

SOLUTIE PIRAMIDA

Înălțimea maximă a piramidei este: $\lceil \log_2 S \rceil + 1$.

Formula de calcul a valorii din vârful piramidei de înălțime n care are la bază numerele nenule b_0, b_1, \dots, b_{n-1} este $C_n^0 \cdot b_0 + C_n^1 \cdot b_1 + \dots + C_n^{n-1} \cdot b_{n-1} + C_n^n \cdot b_n$. Deoarece $C_n^k = C_n^{n-k}$ obținem formula de calcul $S = C_n^0 \cdot (b_0 + b_n) + C_n^1 \cdot (b_1 + b_{n-1}) + \dots$.

Calculul posibilităților de a obține S ca sumă de astfel de termeni are la bază un algoritm de programare dinamică tip ”rucsac” (modalități de obținere a capacității S cu ajutorul capacităților C_n^0 ,

$C_n^1, \dots, C_n^{\lfloor \frac{n}{2} \rfloor}$.

```
#include <stdio.h>

#define NMAX (512*1024)
#define LN 20
#define MOD 10000

int A[NMAX], C[LN][LN], V[LN];

int N;

int main()
{
    int i, j, db, cn;
    register v;

    for (i = 0; i < LN; i++)
        C[i][0] = 1;
    for (i = 1; i < LN; i++)
        for (j = 1; j <= i; j++)
            C[i][j] = (C[i-1][j] + C[i-1][j-1]) % MOD;

    freopen("piramida.in", "r", stdin);
    scanf("%d", &N);
    cn = N;
    db = 0;
    while (cn /= 2) db++;

    N -= (1 << db);

    A[0] = 1;
    for (i = 0; i <= db; i++)
    {
        v = C[db][i] % MOD;
        for (j = v; j <= N; j++)
            A[j] = (A[j] + A[j-v]) % MOD;
    }

    freopen("piramida.out", "w", stdout);
    printf("%d\n", A[N]);

    return 0;
}
```