Ministerul Educației, Cercetării, Tineretului și Sportului Olimpiada Națională de Informatică



Zlego – Descrierea soluției

Stud. Andrei Pârvu – Universitatea "Politehnica" București

Soluția 1 - 20 de puncte

Pentru fiecare zprefix de forma [1,i] se calculează aparițiile sale folosind un algoritm trivial de potrivire de șiruri (într-o complexitate de $O(N^2)$ calculăm suma costurilor de frumusețe. Complexitate finală: $O(N^3)$.

Soluția 2 – 50 de puncte

Aceasta soluție este asemănătoare cu cea de 20 de puncte, cu excepția faptului că se înlocuiește algoritmul trivial de potrivire de șiruri cu unul clasic de complexitate O(N) (KMP, Rabin-Karp etc.). Complexitate finala: $O(N^2)$.

Soluția 3 – 100 de puncte

Vom folosi funcția prefix a algoritmului KMP pentru a rezolva problema într-o complexitate liniară. Reamintim că funcția prefix calculează un vector pi[i] – cel mai lung prefix al secvenței [1,i] care este și sufix al acesteia. Facem observația că acest vector de prefix se comportă ca un vector de tați într-un arbore, adică se poate lega o muchie între pi[i] și i. Astfel, pentru un zprefix dat, aparițiile sale în tot șirul se află în subarborele său. Din acest motiv, putem ține o dinamică evidentă de forma D[i] – suma costurilor de frumusețe pentru nodul i, a cărei rezultate le afișăm la ieșire.

Complexitate finală: O(N).