

# Projet Actuariat

Solène Corre, Florentin Dehooghe, François Delhaye

20 avril 2020

## Table des matières

<b>1</b>	<b>Présentation du projet</b>	<b>2</b>
<b>2</b>	<b>Exploration des jeux de données freMPL1 et freMPL2</b>	<b>2</b>
2.1	Première visualisation des jeux de données . . . . .	2
2.1.1	Nettoyage de données . . . . .	4
2.1.2	Statistiques descriptives . . . . .	4
2.1.2.1	Représentations graphiques des données . . . . .	9
2.1.2.2	Analyse en composantes principales (ACP) . . . . .	9
2.1.2.3	Analyse factorielle des correspondances (AFC) . . . . .	13
<b>3</b>	<b>GLM</b>	<b>17</b>
3.1	Fréquence des sinistres . . . . .	17
3.1.1	Présentation des lois utilisables . . . . .	17
3.1.2	Exécution du GLM sur notre tableau freMPL2 . . . . .	17
3.1.3	Calcul de l'espérance $E(N)$ . . . . .	19
3.2	Sévérité des sinistres . . . . .	21
3.2.1	Présentation des lois utilisables . . . . .	21
3.2.1.1	loi de gamma (ou d'Euler) . . . . .	21
3.2.1.2	Inverse gauss . . . . .	22
3.2.2	Calcul de la prime pure . . . . .	25
3.2.3	Calcul de l'espérance $E(N)$ . . . . .	25
<b>4</b>	<b>Bibliographie</b>	<b>25</b>
4.1	Internet . . . . .	25
4.2	Littérature . . . . .	25

<b>5</b>	<b>Annexes</b>	<b>25</b>
5.1	Affichage de l'implementation de la fonction <code>nettoyage_dataframe</code> : . . . . .	25
5.2	Affichage d'un exemple d'exécution de la fonction <code>describe</code> du package <code>Hmisc</code> . . . . .	27
5.3	Affichage de l'ensemble des représentations graphiques . . . . .	31

## 1 Présentation du projet

L'assurance est un contrat par lequel, moyennant le versement d'une prime dont le montant est fixé a priori (en début de période de couverture), l'assureur s'engage à indemniser l'assuré pendant toute la période de couverture (généralement un an). Cette prime doit refléter le risque associé au contrat. Pour chaque police d'assurance, la prime est fonction de variables dites de tarification permettant de segmenter la population en fonction de son risque. Il est usuel d'utiliser une approche fréquence/sévérité ou une approche indemnitaire pour modéliser le coût annuel d'une police d'assurance. Sur les données utilisées dans ce projet, nous utiliserons cette dernière approche car on ne dispose pas des montants individuels de sinistre. Le but de ce projet est de proposer un tarificateur en se basant deux méthodes : les modèles linéaires généralisés (GLM) et les modèles additifs généralisés (GAM). Ces derniers sont une extension des GLM (proposé par McCullagh et Nelder, 1989) en considérant une approche non-paramétrique pour le prédicteur. Un second objectif sera, en plus de calculer une prime pure par police, de déterminer une commerciale intégrant une marge pour risque. Une approche par simulation sera réalisée pour juger de l'adéquation du chargement par rapport à la charge sinistre totale portefeuille.

## 2 Exploration des jeux de données `freMPL1` et `freMPL2`

Un peu à la manière du machine learning, les données contenues dans `freMPL2` serviront de données d'entraînement de notre modèle et les données de `freMPL1` serviront pour tester notre modèle final.

### 2.1 Première visualisation des jeux de données

Les dimensions du jeu de données **freMPL1** sont (30595, 22). Ainsi, notre jeu contient 30595 données différentes, toutes définies par 22 caractéristiques différentes.

De même, les dimensions du jeu de données **freMPL2** sont (48295, 22). Ainsi, notre jeu contient 48295 données différentes, toutes définies par 22 caractéristiques différentes.

Les noms des caractéristiques des jeux de données sont les mêmes. Les différentes caractéristiques sont :

- **Exposure** : il s'agit d'une donnée de type numérique qui correspond à la fréquence d'exposition aux risques d'un individu sur une année. Par exemple, si l'individu a été exposé 100 jours, le chiffre affiché est 0,27 (= 100/365,25).
- **LicAge** : c'est un nombre entier de mois correspondant à l'âge de la licence de la personne concernée.
- **RecordBeg** : cela correspond à la date de début d'exposition aux risques.
- **RecordEnd** : c'est la date de fin d'exposition au risque. Si elle n'est pas renseignée, c'est que la personne est toujours exposée.
- **VehAge** : Il correspond à l'âge du véhicule en année(s). Il est composé en 9 catégories distinctes : "0", "1", "2", "3", "4", "5", "6-7", "8-9" et "10+".
- **Gender** : c'est le sexe de l'individu.
- **MariStat** : il s'agit du statut marital de la personne. Elle est soit célibataire ("Alone") soit autre chose ("Other").
- **SocioCateg** : Cela correspond à la catégorie socioprofessionnelle de l'individu. Les valeurs, comprises entre "CSP1" et "CSP99", correspondent à la classification française (voir lien suivant : [https://fr.wikipedia.org/wiki/Professions\\_et\\_cat%C3%A9gories\\_socioprofessionnelles\\_en\\_France](https://fr.wikipedia.org/wiki/Professions_et_cat%C3%A9gories_socioprofessionnelles_en_France)).

- **VehUsage** : Cela correspond à l'utilisation du véhicule par le propriétaire. Il est soit privée ("Private"), soit professionnel ("Professional"), ...
- **DrivAge** : C'est l'âge du conducteur (en années). Pour rappel, en France, la conduite est possible à partir de 18 ans.
- **HasKmLimit** : il s'agit d'une valeur numérique spécifiant si oui ("1") ou non ("0") l'assurance comporte une limite kilométrique.
- **BonusMalus** : c'est un variable de type numérique, dont la valeur est comprise entre 50 et 350, précisant si la personne possède des bonus ou des malus. Si la valeur est inférieure à 100, l'individu a droit à des bonus. Sinon, la personne a des malus.
- **VehBody** : il s'agit du type de modèle concerné par l'assurance de l'individu.
- **VehPrice** : c'est un indicateur correspondant au prix du véhicule.
- **VehEngine** : cela correspond au type de moteur que possède le véhicule.
- **VehEnergy** : cela correspond au type d'énergie consommé par le véhicule que possède le véhicule
- **VehMaxSpeed** : c'est la vitesse maximum que peut atteindre le véhicule. Les différentes catégories sont: "1-130 km/h", "130-140 km/h", "140-150 km/h", "150-160 km/h", "160-170 km/h", "170-180 km/h", "180-190 km/h", "190-200 km/h", "200-220 km/h", "220+ km/h".
- **VehClass** : il s'agit de la classe du véhicule.
- **RiskVar** : Nombre compris entre 1 et 20 correspondant au risque inconnu probable.
- **ClaimAmount** : c'est le montant total de la garantie ) laquelle peut prétendre l'assuré.
- **Garage** : il s'agit du type de garage auquel se rend l'assuré.
- **ClaimInd** : c'est un indicateur précisant si oui ou non l'assuré peut prétendre à une garantie.

