Поток Риччи и гипотеза Пуанкаре

Джон В. Морган и Ганг Тянь

Содержание

Введе	ние	6
1	Обзор аргументов Перельмана	7
2	Основы геометрии Римана	11
3	Основы потока Риччи	11
4	Достижения Перельмана	11
5	Стандартное решение и процесс хирургии	11
6	Расширение потоков Риччи с хирургией	11
7	Исчезновение за конечное время	11
8	Благодарности	11
9	Список связанных статей	11
Глава	1. Введение в геометрию Римана	12
1	Метрика Римана и связность Леви-Чивиты	12
2	Кривизна Риманового многообразия	12
3	Геодезические и экспоненциальное отображение	12
4	Вычисления в Гауссовых нормальных координатах	12
5	Основные результаты сравнения кривизны	12
6	Локальный объем и радиус инъективности	12
Глава	2. Многообразия с неотрицательной кривизной	13
1	Функции Буземана	13
2	Результаты сравнения в случае неотрицательной кривизны	13
3	Теорема о душе	13
4	Концы многообразия	13
5	Теорема расщепления	13
6	ϵ -шейки	13
7	Коэффициенты прямой разницы	13
Глава	3. Основы потока Риччи	14
1	Определение потока Риччи	14
2	Некоторые точные решения потока Риччи	14
3	Локальная существуемость и единственность	14
4	Эволюция кривизны	14
5	Эволюция кривизны в развивающейся ортонормальной системе	14
6	Изменение расстояния под действием потока Риччи	14
7	Оценки производных Ши	14
8	Обобщенные потоки Риччи	14
Глава	4. Принцип максимума	15
1	Принцип максимума для скалярной кривизны	15
2	Принцип максимума для тензоров	15
3	Применения принципа максимума	15
4	Сильный принцип максимума для кривизны	15
5	Сужение к положительной кривизне	15

Глава	5. Результаты сходимости для потока Риччи	16
1	Геометрическая сходимость Римановых многообразий	16
2	Геометрическая сходимость потоков Риччи	16
3	Сходимость Громова-Хаусдорфа	16
4	Пределы при увеличении масштаба	16
5	Расщепление пределов на бесконечности	16
Глава	6. Геометрический подход к потоку Риччи через срав-	
	нения	17
1	\mathcal{L} -длина и \mathcal{L} -геодезические	17
2	L-экспоненциальное отображение и его свойства первого по- рядка	17
3	рядка Минимизирующие <i>L</i> -геодезические и область инъективности	$\frac{17}{17}$
3 4	Минимизирующие \mathcal{L} -геодезические и область инъективности Дифференциальные неравенства второго порядка для $\tilde{L}^{\overline{\tau}}$ и $L_{x}^{\overline{\tau}}$	$\frac{17}{17}$
5	Дифференциальные неравенства второго порядка для L – и L_x Сокращённая длина	$\frac{17}{17}$
6	Сокращенная длина Локальные оценки Липшица для l_x	$\frac{17}{17}$
7	Сокращённый объём	17
Гпава	7. Полные потоки Риччи с ограниченной кривизной	18
1 .naba	Функции L_x и l_x	18
$\frac{1}{2}$	Оценка для $min\ l_x^ au$	18
3	Сокращённый объём	18
Гпава	8. Результаты о несхлопывающихся многообразиях	19
1.naba 1	Результат о несхлопывании для обобщённых потоков Риччи	19
$\overset{1}{2}$	Применение к компактным потокам Риччи	19
Гпава	9. к-несхлопывающиеся древние решения	20
1.naba 1	Предварительные замечания	20
$\frac{1}{2}$	Асимптотический градиентный сокращающий солитон для <i>к</i> -	20
_	решений	20
3	Расщепление пределов на бесконечности	$\frac{1}{20}$
4	Классификация градиентных сокращающих солитонов в раз-	
	мерностях 2 и 3	20
5	${ m Y}$ ниверсальный κ	20
6	Асимптотический объём	20
7	Компактность пространства 3-мерных <i>κ</i> -решений	20
8	Качественное описание κ -решений	20
Глава	10. Ограниченная кривизна на ограниченном расстоянии	21
1	Сужение к положительному: определения	21
$\overline{2}$	Формулировка теоремы	21
$\overline{3}$	Неполный геометрический предел	21
4	Пределы конуса возле конца ${\cal E}$ для рескейлингов U_{∞}	21
5	Сравнение предела Громова–Хаусдорфа и гладкого предела	21
6	Финальное противоречие	21

