

Московский Авиационный Институт

(Национальный Исследовательский Университет)

Институт №8 “Компьютерные науки и прикладная математика”

Кафедра №806 “Вычислительная математика и программирование”

Лабораторная работа №2 по курсу

«Операционные системы»

Группа: М8О-211БВ-24

Студент: Губеев Д.И.

Преподаватель: Бахарев В.Д.

Оценка: _____

Дата: 02.10.25

Москва, 2025

Постановка задачи

Вариант 10.

Решить систему линейных уравнений методом Гаусса.

Общий метод и алгоритм решения

Использованные системные вызовы:

- `ssize_t read(int fd, void *buf, size_t count)` - читает данные из файла по дескриптору `fd` в буфер `buf`. Возвращает количество прочитанных байт
- `ssize_t write(int fd, const void *buf, size_t count)` - записывает данные в файл по дескриптору `fd`. Возвращает число записанных байт
- `int open(const char *pathname, int flag, mode_t mode)` - Открывает файл, возвращает файловый дескриптор
- `int close(int fd)` - закрывает файловый дескриптор
- `int pthread_create(pthread_t *thread, const pthread_attr_t *attr, void *(*work)(void*), void *arg)` - создает новый поток с заданными атрибутами, который начинает выполнение функции `work`. Возвращает 0 при успехе, либо код ошибки при неудаче
- `int pthread_join(pthread_t thread, void **retval)` - ожидает завершения указанного потока. Поток, вызвавший `pthread_join`, блокируется до завершения `thread`.
- `int pthread_mutex_lock(pthread_mutex_t *mutex)` - блокирует мьютекс. Если он уже заблокирован, поток ожидает, пока мьютекс не освободится. Используется для предотвращения состояния гонки.
- `int pthread_mutex_unlock(pthread_mutex_t *mutex)` - разблокирует мьютекс, позволяя другим потокам продолжить работу с разделяемыми данными.
- `int pthread_mutex_init(pthread_mutex_t *mutex, const pthread_mutexattr_t *attr)` - инициализирует мьютекс перед использованием.
- `int pthread_mutex_destroy(pthread_mutex_t *mutex)` - уничтожает мьютекс и освобождает связанные с ним ресурсы.
- `int pthread_cond_wait(pthread_cond_t *cond, pthread_mutex_t *mutex)` - приостанавливает поток, ожидая сигнала от другой части программы через условную переменную `cond`. При этом временно отпускает мьютекс и снова захватывает его после пробуждения.
- `int pthread_cond_broadcast(pthread_cond_t *cond)` - пробуждает все потоки, ожидающие на условной переменной `cond`.
- `int pthread_cond_init(pthread_cond_t *cond, const pthread_condattr_t *attr)` - инициализирует условную переменную.
- `int pthread_cond_destroy(pthread_cond_t *cond)` - освобождает ресурсы условной переменной.

Читается матрица из файла и столбец свободных членов. Затем создаются потоки и решают СЛАУ методом Гаусса.

Для прямого хода первый поток находит строку, которая будет обнулять остальные в данном столбце. Далее множество потоков параллельно обнуляет данный столбец в каждой строке. Так делается до тех пор, пока матрица не будет приведена к ступенчатому виду.

В обратном ходе первый поток находит первую ненулевую ячейку в данной строке и делит строку на значение в этой ячейке(чтобы коэффициент в ячейке был равен одному). Далее потоки параллельно обнуляют ячейки во всех строках в данном столбце.

После этого выводится решение в результирующий массив. Потоки параллельно проходятся по столбцам, находят строку соответствующую корню данного столбца, и записывают решение.

