1B.md 2023-09-18

## 题目

#### 题目描述

在一次愉快的网上摸鱼中, hls 突然发现了一个神奇的数列。这个数列  $H_n$  满足如下递推式:

$$H_n = \left\{egin{aligned} \sum_{i=1}^n H_{i-1} H_{n-i}, & n \geq 2 \ 1, & n=0,1 \end{aligned}
ight.$$

现在 hls 想知道第 i 项的值是多少,你能帮帮他嘛?

由于答案可能很大,因此输出需要对 998244353 进行取模。

### 输入

#### 本题测试点包含多组数据。

第一行有1个整数,表示数据组数Q。

接下来 Q 行,每行 1 个整数 n ,表示查询  $H_n$  的大小。

数据保证  $1 \le Q \le 1000, 1 \le n \le 1000$ 。

#### 输出

对于每组数据,输出  ${\color{olive}0}$  行,每行为对应  $H_n$  取模后的值。

### 思路

本题考察卡特兰数,若用常规递归方法,时间复杂度约为O(n^2),在oj上会tle,所以不能采用直接递归的方法 本人的思路是用数组打表,把H1-Hn记录下来

### 代码实现

```
#include <iostream>
#include <vector>
using namespace std;

const int MOD = 998244353;
const int MAX = 1005;

int main()
{
    int N;
    cin >> N;

    vector<int> dp(MAX, 0);
```

1B.md 2023-09-18

```
dp[0] = 1;
dp[1] = 1;
for (int i = 2; i < MAX; i ++)
{
    for (int j = 1; j <= i; j ++)
        {
        dp[i] = (dp[i] + 1LL * dp[j - 1] * dp[i - j]) % MOD;
        }
}

for (int k = 0; k < N; k ++)
{
    int n;
    cin >> n;
    cout << dp[n] << endl;
}

return 0;
}</pre>
```

# 要注意的细节

本题有大量的相乘累加,如果先算出结果再对 998244353 求模,很容易出现溢出。可以通过1LL \*或者在每个计算过程都%Mod来避免