Глава	11. Основы потока Риччи	22
1	Гладкий предел при увеличении масштаба, определённый для	
	малого времени	22
2	Пределы при долгом времени увеличения масштаба	22
3	Неполные гладкие пределы в сингулярные моменты	22
4	Существование сильных $\delta\textsc{-}\mathrm{meek},$ достаточно глубоких в $2\epsilon\textsc{-}\mathrm{горнe}$	22
Глава	12. Стандартное решение	23
1	Существование стандартного потока	23
2	Полнота, положительная кривизна и асимптотическое пове-	0.0
9	дение	23
3	Стандартные решения являются вращательно симметричными	23
4	Единственность	23
5	Решение потока гармонических отображений	23
$\frac{6}{7}$	Завершение доказательства единственности Некоторые следствия	$\frac{23}{23}$
	-	
Глава	13. Хирургия на δ-шейке	24
1	Нотация и формулировка результата	24
2	Предварительные вычисления	24
3	Доказательство теоремы 13.2	24
4	Другие свойства результата хирургии	24
Глава	14. Поток Риччи с хирургией: определение	25
1	Пространство-время хирургии	25
2	Обобщённое уравнение потока Риччи	25
Глава	15. Контролируемые потоки Риччи с хирургией	26
1	Сшивание развивающихся шеек	26
2	Топологические следствия предположений (1) – (7)	26
3	Дополнительные условия для хирургии	26
4	Процесс хирургии	26
5	Утверждения о существовании потока Риччи с хирургией	26
6	Контуры доказательства теоремы 15.9	26
Глава	16. Доказательство несхлопывания	27
1	Формулировка результата о несхлопывании	27
2	Доказательство несхлопывания при $R(x)=r^{-2}$ с $r\leq r_{i+1}$	27
3	Минимизирующие \mathcal{L} -геодезические существуют, когда $R(x)=$	
	r_{i+1}^{-2} : формулировка	27
4	Эволюция окрестностей хирургических кап	27
5	Оценка длины	$\frac{2}{27}$
6	Завершение доказательства пропозиции 16.1	27
Гпара	17. Завершение доказательства теоремы 15.9	28
тлава 1	Доказательство сильного предположения о канонических окрест-	
1	доказательство сильного предположения о канонических окрест-	28
	110011111	

2	Время хирургии не накапливается	28
Глава	18. Истечение до конечного времени	29
1	Результат	29
2	Исчезновение компонентов с нетривиальной π_2	29
3	Истечение	29
4	Поток сжимающихся кривых	29
5	Доказательство пропозиции 18.24	29
6	Доказательство леммы 18.59: кольца с маленькой площадью	29
7	Доказательство первой неравенства в лемме 18.52	29
Глава	19. Приложение: Канонические окрестности	30
1	Укорочение кривых	30
2	Γ еометрия ϵ -шеек	30
3	Перекрывающиеся є-шейки	30
4	Области, покрытые ϵ -шейками и (C,ϵ) -капами	30
5	Подмножества объединения ядер (C,ϵ) -кап и ϵ -шеек	30
Спис	ок литературы	31

Введение

В этой книге представлено полное и детализированное доказательство

гипотезы Пуанкаре: всякое замкнутое, гладкое односвязное 3-многообразие диффеоморфно 1 S^3 Эта гипотеза была сформулирована Анри Пуанкаре [58] в 1904 году и оставалась открытой до недавней работы Перельмана. Аргументы, представленные здесь, являются детализированной версией тех, которые встречаются в трех препринтах Перельмана [53, 55, 54]. Аргументы Перельмана опираются на фундамент, созданный Ричардом Гамильтоном, с его исследованием уравнения потока Риччи для Римановых метрик. На самом деле, Гамильтон считал, что потоки Риччи можно использовать для установления гипотезы Пуанкаре и более общих результатов топологической классификации в размерности 3, и разработал программу для достижения этой цели. Трудность заключалась в том, чтобы справиться с особенностями в потоках Риччи. Прорыв Перельмана заключался в том, чтобы понять качественную природу особенностей достаточно хорошо, чтобы позволить ему доказать гипотезу Пуанкаре (и теорему 0.1 ниже, которая подразумевает гипотезу Пуанкаре). Для подробной истории гипотезы

Класс примеров, тесно связанных с 3-сферой, составляют 3-мерные сферические пространственные формы, т.е. отношения S^3 по свободным линейным действиям конечных подгрупп ортогональной группы O(4). Существует обобщение гипотезы Пуанкаре, называемое **гипотезой** 3-мерных сферических пространственных форм, которое утверждает, что любое замкнутое 3-мерное многообразие с конечной фундаментальной группой диффеоморфно 3-мерной сферической пространственной форме. Очевидно, что частным случаем гипотезы 3-мерных сферических пространственных форм является гипотеза Пуанкаре.

