

Instituto Tecnológico de Costa Rica

IC-6200: Inteligencia Artificial

Trabajo Corto 1: Algoritmos A* y Minimax

Estudiantes:

Andrea María Li Hernández - 2021028783 Deyan Andrey Sanabria Fallas - 2021046131 Erick Fabián Madrigal Zavala - 2018146983

Profesor:

Kenneth Roberto Obando Rodriguez

Fecha de entrega: 22 de febrero del 2024

1 Semestre, 2024

Búsqueda A*

- 1. Instala PyAmaze utilizando el siguiente comando: pip install pyamaze.
- 2. Crea un laberinto utilizando las funciones proporcionadas por PyAmaze. Puedes definir el tamaño del laberinto y colocar obstáculos de manera aleatoria.

```
#tamaño del Laberinto
x_inicial = random.randint(50,90)
y_inicial = random.randint(50,90)
#posicion de La meta
y_meta = random.randint(0,y_inicial)
x_meta = random.randint(0,x_inicial)

#se crea el laberinto
m = maze(y_inicial,x_inicial)
# goal en 1,1 inicio en y_inicial, x_inicial
m.CreateMaze(y_meta,x_meta,loopPercent= 100)

#otras formas de generar el Laberinto
#m.CreateMaze(theme=COLOR.light,pattern='v') #vertical
#m.CreateMaze(theme=COLOR.light,pattern='h') #horizontal
agente=agent(m,inicio[0],inicio[1],footprints=True,filled=True)
# maze_map -> arreglo con dato de tipo
# {(y, x): {'E': 1, 'W': 0, 'N': 0, 'S': 0}} 1 = camino, 0 = pared
mapa = m.maze_map
```

3. Implementa el algoritmo A* para encontrar el camino más corto entre un punto de inicio y un punto de destino en el laberinto.

```
#algoritmo principal de A*

def a_estrella(mapa):
    x = inicio[1]
    y = inicio[0]

    lista_abierta = []
    heapq.heappush(lista_abierta, (0, y, x)) # se agrega un elemento inicial con un peso
0 y la posicion inicial
    # Lista de celdas visitadas
    lista_cerrada = [[False for _ in range((x_inicial + 1))] for _ in range((y_inicial + 1))]
    # detalles de las celdas
    detalles_celda = [[Celda() for _ in range((x_inicial + 1))] for _ in range((y_inicial + 1))]

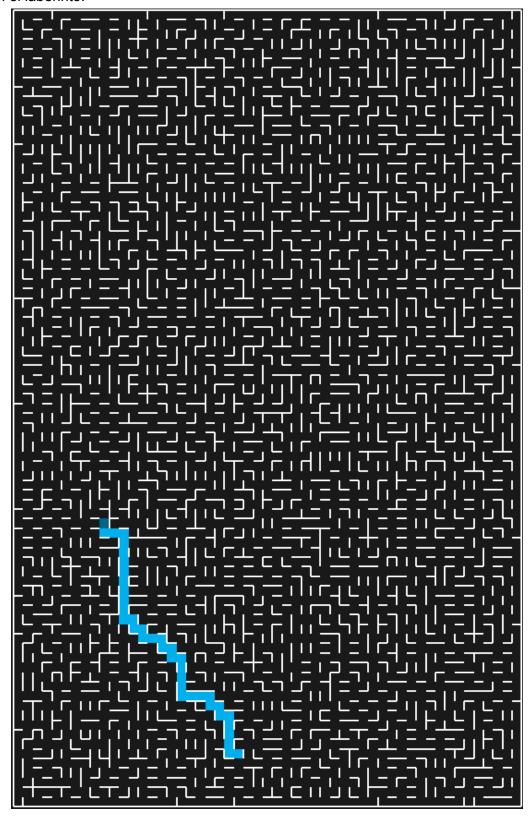
#se inicializa la celda de inicio
```

```
detalles_celda[y][x].f = 0
   detalles_celda[y][x].g = 0
    detalles_celda[y][x].h = 0
    detalles_celda[y][x].padres = (y,x)
   destino alcanzado = False
   while len(lista abierta) > 0:
        actual = heapq.heappop(lista_abierta)
       x = actual[2]
       y = actual[1]
       lista cerrada[y][x] = True
       directiones = [(y-1,x), (y+1,x), (y,x-1), (y,x+1)]
        for direccion in direcciones:
            nueva_y = direccion[0]
           nueva_x = direccion[1]
            if valido(mapa, direccion) and desbloqueado(mapa, actual, direccion):
                if destino(direccion):
                    detalles_celda[nueva_y][nueva_x].padres = (y,x)
                    destino alcanzado = True
                    camino = armar_camino(detalles_celda, meta)
                    mostrar_camino(camino)
                    return
                    nueva_g = detalles_celda[y][x].g + 1.0
                    nueva_h = calcular_heuristica(direccion, meta)
                    nueva_f = nueva_g + nueva_h
                    if detalles celda[nueva y][nueva x].f == float('inf') or
detalles celda[nueva y][nueva x].f > nueva f:
                        heapq.heappush(lista_abierta, (nueva_f, nueva_y, nueva_x))
                        detalles_celda[nueva_y][nueva_x].f = nueva_f
                        detalles_celda[nueva_y][nueva_x].g = nueva_g
```

