들 참고해서 꼭 시도해보세요~!

BFS/ DFS는 정말 문제가 많습니다. 꼭 시간 내서 구현 방법이라도 알아가셨으면 좋겠습니다.



THANK YOU