Regardons maintenant les premiers éléments composant le jeu de données **freMPL1**:

	1	2	3
Exposure	0.583	0.200	0.083
LicAge	366	187	169
RecordBeg	2004-06-01	2004-10-19	2004-07-16
RecordEnd	NA	NA	2004-08-16
VehAge	2	0	1
Gender	Female	Male	Female
MariStat	Other	Alone	Other
SocioCateg	CSP1	CSP55	CSP1
VehUsage	Professional	Private+trip to office	Professional
DrivAge	55	34	33
HasKmLimit	0	0	0
BonusMalus	72	80	63
VehBody	sedan	microvan	other microvan
VehPrice	D	K	L
VehEngine	injection	direct injection overpowered	direct injection overpowered
VehEnergy	regular	diesel	diesel
VehMaxSpeed	160-170 km/h	170-180 km/h	170-180 km/h
VehClass	B	M1	M1
ClaimAmount	0	0	0
RiskVar	15	20	17
Garage	None	None	None
ClaimInd	0	0	0

et aussi les premiers éléments composants **freMPL2**:

	1	2	3
Exposure	0.583	0.416	0.583
LicAge	579	361	366

	1	2	3
RecordBeg	2004-06-01	2004-01-01	2004-06-01
RecordEnd	NA	2004-06-01	NA
VehAge	10+	1	2
Gender	Male	Female	Female
MariStat	Other	Other	Other
SocioCateg	CSP60	CSP1	CSP1
VehUsage	Private	Professional	Professional
DrivAge	83	55	55
HasKmLimit	0	0	0
BonusMalus	50	58	72
VehBody	sedan	sedan	sedan
VehPrice	N	D	D
VehEngine	injection	injection	injection
VehEnergy	regular	regular	regular
VehMaxSpeed	190-200 km/h	160-170 km/h	160-170 km/h
VehClass	H	B	B
RiskVar	14	15	15
ClaimAmount	0	0	0
Garage	None	None	None
ClaimInd	0	0	0

### 2.1.1 Nettoyage de données

Remarquons qu'il serait intéressant de faire un peu de nettoyage de données avant d'effectuer quelconques travaux sur celles-ci. Pour cela, nous allons créer une fonction qui servira à nettoyer les 2 data frames.

Cette fonction (appelée `nettoyage_dataframe`) prend l'un des deux data frames en paramètres et effectue les opérations suivantes :

- Suppression des données des individus assurés moins d'un jour (Exposure)
- Modification des données des individus ayant un ClaimAmount négatif
- Suppression de la colonne associée au sexe de la personne
- Réduction du nombre de catégories socioprofessionnels
- Traduction des données (VehBody, MariStat, VehUsage, VehEngine, VehEnergy, Garage)

### 2.1.2 Statistiques descriptives

Regardons maintenant plus précisément les valeurs particulières de ces colonnes (valeurs minimum et maximum, moyenne, médiane, quantiles, ...). Pour cela, on exécute l'instruction **summary(freMPLx)** (et plus précisément **dfSummary(freMPLx)** du package `summarytools` pour l'affichage) ce qui donne les résultats suivants :

- Pour **freMPL1** :

No	Variable	Stats / Values	Freqs (% of Valid)	Missing
1	Exposure [numeric]	Mean (sd) : 0.4 (0.3) min < med < max: 0 < 0.4 < 1 IQR (CV) : 0.5 (0.6)	753 distinct values	0 (0%)
2	LicAge [integer]	Mean (sd) : 301.3 (163) min < med < max: 0 < 283 < 940 IQR (CV) : 263 (0.5)	787 distinct values	0 (0%)

No	Variable	Stats / Values	Freqs (% of Valid)	Missing
3	RecordBeg [Date]	min : 2004-01-01 med : 2004-03-01 max : 2004-12-30 range : 11m 29d	363 distinct values	0 (0%)
4	RecordEnd [Date]	min : 2004-01-03 med : 2004-07-01 max : 2004-12-31 range : 11m 28d	364 distinct values	13984 (46.55%)
5	VehAge [factor]	1. 0 2. 1 3. 10+ 4. 2 5. 3 6. 4 7. 5 8. 6-7 9. 8-9	4573 (15.2%) 4645 (15.5%) 1535 ( 5.1%) 4839 (16.1%) 3790 (12.6%) 3297 (11.0%) 2722 ( 9.1%) 2882 ( 9.6%) 1760 ( 5.9%)	0 (0%)
6	MariStat [factor]	1. célibataire 2. autre	7303 (24.3%) 22740 (75.7%)	0 (0%)
7	SocioCateg [factor]	1. CSP1 2. CSP2 3. CSP3 4. CSP5 5. CSP6 6. CSP7 7. CSP4 8. CSP9	1803 ( 6.0%) 830 ( 2.8%) 487 ( 1.6%) 19905 (66.3%) 4592 (15.3%) 59 ( 0.2%) 2361 ( 7.9%) 6 ( 0.0%)	0 (0%)
8	VehUsage [factor]	1. privee 2. privee et trajet vers bur 3. professionnel 4. trajet professionnel	9793 (32.6%) 13264 (44.1%) 6407 (21.3%) 579 ( 1.9%)	0 (0%)
9	DrivAge [integer]	Mean (sd) : 46.3 (14.9) min < med < max: 18 < 45 < 97 IQR (CV) : 23 (0.3)	80 distinct values	0 (0%)
10	HasKmLimit [integer]	Min : 0 Mean : 0.1 Max : 1	0 : 26756 (89.1%) 1 : 3287 (10.9%)	0 (0%)
11	BonusMalus [integer]	Mean (sd) : 64.2 (18.3) min < med < max: 50 < 54 < 272 IQR (CV) : 26 (0.3)	92 distinct values	0 (0%)
12	VehBody [factor]	1. cabriolet 2. coupe 3. microvan 4. autobus 5. autre microvan 6. berline 7. SUV 8. break 9. camionnette	1315 ( 4.4%) 1302 ( 4.3%) 1347 ( 4.5%) 156 ( 0.5%) 1661 ( 5.5%) 19764 (65.8%) 1823 ( 6.1%) 1605 ( 5.3%) 1070 ( 3.6%)	0 (0%)

