

# 题目

## E A\*B Problem (Integer Ver.)

时间限制: 1000ms 内存限制: 65536kb

通过率: 108/140 (77.14%) 正确率: 108/415 (26.02%)

### 题目描述

给定两个非负整数  $A, B$ , 试求  $A \times B$ 。

### 输入

本题测试点包含多组数据。

第一行, 一个正整数  $T$  ( $1 \leq T \leq 10$ ), 表示数据组数。

对于每组数据:

第一行, 一个非负整数  $A$  ( $0 \leq A \leq 10^{2000}$ )。

第二行, 一个非负整数  $B$  ( $0 \leq B \leq 10^{2000}$ )。

### 输出

对于每组数据:

输出一行, 一个整数, 表示  $A \times B$ 。

# 思路

高精度计算 (Arbitrary-Precision Arithmetic), 也被称作大整数 (big num) 计算, 运用了一些算法结构来支持更大整数间的运算 (数字大小超过语言内建整型)

## 存储

在平常的实现中, 高精度数字利用字符串表示, 每一个字符表示数字的一个十进制位。因此可以说, 高精度数值计算 实际上是一种特别的字符串处理。读入字符串时, 数字最高位在字符串首 (下标小的位置)。但是习惯上, 下标最小的位置存放的是数字的最低位, 即 存储反转的字符串。这么做的原因在于, 数字的长度可能发生变化, 但我们希望同样权值位始终保持对齐 (例如, 希望所有的个位都在下标 [0], 所有的十位都在下标 [1] .....); 同时, 加、减、乘的运算一般都从个位开始进行 (回想小学的竖式运算), 这都给了「反转存储」以充分的理由。此后我们将一直沿用这一约定。

# 代码实现

```
#include <iostream>
#include <vector>

using namespace std;

vector<int> mul(vector<int> &A, vector<int> &B) {
    vector<int> C(A.size() + B.size() + 7, 0); // 初始化为 0, C的size可以大一点
```

```
    for (int i = 0; i < A.size(); i++)
        for (int j = 0; j < B.size(); j++)
            C[i + j] += A[i] * B[j];

    int t = 0;
    for (int i = 0; i < C.size(); i++) { // i = C.size() - 1时 t 一定小于 10
        t += C[i];
        C[i] = t % 10;
        t /= 10;
    }

    while (C.size() > 1 && C.back() == 0) C.pop_back(); // 必须要去前导 0, 因为最高
    位很可能是 0
    return C;
}

int main() {
    int T;
    cin >> T;
    while(T--)
    {
        string a, b;
        cin >> a >> b;

        vector<int> A, B;
        for (int i = a.size() - 1; i >= 0; i--)
            A.push_back(a[i] - '0');
        for (int i = b.size() - 1; i >= 0; i--)
            B.push_back(b[i] - '0');

        auto C = mul(A, B);

        for (int i = C.size() - 1; i >= 0; i--)
            cout << C[i];
        cout << endl;
    }
    return 0;
}
```

## 要注意的细节

---

注意要去前导 0, 因为最高位很可能是 0