Код программы

main_with_threads.c

```
#include <stdio.h>

#include <stdlib.h>

#include <math.h>

#include <pthread.h>

#include <stdbool.h>

#include <unistd.h>

#include <sys/wait.h>

#include <sys/stat.h>

#include <fcntl.h>

#include <ctype.h>

#include <stdint.h>

#include <string.h>

#include <sys/time.h>


#define EPSILON 1e-9

#define MAX_THREAD_NUM 5000


static pthread_mutex_t mutex = PTHREAD_MUTEX_INITIALIZER;


typedef struct {

    pthread_mutex_t mutex; // Мьютекс для защиты данных барьера
```

```
pthread_cond_t cond;    // Условная переменная для ожидания

int count;              // Текущий счётчик достигших потоков

int total;              // Общее количество потоков для барьера
} Barrier;
```

```
typedef struct {

    double **matrix;

    int rows;

    int cols;

    double *b;

    double *solution;

    int threadNum;

    int threadID;

    double **mergedMatrix;

    bool *pivotIsFound;

    int *colForReverse;

    Barrier *barrier;

} ThreadArgs;
```

```
void barrier_wait(Barrier *barrier) {

    pthread_mutex_lock(&barrier->mutex);

    barrier->count++;

    if (barrier->count < barrier->total) {

        // Поток ждёт, пока все не достигнут барьера

        pthread_cond_wait(&barrier->cond, &barrier->mutex);

    } else {
```

```

        // Последний поток уведомляет все ждущие

        barrier->count = 0; // Сбрасываем счётчик для следующего использования

        pthread_cond_broadcast(&barrier->cond);
    }

    pthread_mutex_unlock(&barrier->mutex);
}

void *solveWithGauss(void * _args) {
    ThreadArgs *args = (ThreadArgs *)_args;

    double **matrix = args->matrix;

    int rows = args->rows;

    int cols = args->cols;

    double *b = args->b;

    double *solution = args->solution;

    double **merged = args->mergedMatrix;

    cols++;

    size_t rowI = 0;

    size_t iterations = rows < cols ? rows : cols;

    for (size_t i = 0; i < iterations; i++)
    {
        barrier_wait(args->barrier);

        pthread_mutex_lock(&mutex);

        if (args->threadID == 0) {
            *(args->pivotIsFound) = false;

```

```

        for (size_t row = rowI; row < rows; row++)
        {
            if (fabs(merged[row][i]) >= EPSILON) {
                double * tmp = merged[rowI];
                merged[rowI] = merged[row];
                merged[row] = tmp;
                *(args->pivotIsFound) = true;
                break;
            }
        }
    }

    pthread_mutex_unlock(&mutex);

    barrier_wait(args->barrier);

    if (!(*(args->pivotIsFound))) {
        continue;
    }

    for (size_t row = rowI + 1 + args->threadID; row < rows; row += args->threadNum)
    {
        if (fabs(merged[row][i]) < EPSILON) {
            merged[row][i] = 0;
            continue;
        }

        double toSubtract = merged[row][i] / merged[rowI][i];
        merged[row][i] = 0;

        for (size_t col = i + 1; col < cols; col++)

```

```
        {

            merged[row][col] -= merged[rowI][col] * toSubtract;

        }

    }

    rowI++;

    barrier_wait(args->barrier);

}

if (rowI == 0) {

    rowI = 1;

}

for (int i = rowI - 1; i >= 0; i--)

{

    pthread_mutex_lock(&mutex);

    if (args->threadID == 0) {

        for (size_t col = 0; col < cols; col++)

        {

            if (fabs(merged[i][col]) >= EPSILON) {

                *(args->colForReverse) = col;

                break;

            }

        }

    }

}

pthread_mutex_unlock(&mutex);
```

```

    barrier_wait(args->barrier);

    int col = *(args->colForReverse);

    if (col == cols - 1) {
        return NULL; // NO SOLUTION
    }

    pthread_mutex_lock(&mutex);

    if (args->threadID == 0) {
        merged[i][cols - 1] /= merged[i][col];
        merged[i][col] = 1;
    }

    pthread_mutex_unlock(&mutex);

    barrier_wait(args->barrier);

    for (size_t row = args->threadID; row < i; row += args->threadNum)
    {
        merged[row][cols - 1] -= merged[row][col] * merged[i][cols - 1];
        merged[row][col] = 0;
    }

    barrier_wait(args->barrier);
}

for (size_t i = args->threadID; i < cols - 1; i += args->threadNum)
{
    bool foundRow = false;