4. Utiliza las funciones proporcionadas por PyAmaze para visualizar el laberinto y el camino calculado por el algoritmo A*.

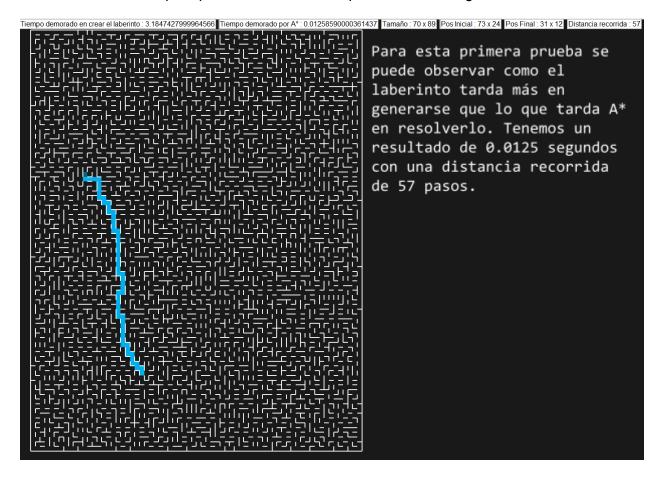
```
def armar_camino(celdas, destino):
   camino = []
   fila = destino[0]
   columna = destino[1]
   while not (celdas[fila][columna].padres[0] == fila and
                celdas[fila][columna].padres[1] == columna):
        camino.append((fila, columna))
        temp fila = celdas[fila][columna].padres[0]
        temp_columna = celdas[fila][columna].padres[1]
       fila = temp_fila
        columna = temp_columna
   camino.append((fila, columna))
   camino.reverse()
   return camino
def mostrar_camino(camino):
   global longitud
   longitud = len(camino)
   for nodo in camino:
        agente.position = nodo
```

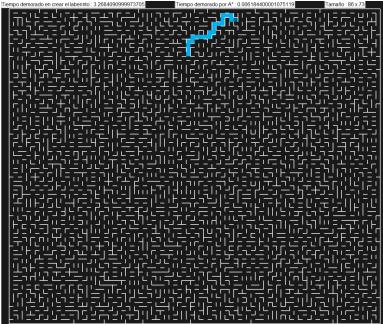
5. El camino calculado debe ser resaltado de manera visual para que sea claramente visible en el laberinto.



Pruebas y experimentación

Para las pruebas del algoritmo de Búsqueda A*, se optó por hacer que el programa creara de forma aleatoria un laberinto entre tamaños de 50x50 hasta 90x90, con la posición inicial y final también aleatorizadas para poder visualizar el comportamiento del algoritmo.





Para la segunda prueba se recorrió mucha menos distancia y el algoritmo tardo mucho menos en encontrar el camino de salida. El algoritmo tardó 0.00618 segundos y recorrió una distancia de 22 pasos.

Para la tercer prueba se obtuvo una cantidad de pasos intermedio de las últimas dos pruebas con un tiempo mismamente intermedio. Se tardó 0.00976 segundos y se dieron 40 pasos.



