

#### Budapesti Műszaki és Gazdaságtudományi Egyetem

Villamosmérnöki és Informatikai Kar Irányítástechnika és Informatika Tanszék

**iContrALL** 

# Korszerű fűtési rendszerek szabályzása munkapéldány

SZAKMAI GYAKORLAT

*Készítette* Gyulai László Belső konzulens dr. Kiss Bálint Külső konzulens Kurbucz Máté

## Tartalomjegyzék

1.	Modellalkotás, irodalomkutatás		
	1.1. Radiát	cor modelljének felírása	3
	1.1.1.	Hőleadás	3
	1.1.2.	Hőfelvétel	4
	1.1.3.	Energiamérleg állandósult állapotban	4
	1.1.4.	Modellparaméterek	5
2.	Fűtőtestek	modellezése	6

## 1. Modellalkotás, irodalomkutatás

Munkámban elsősorban a különböző fűtési típusok közti különbségeket szeretném megvizsgálni. A ház modelljét először adottnak venném, az eltérést pedig a különböző fűtési módok jelentenék. Azaz megpróbálom felírni a környezet belső hőmérsékletre való ráhatását, eztán pedig modellezem többféle fűtőtest viselkedését.

Ehhez először áttekintettem a hőátadás lehetséges formáit és forrásait. Arra jutottam, hogy ha a levegő hőmérsékletére szabályzok, akkor az abba beleszóló tényezőket veszem sorra:

- konvektív hőátadás: a felszín közelében felmelegedett levegő áramlani kezd
- radiatív hőátadás: sugárzással kibocsátott energia a környezetbe

A levegő hőmérsékletére ezek a következőképp hatnak a leginkább:

- a fűtőtestek konvektív és radiatív hőátadással is melegítik a környezetet
- a radiatív energiát a tárgyak, falak nyelik el, amik ezáltal felmelegszenek (mintegy kapacitásként lesz egy hőtároló tömeg, ami a fűtés kikapcsolásával fenntartja a hőmérsékletet / lassítja a hűlést)
- a fűtetlen falfelületek hűtik a szobát (külső hőmérséklet befolyása)

Így a kezdeti modellben azzal a feltételezéssel élek, hogy ezen kívül más hatás nem lép fel.

A modellben feltételezem, hogy a fűtőtest felületi hőmérsékletével tudunk beavatkozni. A modellben paraméter a fűtőtestek hőátadási tényezője és felülete. Zavarásként (?) hat a külső hőmérséklet értéke, amit mérni is tudunk. Kimenet a belső hőmérséklet (térben konstansnak véve azt / átlagolva a szoba levegőjére)

A modell felírásához a fűtőtest tulajdonságain kívül szükség van a szobában található levegő mennyiségére is. A zavarás hatását is fel kell írni, azaz hogy egy külső hőmérsékletváltozás hogyan jelenik meg a kimeneten. (Célszerű itt egy átviteli függvényt felírni először, szuperpozíciószerűen. A zavarás viszont nem a modell bemenetén és nem is a kimenetén hat.)

A felírandó átviteli függvények:

- levegő felmelegedése konstans külső hőmérsékletet feltételezve, fűtőtest egységugrással
- levegő felmelegedése fűtés kikapcsolt állapota mellett, környezeti hőmérséklet ugrásával

#### 1.1. Radiátor modelljének felírása

Mivel a Matlab heater modelljének teljesítmény kimenete van, fel akartam állítani egy olyan fűtőtest modellt, ami beillesztehető az eredeti légbefúvó rendszerhelyére. Ehhez megvizsgáltam a fűtési rendszer tulajdonságait:

Gouda2000 és mások alapján számolva irreális teljesítményértékeket kaptam (150kW), így tovább kutattam a szakirodalmat.

Az Épületgépészet a gyakorlatban (5.11.6, 2. o.) egy Dunaferr radiátor tényleges hőleadását vezetik le. Ebben a hőátbocsátási tényezőt is hőmérsékletfüggőnek veszik.

Ez bővebben a [1, 4.2.4.1] (Fűtőtest lehűlése) részben is szerepel.

Pontosabban a 4.2.7.3 - Radiátorok résznél olvasható. Itt a hőveszteség adott. Esetünkben ezt a házra a Matlab számolja és jól méretezett rendszert tételezünk fel. Csupán azért kell a hőleadást jól felírni, hogy a felfutás, hőkapacitás, stb. során átadott energiát is belekalkuláljuk.

Persze ilyenkor egyedi esetekből indulok ki, de remélhetőleg ez paraméterezhetően elvezet az általános, többféle házra alkalmazható megoldáshoz.

