## 7 Oefeningen

1 Verbind de opgave links met de overeenkomstige eigenschap rechts.

8+9 = 9+8  $5 \cdot (-8+3) = 5 \cdot (-8) + 5 \cdot 3$   $(-10) \cdot (-8) = (-8) \cdot (-10)$   $88 \cdot (77 \cdot 66) = (88 \cdot 77) \cdot 66$   $(-5-9) \cdot 10 = -5 \cdot 10 - 9 \cdot 10$ 

Het vermenigvuldigen van gehele getallen is associatief.

Het vermenigvuldigen van gehele getallen is distributief t.o.v. het aftrekken.

Het optellen van gehele getallen is commutatief.

Het vermenigvuldigen van gehele getallen is commutatief.

Het vermenigvuldigen van gehele getallen is distributief t.o.v. het optellen.

Noteer telkens de eigenschap van de hoofdbewerkingen die je herkent.

a (16+3)+(-2) = 16+(3+(-2))

Het optellen van gehele getallen is associatief.

 $b \quad a \cdot (b+c) = a \cdot b + a \cdot c$ 

Het vermenigvuldigen is distributief t.o.v. het optellen van gehele getallen.

 $c \quad 3 \cdot 8 = 8 \cdot 3$ 

Het vermenigvuldigen van gehele getallen is commutatief.

 $d \cdot a \cdot (b \cdot c) = a \cdot b \cdot c$ 

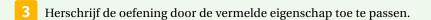
Het vermenigvuldigen van gehele getallen is associatief.

e(-16) + 0 = -16

Nul is het neutraal element voor het optellen van gehele getallen.

 $f \quad a \cdot 1 = a = 1 \cdot a$ 

Eén is het neutraal element voor het vermenigvuldigen van gehele getallen.



a Het optellen van gehele getallen is commutatief.

$$14 + 24 =$$

$$24 + 14$$

b Het optellen van gehele getallen is associatief.

$$(12+13)+8 =$$

$$12 + (13 + 8)$$

c Het vermenigvuldigen van gehele getallen is commutatief.

$$(-25) \cdot (-4) =$$

 $(-4) \cdot (-25)$ 

d Het vermenigvuldigen van gehele getallen is distributief t.o.v. het optellen.

$$12 \cdot (5 + 8) =$$

$$12 \cdot 5 + 12 \cdot 8$$

e Het vermenigvuldigen van gehele getallen is associatief.

$$((-4)\cdot(-3))\cdot(-2) =$$

$$(-4) \cdot ((-3) \cdot (-2))$$

f Het vermenigvuldigen van gehele getallen is distributief t.o.v. het aftrekken.

$$3 \cdot (15 - 8) =$$

$$3 \cdot 15 - 3 \cdot 8$$

Werk uit door de distributieve eigenschap toe te passen.

$$a \quad 2 \cdot (a+b) = \qquad \underline{2a+2b}$$

$$2a + 2b$$

e 
$$2 \cdot (x-5) = 2x-10$$

$$2x - 10$$

b 
$$(x + y) \cdot 5 = 5x + 5y$$

$$5x + 5y$$

f 
$$10 \cdot (a+3) = 10a + 30$$

$$10a + 30$$

c 
$$-3 \cdot (a+2) = -3a - 6$$

g 
$$-3 \cdot (a-2) = -3a + 6$$

$$-3a + 6$$

d 
$$(a+6) \cdot 2 = 2a + 12$$

$$2a + 12$$

h 
$$(2a+b)\cdot 10 = 20a + 10b$$

$$20a + 10b$$

- Illustreer volgende beweringen met de getallen 20, 10 en 5.
  - a Het vermenigvuldigen van gehele getallen is distributief t.o.v. het optellen.

$$20 \cdot (10+5) \stackrel{?}{=} 20 \cdot 10 + 20 \cdot 5$$

$$20 \cdot 15 \stackrel{?}{=} 200 + 100$$

$$300 \stackrel{!}{=} 300$$

b Het delen van gehele getallen is niet commutatief.

$$20:10 \stackrel{?}{=} 10:20$$

$$2 \neq 0,5$$

c Het aftrekken van gehele getallen is niet associatief.

$$(20-10)-5 \stackrel{?}{=} 20-(10-5)$$

$$10-5 \stackrel{?}{=} 20-5$$

- Pas telkens de gegeven eigenschap toe; a, b en c stellen gehele getallen voor.
  - a  $a \cdot (b+c)$ 
    - het optellen is commutatief

$$a \cdot (c+b)$$

|| het vermenigvuldigen is commutatief

$$(c+b)\cdot a$$

het vermenigvuldigen is distributief t.o.v. het optellen

$$c \cdot a + b \cdot a$$

- b  $a \cdot (b+c)$ 
  - het vermenigvuldigen is commutatief

$$(b+c)\cdot a$$

|| het optellen is commutatief

$$(c+b)\cdot a$$

het vermenigvuldigen is distributief t.o.v. het optellen

$$c \cdot a + b \cdot a$$

het vermenigvuldigen is commutatief

$$a \cdot c + a \cdot b$$

- 7 Verantwoord elke overgang door de passende eigenschap te noteren.
  - a  $a \cdot (b+c)$
- ① Het vermenigvuldigen is distributief t.o.v. het optellen van gehele getallen.
- $\parallel \mathfrak{I}$   $a \cdot b + a \cdot c$
- 2 Het vermenigvuldigen van gehele getallen is commutatief.
- || ②
- 3 Het vermenigvuldigen van gehele getallen is commutatief.
- $a \cdot b + c \cdot a$
- ④ Het vermenigvuldigen is distributief t.o.v. het optellen van gehele getallen.

