

spioni – Soluție

Pornind de la faptul că distanțele între 2 centre nu se modifică în funcție de împărțirea în departamente observăm că putem rezolva problema **stabilind o distanța maximă** între centre din același departament:

Calculăm distanțele între toate nodurile și atunci pentru 2 noduri între care distanța e mai mare decât cea stabilită există restricția ca ele să nu aiba aceeași culoare. Pentru graful de restricții rezultat **verificăm dacă el este bipartit** (cu ajutorul unei parcurgeri în lățime).

Deci facem căutare binară pe distanță cu o parcurgere în lățime la fiecare pas și determinăm distanța maximă.

După ce avem distanța obținem graful de restricții pentru acesta. Graful va fi format din una sau mai multe componente conexe pentru care există 2 moduri de a le colora: cu rădăcina C sau S, obținând diferențele posibile între numărul de S și numărul de C posibile $V_i, -V_i$.

Rezolvăm repartiția cât mai apropiată ca diferența prin programare dinamică:

$d[i][j] = \{0, 1, 2\}$

$i = 1, \text{nr. componentelor conexe}$

$j = -N, N$

$d[i][j] = 0$ semnifică faptul că nu se poate obține diferența de j cu primele i componente

$d[i][j] = 1, 2$ se poate obține diferența de j cu primele i componente,
colorând rădăcina cu C sau respectiv S.

$d[i][j] = 0$ dacă $d[i-1][j - V_i]$ și $d[i-1][j - V_i]$ sunt 0

1 dacă $d[i-1][j - V_i]$ este diferit de 0

2 dacă $d[i-1][j - V_i]$ este diferit de 0

Soluția se reconstituie în sens invers pornind de la cea mai mică diferență posibilă (cel mai mic j în valoare absolută pentru care $d[\text{nr comp. conexe}][j]$ este diferit de 0). Dacă și diferența de $-j$ se poate obține se preferă aceasta.

Pentru a obține prima soluție în ordine lexicografică se consideră componentele conexe cu rădăcini nodul cel mai mic din cadrul unei componente și se iau în ordine inversă aceste componente conexe.