-ARITHMÉTIQUE -DIVISION EUCLIDIENNE DIVISEURS ET MULTIPLES

Version initiale le 19 mai 2020. Dernière mise à jour le 20 mai 2020

Diviseur, multiple

Soient a et b deux nombres entiers positifs non nuls. On dira que :

- \rightarrow a est un diviseur de b
- \rightsquigarrow ou encore que a divise de b
- \rightsquigarrow ou que b est **divisible** par a
- \rightsquigarrow ou encore que b est un **multiple** de a

s'il existe un nombre entier k tel que $b = k \times a$

Exemples:

- \rightarrow 15 est un multiple de 3 (car 15 = 5 × 3)
- \rightsquigarrow 42 est divisible par 7

Critères de divisibilité

- → Un nombre est divisible par 2 s'il se termine par 2, 4, 6, 8 ou 0.
- → Un nombre est divisible par 3 si la somme de ses chiffres est un multiple de 3.
- → Un nombre est divisible par 4 si ses deux derniers chiffres forment un multiple de 4.
- → Un nombre est divisible par 5 s'il se termine par 0 ou 5.
- \rightsquigarrow Un nombre est **divisible par 9** si la somme de ses chiffres est un multiple de 9. \rightsquigarrow Un nombre est **divisible par 11** si la différence entre la somme de ses chiffres de rangs pairs et la somme de ses chiffres de rangs impairs est nulle ou égale à une multiple de 11.

Exemples:

 \rightsquigarrow 180 est divisible par 2, 3, 4, 5 et 9 \rightsquigarrow 105 est divisible par 3 et 5