25 aprilie 2019 Clasa a VIII-a

Drept, descrierea soluției

Propunător, prof. Nistor Moț

Considerăm că punctul de start al primei laturi este centrul sistemului de coordonate și vom calcula mai întâi coordonatele celorlalte vârfuri ale figurii.

Fie yminim şi ymaxim valorile minimă resprectiv maximă ale coordonatelor y pentru vârfurile ce apar în figură iar xminim şi xmaxim valorile minimă resprectiv maximă ale coordonatelor x pentru vârfurile ce apar în figură.

Pentru testele în care se indica faptul că orice orizontală taie poligonul într-un singur segment aria se putea calcula astfel: Parcurgem toate valorile y aflate între yminim și ymaxim-1 iar la un pas determinăm minimul (min) și maximul(max) dintre coordonate x ale segmentelor verticale care includ [y, y+1]. Adunăm la valoarea soluției diferența max-min.

Pentru aflarea ariei pe cazul general, determinăm toate pozițiile caroiajului delimitat de xminim, xmaxim, yminim, ymaxim. Pentru o poziție numărăm câte verticale sunt în stânga ei. Contorizăm la soluție dacă și numai dacă valoarea determinată este impară.

Pentru a testa dacă linia poligonală este închisă, suma valorilor corespunzătoare laturilor orizontale trebuie să fie 0, analog pentru cele verticale.

Pentru a testa intersecția a două segmente, verificăm pentru oricare două neconsecutive dacă extremitățile vreunuia se află pe celălalt sau dacă ele se intersectează în alt punct. Ambele teste se bazează pe a verifica dacă o valoare se află într-un interval.