OLIMPIADA NAȚIONALĂ DE INFORMATICĂ

Piatra-Neamţ, 15-22 aprilie 2011

Sursa: tort.c, tort.cpp, tort.pas

Proba 1 Clasa a-IX-a



Soluție tort

Dupa tăierea celor k felii din tort, rămâne un dreptunghi de dimensiuni (m-m1)x(n-n1), unde m1 și n1 reprezintă numarul feliilor orizontale, respectiv verticale (n1+n2=k). Trebuie ca acest dreptunghi să contină cât mai valori 1 (capsuni). Construim o matrice în care pentru 1 <= i <= msi 1<=i<=n memoram numărul de capsuni dreptunghiul cu vârfurile opuse (1,1) și (i,j), după care numărul de capsuni din orice submatrice se gaseste în O(1). Vom determina pentru fiecare k1 cu valori de la 0 la toate submatricele de dimensiuni (m-k1)x(n-k+k1) cu număr minim de 1 printr-o singura parcurgere a matricei obținănd o complexitate O(m*n*k), suficientă pentru dimensiunile date.

```
Algoritm tort
citeste m,n,k
pt. i=1,m
 pt. j=1,n citeste Aij sf.
sf.
B[1,1]=A[1,1]; min=m*n+1;
pt. i=2,m B[i,1]=B[i-1,1]+A[i,1] sf.
pt. j=2, n \ B[1,j]=B[1,j-1]+A[1,j] \ sf.
pt. i=2,m
 pt. j=2, n \ Bij=B[i,j-1]+B[i-1,j]-B[i-1,j-1] \ sf.
sf.
pt. k1 = 0, k1
 pt. i=m-k1,m
  pt. j=n-k+k1,n
    S=Bij-B[i-m+k1,j]-B[i,j-n+k-k1]+B[i-m+k1,j-n+k-k1]
    daca S < min min=S; np=1
    altfel daca S=min \ np=np+1 \ sf.
    sf.
  sf.
  sf.
 sf.
 scrie min, np
```