Estas pruebas resultan en la siguiente tabla:

Tiempo tardado	Distancia Recorrida	# de prueba	Diff con la anterior
0.00487	19	4	N/A
0.00618	22	2	+0.00131
0.00976	40	3	+0.00358
0.0125	57	1	+0.00274

Según las pruebas anteriores se puede ver un comportamiento relativamente lineal, donde no aumenta de forma exagerada el tiempo del algoritmo de búsqueda, con forme la distancia del punto de inicio y de fin aumenta.

Búsquedas Adversiales: Minimax

 Implementa las reglas y mecánicas del juego Tres en Raya. Necesitarás funciones para inicializar el estado del juego, realizar movimientos, verificar condiciones de fin de juego y determinar los movimientos legales disponibles.

```
class TicTacToe:
   Esta clase implementa el algoritmo minimax para
   llevar a cabo un juego de tres en raya como matriz
   X = "X"
   0 = "0"
   EMPTY = None
   def initial_state(self):
       Inicializar el estado del juego
       return [[self.EMPTY, self.EMPTY],
               [self.EMPTY, self.EMPTY], self.EMPTY],
               [self.EMPTY, self.EMPTY]]
   def player(self, board):
       Retorna al jugador con el turno para jugar
       x_count = sum(row.count(self.X) for row in board)
       o_count = sum(row.count(self.0) for row in board)
       if x_count > o_count: # Como 'X' siempre inicia entonces si lleva mayor cantidad
           return self.0
           return self.X
   def actions(self, board):
       Retorna un conjunto de posibles movimientos (fila, columna) según el estado actual
del tablero
       actions_set = set()
       for row in range(3):
```

```
for col in range(3):
                if board[row][col] == self.EMPTY:
                   actions_set.add((row, col))
       return actions_set
   def result(self, board, action):
       Retorna el tablero resultante del movimiento que se recibe
       if board[action[0]][action[1]] is not self.EMPTY:
            raise Exception("Movimiento no es válido")
       new_board = copy.deepcopy(board) # Crear una copia independiente a la variable
       new_board[action[0]][action[1]] = self.player(board) # player va a retornar el
       return new_board
   def winner(self, board):
       Retorna el ganador del juego si no hay empate
       for player in [self.X, self.0]:
           if any(all(board[i][j] == player for j in range(3)) for i in range(3)) or \
             any(all(board[i][j] == player for i in range(3)) for j in range(3)) or \
             all(board[i][i] == player for i in range(3)) or \
             all(board[i][2 - i] == player for i in range(3)):
               return player
       return None
   def terminal(self, board):
       Retorna True si el juego terminó, False en caso contrario
       return self.winner(board) is not None or all(board[i][j] is not self.EMPTY for i
in range(3) for j in range(3))
   def utility(self, board):
```

```
Retorna 1 si X ganó, -1 si O ganó, 0 empate
"""

winner = self.winner(board)

if winner == self.X:

return 1

elif winner == self.0:

return -1

else:

return 0
```

2. Implementa el algoritmo Minimax. Tu función de Minimax debe tomar como entrada el estado actual del juego y devolver el mejor movimiento para el jugador actual.

```
def minimax(self, board):
   Retorna el movimiento óptimo para el jugador activo
   if self.terminal(board):
        return None
   if self.player(board) == self.X:
       return self.max_value(board)[1]
   else:
       return self.min_value(board)[1]
def max value(self, board):
   Función recursiva que devuelve el valor máximo de una acción de
   todas las acciones posibles en el estado actual
   if self.terminal(board): # Verificar si el juego ha terminado
       return self.utility(board), None
   max_value = float('-inf')
   max actions = []
   for action in self.actions(board):
       value, _ = self.min_value(self.result(board, action))
           max actions = [action]
        elif value == max_value: # Si hay movimientos con el mismo puntaje, se agrega a
           max_actions.append(action)
```

```
return max_value, random.choice(max_actions)
def min_value(self, board):
   Función recursiva que devuelve el valor mínimo de una acción de
   todas las acciones posibles en el estado actual
   if self.terminal(board): # Verificar si el juego ha terminado
       return self.utility(board), None
   min_value = float('inf')
   min actions = []
   for action in self.actions(board):
       value, _ = self.max_value(self.result(board, action))
            min value = value
           min_actions = [action]
           min actions.append(action)
   return min value, random.choice(min actions)
```

