C4-A题题解

作者: 余绍函

题目描述

Abyss 有一次和同学聚餐,餐厅上了许许多多美味的佳肴,Abyss 「。●_●。」地很开心。

Abyss 嘴里默念着: 「我现在一共有 k 的胃口,桌子上有 n 道菜,第 i 道菜的量为 w_i ,其美味值为 v_i ,如果吃掉 j 个单位($0 < j \le w_i$) 且 j 为整数) 的第 i 道菜,那么我能获得的美味值是 j*vi/wi,我最终的收益是全部吃到的菜的美味值之和,我能够吃掉的菜的总量不能超过我的最大胃口 k,那我最终可以获得的最大美味值是多少呢?」

Abyss 其实在瞬间就计算完毕了,但是他不确定是不是正确的(¯◡ `),于是他希望你也帮忙计算一下他能获得的最大美味值是多少。

输入格式

第一行两个正整数 $n, k(1 \le n \le 10^3, 1 \le k \le 10^5)$, 表示上菜的数量和总胃口 k。

接下来 n 行,每行两个正整数 vi, wi $(1 \le v_i \le 10^7, 1 \le w_i \le 10^6)$,表示第 i 道菜的美味值和量。

输出格式

一行一个保留三位小数的实数,表示可以获得的最大美味值。

输入样例

- 3 6
- 1 1
- 1 3
- 2 4

输出样例

样例解释

一种最优方案为吃掉全部的第1道菜、1/2第2道菜和全部的第3道菜。

Hint

大胆贪心, 小心求证!

经典贪心问题, 本题具体可以参考算法导论 P244 或者课件 PPT。

解题思路

既然我可以不把一道菜都吃完,那么我肯定先吃 *美味率 (美味率=美味值/量)* 最高的的菜啊! 那么这道题就变成了一个简单的排序了,话不多说,上代码:

```
#include<bits/stdc++.h>
using namespace std;
int n, ind = 0;
typedef struct c {
    double v, k;
}dish;
double k, v[1005], w[1005], value = 0;
dish dishes[1005];
int cmp(dish *p1, dish *p2) {
    return ((dish *)p1) -> v < ((dish *)p2) -> v;
}
int main() {
    scanf("%d%lf", &n, &k);
    for(int i = 0; i < n; i++) {
        scanf("%lf%lf", &(dishes[i].v), &(dishes[i].k));
        dishes[i].v /= dishes[i].k;
    } sort(dishes, dishes + n, [](const dish& p1, const dish& p2) {return p1.v
> p2.v;});
    while(k > 0 \&\& ind < n) {
        if(dishes[ind].k <= k) {</pre>
            value += (dishes[ind].v * dishes[ind].k);
            k -= dishes[ind].k;
        } else {
            value += (dishes[ind].v * k);
            k = 0;
        } ind++;
    } printf("%.31f", value);
```

```
return 0;
}
```