- Arithmétique -PGCD, PPCM, ENGRENAGES

Version initiale le 19 mai 2020. Dernière mise à jour le 20 mai 2020

Plus Grand Commun Diviseur (PGCD) -> HORS PROGRAMME

Si a et b sont deux nombres entiers positifs, on note PGCD(a;b) le **plus grand diviseur** qui soit commun à a et à b.

The properties : Déterminer le PGCD de deux nombres en écrivant la liste de leurs diviseurs

On cherche PGCD(72;40). On écrit la liste complète des diviseurs de ces deux nombres : Les diviseurs de 40 sont 1, 2, 4, 5, 8, 10, 20 et 40. Ceux de 72 sont 1, 2, 3, 4, 6, 8, 9, 12, 18, 24, 36 et 72. On en déduit que PGCD(72;40)=8

?:Exemples : Déterminer le PGCD de deux nombres par soustractions successives

On cherche PGCD(72;40).

72 - 40 = 32; 40 - 32 = 8; 32 - 8 = 24; 24 - 8 = 16; 16 - 8 = 8; 8 - 8 = 0; On a donc PGCD(72;40)=8

Exemples : Déterminer le PGCD par l'algorithme d'Euclide

	Dividende	Diviseur	Quotient	Reste
	72	40	1	32
	40	32	1	8
Γ	32	8	4	0

On cherche PGCD(72;40). Le PGCD est le dernier reste non nul, c'est-à-dire PGCD(72;40)=8.

Nombres premiers entre eux et fractions irréductibles

Deux nombres a et b sont dits **premiers entre eux** si PGCD(a;b)=1. Si a et b sont premiers entre eux, alors la fraction $\frac{a}{b}$ est **irréductible**.

Exemples : Simplifier une fraction pour la rendre irréductible

Si on simplifie une fraction $\frac{a}{b}$ par le PGCD de a et de b, alors on obtient une fraction irréductible.

Par exemple : PGCD(72;40)=8 nous permet de rendre irréductible $\frac{40}{72} = \frac{40 \div 8}{72 \div 8} = \frac{5}{9}$

Collège Jean Lurçat – FROUARD – Sébastien LOZANO – http://lozano.maths.free.fr