

Foto – descrierea soluției

Putem efectua $M \cdot (N-3)^2$ operații asupra matricei, în funcție de poziția și masca pe care le folosim. Observăm că ordinea operațiilor nu contează și configurația finală se poate scrie în funcție de operațiile făcute printr-o ecuație de forma:

$$a_1 \cdot v_1 + a_2 \cdot v_2 + \dots + a_{M \cdot (N-3)^2} \cdot v_{M \cdot (N-3)^2} = c_{x,y} \pmod{2},$$
unde fiecare $v_1 \dots v_{M \cdot (N-3)^2}$ este o variabilă care este 1 dacă operația corespunzătoare este folosită, iar fiecare $a_1 \dots a_{M \cdot (N-3)^2}$ este 1 dacă operația corespunzătoare inversează celula și 0 altfel.

Obținem un sistem de N^2 ecuații cu $M \cdot (N-3)^2$ variabile. Rezolvăm sistemul și dacă sistemul nu are soluții atunci numărul de posibilități este în mod evident 0, iar dacă sistemul este compatibil atunci putem atribui orice valori variabilelor secundare, obținând o soluție – astfel numărul de soluții este $2^{\text{nr. de secundare}}$.

Folosind algoritmul lui Gauss rezolvăm problema cu $O(N^6)$ și memorie $O(M \cdot N^4)$.