Nul is het opslorpend element van het vermenigvuldigen van gehele getallen.

- || 3
- $b \cdot a + c \cdot a$ 
  - || 4
  - $(b+c)\cdot a$
- b  $a \cdot 0 + a + (c + b)$ 
  - 11 ①
- 2 Nul is het neutraal element voor het optellen van gehele getallen.
- 0 + a + (c + b)
- 3 Het optellen van gehele getallen is commutatief.
- a + (c + b)
- 4 Het optellen van gehele getallen is associatief.
- || 3

|| 2

- a + (b + c)
  - || 4
  - a + b + c

Werk volgende gedurige sommen en producten uit. Controleer met ICT.

a 
$$(-12)-(-8)+10-(-12)+8-6+(-10) = -12+8+10+12+8-6-10$$

$$-12 + 8 + 10 + 12 + 8 - 6 - 10$$

$$= 38 - 28 = 10$$

b 
$$(-3)-(-5)+(-4)-(-3)-6+4=$$

$$-3+5-4+3-6+4$$

$$= 12 - 13 = -1$$

c 
$$-400 + 100 - (-200) + (-100) - 300 - (-100) =$$
  $-400 + 100 + 200 - 100 - 300 + 100$ 

$$-400 + 100 + 200 - 100 - 300 + 100$$

$$= 400 - 800 = -400$$

d 
$$(-18)-15+(-8)-(-13)+(-15)-1 =$$

$$-18 - 15 - 8 + 13 - 15 - 1$$

$$= 13 - 57 = -44$$

e 
$$1 \cdot (-2) \cdot 3 \cdot (-4) \cdot 5 \cdot (-6) =$$

$$-10 \cdot 72 = -720$$

f 
$$125 \cdot 3 \cdot (-4) \cdot 2 \cdot (-111) =$$

$$1000 \cdot 333 = 333000$$

g 
$$(-4) \cdot 7 \cdot (-25) \cdot (-3) \cdot (-1) \cdot 4 =$$

$$100 \cdot 84 = 8400$$

- Lees telkens het verhaal en vorm het om naar een gedurige som of verschil. Werk daarna uit.
  - a Een duikboot bevindt zich op een diepte van 250 m en daalt 50 m. Daarna daalt ze nog eens 30 m om vervolgens 120 m te stijgen. Op welke diepte bevindt de duikboot zich?

$$-250 - 50 - 30 + 120$$

$$= 120 - 330 = -210$$

b Voordat Minus gaat winkelen staat op zijn bankrekening −30 euro. Hij schrijft thuis 200 euro over naar deze rekening. Daarna betaalt hij achtereenvolgens € 75, € 55 en € 99. Wat is het nieuwe saldo van zijn rekening?

$$-30 + 200 - 75 - 55 - 99$$

$$= 200 - 259 = -59$$

Werk uit met ICT.

a 
$$-4 \cdot 26 \cdot (-3) \cdot 11 \cdot (-2) =$$

b 
$$-13 + (-24) - (-118) + 27 =$$

$$c -18 \cdot (-2) \cdot (-1) \cdot 39 \cdot 11 =$$

$$-15444$$

d 
$$42 - (-113) - 51 + (-19) - (-127) =$$

- Werk uit door te zoeken naar rekenvoordeel. Hierdoor heb je een eigenschap toegepast. Noteer telkens de gebruikte eigenschap.
  - a 11 · 45

$$= (10+1) \cdot 45$$

$$= 450 + 45$$

$$= 495$$

Het vermenigvuldigen is distributief

t.o.v. het optellen van gehele getallen.

 $b \quad 2 \cdot 128 \cdot 5 \cdot 0$ 

Nul is het opslorpend element

van het vermenigvuldigen

van gehele getallen.

c -24 + 24 + 16

Elk geheel getal heeft een symmetrisch element voor

het optellen in de verzameling  $\mathbb{Z}$ ,

namelijk zijn tegengestelde.

d 37 + 48 + 13 + 32

$$= 37 + 13 + 48 + 32$$

$$= 50 + 80$$

$$= 130$$

Het optellen van gehele getallen

is commutatief.

e 99 · 30

$$= (100-1) \cdot 30$$

$$= 3000 - 30$$

$$= 2970$$

Het vermenigvuldigen is distributief

t.o.v. het aftrekken van gehele getallen.

113