#### 1.1.1. Hőleadás

A fűtőtestek hőleadását befolyásolja a fűtőtestek közepes hőmérsékletkülönbsége (ld. a 2. egyenletet), a felülete és a hőleadási tényezője. Ezek közötti kapcsolatot adja az 1. egyenlet ([1, 358. o.]-ből):

$$\dot{Q}_{le} = k_e \ A_e \ \Delta t_m \tag{1}$$

ahol

 $\dot{Q}_{le}$  [W] a leadott hő

$$k_e \left[ \frac{\mathsf{W}}{\mathsf{m}^2 \, \mathsf{K}} \right]$$

 $A_e$  [m<sup>2</sup>] a radiátor felülete

 $\Delta t_m$  [K] a közepes hőmérsékletkülönbség:

$$\Delta t_m = \frac{t_s + t_r}{2} - t_i \tag{2}$$

ahol

 $t_s$  a radiátorba befolyó,  $t_r$  az onnan kifolyó víz hőmérséklete  $^{\circ}$ C-ban

 $t_i$  a szoba hőmérséklete

A hőátadási tényező is hőmérsékletfüggő, de ezzel egyelőre nem foglalkozom, állandónak tekintem.

#### 1.1.2. Hőfelvétel

A vízből felvett hő felírható:

$$\dot{Q}_{fel} = c \ \dot{m} \ \Delta t \tag{3}$$

ahol

 $\dot{Q}_{fel}$  [W] a vízből felvett hő, ami annak lehűléséből adódik

$$c\left[\frac{\mathsf{J}}{\mathsf{kg}\,\mathsf{K}}\right]$$
 a víz fajhője

 $\dot{m} \left[ \frac{\mathrm{kg}}{\mathrm{s}} \right]$  a víz tömegárama

 $\Delta t = t_s - t_r$  [K] a víz lehűlésének mértéke

#### 1.1.3. Energiamérleg állandósult állapotban

**Állandósult állapot** esetén a leadott hő egyenlő a felvettel, mivel akkor nem történik hőfelhalmozás, hőtárolás. Azaz ekkor a radiátor hőkapacitását nem kell figyelembe vennem.

Beírva a (2)-ba (1)-t:

$$\dot{Q}_{le} = k_e \ A_e \ \left(\frac{t_s + t_r}{2} - t_i\right) = k_e \ A_e \ \left(\frac{t_s + (t_s - \Delta t)}{2} - t_i\right)$$
 (4)

Ahol felhasználtuk azt is, hogy  $t_r=t_s-\Delta t$ , majd  $\Delta t$  helyére beírhatjuk a (3) átrendezett alakját:

$$\Delta t = \frac{\dot{Q}_{fel}}{c \ \dot{m}} \tag{5}$$

Beírva (4)-ba (5)-t:

$$\dot{Q}_{le} = k_e A_e \left( t_s - t_i - \frac{\dot{Q}_{fel}}{c \ \dot{m}} \right)$$

$$\dot{Q}_{le} + \frac{k_e \ A_e \ \dot{Q}_{fel}}{2 \ c \ \dot{m}} = k_e \ A_e \ (t_s - t_i) \tag{6}$$

$$2 c \dot{m} \dot{Q}_{le} + k_e A_e \dot{Q}_{fel} = k_e A_e 2 c \dot{m} (t_s - t_i)$$

Csak abban az esetben, ha  $\dot{Q}_{le}=\dot{Q}_{fel}$ :

$$\dot{Q}(2 c \dot{m} + k_e A_e) = 2 k_e A_e c \dot{m} (t_s - t_i)$$

$$\dot{Q} = \frac{2 c \dot{m} k_e A_e}{2 c \dot{m} + k_e A_e} (t_s - t_i)$$
(7)

## 1.1.4. Modellparaméterek

## 2. Fűtőtestek modellezése

A MATLAB egyik demójában egy ház fűtési modelljét valósították meg. Ebben a fűtőtest kimenete teljesítmény dimenziójú. A ház veszteségeit a méretei és az ablakai alapján kiszámítja.

A modellezendő objektum a fűtési rendszer, itt kell számba venni hogy egy jól méretezett rendszernek mennyi a felfutási illetve a beállási ideje. Ezt számolni a kazán, a fűtővíz illetve a fűtőtest teljesítményeiből, illetve kapacitásaiból lehetne.

A fűtőtestek hőátadását számos tényező befolyásolja, ezekre az előzóekben egyenletet is felírtam. Az egyenletet Simulinkben valósítottam meg, a fűtési rendszer így beilleszthető a Matlab példájába.

## Hivatkozások

[1] Csoknyai István. Több, mint hidraulika. Herz Armatúra Hungária Kft, 2013.