

Clasa a VIII- a soluții probleme

Problema 1. Cutii de bomboane prof. Rodica PINTEA

Se consideră ordinea de trecere a cutiilor prin dreptul dispozitivului astfel:

1 2 3 ... n-1 n n-1 n-2 ... 2

Sunt $2n-2$ cutii (n vizitate “la ducere” și $n-2$ “la întoarcere”)

După care trecerea se reia de la 1 în același mod.

Pentru cutia curentă i în care s-a depus bomboana, cutia următoare în care se depune bomboana rezultă din formulele

$i = (i + t) \bmod (2n-2)$
dacă $i=0$ **atunci** $i=2n-2$
dacă $i>n$ **atunci** $i=2n-i$

Se determină numărul de bomboane depuse în fiecare cutie până ce se depune o bomboana din nou în cutia 1 (în total depunându-se *puse*), după care procesul se reia în exact aceleași condiții. Numărul de reluări (*ture*) necesar este

$ture = b / puse$

Pentru bomboanele rămase ($b \bmod puse$) este necesar un ciclu suplimentar care simulează depunerea bomboanelor în cutii:

```
var n, t, b, c, m: longint;  
i, puse, ture: longint;  
bom: array[1..1000] of longint;  
begin  
  readln(n, t, b);  
  
  i:=1; puse:=0;  
  repeat  
    inc(puse);  
    if i<=n then inc(bom[i]) else inc(bom[2*n-i]);  
    i:=(i+t-1) mod (2*n-2)+1  
  until (i=1) or (puse=b);  
  
  if puse<b then begin  
    ture:=b div puse;  
    puse:=ture*puse;  
    for i:=1 to n do bom[i]:=bom[i]*ture;  
    i:=1;  
    while puse<b do begin  
      inc(puse);  
      if i<=n then inc(bom[i]) else inc(bom[2*n-i]);  
      i:=(i+t-1) mod (2*n-2)+1  
    end  
  end;  
  
  c:=0; m:=0;  
  for i:=1 to n do  
    if bom[i]=0 then inc(c)  
    else if bom[i]>m then m:=bom[i];  
  writeln('c=', c, ' m=', m)  
end.
```

Problema 2. Matrice maximală prof. Maria și Adrian NIȚĂ

Matricea inițială este bordată cu valori santinele -1, matricea fiind formată din valori pozitive.

Se formează două matrici: o matrice ce va reține numerele vecine de linii monotone și o alta care va reține numerele coloanelor vecine monotone din matricea inițială

Problema 3. Cuburi. prof. Dan Grigoriu.

După citirea datelor L , n și h :

- Intr-un ciclu ce se repetă de n ori, se acumulează expresia $L*L*L$, adică volumele cuburilor la un volum total, inițial nul. De fiecare dată, latura viitorului cub se împarte la $\sqrt{2}$, pentru ciclul următor.
- Aria totală s-a calculat într-un ciclu în care se acumulează ariile suprafețelor « exterioare » ale cuburilor ce formează corpul. Pentru fiecare cub s-a adunat aria sa laterală și $\frac{1}{2}$ din aria bazei superioare (suma ariilor celor 4 triunghiuri « vizibile » de pe acea bază). La sfârșit s-au adăugat ariile pentru baza inferioară a cubului mare și cea superioară a celui mic, de sus.
- Înălțimea s-a calculat tot ca o sumă de n termeni : primul este L , iar următorii se obțin prin împărțirea celor precedenți la $\sqrt{2}$.
- Numarul de cuburi se calculează într-un ciclu în care se pleacă de la înălțimea 0 și cât timp numărul de cicluri nu a depășit 30000 și înălțimea nu a ajuns la valoarea h , se reia ciclul. Fiecare reluare se contorizează și numărul cerut de cuburi este chiar numărul de cicluri.