No	Variable	Stats / Values	Freqs (% of Valid)	Missing
13	VehPrice [factor]	1. A · 2. B · 3. C · 4. D · 5. E · 6. F · 7. G · 8. H · 9. I · 10. J · [ 17 others ]	148 ( 0.5%) 102 ( 0.3%) 446 ( 1.5%) 1583 ( 5.3%) 2177 ( 7.2%) 2383 ( 7.9%) 2343 ( 7.8%) 2362 ( 7.9%) 2209 ( 7.4%) 2788 ( 9.3%) 13502 (44.9%)	0 (0%)
14	VehEngine [factor]	1. carburation 2. GPL 3. injection 4. injection directe surpuis 5. électrique 6. injection surpuissante	508 ( 1.7%) 2 ( 0.0%) 20458 (68.1%) 6895 (22.9%) 6 ( 0.0%) 2174 ( 7.2%)	0 (0%)
15	VehEnergy [factor]	1. diesel 2. GPL 3. électrique 4. essence	9254 (30.8%) 2 ( 0.0%) 6 ( 0.0%) 20781 (69.2%)	0 (0%)
16	VehMaxSpeed [factor]	1. 1-130 km/h 2. 130-140 km/h 3. 140-150 km/h 4. 150-160 km/h 5. 160-170 km/h 6. 170-180 km/h 7. 180-190 km/h 8. 190-200 km/h 9. 200-220 km/h 10. 220+ km/h	212 ( 0.7%) 1066 ( 3.5%) 1257 ( 4.2%) 3801 (12.6%) 5205 (17.3%) 4749 (15.8%) 4593 (15.3%) 3613 (12.0%) 3250 (10.8%) 2297 ( 7.6%)	0 (0%)
17	VehClass [factor]	1. 0 2. A 3. B 4. H 5. M1 6. M2	743 ( 2.5%) 2931 ( 9.8%) 9400 (31.3%) 4804 (16.0%) 7622 (25.4%) 4543 (15.1%)	0 (0%)
18	ClaimAmount [numeric]	Mean (sd) : 259.6 (2337.2) min < med < max: 0 < 0 < 163427 IQR (CV) : 0 (9)	1799 distinct values	0 (0%)
19	RiskVar [integer]	Mean (sd) : 13.2 (4.7) min < med < max: 1 < 15 < 20 IQR (CV) : 7 (0.4)	20 distinct values	0 (0%)
20	Garage [factor]	1. aucun 2. garage indépendant 3. concessionnaire	19678 (65.5%) 3870 (12.9%) 6495 (21.6%)	0 (0%)
21	ClaimInd [integer]	Min : 0 Mean : 0.1 Max : 1	0 : 26778 (89.1%) 1 : 3265 (10.9%)	0 (0%)

On constate ainsi que, pour ce data frame, l'âge moyen du conducteur est de 46,3 ans avec pour écart-type 14,9 ans. Le plus jeune conducteur a 18 ans(âge minimum légale pour conduire en France) et le plus âgé a 97 ans. L'écart interquartile (IQR), c'est-à-dire la mesure de dispersion qui s'obtient en faisant la différence entre le premier (25% des valeurs du data frame sont inférieures à ce quartile) et le troisième quartile(75 %), est de 23. Autrement dit, 50% des âges des conducteurs est compris entre 35 et 58 ans. Le coefficient de variation (CV), le rapport entre l'écart-type et la moyenne, est égale à 3. De même, en ce qui concerne l'usage du véhicule par son propriétaire, on remarquera que la plupart des personnes renseignées utilise leur véhicule pour les trajets privés et pour se rendre à leur bureau (44,1%).

— Pour **freMPL2** :

No	Variable	Stats / Values	Freqs (% of Valid)	Missing
1	Exposure [numeric]	Mean (sd) : 0.4 (0.3) min < med < max: 0 < 0.4 < 1 IQR (CV) : 0.5 (0.6)	755 distinct values	0 (0%)
2	LicAge [integer]	Mean (sd) : 274.2 (161.8) min < med < max: 0 < 246 < 940 IQR (CV) : 255 (0.6)	809 distinct values	0 (0%)
3	RecordBeg [Date]	min : 2004-01-01 med : 2004-03-11 max : 2004-12-30 range : 11m 29d	365 distinct values	0 (0%)
4	RecordEnd [Date]	min : 2004-01-03 med : 2004-07-01 max : 2004-12-31 range : 11m 28d	364 distinct values	22109 (46.55%)
5	VehAge [factor]	1. 0 2. 1 3. 10+ 4. 2 5. 3 6. 4 7. 5 8. 6-7 9. 8-9	4313 ( 9.1%) 3987 ( 8.4%) 14347 (30.2%) 4140 ( 8.7%) 3760 ( 7.9%) 3658 ( 7.7%) 3412 ( 7.2%) 4909 (10.3%) 4971 (10.5%)	0 (0%)
6	MariStat [factor]	1. célibataire 2. autre	13690 (28.8%) 33807 (71.2%)	0 (0%)
7	SocioCateg [factor]	1. CSP1 2. CSP2 3. CSP3 4. CSP5 5. CSP6 6. CSP7 7. CSP9 8. CSP4	2366 ( 5.0%) 1721 ( 3.6%) 918 ( 1.9%) 32894 (69.2%) 5731 (12.1%) 80 ( 0.2%) 9 ( 0.0%) 3778 ( 8.0%)	0 (0%)
8	VehUsage [factor]	1. privée 2. privée et trajet vers bur 3. professionnel 4. trajet professionnel	16785 (35.3%) 22051 (46.4%) 7958 (16.8%) 703 ( 1.5%)	0 (0%)

No	Variable	Stats / Values	Freqs (% of Valid)	Missing
9	DrivAge [integer]	Mean (sd) : 44.5 (14.7) min < med < max: 18 < 42 < 103 IQR (CV) : 23 (0.3)	83 distinct values	0 (0%)
10	HasKmLimit [integer]	Min : 0 Mean : 0.1 Max : 1	0 : 41029 (86.4%) 1 : 6468 (13.6%)	0 (0%)
11	BonusMalus [integer]	Mean (sd) : 69 (20.4) min < med < max: 50 < 64 < 272 IQR (CV) : 35 (0.3)	108 distinct values	0 (0%)
12	VehBody [factor]	1. cabriolet 2. coupe 3. microvan 4. autobus 5. autre microvan 6. berline 7. SUV 8. break 9. camionnette	1506 ( 3.2%) 1761 ( 3.7%) 1458 ( 3.1%) 220 ( 0.5%) 1837 ( 3.9%) 34051 (71.7%) 1974 ( 4.2%) 2231 ( 4.7%) 2459 ( 5.2%)	0 (0%)
13	VehPrice [factor]	1. A · 2. B · 3. C · 4. D · 5. E · 6. F · 7. G · 8. H · 9. I · 10. J · [ 17 others ]	765 ( 1.6%) 655 ( 1.4%) 1697 ( 3.6%) 3617 ( 7.6%) 3878 ( 8.2%) 4106 ( 8.6%) 4184 ( 8.8%) 3952 ( 8.3%) 3505 ( 7.4%) 3898 ( 8.2%) 17240 (36.3%)	0 (0%)
14	VehEngine [factor]	1. carburation 2. GPL 3. injection 4. injection directe surpuis 5. électrique 6. injection surpuissante	6513 (13.7%) 2 ( 0.0%) 30663 (64.6%) 6554 (13.8%) 6 ( 0.0%) 3759 ( 7.9%)	0 (0%)
15	VehEnergy [factor]	1. diesel 2. GPL 3. électrique 4. essence	13521 (28.5%) 2 ( 0.0%) 6 ( 0.0%) 33968 (71.5%)	0 (0%)
16	VehMaxSpeed [factor]	1. 1-130 km/h 2. 130-140 km/h 3. 140-150 km/h 4. 150-160 km/h 5. 160-170 km/h 6. 170-180 km/h 7. 180-190 km/h 8. 190-200 km/h 9. 200-220 km/h 10. 220+ km/h	1256 ( 2.6%) 2286 ( 4.8%) 4073 ( 8.6%) 7075 (14.9%) 7915 (16.7%) 7933 (16.7%) 5795 (12.2%) 4567 ( 9.6%) 3998 ( 8.4%) 2599 ( 5.5%)	0 (0%)



