Лабораторная работа 1.2.1 Определение скорости полёта пули при помощи баллистического маятника 27 октября 2023 г.

1. Цели и задачи

• определить скорость полёта пули, применяя законы сохранения и используя баллистические маятники

2. Оборудование

- духовое ружьё на штативе
- осветитель
- оптическая система для измерения отклонений маятника
- измерительная линейка
- пули и весы для их взвешивания
- баллистические маятники

3. Теория

Поступательный маятник:

Скорость пули:

$$u = \frac{M}{m} \sqrt{\frac{g}{L}} x \tag{1}$$

Погрешность:

$$\Delta u = \sqrt{\left(\frac{\Delta M}{M}\right)^2 + \left(\frac{\Delta m}{m}\right)^2 + 0.5\left(\frac{\Delta g}{g}\right)^2 + 0.5\left(\frac{\Delta L}{L}\right)^2 + \left(\frac{\Delta x}{x}\right)^2} \tag{2}$$

Крутильный маятник:

Отклонение:

$$\varphi \approx \frac{x}{d} \tag{3}$$

$$\sqrt{kI} = \frac{4\pi M R^2 T_1}{T_1^2 - T_2^2} \tag{4}$$

Скорость пули:

$$u = \varphi \frac{\sqrt{kI}}{mr} \tag{5}$$

Погрешности:

$$\Delta u = \sqrt{\left(\frac{\Delta\varphi}{\varphi}\right)^2 + \left(\frac{\Delta m}{m}\right)^2 + \left(\frac{\Delta r}{r}\right)^2 + \left(\frac{\Delta\left(\sqrt{kI}\right)}{\left(\sqrt{kI}\right)}\right)^2} \tag{6}$$

$$\Delta\varphi = \sqrt{\left(\frac{\Delta x}{x}\right)^2 + \left(\frac{\Delta d}{d}\right)^2} \tag{7}$$

$$\Delta \left(\sqrt{kI} \right) = \sqrt{\left(\frac{\Delta M}{M} \right)^2 + 2 \left(\frac{\Delta R}{R} \right)^2 + \left(\frac{\Delta T_1}{T_1} \right)^2 + \left(\frac{\Delta (T_1^2 - T_2^2)}{(T_1^2 - T_2^2)} \right)^2}$$
 (8)

4. Ход работы

Таблица 1. Масса пуль

| N пули | m, мг | | |
|--------|-------|--|--|
| 1 | 502 | | |
| 2 | 508 | | |
| 3 | 508 | | |
| 4 | 487 | | |
| 5 | 504 | | |
| 6 | 507 | | |
| 7 | 516 | | |
| 8 | 507 | | |
| 9 | 509 | | |
| 10 | 499 | | |

I. Метод баллистического маятника, совершающего поступательное движение

Длина подвеса

Масса подвеса

Ускорение свободного падения

$$L = 220,0 \pm 0,5$$
 см

$$M=2925\pm 5$$
г

$$g = 9.810 \pm 0.010 \text{ m} \cdot \text{c}^{-2}$$

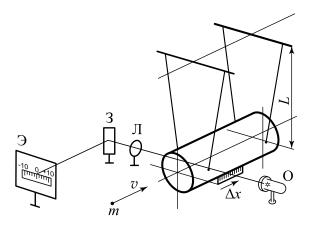


Рис. 1. Схема установки для измерения скорости пули

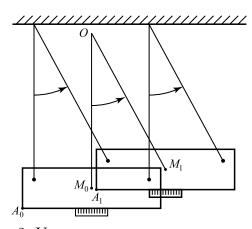


Рис. 2. Установка после попадания пули

Таблица 3. Результаты измерений

| N пули | $\Delta x, \mathrm{cm}$ | u, m/c | |
|--------|-------------------------|-------------|--|
| 1 | 12,20 | 150±6 | |
| 2 | 12,10 | 147 ± 6 | |
| 3 | 12,00 | 146±6 | |
| 4 | 12,10 | 153±6 | |
| 5 | 12,05 | 148±6 | |

$$u = \frac{M}{m} \sqrt{\frac{g}{L}} \Delta x$$

$$u_1 = \langle u \rangle = 148.9 \pm 2.8 \ \mathrm{m} \cdot \mathrm{c}^{-1}$$

II. Метод крутильного баллистичего маятника

Расстояние от мишени до оси

 $r = 22,00 \pm 0,20$ см

Расстояние от груза до оси

 $R = 33,00 \pm 0,20$ см

Масса груза

 $M = 727,2 \pm 0,5$ г

Расстояние до шкалы

 $d = 130,0 \pm 0,5$ см

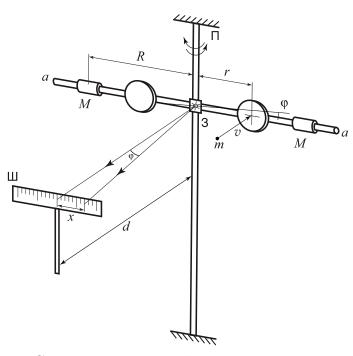


Рис. 3. Схема крутильного баллистического маятника

Таблица 5. Результаты измерений

| N пули | N | t, c | T, c | x, cm | arphi, рад | u, m/c |
|--------|----|-------|------|-------|------------|-----------------|
| 6 | 10 | 52,50 | 5,25 | 6,10 | 0,047 | — |
| 7 | 10 | 69,11 | 6,91 | 4,50 | 0,035 | $104,9 \pm 2,0$ |
| 8 | 10 | 69,03 | 6,90 | 4,80 | 0,037 | $113,8 \pm 2,1$ |
| 9 | 10 | 68,71 | 6,87 | 4,70 | 0,036 | $111,0 \pm 2,1$ |
| 10 | 10 | 68,86 | 6,89 | 4,40 | 0,034 | $106,0 \pm 2,1$ |

$$\varphi \approx \frac{x}{d}$$

$$\sqrt{kI} = \frac{4\pi MR^2T_1}{T_1^2 - T_2^2} = 0.344 \pm 0.004 \; \text{kg} \cdot \text{m}^2 \cdot \text{c}^{-1}$$

$$u = \varphi \frac{\sqrt{kI}}{mr}$$

$$u_2 = \langle u \rangle = 108.9 \pm 1.8 \; \text{m} \cdot \text{c}^{-1}$$

5. Вывод

Мы измерили скорость полёта пуль духового ружья и пистолета с помощью поступательного и крутильного баллистического маятника.

$$\begin{split} u_1 &= 148.9 \pm 2.8 \,\, \mathrm{m \cdot c^{-1}} \\ u_2 &= 108.9 \pm 1.8 \,\, \mathrm{m \cdot c^{-1}} \end{split}$$