Пуанкаре см. обзорную статью Мильнора [50].

Как указано в замечании 1.4 в [54], аргументы, представленные здесь, не только доказывают гипотезу Пуанкаре, но и дока-

¹ Каждое топологическое 3-мерное многообразие обладает дифференцируемой структурой, и каждый гомеоморфизм между гладкими 3-мерными многообразиями может быть сведён к диффеоморфизму. Таким образом, результаты классификации топологических 3-мерных многообразий до гомеоморфизма и гладких 3-мерных многообразий до диффеоморфизма эквивалентны. В этой книге под «многообразием» подразумевается «гладкое многообразие».

зывают гипотезу 3-мерных пространственных форм. На самом деле, цель этой книги — доказать следующую более общую теорему.

Теорема 0.1. Пусть M — замкнутое, связное 3-мерное многообразие, и пусть фундаментальная группа M является свободным произведением конечных групп и бесконечных циклических групп. Тогда M диффеоморфно связной сумме сферических пространственных форм, копий $S^2 \times S^1$ и копий уникального (до диффеоморфизма) неориентируемого 2-сферического расслоения над S^1 .

Это немедленно означает положительное разрешение гипотезы Пуанкаре и гипотезы 3-мерных сферических пространственных форм.

Следствие 0.2. (a) Замкнутое, просто связное 3-мерное многообразие диффеоморфно $S^3.$ (b) Замкнутое 3-мерное многообразие с конечной фундаментальной группой диффеоморфно 3-мерной сферической пространственной форме.

Прежде чем перейти к более подробному описанию содержания этой книги, стоит сделать одно замечание относительно стиля изложения. Из-за важности и заметности обсуждаемых результатов, а также из-за множества неверных утверждений о доказательствах этих результатов в прошлом, мы посчитали необходимым представить аргументы с большой детализацией. Наша цель состояла в том, чтобы сделать эти аргументы ясными и убедительными, а также более доступными для широкой аудитории. В результате эксперты могут посчитать некоторые моменты излишне подробно изложенными.

1 Обзор аргументов Перельмана

В размерностях, меньших или равных трём, любая риманова метрика с постоянной кривизной Риччи имеет постоянную секционную кривизну. Классические результаты в римановой геометрии показывают, что универсальное покрытие замкнутого многообразия с постоянной положительной кривизной диффеоморфно сфере, а фундаментальная группа идентифицируется с конечной подгруппой ортогональной группы, которая действует линейно и свободно на универсальном покрытии. Таким обра-

зом, можно подойти к гипотезе Пуанкаре и более общей проблеме 3-мерных сферических пространственных форм, задав следующий вопрос. С учетом соответствующих предположений о фундаментальной группе 3-мерного многообразия M, как установить существование метрики с постоянной кривизной Риччи на M? Основным элементом для создания такой метрики является уравнение потока Риччи, введённое Ричардом Гамильтоном в [29]:

$$\frac{\partial g(t)}{\partial t} = -2Ric(g(t))$$

Где Ric(g(t)) — это кривизна Риччи метрики g(t). Фиксированные точки (с точностью до масштабирования) этого уравнения римановы метрики с постоянной кривизной Риччи. Для общего введения в тему потоков Риччи см. обзорную статью Гамильтона [34], книгу Чоу и Кнопфа [13] или книгу Чоу, Лу и Ни [14]. Уравнение потока Риччи — это (слабо) параболическое уравнение в частных производных для римановых метрик на гладком многообразии. Следуя Гамильтону, поток Риччи определяется как семейство римановых метрик q(t) на фиксированном гладком многообразии, параметризованное параметром t на некотором интервале, которое удовлетворяет этому уравнению. Параметр tинтерпретируется как время, а уравнение рассматривается как задача Коши: начиная с любого риманова многообразия (M, q_0) , требуется найти поток Риччи с начальной метрикой g_0 ; то есть найти однопараметрическое семейство (M, g(t)) римановых многообразий, где $g(0) = g_0$, удовлетворяющее уравнению потока Риччи. Это уравнение справедливо в любых размерностях, однако здесь мы сосредотачиваемся на трёхмерном случае. Вкратце, метод доказательства заключается в том, чтобы начать с любой римановой метрики на заданном гладком 3-мерном многообразии и применить к ней поток Риччи, чтобы получить метрику с постоянной кривизной, которую мы ищем. Есть два примера, где этот метод работает именно так, оба принадлежат Гамильтону.