No	Variable	Stats / Values	Freqs (% of Valid)	Missing
17	VehClass [factor]	1. 0 2. A 3. B 4. H 5. M1 6. M2	1901 ( 4.0%) 4140 ( 8.7%) 15229 (32.1%) 7034 (14.8%) 11756 (24.8%) 7437 (15.7%)	0 (0%)
18	RiskVar [integer]	Mean (sd) : 13.5 (4.7) min < med < max: 1 < 15 < 20 IQR (CV) : 6 (0.3)	20 distinct values	0 (0%)
19	ClaimAmount [numeric]	Mean (sd) : 86.8 (1232.5) min < med < max: 0 < 0 < 120152.4 IQR (CV) : 0 (14.2)	873 distinct values	0 (0%)
20	Garage [factor]	1. aucun 2. garage indépendant 3. concessionnaire	35092 (73.9%) 4642 ( 9.8%) 7763 (16.3%)	0 (0%)
21	ClaimInd [integer]	Min : 0 Mean : 0 Max : 1	0 : 45363 (95.5%) 1 : 2134 ( 4.5%)	0 (0%)

Pour ce data frame, l'âge moyen du conducteur est de 46,3 ans avec pour écart-type 14,9 ans. Le plus jeune conducteur a 18 ans (âge minimum légale pour conduire en France) et le plus âgé a 97 ans. L'écart interquartile (IQR), c'est-à-dire la mesure de dispersion qui s'obtient en faisant la différence entre le premier (25% des valeurs du data frame sont inférieures à ce quartile) et le troisième quartile (75 %), est de 23. Autrement dit, 50% des âges des conducteurs est compris entre 35 et 58 ans. Le coefficient de variation (CV), le rapport entre l'écart-type et la moyenne, est égale à 3. De même, en ce qui concerne l'usage du véhicule par son propriétaire, on remarquera que la plupart des personnes renseignées utilise leur véhicule pour les trajets privés et pour se rendre à leur bureau (44,1%).

On remarquera également qu'il existe des données manquantes, pour les 2 tableaux de données, dans la colonne RecEnd, ce qui signifie que les individus concernés sont toujours assurés.

On peut aussi utiliser la fonction **describe()** du package Hmisc pour avoir un aperçu de la dispersion des données. En effet, cette fonction détermine le type de la variable (character, factor, numeric,...) et affiche un "résumé" concis en fonction de chacun. Vous trouvez un exemple d'exécution de la fonction describe en annexe.

### 2.1.2.1 Représentations graphiques des données

Dans cette partie, vous allez voir des représentations graphiques des colonnes les plus importantes de nos data frames. L'ensemble des graphiques est cependant disponible dans les annexes de ce rapport.

Nous allons maintenant rentrer dans des méthodes d'analyse descriptives plus complètes pour nous permettre d'établir nos modèles linéaires. Pour cela, nous allons appliquer les méthodes d'analyse en composantes principales (ACP) et d'analyse factorielle des correspondances (AFC). Le but de ces méthodes est de définir les informations les plus significatives de nos data frames et de découvrir si oui ou non il existe certaines similitudes entre nos différentes informations pour pouvoir obtenir un data frame optimisé sur lequel on appliquera nos 2 modèles linéaires (GLM, GAM).

### 2.1.2.2 Analyse en composantes principales (ACP)

L'ACP permet d'analyser et de visualiser un jeu de données contenant des individus décrits par plusieurs variables quantitatives. C'est une méthode statistique qui permet d'explorer des données dites multivariées (données avec plusieurs variables). Chaque variable pourrait être considérée comme une dimension différente. L'analyse en composantes principales est utilisée pour extraire et de visualiser les informations importantes contenues dans une table de données multivariées. L'ACP synthétise cette information en seulement quelques nouvelles variables appelées composantes principales. Ces nouvelles variables correspondent à une combinaison linéaire des variables originels. Le nombre de composantes principales est inférieur ou égal au nombre de variables d'origine.

Pour réaliser le calcul de l'ACP, plusieurs fonctions, de différents packages, sont disponibles dans le logiciel R :

- `prcomp()` et `princomp()` issus du package *stats*
- `PCA()` issu du package *FactoMineR*
- `dudi.pca()` issu du package *ade4*
- `epPCA()` issu du package *ExPosition*.

Parmi ces fonctions, nous avons décidé d'utiliser la fonction **PCA()** du package **FactoMineR** car ce package nous permettra également de réaliser notre seconde analyse. Enfin, pour extraire et visualiser les résultats, nous allons utiliser les fonctions R fournies par le package **factoextra**.

Nous allons donc exécuter l'ACP sur notre tableau `freMPL2` en prenant à ce que l'ensemble des valeurs que nous utilisons soit de type numérique (quitte à réaliser une conversion sur certaines de nos colonnes).

---

(Certaines colonnes sont catégorisées et pourraient nous être utiles pour exécuter notre ACP.

Il n'est cependant pas judicieux d'appliquer une conversion numérique à ces colonnes puisqu'on leur attribue une valeur arbitraire.)

---

Une fois que nos données ont été converties, il faut veiller à la *standardisation des données*. Pour cela, on normalise nos variables afin que le résultat de l'ACP obtenue ne soit pas affecté (par exemple, par des différences d'unités). Ainsi, l'objectif est de rendre les variables comparables en les normalisant généralement de manière à ce qu'elles aient un écart type égal à 1 et une moyenne nulle. L'approche consiste à transformer les données en soustrayant à chaque valeur une valeur de référence (la moyenne de la variable) et en la divisant par l'écart type. Pour normaliser les données, il est possible d'utiliser la fonction `scale()`. Cependant, par défaut, la fonction `PCA()` normalise automatiquement les données. Nous n'avons pas eu besoin de faire cette transformation.

