



OP	a	b	c	d	e	f	g	h	i	l	m
	x	y	z	n	o	p	q	r	s	t	u
QR	a	b	c	d	e	f	g	h	i	l	m
	q	r	s	t	u	x	y	z	n	o	p
ST	a	b	c	d	e	f	g	h	i	l	m
	p	q	r	s	t	u	x	y	z	n	o
VX	a	b	c	d	e	f	g	h	i	l	m
	u	x	y	z	n	o	p	q	r	s	t
YZ	a	b	c	d	e	f	g	h	i	l	m
	o	p	q	r	s	t	u	x	y	z	n



Mercoledì 5 Maggio 2021 – ore 15:00 Seminario Online via Zoom

Seminario congiunto UMI - Gruppo Crittografia e Codici e Iniziativa De Componendis Cifris - Gruppo MathCifris

Luca De Feo
IBM Research, Zurigo

La corrispondenza di Deuring effettiva – la chiave per la prossima generazione di crittografia basata sulle isogenie?

Abstract: Nel 1997, nel corso di un seminario alla Scuola Normale Superiore di Parigi (ENS Ulm), Jean-Marc Couveignes presentava un'idea tanto visionaria quanto incompresa: in un vasto tentativo di generalizzazione del problema del logaritmo discreto, egli (re)introduceva la nobile e venerata teoria della Moltiplicazione Complessa (CM) in crittografia. Il piano era audace: piuttosto che darsi a gestire l'ingestibile CM in caratteristica 0, come si era tentato fino ad allora in crittografia sulle curve ellittiche, Couveignes costruiva direttamente sui lavori di Deuring e Waterhouse che rendevano la CM effettiva in caratteristica positiva, attraverso algoritmi di calcolo d'isogenie. Piano talmente audace che cadde nell'oblio per due lustri.

Avanti-veloce ad oggi, l'algoritmo quantistico di Shor per il logaritmo discreto, lo sviluppo della crittografia post-quantistica, e la scoperta di algoritmi più efficaci per la CM effettiva hanno riportato le idee di Couveignes alla ribalta, rappresentate principalmente dal nuovo protocollo di scambio di chiave CSIDH e dai suoi derivati. Nel frattempo la crittografia a base d'isogenie ha avuto modo di svilupparsi anche in altre direzioni, sfruttando il formalismo dei grafi d'isogenie supersingolari ed i notevoli teoremi sui loro autovalori.

Ma i lavori di Deuring e Waterhouse hanno una portata che va al di là della CM, fornendo, come dimostrato da Kohel, Lauter, Petit e Tignol, una corrispondenza di categorie pressoché effettiva tra ordini massimali di algebre di quaternioni e curve supersingolari. In principio timidamente proposta come uno strumento per la crittanalisi, Galbraith, Petit e Silva furono i primi ad avere l'intuizione che la corrispondenza effettiva di Deuring (per le curve supersingolari, quindi) potesse servire come un'ulteriore generalizzazione delle idee di Couveignes. L'intuizione si è appena concretizzata in maniera spettacolare in SQISign, il protocollo di firma digitale post-quantistico più compatto conosciuto fino ad ora.

In questa presentazione spero di riuscire a presentare, in maniera semplice ed accessibile, la corrispondenza di Deuring effettiva, i suoi algoritmi e i suoi problemi ritenuti difficili, accompagnandola di riferimenti alle applicazioni crittografiche.

[Link al seminario su Zoom](#)

ID riunione: 847 3303 9501

Passcode: 350323

Referente:

Norberto Gavioli

Associazione De Componendis Cifris

seminari@decifris.it
segreteria@decifris.it
matematica@decifris.it

UMI

seminariumi-cc@googlegroups.com