

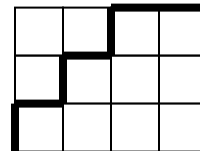
# romeo - descrierea soluției

Autor profesor Dan Grigoriu

Soluția descrisă este realizată didactic și se bazează pe un calcul algebric simplu; soluția nu conține structuri repetitive.

Energia pentru segmentele orizontale este în toate cazurile aceeași:  $X$ . Problema rămâne pentru energia consumată cu segmentele verticale. Analizăm două cazuri:

**1) Dacă  $X \geq Y-1$** , atunci se poate adopta un drum cu consum minim de mergând pe un zig-zag cu segmente elementare, începând cu direcția spre până la strada orizontală a destinației, după care (dacă este cazul), se merge strădă până la destinație, pe orizontală, ca în desenul alăturat. Drumul prezentat nu este unic.



energie  
Nord,  
pe acea

Bilanțul pentru un astfel de drum (în exemplu:  $X=4$  și  $Y=3$ ) este:  $(X+Y)J$ .

**2) Dacă  $X < Y-1$** , atunci vom avea și porțiuni verticale mai mari decât un segment elementar pe verticală. Cu cât o asemenea porțiune este mai lungă, cu atât energia consumată este mai mare. De aceea, vom încerca să avem porțiuni verticale de lungimi cât mai mici, chiar dacă sunt mai multe, lungimea lor totală fiind aceeași:  $Y$ .

Numărul de porțiuni verticale va fi  $X+1$ , adică vom merge vertical pe fiecare stradă verticală o porțiune, pentru a avea cât mai multe porțiuni verticale (deci și mai mici).

Fie  $Z = \lfloor Y/(X+1) \rfloor$  = lungimea unei porțiuni verticale (numărul de segmente elementare). Porțiunile verticale vor avea toate lungimea  $Z$ , dacă  $(X+1) \mid Y$ , sau  $Z$  și  $Z+1$ , în caz contrar. Pentru acest caz, fie  $M$  = numărul de segmente de mărime  $Z$  și  $N$  = numărul de segmente de mărime  $Z+1$ .

Se va rezolva sistemul:

$$\begin{cases} M + Y = X + 1 & (1) \\ M \cdot Z + N \cdot (Z+1) = Y & (2) \end{cases}$$

Semnificația ecuațiilor:

(1): (numărul de porțiuni verticale de lungime  $Z$ ) + (numărul de porțiuni verticale de lungime  $Z+1$ ) = (numărul total de porțiuni verticale, adică  $X+1$ ).

(2): (lungimea totală a porțiunilor de lungime  $Z$ ) + (lungimea totală a porțiunilor de lungime  $Z+1$ ) = (distanța totală de parcurs pe verticală, adică  $Y$ ).

Odată obținute  $M$  și  $N$ , energia pe verticală se va calcula ca fiind suma dintre  $E1$  = energia pentru cele  $M$  porțiuni de lungime  $Z$  și  $E2$  = energia pentru cele  $N$  porțiuni de lungime  $Z+1$ .

$$E1 + E2 = M \cdot (1+2+3+\dots+Z) + N \cdot (1+2+3+\dots+(Z+1)). \quad Y=12$$

Mai jos, avem conform desenului:

$X=4$  și  $Y=12$ . Atunci:

$$Z = \lfloor Y/(X+1) \rfloor = \lfloor 12/(4+1) \rfloor = \lfloor 12/5 \rfloor = 2$$

Sistemul devine:

$$\begin{cases} (1) \quad M+N = 4 + 1 \\ (2) \quad M \cdot 2 + N \cdot (2+1) = 12, \end{cases} \quad \text{adică} \quad \begin{cases} M+N=5 \\ M \cdot 2 + N \cdot (2+1) = 12 \end{cases}$$

cu soluția:

$$M=3 \text{ și } N=2$$

Cu acestea,  $E1$  și  $E2$  devin:

$$E1 = M \cdot (1+\dots+Z) = 3 \cdot (1+2) = 9J$$

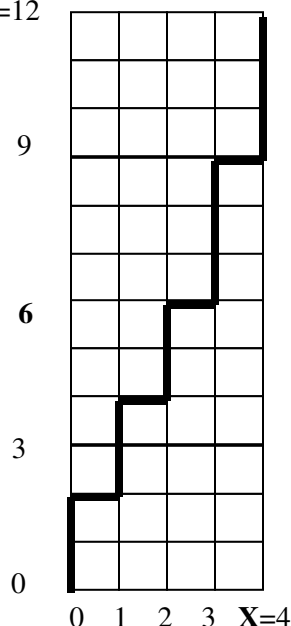
$$E2 = N \cdot (1+\dots+Z+1) = 2 \cdot (1+2+3) = 12J$$

**Bilanț :**

**Total energie pe verticală:**  $E1 + E2 = 9 + 12 = 21J$ .

**Total energie pe orizontală:**  $X = 4J$

**Total energie pentru tot drumul:**  $21+4=25J$



**Observație**

Orașul este de formă pătrată, dar în desen apare doar o parte din el (cea interesantă pentru noi).