Réalisons maintenant notre Analyse en Composantes Principales. Pour cela, il faut exécuter la commande suivante :

```
freMPL2.pca <- PCA(freMPL2.active, ncp = 3, graph = FALSE)
```

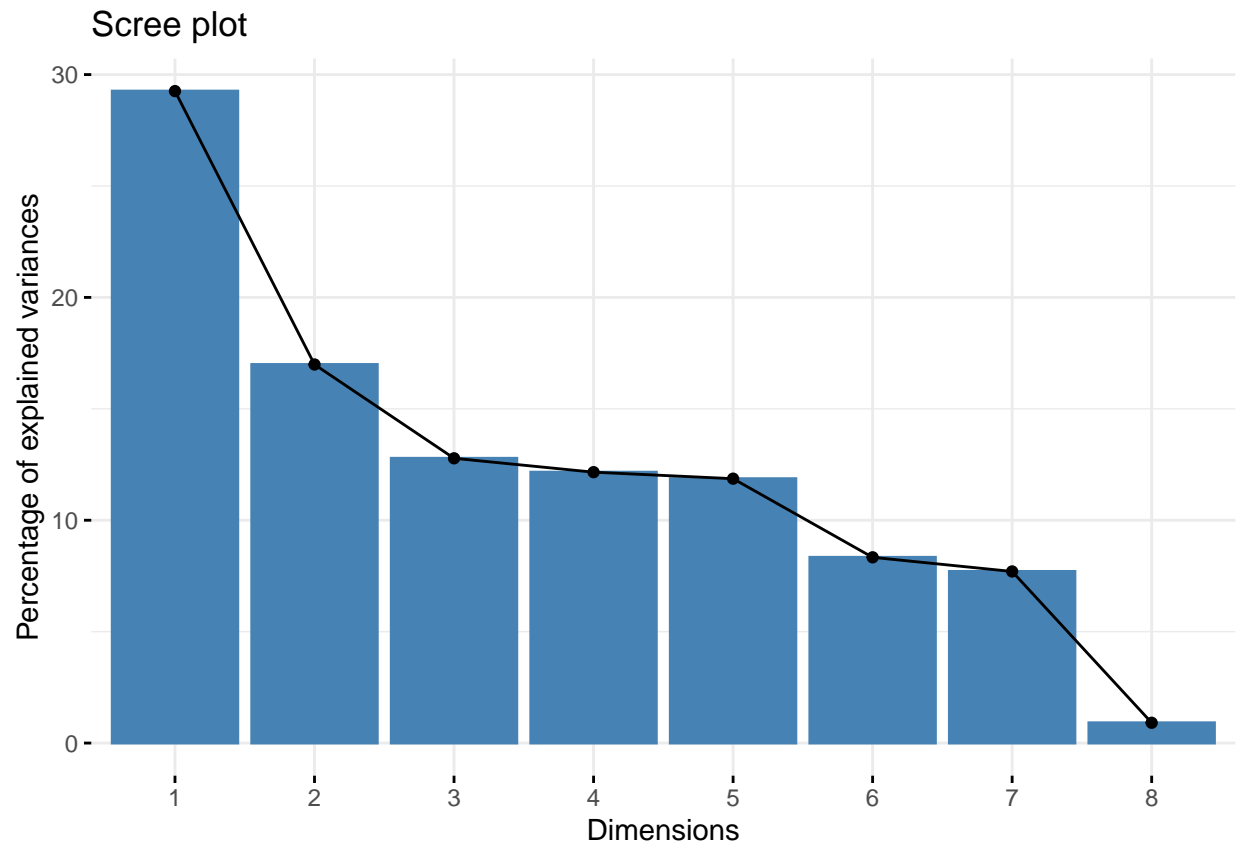
Notre fonction `PCA()` prend en compte un data frame `freMPL2.active` qui correspond aux colonnes du data-frame `freMPL2` qui sont de type numérique et que l'on souhaite analyser, un paramètre `ncp` qui correspond au nombre de dimensions conservées dans les résultats finaux (par défaut, ce nombre est égal à 3) et un paramètre logique `graph` qui précise si oui (`graph = TRUE`) ou non (`graph = FALSE`) nous voulons qu'un graphique du résultat s'affiche.

La fonction `PCA()` crée un objet contenant de nombreuses informations comme les valeurs propres (la variance du facteur correspondant où un facteur est une combinaison linéaire des variables initiales), la moyenne et l'écart type des variables, le poids de ces variables, ...

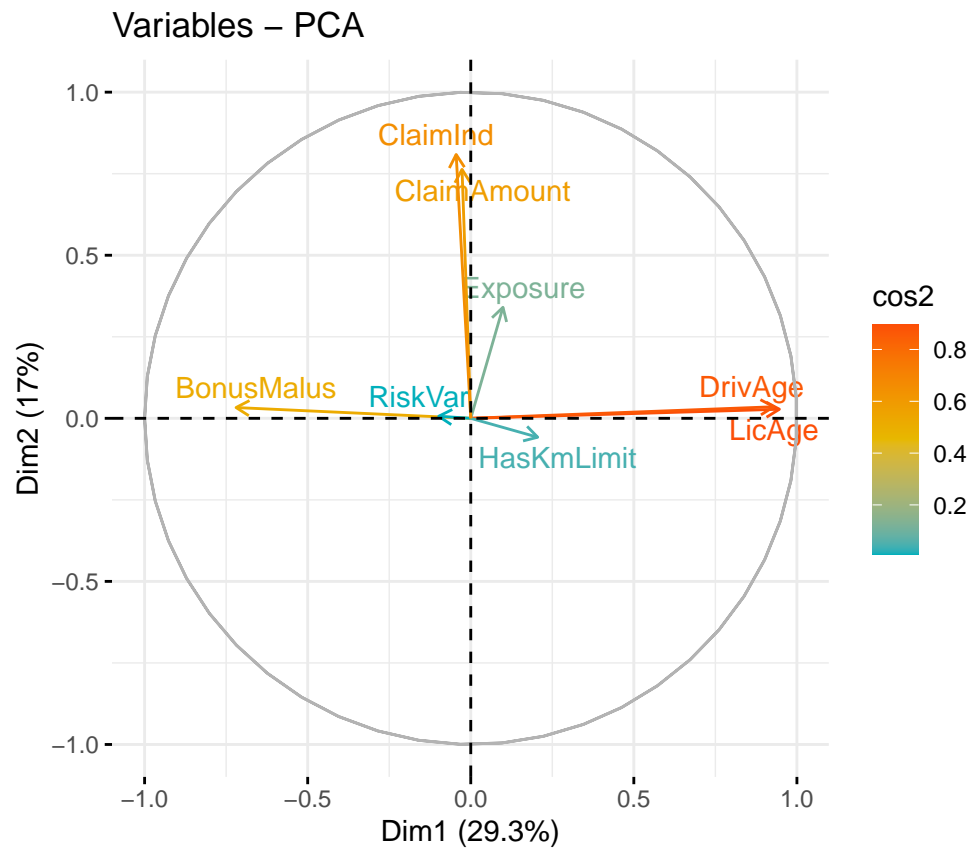
Regardons d'abord les **valeurs propres**. Elles mesurent la quantité de variance expliquée par chaque axe principal.

Examinons donc ces valeurs propres afin de déterminer le nombre de composantes principales à prendre en considération. Les valeurs propres et la proportion de variances retenues par les composantes principales peuvent être extraites à l'aide de la fonction `get_eigvalue()` du package *factoextra*.

