Piatra-Neamţ, 15-22 aprilie 2011

Proba 1 Clasa a – IX-a

Sursa: stalpi.c, stalpi.cpp, stalpi.pas



## Soluție - stalpi

## prof. Doru Anastasiu Popescu, C. N. "Radu Greceanu", Slatina

Folosind datele de intrare, pentru fiecare culoare c din multimea {1, 2, ...,k} se construiesc doi vectori:

 $a=(a_0, a_1, ..., a_{30000})$ , unde  $a_i$  este codul punctului aflat la distanta i de stalpul A de pe primul cablu (0 daca nu exista punct).

 $b=(b_0, b_1, ..., b_{30000})$ , unde  $b_i$  este codul punctului aflat la distanta i de stalpul A de pe al doilea cablu (0 daca nu exista punct).

Parcurgem folosind acelasi indice i (0,1,2,...,30000) ambi vectori a si b si actualizam trei variabile xa, xa si min (initial min este 20000), astfel:

daca a<sub>i</sub>≠0 si xa=0, atunci xa=i

daca b<sub>i</sub>≠0 si xb=0, atunci xb=i

daca a<sub>i</sub>≠0 si xb≠0 si |i-xb|<min, atunci

xa=i; min=|i-xb|

daca b<sub>i</sub>≠0 si xa≠0 si |i-xa|<min, atunci

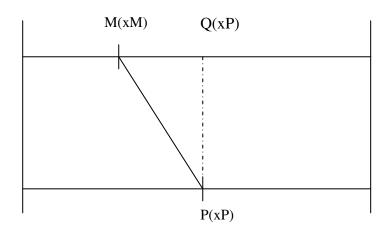
xb=i; min=|i-xb|

$$S = S + \sqrt{d^2 + (xa - xb)^2}$$

Introducem xa si xb in doi vectori x si y.

Afisam s si elementele vectorilor x si y.

In algoritm am folosit:



MN=minim, daca MQ=minim, pentru ca PQ=d, care este constanta.

Din MQ=|xP-xM|, PQ=d si teorema lui Pitagora obtinem:

$$MN = \sqrt{d^2 + (xP - xM)^2}$$

O alta solutie de complexitate O(k\*n) este urmatoarea :

Prof. Pit-Rada Ionel Vasile Colegiul National "Traian", Drobeta Turnu Severin

Se construiesc tablourile **cablu1**[] și **cablu2**[], fiecare de câte 30000 de elemente de tip **int**. Pentru fiecare punct de pe fiecare cablu, poziția **i** din șirul de date citit și perechea (**distanță**, **culoare**) specifice fiecărui punct le-am memorat prin

cablu1[distanţă]=i\*100+culoare-1, respectiv
cablu2[distanţă]=i\*100+culoare-1

În procesul de citire a datelor şi construire a tablourilor **cablu1[]** şi **cablu2[]** am calculat numărul de culori **k** ca fiind valoarea maximă a valorilor culorilor citite.

Pentru fiecare culoare **cul**, în ordinea **1,2,...,k**, am utilizat tablourile **cablu1**[] și **cablu2**[] pentru sortarea în complexitate O(n) a punctelor de aceeași culoare de pe fiecare cablu, preluând distanța față de capătul stâng al cablului pe care se află și poziția din șirul datelor de intrare în tablourile **x1**[] și **z1**[] cu **n1** elemente, respectiv **x2**[] și **z2**[] cu **n2** elemente.

Folosind un algoritm asemănător cu cel de la interclasarea a doi vectori ordonați am determinat în complexitate O(n) diferența cea mai mică **dift**, în valoare absolută, dintre distanțele față de capetele din stânga ale cablurilor, ale celor două puncte de aceeași culoare **cul** aflate pe cabluri diferite, **x1[i]** și **x2[j]**, **1**≤**i**≤**n1** și **1**≤**j**≤**n2** . Apoi am calculat, cu formula  $\sqrt{dift*dift}+d*d$ , lungimea sârmei care va uni cele două puncte, ca lungime a ipotenuzei într-un triunghi dreptunghic de catete **dift** și **d** și am adăugat-o sumei **dmin**. Am memorat prin **x[cul]=i1** și **y[cul]=i2** perechea de poziții **i1** și **i2**, din șirul de date de intrare , corespunzătoare celor două puncte alese.

La final am afișat cu trei zecimale exacte valoarea **dmin** și apoi cele k perechi x[i], y[i],  $1 \le i \le k$ .