3. Implementa una función para evaluar el estado del juego. Esta función debe devolver un valor numérico que indique la deseabilidad del estado actual del juego para el jugador activo. Un valor positivo indica una ventaja para el jugador activo, mientras que un valor negativo indica una ventaja para el oponente.

```
def check_lines(self, board):
    """
    Revisa todas las lineas rectas verticales y horizontales
    retorna 1 si X tiene la ventaja, -1 si O tiene la ventaja
    y O si ninguno tiene la ventaja
    """
    x_winning = False
    o_winning = False

# Revisar horizontalmente
```

```
for row in board:
       x_count = row.count(self.X)
       o_count = row.count(self.0)
       if x_count == 2 and o_count == 0:
            x_winning = True
        elif x_count == 0 and o_count == 2:
            o winning = True
   t_board = list(map(list,zip(*board)))
    for col in t_board:
        o_count = col.count(self.0)
       if x_count == 2 and o_count == 0:
            x_winning = True
       elif x count == 0 and o count == 2:
            o_winning = True
   if(x_winning and not o_winning):
        return 1
   elif(o_winning and not x_winning):
        return -1
        return 0
def check_diag(self, board):
   Revisa las diagonales y retorna 1 si X tiene la ventaja,
    -1 si O tiene la ventaja y O si ninguno tiene la ventaja
   first diag = [board[0][0],board[1][1],board[2][2]]
   x_count = first_diag.count(self.X)
   o_count = first_diag.count(self.0)
   if x_count == 2 and o_count == 0:
   elif x_count == 0 and o_count == 2:
           return -1
    second_diag = [board[0][2],board[1][1],board[2][0]]
   x_count = second_diag.count(self.X)
    o_count = second_diag.count(self.0)
```

```
if x_count == 2 and o_count == 0:
            return 1
   elif x_count == 0 and o_count == 2:
            return -1
   return 0
def evaluate_game(self, board, invert=False):
   Evalua el estado actual del juego y retorna un 1 si el estado es positivo para el
   jugador activo y un valor negativo si es ventaja para su oponente
   diags = 0
   lines = self.check_lines(board)
   if invert:
       player = self.X if self.player(board) is self.0 else self.0
       player = self.player(board)
   if not lines:
       diags = self.check_diag(board)
       if diags != 0:
            if player is self.X:
                print(f"Estado actual del juego para {player}: ", diags)
                return
                print(f"Estado actual del juego para {player}: ", diags*-1)
        if player is self.X:
            print(f"Estado actual del juego para {player}: ", lines)
           return
            print(f"Estado actual del juego para {player}: ", lines*-1)
            return
   print(f"Estado actual del juego para {player}: ", 0)
```

La salida del juego se veria de la siguiente manera:

```
Estado actual del juego para 0: 0
  | | x
La IA va a hacer un movimiento
Estado actual del juego para 0: 1
Estado actual del juego para X: -1
  0 0
Es tu turno, X
Ingrese su movimiento (fila,col): 1,0
Estado actual del juego para X: 1
Estado actual del juego para 0: -1
X \mid 0 \mid 0
  | | x
La IA va a hacer un movimiento
Estado actual del juego para 0: 1
Estado actual del juego para X: -1
Es tu turno, X
Ingrese su movimiento (fila,col): 0,2
Estado actual del juego para X: 1
```

Se le da un valor de 0 cuando no se presenta una ventaja real, 1 cuando el jugador activo tiene ventaja y -1 cuando el oponente tiene ventaja.

4. Agrega un factor de aleatoriedad al juego: si el algoritmo puede tener dos caminos con el mismo puntaje, escoger aleatoriamente entre cada uno.

```
def max_value(self, board):

.
.
.
.
# Se elige aleatoriamente alguna de las acciones con los mayores puntajes
# Si solo hay una con el valor máximo, solo esa se podrá elegir
return max_value, random.choice(max_actions)

def min_value(self, board):
.
.
.
.
# Se elige aleatoriamente alguna de las acciones con los menores puntajes
# Si solo hay una con el valor mínimo, solo esa se podrá elegir
return min_value, random.choice(min_actions)
```

5. Investiga la variante Alpha-Beta para mejorar el rendimiento del algoritmo MinMax.

La eficiencia del algoritmo MinMax se ve limitada por la necesidad de analizar exhaustivamente todas las posibilidades, en juegos más complejos que el Tres en Raya puede llegar a ser computacionalmente costoso, por esto, surgió la variante o poda Alpha-Beta que consiste en eliminar las ramificaciones o los caminos donde se haya observado un movimiento con peor valor que algún movimiento analizado anteriormente.