(i) Если начальная метрика имеет положительную кривизну Риччи, Гамильтон доказал более 20 лет назад ([29]), что при потоке Риччи многообразие сжимается до точки за конечное время, то есть возникает сингулярность в конечное время, и, по мере приближения к сингулярности, диаметр многообразия стремится к

нулю, а кривизна стремится к бесконечности в каждой точке. Гамильтон также показал, что в этом случае скейлинг метрики с помощью зависящей от времени функции, так чтобы диаметр оставался постоянным, приводит к однопараметрическому семейству метрик, которые гладко сходятся к метрике с постоянной положительной кривизной.

(ii) На другом крайнем случае, в работе [36] Гамильтон показал, что если поток Риччи существует для любого времени и если выполняются соответствующие ограничения на кривизну, а также другое геометрическое ограничение, то при $t \to \infty$, после скейлинга для фиксированного диаметра, метрика сходится к метрике с постоянной отрицательной кривизной.

Результаты в общем случае значительно сложнее для формулировки и намного труднее для доказательства. Хотя Гамильтон установил, что уравнение потока Риччи обладает свойствами краткосрочного существования, то есть можно определить g(t) для t на интервале [0,T), где T зависит от начальной метрики, оказывается, что если топология многообразия достаточно сложна, например, оно представляет собой нетривиальную связанную сумму, то независимо от начальной метрики неизбежно возникнут сингулярности за конечное время, вызванные топологией. Более того, даже если многообразие имеет простую топологию, начиная с произвольной метрики, можно ожидать (и нельзя исключить возможность) возникновения сингулярностей за конечное время в потоке Риччи. Эти сингулярности, в отличие от случая положительной кривизны Риччи, появляются на правильных подмножествах многообразия, а не на всем многообразии. Таким образом, для вывода топологических последствий, указанных выше, в общем случае недостаточно остановить анализ в момент появления первой сингулярности в потоке Риччи. Это приводит к изучению более общего процесса эволюции, называемого потоком Риччи с хирургией, впервые введенного Гамильтоном в контексте четырехмерных многообразий. Этот процесс эволюции также параметризован интервалом времени, так что для каждого t из интервала определения существует компактное риманово трехмерное многообразие M_t . Однако существует дискретный набор моментов времени, в которых многообразия и метрики претерпевают топологические и метрические разрывы (хирургии). В каждом из интервалов между такими моментами эволюция подчиняется обычному потоку Риччи, но из-за хирургии топологический тип многообразия M_t меняется при переходе из одного интервала в следующий. С аналитической точки зрения хирургии в моменты разрывов вводятся для того, чтобы 'вырезать' окрестности сингулярностей по мере их развития и вручную вставить вместо 'вырезанных' областей геометрически правильные регионы. Это позволяет продолжить (точнее, перезапустить) поток Риччи с новой метрикой, построенной в момент разрыва. Конечно, процесс хирургии также изменяет топологию. Чтобы можно было сделать полезные топологические выводы о таком процессе, необходимо как иметь результаты о потоке Риччи, так и контролировать топологию и геометрию процесса хирургии в моменты сингулярностей. Например, важно для топологических приложений, чтобы хирургии выполнялись вдоль 2-сфер, а не поверхностей более высокого рода. Хирургия вдоль 2-сфер создает разложение на связанные суммы, которое хорошо изучено в топологии, в то время как, например, операции Дена вдоль торов могут полностью разрушить топологию, превращая любое трехмерное многообразие в любое другое.

Изменение топологии оказывается полностью понятным, и, что удивительно, процессы хирургии создают именно те топологические операции, которые необходимы, чтобы разрезать многообразие на части, где поток Риччи может сформировать метрики, достаточно контролируемые для распознавания топологии.

Основная часть этой книги (главы 1–17 и приложение) посвящена установлению следующего результата о долгосрочном существовании потока Риччи с хирургией.

