Departamento de Física Facultad de Ciencias Exactas y Naturales Universidad de Buenos Aires

Programación para laboratorio 1^{er} cuatrimestre 2015 Talleres FIFA



Ajuste lineal

Se puede probar, dentro del contexto de cuadrados mínimos que para un ajuste lineal vale que:

$$a = \frac{N \sum x_i y_i - \sum x_i \sum y_i}{N \sum x_i^2 - (\sum x_i)^2}$$
 (1)

$$b = \frac{\sum x_i^2 \sum y_i - \sum x_i \sum x_i y_i}{N \sum x_i^2 - (\sum x_i)^2}$$
(2)

Donde las desviaciones son calculadas como:

$$\sigma_a = \sigma_y \sqrt{\frac{N}{N \sum x_i^2 - (\sum x_i)^2}}$$
 (3)

$$\sigma_b = \sigma_y \sqrt{\frac{\sum x_i^2}{N \sum x_i^2 - (\sum x_i)^2}}$$
(4)

$$\sigma_y = \sqrt{\frac{1}{N-2} \sum_{i=1}^{N} [y_i - y(x_i)]^2}$$
 (5)

En último lugar, la determinación del coeficiente de Pearson, R2, para la bondad del ajuste se calcula, a partir de los datos experimentales, por medio de la siguiente expresión:

$$R^{2} = \frac{[N \sum x_{i} y_{i} - \sum x_{i} \sum y_{i}]^{2}}{[N \sum x_{i}^{2} - (\sum x_{i})^{2}][N \sum y_{i}^{2} - (\sum y_{i})^{2}]}$$
(6)

Aplicaremos entonces estas funciones considerando que en Python, estas expresiones se escriben como:

- 1. x_i es x
- 2. x_i^2 es $x^{**}2$
- 3. $\sqrt{x_i}$ es np.sqrt(x)
- 4. $\sum x_i$ es np.sum(x)

- 5. $\sum x_i^2 \text{ es np.sum}(x^{**2})$
- 6. $\sum x_i y_i$ es np.sum(x*y)
- 7. $(\sum x_i)^2$ es np.sum(x)**2

2 FIFA