El Alpha-Beta no evalúa a más profundidad ese camino y esto no influye en la decisión final, de esta forma se hace un mejor uso de los recursos y el minimax alcanza una mayor eficiencia. Donald Knuth y Ronald W. Moore refinaron el algoritmo en 1975; Judea Pearl exhibió la mejora en el tiempo de ejecución previsto en árboles con valores de hojas asignados de manera aleatoria en dos publicaciones. En 1986, Michael Saks y Avi Wigderson demostraron la mejora en la versión aleatoria de alfa-beta (Academia Lab, 2024).

Se utilizan los parámetros α y β para hacer el seguimiento de la mejor puntuación de cada jugador mientras se recorre el árbol, entonces Alpha representa el mejor resultado

para Max y Beta el de Min. Durante la exploración, cuando se encuentra un nodo que tiene un valor mayor que beta (en el caso del jugador maximizante) o menor que alfa (en el caso del jugador minimizante), se sabe que el resultado en ese nodo no influirá en la decisión final, por lo que se poda la búsqueda en ese nodo y sus descendientes. Primero se deberían analizar las ramas con mayor probabilidades de éxito y luego se configuran valores para alpha y beta. En la siguiente sección de pseudo-código (Aradhya, 2023):

```
function minimax(node, depth, isMaximizingPlayer, alpha, beta):
    if node is a leaf node :
        return value of the node
    if isMaximizingPlayer :
        bestVal = -INFINITY
        for each child node :
            value = minimax(node, depth+1, false, alpha, beta)
            bestVal = max( bestVal, value)
            alpha = max( alpha, bestVal)
            if beta <= alpha:</pre>
                break
        return bestVal
    else :
        bestVal = +INFINITY
        for each child node :
            value = minimax(node, depth+1, true, alpha, beta)
            bestVal = min( bestVal, value)
            beta = min( beta, bestVal)
            if beta <= alpha:</pre>
                break
        return bestVal
```

En un juego con tantas combinaciones de movimientos posibles por partida como el ajedrez, al algoritmo minimax representa gran uso de recursos computacionales al tener un árbol tan profundo y ancho; por esto se implementó la variante alpha-beta con la computadora Deep Blue. Deep Blue fue desarrollado por IBM y logró ganarle a Gari Kaspárov, conocido como el mejor jugador de ajedrez profesional del mundo en el año 1997, después de haber perdido contra Kaspárov en 1996, quedando el marcador 4-2. Cabe recalcar, que en 1997 Deeper Blue ganó al tener una unidad de procesamiento más potente que le permitieron calcular millones de posiciones por segundo (Candial, 2021). Enfatizando así la importancia de variantes como estas que mejoran el rendimiento del minimax.

Referencias:

Academia Lab. (2024). Poda alfa-beta. Enciclopedia. Revisado el 21 de febrero del 2024. https://academia-lab.com/enciclopedia/poda-alfa-beta/

Candial, A. F. (2021, February 10). Deep Blue-Kaspárov: cuando la máquina venció al hombre.

La Vanguardia.

https://www.lavanguardia.com/vida/junior-report/20210210/6234712/kasparov-deep-blue -maquina-vencio-hombre.html

GfG. (2023, January 16). Minimax Algorithm in Game Theory Set 4 (Alpha-Beta Pruning).

GeeksforGeeks.

https://www.geeksforgeeks.org/minimax-algorithm-in-game-theory-set-4-alpha-beta-pruning/

Pruebas de algoritmo Minimax

```
La IA va a hacer un movimiento
Elija un jugador:
                                         Es tu turno, X
                                         Ingrese su movimiento (fila,col): 0,0
Ingrese su respuesta: 1
                                         x [ 0 | 0
                                         La IA va a hacer un movimiento
Es tu turno, X
Ingrese su movimiento (fila,col): 1,1
                                         x | 0 | 0
                                         Es tu turno, X
La IA va a hacer un movimiento
                                         Ingrese su movimiento (fila,col): 1,2
                                         x | 0 | 0
                                         La IA va a hacer un movimiento
Es tu turno, X
Ingrese su movimiento (fila,col): 2,1
                                         x | 0 | 0
```

```
Es tu turno, X
Ingrese su movimiento (fila,col): 2,0
X | 0 | 0
-----
0 | X | X
-----
X | X | 0
-----
Game over. Es un empate!
```

- El usuario elige ser el jugador 'X', por lo que tiene el primer turno.
 - El usuario juega óptimamente.
 - Termina en empate.