```



```

        for (int row = i; row >= 0; row--)
        {
            if (merged[row][i] != 0) {
                solution[i] = merged[row][cols - 1];
                foundRow = true;
                break;
            }
        }

        if (!foundRow) {
            solution[i] = 0;
        }
    }
}

void initMergedMatrix(ThreadArgs *args) {
    int rows = args->rows;
    int cols = args->cols;
    double **matrix = args->matrix;
    double *b = args->b;

    args->mergedMatrix = (double **)malloc(sizeof(double *) * rows);
    cols++;

    for (size_t i = 0; i < rows; i++)
    {
        args->mergedMatrix[i] = (double *)malloc(sizeof(double) * cols);
    }
}

```

```

    for (size_t row = 0; row < rows; row++)
    {
        for (size_t col = 0; col < cols - 1; col++)
        {
            args->mergedMatrix[row][col] = matrix[row][col];
        }
    }

    for (size_t row = 0; row < rows; row++)
    {
        args->mergedMatrix[row][cols - 1] = b[row];
    }
}

double solve(ThreadArgs *args) {
    double **matrix = args->matrix;

    int rows = args->rows;

    int cols = args->cols;

    double *b = args->b;

    double *solution = args->solution;

    int threadNum = args->threadNum;

    initMergedMatrix(args);

    double **mergedMatrix = args->mergedMatrix;

    bool pivotIsFound = false;

    int colForReverse = -1;

    pthread_t *threads = (pthread_t *)malloc(threadNum * sizeof(pthread_t));

