

Prélab 2

Modélisation du Système au Domaine Temporel

2.1 Objectifs

Au Prélab 1, un modèle du système de moteur a été dérivé dans le domaine Laplacien. Dans ce chapitre-là, le système sera modélisé dans le domaine temporel. Ainsi, l'objectif de ce laboratoire est de trouver un modèle d'état en mode boucle ouverte pour le système de moteur.

2.2 Représentation du modèle d'état

Les systèmes d'asservissement sont généralement étudiés à travers leur représentation de modèles d'état plutôt que les fonctions de transfert. Uns des principaux avantages que présentent les modèles d'état comparés aux fonctions de transfert sont :

- Ils permettent de modéliser les systèmes SISO ainsi que les systèmes MIMO.
- Ils sont convenables pour les systèmes linéaires et non linéaires.
- Ils sont capables de modéliser les systèmes dépendants et indépendants au temps.

2.2.1 Analyse en mode boucle ouverte

Dans cette partie, vous allez étudier le système de moteur en mode boucle ouverte à travers son modèle d'état.

Prélab (20 pts)

P-2.1. En utilisant la description et les équations du moteur dans la section 1.2, dérivez le modèle d'état du système en boucle ouverte. La sortie du système est la vitesse du moteur w_m tandis que les entrées externes sont la tension appliquée de l'armature v_m et le couple de perturbations T_d . Vous pouvez prendre w_m et le courant de l'armature du moteur i_m comme états du système. En d'autres termes, le vecteur d'état sera $x = [w_m \ i_m]^T$, et l'entrée $u = [v_m \ T_d]^T$.

Prélab (5 pts)

P-2.2. A partir du modèle d'état, trouvez la fonction de transfert $w_m(s)/V_m(s)$ (sans passer par le diagramme de flux du signal et la formule de Mason). Comparez votre solution à celle de la question P-1.5.

Prélab (10 pts)

P-2.3. Utilisez votre modèle d'état afin de tracer un diagramme de flux du système en mode boucle ouverte. Assurez-vous d'y identifier les nœuds qui correspondent aux états et leur dérivée au domaine temporel. Comparez le graphique à votre solution de la Fig. 1.2 au chapitre 1 (prélab 1). Quels sont vos commentaires sur les ressemblances entre les deux ?

Prélab (10 pts)

P-2.4. (10 pts) Maintenant, utilisez le diagramme de flux pour trouver la fonction de transfert $w_m(s)/V_m(s)$. Comparez le résultat à votre solution des questions P-2.2 et P-1.5.

Prélab (10 pts)

P-2.5. Répétez la question précédente pour trouver la fonction de transfert $w_m(s)/T_d(s)$. Notez que dans ce cas, vous êtes supposés comparer avec votre solution à la question P-1.6 du prélab 1.

Prélab (10 pts)

P-2.6. Utilisez votre modèle d'état pour calculer les pôles du système. Comparez votre résultat avec celui de la question P-1.8. Qu'est-ce que vous concluez ?

Prélab (5 pts)

P-2.7. Utilisez votre modèle d'état pour trouver une expression du courant d'armature au régime permanent (lorsque tous les signaux atteignent leurs valeurs finales) en fonction des paramètres du moteur.

Prélab (10 pts)

P-2.8. Simulez le modèle d'état sur Matlab en utilisant l'instruction $[y, t, x] = \text{lsim}(\dots)$ (<http://www.mathworks.com/help/control/ref/lsim.html>) ou $[y, t, x] = \text{step}(\dots)$ (<http://www.mathworks.com/help/control/ref/step.html>) et tracez les courbes des états (vitesse et courant). Supposez qu'aucunes perturbations n'agissent sur le système. Notez que vous pouvez aussi spécifier une condition initiale si elle n'est pas déjà indiquée comme étant 0. Utilisez les matrices suivantes dans votre simulation :

$$\begin{aligned} \text{system matrix} &= \begin{bmatrix} -0.8315789474 & 1379423.59799655 \\ -385.4271817932 & -2117.6470588235 \end{bmatrix} \\ \text{input matrix} &= \begin{bmatrix} 0 & 1052631.57894737 \\ 294.1176470588 & 0 \end{bmatrix} \end{aligned}$$

2.2.2 Analyse en mode boucle fermée

Dans cette section, nous allons utiliser une approximation de la fonction de transfert du moteur en boucle ouverte en un modèle de premier ordre.

$$G_p(s) = \frac{w_m(s)}{V_m(s)} = \frac{K_m}{\tau_m s}$$

Ceci est souvent une approximation valide des fonctions de transfert pour moteurs DC, tel que montré au chapitre 1.