- El usuario elige ser el jugador 'X', por lo que tiene el primer turno.
 - El usuario NO juega óptimamente.
- Gana el jugador 'O' (IA).

- El usuario elige ser el jugador 'O', por lo que tiene el segundo turno.
 - El usuario juega óptimamente.
 - Termina en empate.

```
Game over. Es un empate!
Tres en raya
Elija un jugador:
2. 0
Ingrese su respuesta: 2
La IA va a hacer un movimiento
Es tu turno, O
Ingrese su movimiento (fila,col): 0,2
La IA va a hacer un movimiento
```

- El usuario elige ser el jugador 'O', por lo que tiene el segundo turno.
 - El usuario NO juega óptimamente.
- Gana el jugador 'X' (IA).

Prueba contra un Oponente Aleatorio

1. Implementa un oponente aleatorio. El oponente aleatorio debe realizar movimientos legales al azar sin considerar el estado del juego.

```
def get_random_move(self):
    print(f"El oponente aleatorio va hacer su movimiento")

empty_spaces = []

for i,row in enumerate(self.board):
    for j,element in enumerate(row):
        if element is None:
        empty_spaces.append((i,j))

random_pos = random.choice(empty_spaces)

self.board = self.tic_tac_toe.result(self.board, random_pos)
```

2. Configura un bucle de simulación para jugar varios juegos. En cada juego, alterna entre el algoritmo Minimax y el oponente aleatorio para realizar movimientos.

```
def random_oponent_test(self):
   test_scenarios=[self.tic_tac_toe.X,self.tic_tac_toe.0,None]
   msg="\nEjecutando 500 pruebas del escenario: "
   scenario_stadistics=[["Random - Minmax", 0,0,0],
                          ["Minmax - Random", 0,0,0],
                          ["Minmax - Minmax", 0,0,0]]
   winner = None
   for i,test in enumerate(test scenarios):
       scenario_func = self.play_game_AI if test is None else self.play_game_random
       match i:
           case 0:
               print(msg, "Random - Minmax")
           case 1:
               print(msg, "Minmax - Random")
           case 2:
               print(msg, "Minmax - Minmax")
       for j in range(500):
           print(f"\n-----")
```

```
self.user = self.tic_tac_toe.X if test is None else test
while True:
    if self.user is None:
        match(winner):
        case self.tic_tac_toe.X:
            scenario_stadistics[i][1] += 1
        case self.tic_tac_toe.0:
            scenario_stadistics[i][2] += 1
        case None:
            scenario_stadistics[i][3] += 1
        break
    #self.print_board()
    winner = scenario_func()
self.test_stadistics(scenario_stadistics)
```

3. Realiza un seguimiento de los resultados de los juegos (ganar/perder/empatar) para el algoritmo Minimax. Prueba generando 500 juegos y obtenga estadísticas generales sobre el funcionamiento del algoritmo.

```
Pruebas terminadas... Imprimiendo resultados...

Estilo de juego P1 Gana P2 Gana Empate
Random - Minmax 0 383 117
Minmax - Random 480 0 20
Minmax - Minmax 0 0 500

Tres en raya
Elija un jugador:
```

Esto lleva a la siguiente tabla:

Estilo de Juego	P1 Gana P2 Gana		Empate
Random - Minmax	0%	76.6%	23.4%
Minxmax - Random	96%	0%	4%
Minmax - Minmax	0%	0%	100%

El comportamiento parece indicar que contra un oponente aleatorio, en el caso de empezar el oponente aleatorio, es más complicado que el algoritmo Minmax gane. Sin embargo, si el algoritmo Minxmax empieza, tiene más probabilidades de ganar.

Para el caso de Minmax vs Minmax, cancelan sus jugadas causando que siempre se genere un empate.