

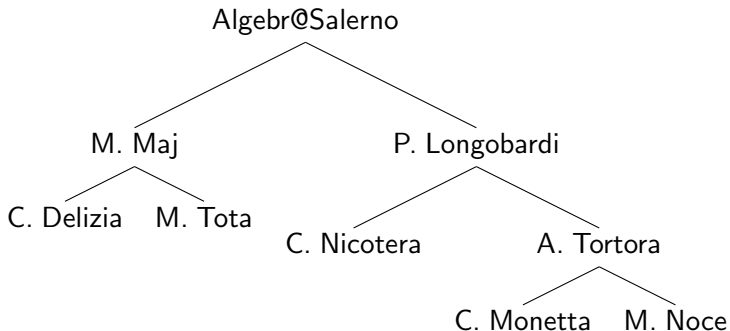
# IL GRUPPO DI SALERNO

Antonio Tortora  
antortora@unisa.it

Università degli Studi di Salerno  
Dipartimento di Matematica

Associazione De Componendis Cifris: evento conoscitivo  
Napoli, CNR - 22 gennaio 2018

# Gli elementi del Gruppo



## Laurea Triennale

- Algebra I – M. Maj, M. Tota
- Algebra II – P. Longobardi, M. Tota
- Semigrupperi liberi e Teoria dei codici – C. Delizia
- Teoria di Galois – G. Vincenzi

## Laurea Triennale

- Algebra I – M. Maj, M. Tota
- Algebra II – P. Longobardi, M. Tota
- Semigrupperi liberi e Teoria dei codici – C. Delizia
- Teoria di Galois – G. Vincenzi

## Laurea Magistrale

- Istituzioni di Algebra Superiore – P. Longobardi
- Teoria dei Gruppi – M. Maj, A. Tortora
- Teoria dei Moduli – M. Maj
- Teoria dei Numeri e Crittografia – P. Longobardi

# Didattica: insegnamenti di Algebra

## Laurea Triennale

- Algebra I – M. Maj, M. Tota
- Algebra II – P. Longobardi, M. Tota
- Semigruppı liberi e Teoria dei codici – C. Delizia
- Teoria di Galois – G. Vincenzi

## Laurea Magistrale

- Istituzioni di Algebra Superiore – P. Longobardi
- Teoria dei Gruppi – M. Maj, A. Tortora
- Teoria dei Moduli – M. Maj
- Teoria dei Numeri e Crittografia – P. Longobardi

## Piano Lauree Scientifiche per la Matematica

- Laboratorio di Algebra e Crittografia – M. Tota, A. Tortora



## I nostri gruppi

- $p$ -gruppi finiti

## I nostri gruppi

- $p$ -gruppi finiti
- gruppi infiniti con condizioni finitarie



## I nostri gruppi

- $p$ -gruppi finiti
- gruppi infiniti con condizioni finitarie
- gruppi di Engel

## I nostri gruppi

- $p$ -gruppi finiti
- gruppi infiniti con condizioni finitarie
- gruppi di Engel
- gruppi di Grigorchuk e loro generalizzazioni

## I nostri gruppi

- $p$ -gruppi finiti
- gruppi infiniti con condizioni finitarie
- gruppi di Engel
- gruppi di Grigorchuk e loro generalizzazioni

Con  $x$  e  $y$  elementi di un gruppo  $G$ , definiamo il *commutatore*

$$[x, y] = x^{-1}y^{-1}xy.$$

## I nostri gruppi

- $p$ -gruppi finiti
- gruppi infiniti con condizioni finitarie
- gruppi di Engel
- gruppi di Grigorchuk e loro generalizzazioni

Con  $x$  e  $y$  elementi di un gruppo  $G$ , definiamo il *commutatore*

$$[x, y] = x^{-1}y^{-1}xy.$$

Il gruppo  $G$  si dice *2-Engel* se  $[x, y, y] = [[x, y], y] = 1$  per ogni  $x, y \in G$ .

## I nostri gruppi

- $p$ -gruppi finiti
- gruppi infiniti con condizioni finitarie
- gruppi di Engel
- gruppi di Grigorchuk e loro generalizzazioni

Con  $x$  e  $y$  elementi di un gruppo  $G$ , definiamo il *commutatore*

$$[x, y] = x^{-1}y^{-1}xy.$$

Il gruppo  $G$  si dice *2-Engel* se  $[x, y, y] = [[x, y], y] = 1$  per ogni  $x, y \in G$ . In tal caso si ha

(i)  $xy^2x = yx^2y$ ;

## I nostri gruppi

- $p$ -gruppi finiti
- gruppi infiniti con condizioni finitarie
- gruppi di Engel
- gruppi di Grigorchuk e loro generalizzazioni

Con  $x$  e  $y$  elementi di un gruppo  $G$ , definiamo il *commutatore*

$$[x, y] = x^{-1}y^{-1}xy.$$

Il gruppo  $G$  si dice *2-Engel* se  $[x, y, y] = [[x, y], y] = 1$  per ogni  $x, y \in G$ . In tal caso si ha

