

1º)

```
subsequencia_crescente(A, n_A, b, n_B):  
    crio uma matriz 2D "dp" de tamanho n_A x n_B com zeros  
    para cada i em A e j em B:  
        se A[i] == B[j]:  
            dp[i][j] = dp[i-1][j-1] + 1  
        senão:  
            dp[i][j] = max(dp[i-1][j], dp[i][j-1])  
  
    o valor dp[n_A - 1][n_B - 1] dá o comprimento da subsequência  
    crescente comum mais longa.
```

O loop é executado $n_A \times n_B$ vezes, e cada operação é $O(1)$ interna.
Portanto, o total é $O(n_A * n_B)$.

2º)

```
crio uma matriz "dp" de tamanho nxn, onde n é o número de cartas.  
pra cada gap de 1 até n:  
    para i = 0 até n-gap:  
        j = i + gap - 1  
        escolha entre a carta do início e a carta do fim  
        dp[i][j] = max(min(dp[i+1][j-1], dp[i+2][j]) + carta[i], min(dp[i][j-2], dp[i+1][j-1]) + carta[j])
```

A matriz dp vai dar a melhor jogada pra qualquer situação.
O loop é executado n^2 por conta do aninhamento, e por isso $O(n^2)$.

3º)

```
palindromes(S, n_S):  
    crio uma matriz "dp" de tamanho n_S x n_S com zeros.  
    para cada caractere em S:  
        dp[i][i] = 1  
    para cada gap de 1 até n_S:  
        j = i + gap  
        se s[i] == s[j]:  
            dp[i][j] = dp[i+1][j-1] + 2  
        senao:  
            dp[i][j] = max(dp[i+1][j], dp[i][j-1])
```

o valor dp[0][n_S-1] vai ser o comprimento da maior
subsequencia que forma um palindromo

O tempo de execução é $O(n_S^2)$.