博弈论及其应用

期中大作业: 纳什均衡求解器

1 实验目的

- 掌握求解纳什均衡的相关算法
- 锻炼数学基础能力及编程求解问题的能力

2 实验内容

本次实验要求使用 Python 语言在给定代码框架下编程求解纳什均衡 (Nash Equilibrium, NE), 包括纯策略 NE 与混合策略 NE, 并提交相应源码、输出文件以及实验报告.

2.1 实验环境

请确保可以在以下离线环境中运行你的代码,如在使用保留数据评测时代码运行失败,将认为相应测试样例全部未通过,并扣除相应分数.请注意:除 Python 标准库外,仅允许额外引入numpy 和 scipy 两个包.

- Python 3.8.8
- numpy 1.19.5
- scipy 1.6.2

2.2 框架文件

- 框架代码在 main.py 文件中, 要求完成 nash(in_path, out_path) 函数, 读取解析 in_path 对应的文件, 计算并将 NE 保存到 out_path 中, 不要求返回任何值.
- 部分测试数据存储在 input 文件夹下, output 文件夹保存输出结果.
- examples 文件夹下为一些输入输出样例.

2.3 输入格式

- 每个博弈的数据分别存储在以.nfg 为后缀的文件中.
- 文件格式请参考 Gambit format 中 "The strategic game (.nfg) file format, payoff version" 一节中的说明, 请特别注意收益序列的顺序.

2.4 输出格式

- 每个博弈的 NE 分别保存到以输入文件名命名且后缀为.ne 的文件中, 如输入文件为 1.nfg, 则输出文件名为 1.ne
- 若博弈有两个玩家,则应输出**所有混合策略 NE** (包括纯策略 NE, 当混合策略 NE 有无穷多个时,可表示为若干凸集的并集,应输出每个凸集的极点). 若博弈有至少三个玩家,则只要求输出**所有纯策略 NE**.
- 输出文件每一行对应一个 NE, 用 Python 中 list 对应的格式表示, list 中元素依次表示 从第一个玩家到最后一个玩家采取每个动作的概率. 如有 2 个玩家, 玩家 1 有 3 种动作 a_1, a_2, a_3 , 玩家 2 有 2 种动作 b_1, b_2 , 那么 list 中应有 3+2 个元素, 为 $[p_1(a_1), p_1(a_2), p_1(a_3), p_2(b_1), p_2(b_2)]$, 其中 $p_i(a)$ 表示玩家 i 采取动作 a 的概率 (可使用小数或分数表示, 见 examples 文件夹下的样例).
- 当有多个 NE 时, 输出顺序不做要求.

2.5 样例解析

以 examples/example 0.nfg 为例进行说明:

```
NFG 1 R "some lines of comments" { "Player 1" "Player 2" } { 3 2 } 1 1 0 2 0 2 1 1 0 3 2 0
```

- 输入文件开头的 "NFG 1 R" 为统一标识, 无需处理.
- 接下来双引号内的部分为注释, 无需处理.
- 接下来的花括号内是以空格分隔的玩家名, 只需关注玩家数量, 名称无需处理. 有 2 个玩家.
- 接下来的花括号内是以空格分隔的玩家动作数. 玩家 1 有 3 个动作, 玩家 2 有 2 个动作.

• 接下来是策略收益, "11"是玩家1采取行动1且玩家2采取行动1的双方收益, "02"是玩家1采取行动2且玩家2采取行动1的双方收益, 等等. 对应的收益矩阵如下(玩家1为row player, 玩家2为column player):

• 该博弈的纯策略 NE 为 ((1,0,0),(1,0)), 列方程可解得一个混合策略 NE 为 ((1,0,0),(0.5,0.5)), 进一步可得所有的 NE 构成一个凸集 $\{((1,0,0),(0.5+\alpha,0.5-\alpha))\mid 0\leq\alpha\leq0.5\}$, 且 ((1,0,0),(1,0)) 和 ((1,0,0),(0.5,0.5)) 是该集合的极点. 所以输出文件 out_0.ne 内容为

$$1,0,0,1,0$$
 $1,0,0,1/2,1/2$

或者

2.6 友情提示

- 可参考Algorithmic Game Theory中第三章的相关内容.
- 测试时将使用额外测试数据, 并随机选择部分公开数据进行复现对比, 请不要提交如直接输出结果的这类违规程序.
- 在评价 NE 时会考虑小数舍入的问题, 不需要担心因小数点后若干位的误差而错判.
- 评分时将按照找到的 NE 数量以及算法的实现情况给分, 视同学们的完成情况, 在一定运行时间内找到的 NE 正确且达到一定数量就可得到大部分分数. 完成较优秀者有额外附加分数 (可溢出到其他作业得分).
- 一份条理清晰的实验报告和实验效果同等重要。如果你实现的算法效果并不理想,一份展现你努力尝试过程的报告也会弥补一些分数。
- 严禁抄袭,凡发现两份代码重复部分超过 30%,两份均记 0 分.

3 提交方式

• 提交内容包括: main.py 以及其他可能的 Python 代码文件; report.pdf: 实验报告, 简要说明使用的算法、实现过程并做简单分析即可, 无需长篇大论; output 文件夹, 其中应包含 input 文件夹下所有博弈对应的输出文件.

- 将以上内容直接压缩为"学号+姓名.zip"。
 提交地址为https://table.nju.edu.cn/dtable/forms/1589ef3e-0abf-4078-a588-8fc8df0939a4/如有修改,可以多次提交,最终提交结果以截止时间前最后一次提交结果为准。
- 提交截止时间为 2022.05.31 23:55, 不接受补交.