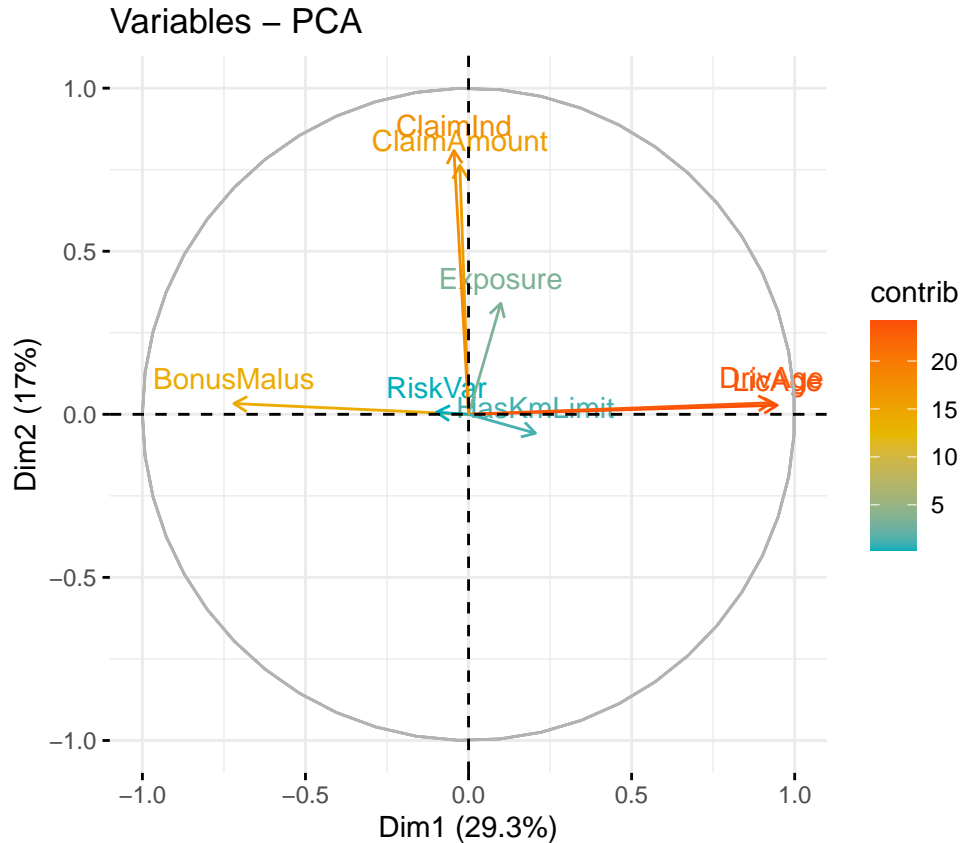
##	eigenvalue	variance.percent	cumulative.variance.percent
## Dim.1	2.34068251	29.2585314	29.25853
## Dim.2	1.35919145	16.9898931	46.24842
## Dim.3	1.02241078	12.7801347	59.02856
## Dim.4	0.97257721	12.1572151	71.18577
## Dim.5	0.94923929	11.8654911	83.05127
## Dim.6	0.66687171	8.3358964	91.38716
## Dim.7	0.61613751	7.7017189	99.08888
## Dim.8	0.07288954	0.9111193	100.00000



utilisation de  $\cos^2$  pour juger de la qualité de la représentation :



contribution des colonnes aux dimensions :



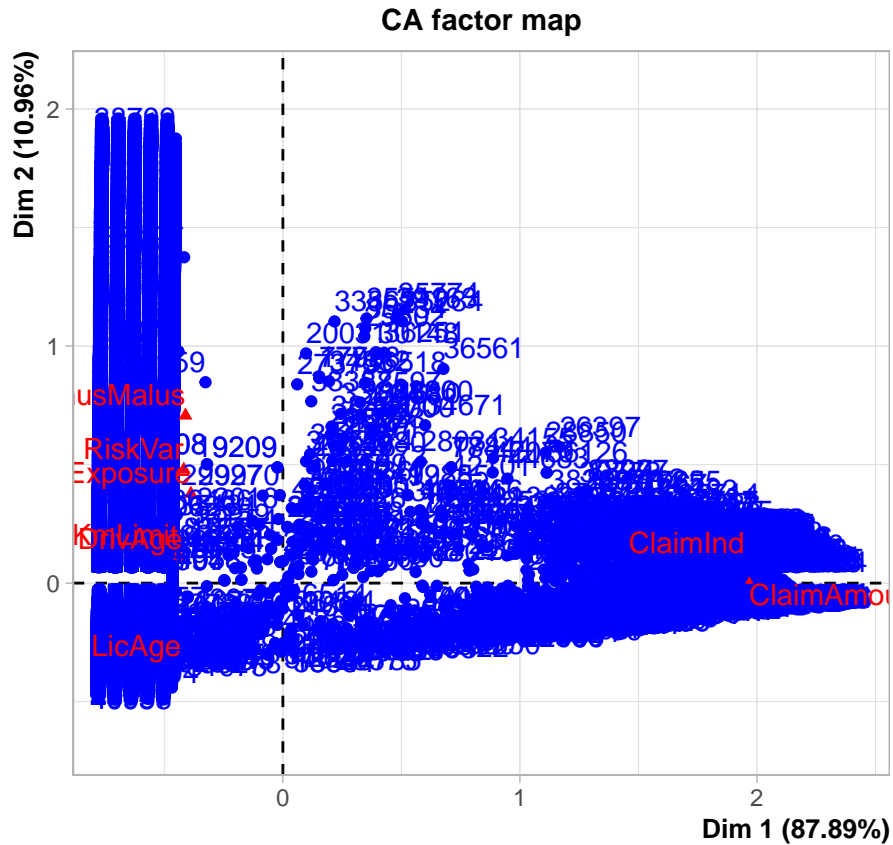
#### Description des dimensions

Dans les sections précédentes, nous avons décrit comment mettre en évidence les variables en fonction de leurs contributions aux composantes principales.