Теорема 0.3. Пусть (M,g_0) — замкнутое риманово трехмерное многообразие. Предположим, что в M нет вложенных, локально разделенных областей RP^2 . Тогда существует поток Pиччи c хирургией, определенный для всех $t \in [0,\infty)$ c начальной метрикой (M,g_0) . Множество моментов разрывов для этого потока Pиччи c хирургией является дискретным подмножеством $[0,\infty)$. Топологическое изменение трехмерного многообразия при прохождении через момент хирургии представляет собой разложение на связанную сумму c удалением связных компонент, каждая из которых диффеоморфна одному из

следующих многообразий: $S^2 \times S^1$, $RP^3 \# RP^3$, не-ориентируемое расслоение над S^1 с базой S^2 , или многообразие, допускающее метрику с постоянной положительной кривизной.

2 Основы геометрии Римана

и ещё текст

3 Основы потока Риччи

текст

4 Достижения Перельмана

текст

5 Стандартное решение и процесс хирургии

текст

6 Расширение потоков Риччи с хирургией

текст

7 Исчезновение за конечное время

текст

8 Благодарности

текст

9 Список связанных статей

Глава 1. Введение в геометрию Римана

- Метрика Римана и связность Леви-Чивиты текст
- 2 Кривизна Риманового многообразия текст
- 3 Геодезические и экспоненциальное отображение текст
- 4 Вычисления в Гауссовых нормальных координатах текст
- 5 Основные результаты сравнения кривизны текст
- 6 Локальный объем и радиус инъективности текст

Глава 2. Многообразия с неотрицательной кривизной

1 Функции Буземана

текст

2 Результаты сравнения в случае неотрицательной кривизны

текст

3 Теорема о душе

текст

4 Концы многообразия

текст

5 Теорема расщепления

текст

6 ϵ -шейки

Текст о ϵ -шейках.

7 Коэффициенты прямой разницы

Глава 3. Основы потока Риччи

1 Определение потока Риччи

текст

2 Некоторые точные решения потока Риччи

текст

3 Локальная существуемость и единственность

текст

4 Эволюция кривизны

текст

5 Эволюция кривизны в развивающейся ортонормальной системе

текст

6 Изменение расстояния под действием потока Риччи

текст

7 Оценки производных Ши

текст

8 Обобщенные потоки Риччи

Глава 4. Принцип максимума

 Принцип максимума для скалярной кривизны текст

2 Принцип максимума для тензоров

текст

3 Применения принципа максимума

текст

4 Сильный принцип максимума для кривизны

текст

5 Сужение к положительной кривизне

Глава 5. Результаты сходимости для потока Риччи

1 Геометрическая сходимость Римановых многообразий

текст

2 Геометрическая сходимость потоков Риччи

текст

3 Сходимость Громова-Хаусдорфа

текст

4 Пределы при увеличении масштаба

текст

5 Расщепление пределов на бесконечности

Глава 6. Геометрический подход к потоку Риччи через сравнения

1 \mathcal{L} -длина и \mathcal{L} -геодезические

Текст о \mathcal{L} -длинах и \mathcal{L} -геодезических

Текст о \mathcal{L} -экспоненциальном отображении и его свойствах первого порядка

3 Минимизирующие \mathcal{L} -геодезические и область инъективности

Текст о минимизирующих \mathcal{L} -геодезических и области инъективности

4 — Дифференциальные неравенства второго порядка для $\tilde{L}^{\overline{\tau}}$ и $L^{\overline{\tau}}_r$

Текст о дифференциальных неравенствах второго порядка для $\tilde{L}^{\overline{\tau}}$ и $L_{x}^{\overline{\tau}}$

