



Afacere – descrierea soluției

Autor: Cătălin-Ștefan Tiseanu

Problema cere reuniunea unor mulțimi $A(i)$, cu

$A(i)$ = mulțimea cuvintelor complete compatibile cu cuvântul candidat I din listă. Sa tratăm acum rezolvarea în lipsa extinderilor.

Trebuie să aflăm $|A(1) \cup A(2) \cup \dots \cup A(N)|$. Cum $N \leq 20$, ne gândim imediat la principiul includerii și excluderii.

Se obține astfel o primă soluție în $O(2^N \cdot N \cdot L)$ (pentru cazul fără nicio extindere). Sa observăm că intersecția oricăror mulțimi $A(i)$ poate avea doar două tipuri de valori:

- 0, dacă există o poziție astfel încât două cuvinte candidat din intersecție au caractere diferite între ele (și diferite de ?) pe acea poziție
- $|V|^p$, unde p este numărul pozițiilor unde toate cuvintele candidat din intersecție au ?

Acum, pentru a trata cazul extinderilor, să observăm că intersecția oricaror mulțimi are cardinalul sub forma de polinom (0 sau $|V|^p$). Asta înseamnă că putem însuma polinoamele pentru toate intersecțiile posibile pentru a obține un alt polinom. Doar pe acesta îl vom evalua (la sfârșit) pentru toate extinderile (o extindere de cardinal x duce la un alfabet V de cardinal $26 + x$). O soluție $O(2^N \cdot N \cdot L \cdot NR)$ va lua 10 puncte.

Ajungem astfel la o soluție $O(2^N \cdot N \cdot L)$ când avem și extinderi. Această soluție ar trebui să ia 40 de puncte. Complexitatea optimă este de $O(2^N \cdot L)$, și se obține considerând mai întâi fiecare poziție $1 \leq \text{poz} \leq L$, după care fiecare intersecție posibilă).