Attention : Les valeurs du gain DC et constante de temps sont : $K = 0.582$; $\tau = 0.07$.

Pré-lab (10 pts)

P-2.9. Simulez la réponse échelon du moteur en boucle ouverte $G_p(s)$ sur Matlab et incluez la courbe de la réponse transitoire. Le graphique doit clairement montrer les caractéristiques de la réponse transitoire (constante de temps, temps de stabilisation et valeur de la sortie en régime permanent). En pratique, est-ce que vous pensez que c'est facile de changer le modèle du système ? Expliquez votre réponse.

Maintenant, nous sommes intéressés par la possibilité de changer le comportement du système. Une façon de réaliser cela est d'introduire un retour en sortie ce qui va relocaliser le(s) pôle(s) du système.

Soit $e = v_r - K_w w_m$ et le signal de contrôle (entrée pour le moteur) $v_m = K_p e$, où K_w est le gain du capteur de vitesse (voir le tableau 1.1), agissant comme un gain de retour, et K_p un gain positif de conception.

Description	Symbol	Value	Unit
Speed sensor's gain	K_w	5.0/9.225	V·s/rad
Position sensor's gain	K_θ	5.0/(2 π)	V/rad

Tableau 1.1

Le schéma du schéma de retour de vitesse est illustré en Fig. 2.1, où $H_s(s) = K_w$ et $G_c(s) = K_p$.

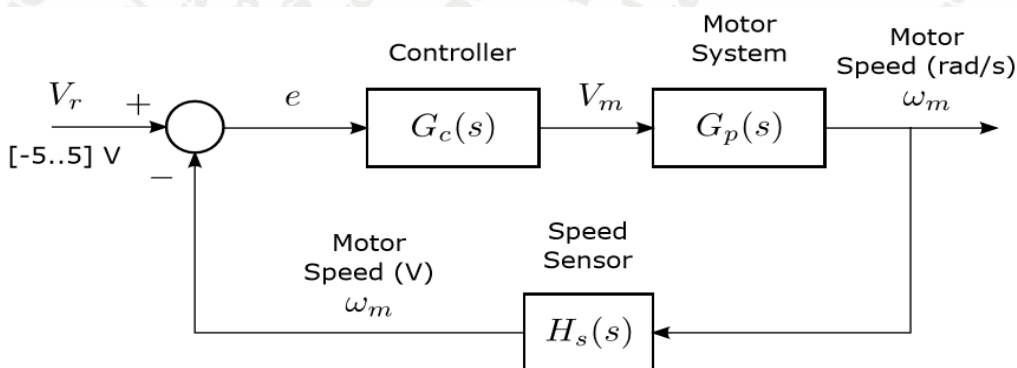


Figure 2.1 : Diagramme-bloc d'un retour de vitesse pour le système de moteur

Prélab (10 pts)

P-2.10. Dérivez le modèle d'état du système en mode boucle fermée. Vous pouvez considérer la vitesse du moteur comme un état.

Prélab (10 pts)

P-2.11. Calculez-le(s) pôle(s) en mode boucle fermée. Quel est l'effet de l'augmentation du paramètre libre K_p sur les pôles et la réponse en boucle fermée ?

Prélab (10 pts)

P-2.12. Simulez le modèle d'état sur Matlab pour quatre valeurs positives de K_p . Incluez les figures de la réponse en échelon dans le rapport du pré-lab. Evitez de prendre des valeurs qui sont très proches les unes des autres et ne choisissez pas des valeurs qui risquent de saturer le signal de commande v_m . Référez-vous à Fig. I-1.4 pour les limites de saturation. Vos graphiques doivent clairement montrer les caractéristiques de la réponse transitoire du système (constante de temps, temps de stabilisation et valeur de la sortie en régime permanent).