- (i)  $xy^2x = yx^2y$ ;
- (ii)  $[x^n, y] = [x, y]^n$

## I nostri gruppi

- $p$ -gruppi finiti
- gruppi infiniti con condizioni finitarie
- gruppi di Engel
- gruppi di Grigorchuk e loro generalizzazioni

Con  $x$  e  $y$  elementi di un gruppo  $G$ , definiamo il *commutatore*

$$[x, y] = x^{-1}y^{-1}xy.$$

Il gruppo  $G$  si dice *2-Engel* se  $[x, y, y] = [[x, y], y] = 1$  per ogni  $x, y \in G$ . In tal caso si ha

- (i)  $xy^2x = yx^2y$ ;
- (ii)  $[x^n, y] = [x, y]^n = [x, y^n]$ , per ogni  $n \in \mathbb{Z}$ .

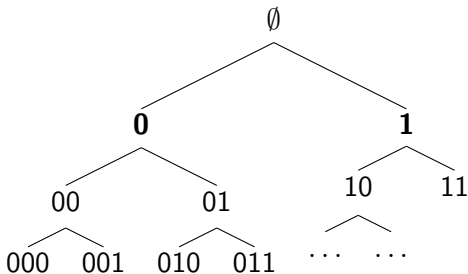
# Automorfismi di un albero

I due gruppi di Grigorchuk sono sottogruppi del gruppo degli automorfismi di un albero con radice regolare di grado  $d = 2$  o  $4$ .



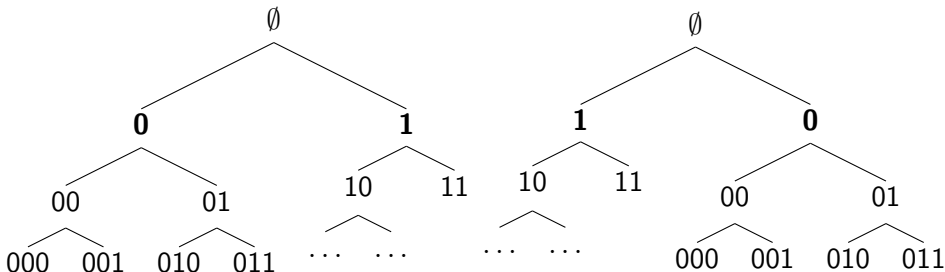
# Automorfismi di un albero

I due gruppi di Grigorchuk sono sottogruppi del gruppo degli automorfismi di un albero con radice regolare di grado  $d = 2$  o  $4$ .



# Automorfismi di un albero

I due gruppi di Grigorchuk sono sottogruppi del gruppo degli automorfismi di un albero con radice regolare di grado  $d = 2$  o  $4$ .



Un automorfismo è una permutazione dell'insieme dei vertici che fissa la radice e conserva l'adiacenza.

Trento, 2016

Trento, 2016

R. Aragona, M. Calderini, A.T., M. Tota

- *On the primitivity of PRESENT and other lightweight ciphers*

Journal of Algebra and its applications, First online: 2017

arXiv:1611.01346 [math.GR].

## Trento, 2016

R. Aragona, M. Calderini, A.T., M. Tota

- *On the primitivity of PRESENT and other lightweight ciphers*

Journal of Algebra and its applications, First online: 2017

arXiv:1611.01346 [math.GR].

## BunnyTN 2016

C. Monetta, A.T.

- *The conjugacy search problem for supersoluble groups*

in preparazione.

## Trento, 2016

R. Aragona, M. Calderini, A.T., M. Tota

- *On the primitivity of PRESENT and other lightweight ciphers*

Journal of Algebra and its applications, First online: 2017

arXiv:1611.01346 [math.GR].

## BunnyTN 2016

C. Monetta, A.T.

- *The conjugacy search problem for supersoluble groups*

in preparazione.

B. Eick, D. Kahrobaei, Polycyclic groups: a new platform for cryptology?, 2004, arXiv:math/0411077 [math.GR].

D. Kahrobaei, V. Shpilrain, A.T.

- *Using 2-Engel groups in public key cryptography*  
(in preparazione).

D. Kahrobaei, V. Shpilrain, A.T.

- *Using 2-Engel groups in public key cryptography*  
(in preparazione).

Scambio della chiave basato sull'uso dei gruppi 2-Engel:

$$xy^2x = yx^2y;$$



D. Kahrobaei, V. Shpilrain, A.T.

- *Using 2-Engel groups in public key cryptography*  
(in preparazione).

Scambio della chiave basato sull'uso dei gruppi 2-Engel:

$$xy^2x = yx^2y; \quad [x^n, y] = [x, y]^n = [x, y^n].$$

D. Kahrobaei, V. Shpilrain, A.T.

- *Using 2-Engel groups in public key cryptography*  
(in preparazione).