```

```
ThreadArgs *threadArgs = (ThreadArgs *)malloc(threadNum * sizeof(ThreadArgs));

Barrier barrier;

pthread_mutex_init(&barrier.mutex, NULL);

pthread_cond_init(&barrier.cond, NULL);

barrier.count = 0;

barrier.total = threadNum;


struct timeval start, end;


gettimeofday(&start, NULL);

for (size_t i = 0; i < threadNum; i++)
{
    threadArgs[i] = (ThreadArgs) {

        .matrix = matrix,

        .rows = rows,

        .cols = cols,

        .b = b,

        .solution = solution,

        .threadNum = threadNum,

        .threadID = i,

        .mergedMatrix = mergedMatrix,

        .pivotIsFound = &pivotIsFound,

        .colForReverse = &colForReverse,

        .barrier = &barrier,

    };

    pthread_create(&threads[i], NULL, solveWithGauss, &threadArgs[i]);
}
```

```
for (size_t i = 0; i < threadNum; i++)
{
    pthread_join(threads[i], NULL);
}

gettimeofday(&end, NULL);

pthread_mutex_destroy(&barrier.mutex);
pthread_cond_destroy(&barrier.cond);
free(threadArgs);
free(threads);

for (size_t k = 0; k < rows; k++)
{
    free(mergedMatrix[k]);
}

free(mergedMatrix);

double elapsed = (end.tv_sec - start.tv_sec) + (end.tv_usec - start.tv_usec) /
1e6;

return elapsed;
}

void printUsage() {
    const char msg[] = "Использование: ./main.out <количество потоков> <входной  
файл> <файл для вывода решения>\n";

    write(STDERR_FILENO, msg, strlen(msg));
}

void writeToConsole(const char *msg) {
    write(STDOUT_FILENO, msg, strlen(msg));
}
```

```
}

void quit(const char *msg) {
    write(STDERR_FILENO, msg, strlen(msg));
    exit(EXIT_FAILURE);
}

int main(int argc, char *argv[]) {
    if (argc != 4) {
        printUsage();
        exit(EXIT_FAILURE);
    }

    char *endptr;
    long _threadNum = strtol(argv[1], &endptr, 10);

    if (*endptr != '\0') {
        printUsage();
        exit(EXIT_FAILURE);
    }

    if (_threadNum < 1 || _threadNum > MAX_THREAD_NUM) {
        quit("Количество потоков должно быть в диапазоне от 1 до 5000  
включительно\n");
    }

    int threadNum = (int)_threadNum;
```

```
int32_t file = open(argv[2], O_RDONLY);

if (file == -1) {

    quit("Ошибка: не удалось открыть входной файл\n");

}


int32_t fileSol = open(argv[3], O_WRONLY | O_CREAT | O_TRUNC | O_APPEND,
0600);

if (fileSol == -1) {

    quit("Ошибка: не удалось открыть файл для вывода решения\n");

}


struct stat st;

fstat(file, &st);

off_t fsize = st.st_size;


char *buffer = malloc((size_t)fsize + 1);


size_t offset = 0;

while (offset < fsize) {

    ssize_t bytes_read = read(file, buffer + offset, fsize - offset);

    if (bytes_read < 0) {

        close(file);

        free(buffer);

        quit("Ошибка: не удалось прочитать входной файл\n");

    }
```

```
        if (bytes_read == 0) break;

        offset += (size_t)bytes_read;
    }

    close(file);

    buffer[offset] = '\\0';

    long _rows = strtol(buffer, &endptr, 10);

    long _cols = strtol(endptr, &endptr, 10);

    int rows = (int)_rows;
    int cols = (int)_cols;

    double ** matrix = (double **)malloc(sizeof(double *) * rows);
    for (size_t i = 0; i < rows; i++)
    {
        matrix[i] = (double *)malloc(sizeof(double) * cols);
    }

    double *b = (double *)malloc(sizeof(double) * rows);
    double *solution = (double *)malloc(sizeof(double) * cols);

    char * p = endptr;

    for (int i = 0; i < rows; i++)
    {
        for (int j = 0; j < cols + 1; j++)
        {
            double val = strtod(p, &endptr);

            if (p == endptr) {

                quit("Ошибка: недостаточно чисел в файле");
            }
        }
    }
}
```

```

    }

    if (j == cols)

        b[i] = val;

    else

        matrix[i][j] = val;

    p = endptr;

}

}

ThreadArgs args;

args.matrix = matrix;

args.b = b;

args.rows = rows;

args.cols = cols;

args.solution = solution;

args.threadNum = threadNum;

double time = solve(&args);

const char msg[] = "solution:\n";

write(fileSol, msg, strlen(msg));

if (solution == NULL) {

    writeToConsole("No solution\n");

} else {

    char buf[64];

    for (size_t i = 0; i < cols; i++)

    {

        int len = snprintf(buf, sizeof(buf), "%lf ", solution[i]);

        write(fileSol, buf, len);
    }
}

```



```
        if ((i + 1) % 5 == 0) {  
            write(fileSol, "\n", 1);  
        }  
    }  
}  
  
char buf[1024];  
  
int len = snprintf(buf, sizeof(buf), "Количество потоков: %d\n", threadNum);  
write(STDOUT_FILENO, buf, len);  
  
len = snprintf(buf, sizeof(buf), "Размер массива: %dx%d\n", rows, cols);  
write(STDOUT_FILENO, buf, len);  
  
len = snprintf(buf, sizeof(buf), "Затраченное время: %lfc\n", time);  
write(STDOUT_FILENO, buf, len);  
  
close(fileSol);  
}
```

Протокол работы программы

Входные данные: Большой массив и вектор свободных членов

Выходные данные:

Количество потоков: 1

Размер массива: 3000х3000

Затраченное время: 25.478508с

Количество потоков: 2

Размер массива: 3000х3000

Затраченное время: 14.226613с

Количество потоков: 4

Размер массива: 3000х3000

Затраченное время: 8.039504с

Количество потоков: 4

Размер массива: 5000х5000

Затраченное время: 33.592541с

Количество потоков: 8

Размер массива: 5000х5000

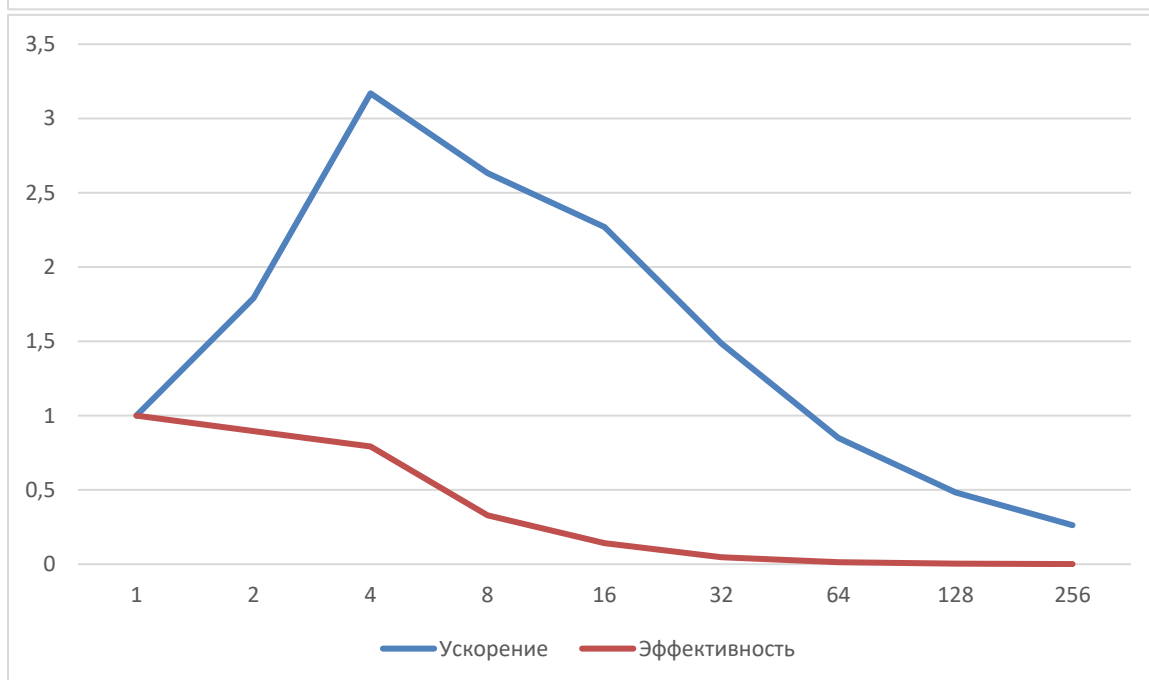
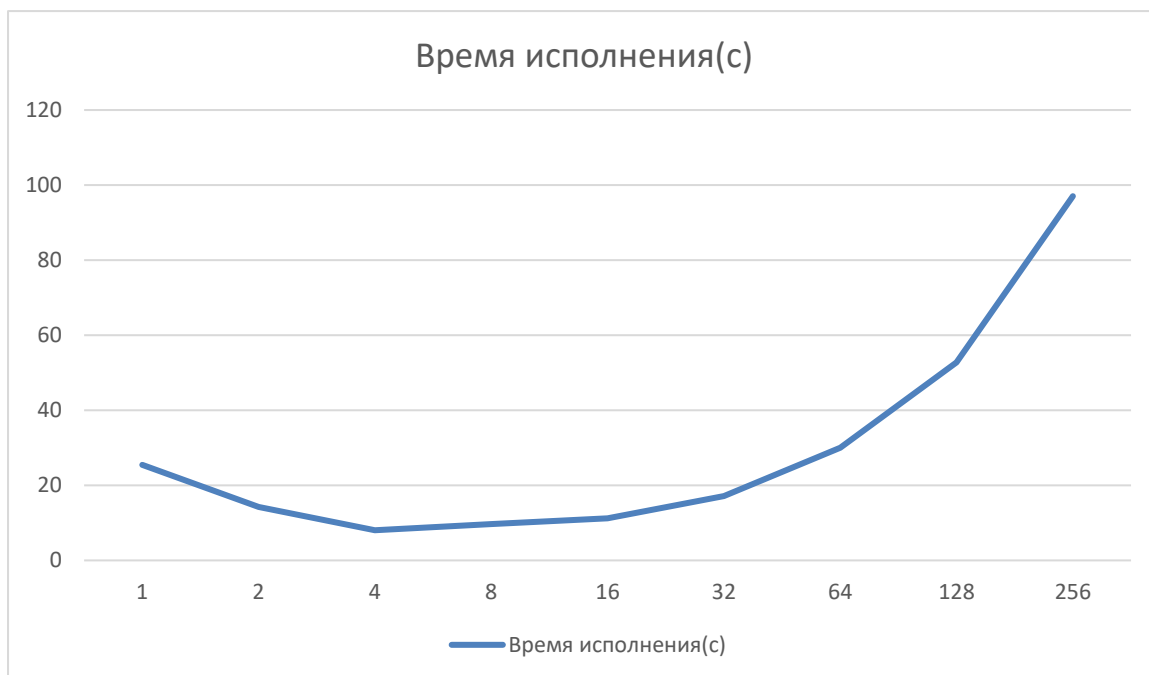
Затраченное время: 29.023236с