5 Сокращённая длина

текст

6 Локальные оценки Липшица для l_x

Текст о локальных оценках Липшица для l_x

7 Сокращённый объём

Глава 7. Полные потоки Риччи с ограниченной кривизной

1 Функции L_x и l_x

Текст о функциях L_x и l_x

2 Оценка для $\min \ l_x^{ au}$

Текст о оценке для min l_x^{τ}

3 Сокращённый объём

Глава 8. Результаты о несхлопывающихся многообразиях

1 Результат о несхлопывании для обобщённых потоков Риччи

текст

2 Применение к компактным потокам Риччи

Глава 9. κ -несхлопывающиеся древние решения

1 Предварительные замечания

текст

2 Асимптотический градиентный сокращающий солитон для κ -решений

Асимптотический градиентный сокращающий солитон для κ -решений

3 Расщепление пределов на бесконечности

текст

4 Классификация градиентных сокращающих солитонов в размерностях 2 и 3

текст

5 Универсальный κ

Универсальный κ

6 Асимптотический объём

текст

7 Компактность пространства 3-мерных κ -решений

Компактность пространства 3-мерных κ -решений

8 Качественное описание κ -решений

Качественное описание κ -решений

Глава 10. Ограниченная кривизна на ограниченном расстоянии

1 Сужение к положительному: определения

текст

2 Формулировка теоремы

текст

3 Неполный геометрический предел

текст

4 Пределы конуса возле конца ${\mathcal E}$ для рескейлингов U_∞

Пределы конуса возле конца ${\mathcal E}$ для рескейлингов U_∞

5 Сравнение предела Громова-Хаусдорфа и гладкого предела

текст

6 Финальное противоречие

Глава 11. Основы потока Риччи

1 Гладкий предел при увеличении масштаба, определённый для малого времени

текст

- 2 Пределы при долгом времени увеличения масштаба текст
- 3 Неполные гладкие пределы в сингулярные моменты текст
- 4 Существование сильных δ -шеек, достаточно глубоких в 2ϵ -горне

Существование сильных δ -шеек, достаточно глубоких в 2ϵ -горне

Глава 12. Стандартное решение

1 Существование стандартного потока

текст

2 Полнота, положительная кривизна и асимптотическое поведение

текст

3 Стандартные решения являются вращательно симметричными

текст

4 Единственность

текст

5 Решение потока гармонических отображений

текст

6 Завершение доказательства единственности

текст

7 Некоторые следствия

Глава 13. Хирургия на δ -шейке

Нотация и формулировка результата
 текст

2 Предварительные вычисления

текст

3 Доказательство теоремы 13.2

текст

4 Другие свойства результата хирургии

Глава 14. Поток Риччи с хирургией: определение

1 Пространство-время хирургии

текст

2 Обобщённое уравнение потока Риччи

Глава 15. Контролируемые потоки Риччи с хирургией

1 Сшивание развивающихся шеек

текст

2 Топологические следствия предположений (1) – (7) текст

3 Дополнительные условия для хирургии

текст

4 Процесс хирургии

текст

5 Утверждения о существовании потока Риччи с хирургией

текст

6 Контуры доказательства теоремы 15.9

Глава 16. Доказательство несхлопывания

1 Формулировка результата о несхлопывании

текст

2 Доказательство несхлопывания при $R(x) = r^{-2}$ с $r \leq r_{i+1}$

Доказательство несхлопывания при $R(x) = r^{-2}$ с $r \le r_{i+1}$

3 Минимизирующие \mathcal{L} -геодезические существуют, когда $R(x) = r_{i+1}^{-2}$: формулировка

Минимизирующие \mathcal{L} -геодезические существуют, когда $R(x)=r_{i+1}^{-2}$: формулировка

4 Эволюция окрестностей хирургических кап

текст

5 Оценка длины

текст

6 Завершение доказательства пропозиции 16.1

Глава 17. Завершение доказательства теоремы 15.9

1 Доказательство сильного предположения о канонических окрестностях

текст

2 Время хирургии не накапливается

Глава 18. Истечение до конечного времени

1 Результат

текст

 ${f 2}$ Исчезновение компонентов с нетривиальной π_2

Исчезновение компонентов с нетривиальной π_2

3 Истечение

текст

4 Поток сжимающихся кривых

текст

5 Доказательство пропозиции 18.24

текст

6 Доказательство леммы 18.59: кольца с маленькой площадью

текст

7 Доказательство первой неравенства в лемме 18.52

Глава 19. Приложение: Канонические окрестности

1 Укорочение кривых

текст

$\mathbf{2}$ Геометрия ϵ -шеек

Геометрия ϵ -шеек

3 Перекрывающиеся ϵ -шейки

Перекрывающиеся ϵ -шейки

4 Области, покрытые ϵ -шейками и (C,ϵ) -капами

Области, покрытые ϵ -шейками и (C,ϵ) -капами

5 Подмножества объединения ядер (C,ϵ) -кап и ϵ -шеек

Подмножества объединения ядер (C,ϵ) -капов и ϵ -шеек

Список литературы

Основной текст списка литературы