

设计思路

本次作业的核心点在于理解 **DDT** 表和 **ACT** 表是如何计算出来的。

1.祖冲之 S 盒的介绍

根据国密祖冲之算法的介绍可以知道, 祖冲之算法的 **S** 盒共分四个小 **S** 盒, 分别为 **S0**、**S1**、**S2**、**S3**, 其中 **S2=S0**、**S3=S1**.本次作业让计算的就是其中两个小盒 **S0** 和 **S1** 的 **DDT** 表和 **ACT** 表。

S 盒的输入输出是 4 字节, 即 32 位, 每个小盒输入输出为 8 位。

设 **S0** 的 8 比特输入为 **X**, 将 **X** 视作两个 16 进制数的连接, 即 **X=H||L**, 则 **S0** 盒中第 **H** 行和第 **L** 列交叉的元素即为 **S0** 的输出 **S0(X)**

设 **S** 盒 **S** 的 32 比特输入 **X** 和 32 比特输出 **Y** 分别为:

$$X = x_0 || x_1 || x_2 || x_3$$

$$Y = y_0 || y_1 || y_2 || y_3$$

其中 **xi** 和 **yi** 均为 8 比特, $i=0,1,2,3$ 。

则有 $y_i = S_i(x_i), i=0,1,2,3$ 。

由于我们仅要求 **S0** 盒和 **S1** 盒的 **DDT** 表和 **ACT** 表, 因此输入时仅有 8 位。

2.DDT 的计算

DDT 表的行为 **detX**, 列为 **detY**, 其中 **detX** 为 **X1** 与 **X2** 异或得到, **detY** 为 **X1** 与 **X2** 根据 **S** 盒得到的输出 **Y1** 与 **Y2** 异或得到。

由于输入 **X** 为 8 位, 输出 **Y** 也为 8 位, 因此表示的整数为 2 的 8 次方即 256 个数, 因此 **DDT** 表大小为 **256*256**。

填充时采取按行填充的策略, 因此以 **detX** 为变量, 每给定一个 **x1**, 将 **detX** 与 **x1** 异或得出 **x2**, 将 **x1** 与 **x2** 分为前后两部分各 4 位, 作为行与列去 **S** 盒中交叉寻找对应输出 **y1** 与 **y2**, 做异或后得到 **detY**, 然后根据 **detX** 与 **detY** 将 **DDT** 中对应表项自增。

由于有 8 位共 256 种 **detX**, 每种 **detX** 有 256 对 **X1** 与 **X2** 来计算 **detY**, 因此程序复杂度为 **256*256**。

代码以及算出的 **DDT** 表见文件夹。

3.LAT 的计算

与 **DDT** 不同, **LAT** 表的行为 8 位 **X** 输入, 列为由 8 位 **X** 输入根据 **S** 盒得出的 8 位 **Y** 输出。8 位二进制数可以表示 256 个整数, 因此 **LAT** 表的大小也为 **256*256**。

我们要寻找 **X** 与 **Y** 的不同位异或之后的线性关系来填充 **LAT** 表, 由于一共有 8 位, 因此 **X** 的 8 位每位均可参与异或不参与异或, 所以 **X** 有 2 的 8 次方即 256 种异或情况, 同理 **Y** 也有 256 种异或情况, 因此线性关系共有 **256*256** 种, 填充 **LAT** 表时共有 256 种 **X** 输入, 因此程序复杂度为 **256*256*256**。

我在程序中进行不同位异或的方法为设置一个 **int** 变量, 从 0 自增到 255, 将其转化为 8 位 2 进制数, 为 1 的位数对应的 **X** 的相应位参与异或, 为 0 的则不参与异或, 因此随着 **int** 变量从 0 自增 255, **X** 所有位的所有异或组合均被涵盖。**Y** 的不同情况异或关系也同理。

代码以及算出的 **LAT** 表见文件夹。