Scambio della chiave basato sull'uso dei gruppi 2-Engel:

$$xy^2x = yx^2y; \quad [x^n, y] = [x, y]^n = [x, y^n].$$

## AMS (Spring Eastern) Sectional Meetings

D. Kahrobaei, A.T.

- Special Session on *Algorithmic Group Theory and Applications*

Northeastern University, Boston, MA – April 21-22, 2018

[www.ams.org/meetings/sectional/2252\\_program\\_ss26.html](http://www.ams.org/meetings/sectional/2252_program_ss26.html)

# Eventi: Ischia Group Theory

Convegno internazionale biennale organizzato, dal 2004, in collaborazione con l'Università dell'Aquila e l'Università di Milano



<http://www.dipmat2.unisa.it/ischiagrouptheory>

# Ischia Group Theory 2018, 19 – 24 marzo

## ISCHIA GROUP THEORY 2018

ISCHIA (NAPLES, ITALY)  
MARCH, 19th - 24th

[www.dipmat2.unisa.it/ischiagrouptheory](http://www.dipmat2.unisa.it/ischiagrouptheory)



SCIENTIFIC COMMITTEE:  
Mariagrazia BIANCHI (Milano)  
Patrizia LONGOBARDI (Salerno)  
Mercede MAJ (Salerno)  
Carlo SCOCCOLA (L'Aquila)

ORGANIZING COMMITTEE:  
Costantino DELIZIA  
Carminè MONETTA  
Chiara NICOTERA  
Maria Laura NOCE  
Antonio TORTORA  
Maria TOTA  
(Università di Salerno)



INdAM GNSAGA



UNIVERSITÀ DEGLI STUDI DI SALERNO



UNIVERSITÀ DEGLI STUDI DI SALERNO  
Dipartimento di  
Matematica E. S. Cavalcanti



UNIVERSITÀ DEGLI STUDI DI SALERNO  
Dipartimento di Matematica E. S. Cavalcanti



UNIVERSITÀ DEGLI STUDI DI SALERNO



UNIVERSITÀ DEGLI STUDI DI SALERNO



UNIVERSITÀ DEGLI STUDI DI SALERNO

### MAIN SPEAKERS:

A. Abdollahi (Iran)  
E. Aljadeff (Israel)  
A. Ballester-Bolínches (Spain)  
A. Caranti (Italy)  
F. de Giovanni (Italy)  
R. Esteban-Romero (Spain)  
G.A. Fernández-Alcober (Spain)  
A.M.W. Glass (U.K.)  
G. Glauberman (U.S.A.)  
R. Grigorchuk (U.S.A.)  
T. Hawkes (U.K.)  
H. Heineken (Germany)  
W. Herfort (Austria)  
M. Herzog (Israel)  
L.C. Kappe (U.S.A.)  
O. Kegel (Germany)  
E. Khukhro (U.K.)  
B. Klopsch (Germany)  
L.A. Kurdachenko (Ukraine)  
M. Kuzucuoglu (Turkey)  
M.L. Lewis (U.S.A.)  
A. Lubotzky (Israel)  
A. Lucchini (Italy)  
A. Olshanskii (U.S.A./Russia)  
C.W. Parker (U.K.)  
C.E. Praeger (Australia)  
D.J.S. Robinson (U.S.A.)  
D. Segal (U.K.)  
Y. Segev (Israel)  
P. Shumovskiy (Brazil)  
S.E. Stonehewer (U.K.)  
A. Turull (U.S.A.)  
N. Vavilov (Russia)  
J.S. Wilson (U.K.)  
A. Zalesski (Belarus)  
E.I. Zelmanov (U.S.A.)

# Ischia Group Theory 2018: main speakers

A. Abdollahi (Iran)	L.A. Kurdachenko (Ukraine)
E. Aljadeff (Israel)	M. Kuzucuoğlu (Turkey)
A. Ballester-Bolinches (Spain)	M.L. Lewis (U.S.A.)
A. Caranti ( <b>Italy</b> )	A. Lubotzky (Israel)
F. de Giovanni ( <b>Italy</b> )	A. Lucchini ( <b>Italy</b> )
R. Esteban-Romero (Spain)	A. Olshanskiy (U.S.A./Russia)
G.A. Fernández-Alcober (Spain)	C.W. Parker (U.K.)
A.M.W. Glass (U.K.)	C.E. Praeger (Australia)
G. Glauberman (U.S.A.)	D.J.S. Robinson (U.S.A.)
T. Hawkes (U.K.)	D. Segal (U.K.)
H. Heineken (Germany)	Y. Segev (Israel)
W. Herfort (Austria)	P. Shumyatsky (Brazil)
M. Herzog (Israel)	S.E. Stonehewer (U.K.)
L.-C. Kappe (U.S.A.)	A. Turull (U.S.A.)
O.H. Kegel (Germany)	N. Vavilov (Russia)
E. Khukhro (U.K.)	J.S. Wilson (U.K.)
B. Klopsch (Germany)	A. Zalesski (Belarus)

Grazie per l'attenzione!



Campus di Unisa, Fisciano (SA)