Tabara de pregatire a lotului national de informatica Iasi, 14-21 iunie 2008 Baraj 5

Soluție Sport

Fie G este sirul obținut din H prin sortare. Vom face următoarele observații:

G se compune din 3 secvențe de numere: S1, S2 și S3. Prima secvență, S1, este constituită din cele mai mici N1 elemente. A fost obținută prin N1 operații de mutare la începutul șirului. A doua secvență, S2, alcătuită din cele mai mari N2 elemente, s-a creat la celălalt capăt al șirului, prin N2 operații de mutare la sfârșit. A treia secvență, S3, este cuprinsă între primele două și este formată din elementele șirului care <u>nu au fost mutate</u>. Cele trei secvențe (mulțimi) sunt evident ordonate crescător și reuniunea lor este întregul șir G.

Exemplu:

$$H = (3, 7, 4, 5, 2, 9, 8, 6, 1)$$

$$G = (1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9)$$

$$S1 \text{ are } N1 = 2 \text{ elemente: } (1, 2).$$

$$S2 \text{ are } N2 = 3 \text{ elemente: } (7, 8, 9),$$

$$S3 \text{ are } 4 \text{ elemente: } (3, 4, 5, 6).$$

Pentru un număr minim de mutări, este nevoie de un număr maxim de elemente în \$3, adică în mulțimea de elemente care nu vor fi mutate.

Ideea este de a căuta în șirul sortat **G**, cea mai lungă secvență consecutivă **S3** căreia îi corespunde un subșir al șirului **H**, format din aceleași elemente. În exemplu, este vorba de elementele marcate cu roșu în șirul **H**. Evident, elementele subșirului din **H** sunt ordonate, însă nu sunt neaparat consecutive.

Se pornește de la fiecare poziție din G, începând cu poziția 1 și se caută cea mai lungă secvență căreia să-i corespundă un subșir crescător în H, reținând maximul max al lungimilor secvențelor găsite. Se afișează N - max.

Complexitatea soluției este O (N*N).