Вывод

При выполнении данной лабораторной работы я научился работать с потоками. Увидел на практике, как контролировать поведение потоков мьютексами и барьерами. Получены следующие таблица и графики измерений:

Число потоков	Время исполнения (мс)	Ускорение	Эффективность
1	25478.508	1.00	1.00
2	14226.613	1.79	0.90
4	8039.504	3.17	0.79
8	9678.120	2.63	0.33
16	11225.562	2.27	0.14
32	17155.895	1.49	0.047

64	30009.268	0.85	0.013
128	52758.620	0.48	0.004
256	97038.930	0.26	0.001



Ускорение: $T1 / Tn$, где $T1$ - время выполнения одним потоком, Tn - время выполнения с n потоками

Эффективность: $\text{Ускорение} / n$, где n - количество потоков

Анализ результатов:

1. Количество потоков меньше логических ядер процессора (1-8)

При увеличении числа потоков от 1 до 4 наблюдается ускорение:

- Потоки получают отдельные физические ядра и выполняются параллельно.
- Потери времени минимальны, влияние синхронизации и мьютексов не так значительно
- Накладные расходы минимальны

При чисел потоков от 4 до 16 наблюдается замедление:

- Синхронизация с мьютексами и барьерами замедляет работу
- Накладные расходы превышают пользу от увеличенного количества потоков.

Вывод:

При небольшом числе потоков, меньшем количества логических и физических ядер, наблюдается максимальная эффективность от их использования. Соблюдается баланс между накладными расходами и пользой от параллельной работы с данными

2. Количество потоков равно числу логических ядер (16)

При переходе от 4 к 16 потокам ускорение падает:

- Логические ядра заняты, но прироста нет из-за сильной синхронизации
- Большое количество накладных расходов.
- Тем не менее время исполнения меньше, чем при последовательной работе

Вывод:

При числе потоков, равном логическим ядрам, наблюдается снижение эффективности по сравнению с меньшим количеством потоков. Накладные расходы от дополнительных потоков превышают их пользу

3. Количество потоков больше логических ядер(32-256)

- При 32 потоках ускорение снижается, но скорость все еще выше, чем при однопоточной работе
- При 64 потоках и выше программа начинает работать еще медленнее, чем при одном потоке:
 - ОС вынуждена постоянно переключать контекст между большим количеством потоков
 - Синхронизация большого количества потоков сильно замедляет код
 - Накладные расходы на работу с потоками превышают пользу от них.

Вывод:

При числе потоков больше количества логических ядер производительность снижается. Система перегружена планированием и синхронизацией потоков, и их слишком много для эффективной параллельной работы.