

题目描述

大家在《离散数学2》中会学习到半连通的概念。对于一个有向图，我们称其是半连通的，当且仅当对于图中的任意两点 u 和 v ，在点 u 和点 v 之间至少存在一条路径使得要么点 u 能到达点 v ，要么点 v 能到达点 u 。

例如一个 3 个点的图，图中的边为 $1 \rightarrow 2, 1 \rightarrow 3, 3 \rightarrow 2$ ，则该图是半连通的，因为对于点 1 和 2，1 可到达 2；对于点 1 和 3，1 可到达 3；对于点 2 和 3，3 可到达 2。但对于 4 个点的图 $2 \rightarrow 1, 3 \rightarrow 1, 4 \rightarrow 1, 3 \rightarrow 2, 4 \rightarrow 2$ 不是半连通的，因为点 3 和点 4 之间 3 无法到达 4，4 也无法到达 3。

现在我们给出一个**有向无环图**，请你判断其是不是半连通的。

输入

第一行一个正整数 T ($1 \leq T \leq 100$) 表示数据组数。

接下来 T 组数据：

第一行两个正整数 n, m ($1 \leq n, m \leq 10^4$)，分别表示图中点的个数和边的个数。

接下来 m 行，每行两个正整数 u_i, v_i ($1 \leq u_i, v_i \leq n$) 表示图中有一条 $u_i \rightarrow v_i$ 的有向边。

输出

对于每组数据，若给出的图是半连通的则输出 YES，否则输出 NO。

输入样例

1	2
2	3 2
3	1 3
4	3 2
5	4 5
6	2 1
7	3 1
8	4 1
9	3 2
10	4 2

输出样例

1	YES
2	NO

题解

在有向无环图（DAG）中，每个顶点通过有向边与其他顶点连接。由于是无环的，意味着你不能从一个顶点出发经过一系列的边后回到这个顶点，这个性质确保了可以对图进行拓扑排序。

拓扑排序 是将DAG中的所有顶点排列成线性序列，且对于每一对顶点 u 和 v ，如果存在一条从 u 到 v 的边，那么在序列中 u 必然出现在 v 之前。这样的排序序列反映了顶点间的依赖关系。

注意拓扑排序中**只保证**：如果存在 u 到 v 的边，那么拓扑序列中 u 一定在 v 的前面

而不能保证：如果拓扑序列中 u 在 v 的前面，那么存在 u 到 v 的边

半连通图 的定义是：对于图中的任意两个顶点 u 和 v ，要么 u 可以到达 v ，要么 v 可以到达 u

对于DAG和拓扑排序，我们给出以下结论：

DAG是半连通的，当且仅当其拓扑序列中任意相邻顶点之间存在路径

下面给出证明：

- 如果DAG是半连通的，那么对于拓扑排序中的任意连续有序顶点对 $\langle u, v \rangle$ ，节点 u 必然能够到达节点 v ，这意味着拓扑序列中任意相邻顶点之间存在路径。
- 如果在拓扑序列中，对于每一对连续顶点 u 和 v 都存在从 u 到 v 的边，或者存在从 v 到 u 的边，那么对于任何顶点对 $\langle x, y \rangle$ ，如果它们是相邻的，那么它们之间存在路径；如果它们之间存在其他顶点，那么 x 可以通过一系列的边到达 y （即存在一条路径通过排序中位于 x 和 y 之间的其他顶点）。因此，DAG是半连通的。

所以问题转化为，如何判断拓扑序列是否满足任意相邻顶点之间都存在路径。

当我们利用**入度和出度**来生成拓扑序列的时候，只需要注意：当生成拓扑序列的队列中存在多于1个顶点时，这些顶点之间是平行关系，是不存在路径的。

- 如果在初始情况下将所有入度为0的顶点入队，如果存在两个及以上入度为0的顶点，那么这些顶点之间一定无法到达
- 如果在某次我们取出队列中的点，让与之相关联的顶点的入度-1，出现了两个及以上入度为0的顶点，那么这些顶点之间也是无法到达的

```
while (!q.empty()) {  
    if (q.size() != 1) {  
        ok = false;  
        break;  
    }  
    int s = q.front();  
    q.pop();  
    for (auto t : g[s]) {  
        if (--in[t] == 0) {  
            q.push(t);  
        }  
    }  
}  
}
```

所以我们只需要判断在生成拓扑序列的过程中

队列中的顶点数是否始终为1