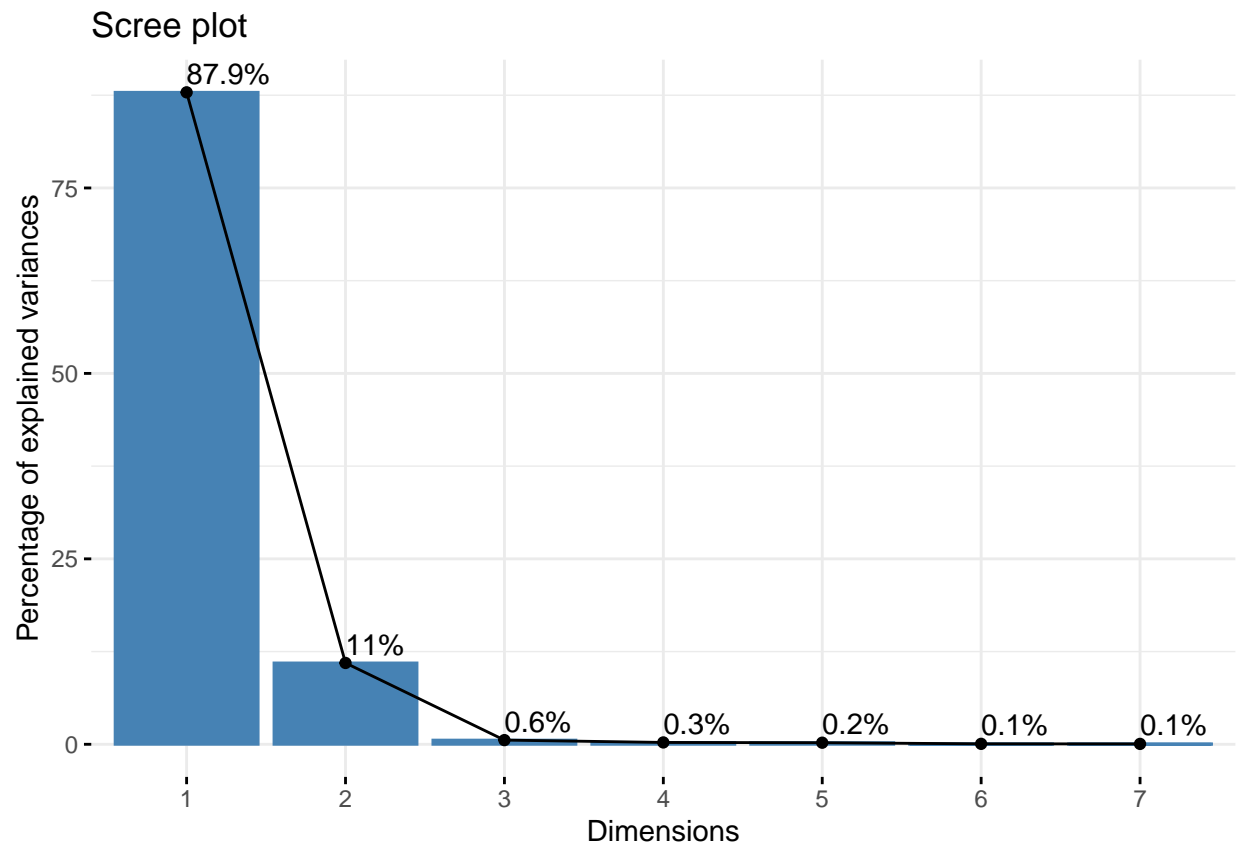
Notez également que la fonction `dimdesc()` [dans `FactoMineR`], pour dimension description (en anglais), peut être utilisée pour identifier les variables les plus significativement associées avec une composante principale donnée. Elle peut être utilisée comme suit:

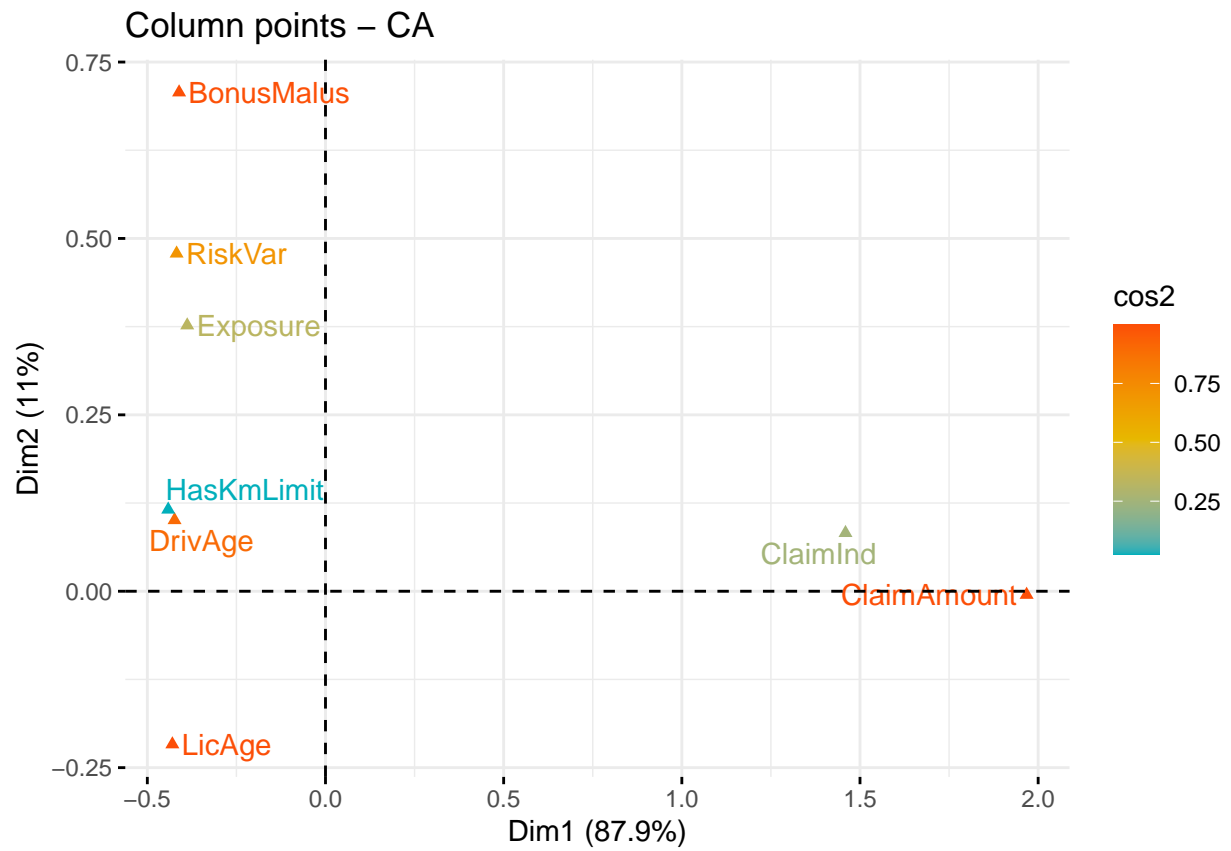
#### 2.1.2.3 Analyse factorielle des correspondances (AFC)

L'analyse factorielle des correspondances est une extension de l'analyse en composantes principales pour analyser l'association entre deux variables qualitatives (ou catégorielles). L'AFC permet de résumer et de visualiser l'information contenue dans le tableau de contingence formé par les deux variables catégorielles. Le tableau de contingence contient les fréquences formées par les deux variables.

