МАЙСКО КОНТРОЛНО СЪСТЕЗАНИЕ ПО ИНФОРМАТИКА

гр. Габрово, 18 май 2022 г.

Задача К14. Дезоксирибонуклеинова килелина

Както повечето от Вас знаят структурата на ДНК е двойна спирала, която съдържа информация с много по-голям обем, отколкото има вашият компютър. Голяма част от тази информация се повтаря, което е като предпазна мярка при загуба. Главната ни героиня – Дени е програмистка, част от изследователски екип на ДНК. Той е открил много важна част от веригата, която е представена като низ от малки латински букви. Следната задача е поставена на Дени – трябва да намери кои префикси (подниз на низа от последователно разположени букви, започващ от началната) са периодични – съставени са изцяло от един и същи повтарящ се низ и да се определи каква е най-малката му възможна дължина. За по-голяма яснота нека разгледаме низа: abababababa и неговия префикс abababab. Този префикс може да разгледаме като съставен от четири пъти низа ab или от два пъти abab, т.е. той изпълнява условието да е съставен от един и същ повтарящ се низ. Най-малката му възможна дължина е 2 (за низа ab). Ако разгледаме префикса ababa, ще забележим, че той не е периодичен. Очевидно префикс с дължина едно (т.е. само първата буква) също не е. Дени е много натоварена, затова оставя на Вас да напишете програма dna, която по въведен низ от малки латински букви, извежда позициите на префиксите, изпълняващи условието, и за всеки – дължината на най-малкия повтарящ се низ, който го изгражда.

<u>Забележка</u>: Позиция на префикса е индексът на символа, в който той завършва. Позициите започват от 1.

Вхол

От първия ред на стандартния вход се въвежда низ с дължина N, съставен от малки латински букви.

Изход

На всеки ред трябва да има по две числа, описващи всеки периодичен префикс – първото задава позицията на префикса, а второто – дължината на най-късия низ (период). Префиксите трябва да се изведат по нарастващ ред на позицията. Гарантирано е, че има поне един префикс, който е периодичен.

Ограничения

 $2 < N < 10^7$

Примерни тестове

Вход	Изход	Обяснение
ababababa	4 2	Префиксите, които са периодични, са: $ab ab$ (той
	6 2	завършва в четвъртата буква от низа, затова
	8 2	позицията му е 4, и е изграден от два пъти низа ab),
	10 2	ab ab ab, $ab ab ab ab$, $ab ab ab ab$
aabaab	2 1	Префиксите, които изпълняват условието са: $a a$,
	6 3	aab aab.
xyzxyztxyzxyzt	6 3	Префиксите, които са периодични, са: хух хух,
	14 7	xyzxyzt xyzxyzt.