

Maxpal-descrierea solutiei

Descrierea soluției:

Varianta 1. Rezolvare cu backtracking,

Se vor cauta toate palindroamele de lungime maxima din sir, avand grija sa actualizam numarul de solutii: daca se gaseste o solutie mai buna (de lungime mai mare), numerotarea va incepe de la 1, iar daca e solutie la fel de buna (de aceeași lungime), atunci se incrementeaza numarul de solutii.

Backtrackingul se poate imbunatati daca stiva se umple alternativ cu pozitii din ambele capete ale sirului cu conditia $a[st[2k-1]]=a[st[2k]]$, prelucrând sirul din ambele capete catre interior.

O astfel de solutie valoreaza 20% din teste.

Complexitate exponențială.

Varianta 2. Rezolvare cu programare dinamică

Avem șirul x_1, x_2, \dots, x_n . Vom folosi două matrici de dimensiuni $n \times n$, și anume $lmax$ (pentru lungimea maximă) și $nrsol$ (pentru numărul de soluții).

Lungimea maximă a unui subșir palindrom de la o poziție st până la o poziție dr se calculează cu ajutorul următoarei recurențe

$$lmax(st,dr)=\begin{cases} 2+lmax(st+1, dr-1) & \text{dacă } st<dr, \text{ și } x_{st}=x_{dr} \\ \max(lmax(st,dr-1),lmax(st+1,dr)) & \text{dacă } st<dr, \text{ și } x_{st}<>x_{dr} \\ 1 & \text{dacă } st=dr \\ 0 & \text{dacă } st>dr \end{cases}$$

Cu această recursivitate se construiește o matrice pătratică (triunghiulară), inițializând diagonala principală cu 1, și calculând elementele de la stânga la dreapta, pornind de la diagonala principală prima linie, până când se va calcula elementul din colțul din dreapta-sus a matricei a .

Elementul $a[1,n]=lmax(1,n)$ va fi răspunsul pentru prima cerință.

Numărul soluțiilor distincte se va calcula cu ajutorul tabelului dinamic anterior astfel:

$$nrsol(st,dr)=\begin{cases} nrsol(st+1,dr-1) + nrsol(st+1,dr), & \text{daca } st<dr-1, x[st]=x[dr] \text{ si } lmax(st,dr)=lmax(st+1,dr) \\ nrsol(st+1,dr-1) + nrsol(st,dr-1), & \text{daca } st<dr-1, x[st]=x[dr] \text{ si } lmax(st,dr)=lmax(st,dr-1) \\ nrsol(st+1,dr-1), & \text{daca } st<dr-1, x[st]=x[dr] \text{ si } lmax(st+1,dr)<>lmax(st,dr) \\ & \text{si } lmax(st,dr-1)<>lmax(st,dr) \\ nrsol(st+1,dr) & \text{daca } st<dr, x[st]<>x[dr], \text{ si } lmax(st+1,dr)>lmax(st,dr-1) \\ nrsol(st,dr-1) & \text{daca } st<dr, x[st]<>x[dr], \text{ si } lmax(st+1,dr)<lmax(st,dr-1) \\ nrsol(st+1,dr)+nrsol(st,dr-1) & \text{daca } st<dr, x[st]<>x[dr], \\ & \text{si } lmax(st+1,dr)=lmax(st,dr-1)<>lmax(st+1,dr-1) \\ nrsol(st+1,dr)+nrsol(st,dr-1)-nrsol(st+1,dr-1) & \text{daca } st<dr, x[st]<>x[dr], \\ & \text{si } lmax(st+1,dr)=lmax(st,dr-1)=lmax(st+1,dr-1) \\ 1 & \text{daca } st=dr \\ 1 & \text{daca } x[st]=x[dr] \text{ } st=dr-1 \\ 0 & \text{daca } st>dr \end{cases}$$

Răspunsul pentru a doua cerință va fi $nrsol(1,n)$.
O astfel de abordare a problemei din cauza restricțiilor de memorie va obține cel mult 60 de puncte.

Complexitate $O(n^2)$.

Varianta 3. Optimizarea variantei 2.

Datorită faptului că cele două matrice $lmax$ și $nrsol$ sunt triunghiulare, datele din ele se pot stoca într-o singură deasupra și sub diagonală principală.

Astfel se obține o soluție de 70 de puncte.

Complexitate $O(n^2)$.

Varianta 4. Optimizarea variantei 2.

Folosindu-ne de proprietatea că elementele matricelor $lmax$ și $nrsol$ se pot calcula pe linii paralele cu diagonală principală folosindu-ne de elemente de pe două linii paralele anterioare, problema se poate rezolva cu 6 șiruri ajutătoare în loc de două matrice.

Această soluție va obține 100 puncte.

Complexitate $O(n^2)$.