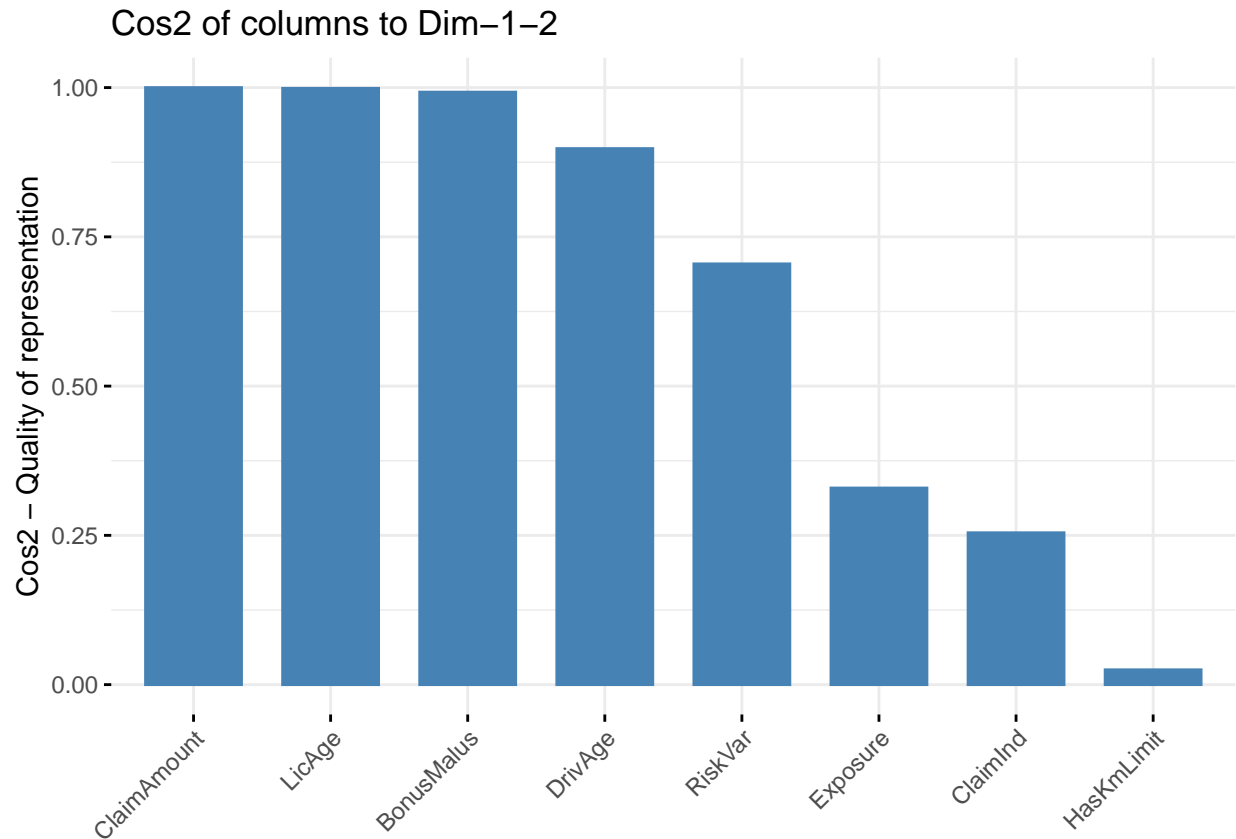


##	eigenvalue	variance.percent	cumulative.variance.percent
## Dim.1	0.8368752926	87.89057231	87.89057
## Dim.2	0.1043926431	10.96355601	98.85413
## Dim.3	0.0053764426	0.56464639	99.41877
## Dim.4	0.0023878835	0.25078103	99.66956
## Dim.5	0.0020457193	0.21484615	99.88440
## Dim.6	0.0005902286	0.06198717	99.94639
## Dim.7	0.0005104719	0.05361094	100.00000









```
##          coord
## HasKmLimit -0.4413484
## LicAge     -0.4297221
## DrivAge    -0.4235596
## RiskVar    -0.4178123
## BonusMalus -0.4108171
## Exposure   -0.3880547
## ClaimInd   1.4592963
## ClaimAmount 1.9675944
```

### 3 GLM

Les lois les plus utilisées sont : - Poisson ou binomiale négative pour les fréquences des sinistres - Gamma et Inverse gauss pour la sévérité des sinistres

#### 3.1 Fréquence des sinistres

##### 3.1.1 Présentation des lois utilisables

##### 3.1.2 Exécution du GLM sur notre tableau freMPL2

Test du modèle GLM avec la loi de Poisson :

*#calibration d'une loi de Poisson*

```
glm1 <- glm(ClaimInd~DrivAge+VehAge+VehUsage+BonusMalus+VehBody+VehMaxSpeed, offset = log(Exposure), family = poisson, data = freMPL2)
summary(glm1)
```

```
##
## Call:
## glm(formula = ClaimInd ~ DrivAge + VehAge + VehUsage + BonusMalus +
##      VehBody + VehMaxSpeed, family = poisson("log"), data = freMPL2,
##      offset = log(Exposure))
##
## Deviance Residuals:
##      Min       1Q   Median       3Q      Max
## -0.7406  -0.3540  -0.2683  -0.1758   3.5785
##
## Coefficients:
##                                     Estimate Std. Error z value Pr(>|z|)
## (Intercept)                       -1.451769    0.299832  -4.842 1.29e-06 ***
## DrivAge(20,25]                     -0.572739    0.239860  -2.388 0.016949 *
## DrivAge(25,30]                     -0.869588    0.232667  -3.737 0.000186 ***
## DrivAge(30,35]                     -0.819072    0.231959  -3.531 0.000414 ***
## DrivAge(35,40]                     -0.745800    0.232851  -3.203 0.001360 **
## DrivAge(40,45]                     -0.842333    0.235696  -3.574 0.000352 ***
## DrivAge(45,50]                     -0.936159    0.236941  -3.951 7.78e-05 ***
## DrivAge(50,55]                     -0.920040    0.236138  -3.896 9.77e-05 ***
## DrivAge(55,60]                     -0.847122    0.237082  -3.573 0.000353 ***
## DrivAge(60,65]                     -0.786225    0.244622  -3.214 0.001309 **
## DrivAge(65,70]                     -0.775962    0.254946  -3.044 0.002337 **
## DrivAge(70,75]                     -1.011553    0.270779  -3.736 0.000187 ***
## DrivAge(75,80]                     -1.418121    0.316862  -4.476 7.62e-06 ***
## DrivAge(80,104]                    -0.677142    0.293429  -2.308 0.021017 *
## VehAge1                            -0.098937    0.099875  -0.991 0.321874
## VehAge10+                          -0.230448    0.085593  -2.692 0.007095 **
## VehAge2                             0.023017    0.095496   0.241 0.809536
## VehAge3                             0.005242    0.100133   0.052 0.958247
## VehAge4                            -0.055284    0.102154  -0.541 0.588384
## VehAge5                            -0.040324    0.105113  -0.384 0.701252
## VehAge6-7                          -0.140546    0.099284  -1.416 0.156894
## VehAge8-9                          -0.100558    0.099237  -1.013 0.310909
## VehUsageprivee et trajet vers bureau 0.138089    0.054904   2.515 0.011899 *
## VehUsageprofessionnel               0.190700    0.068017   2.804 0.005051 **
## VehUsagetrajet professionnel        0.161592    0.176992   0.913 0.361246
## BonusMalus(100,350]                 0.504666    0.093149   5.418 6.03e-08 ***
## VehBodycoupe                       -0.011214    0.158709  -0.071 0.943670
## VehBodymicrovan                     0.107266    0.165941   0.646 0.518013
## VehBodyautobus                     -0.189304    0.374354  -0.506 0.613080
## VehBodyautre microvan               -0.003269    0.159403  -0.021 0.983636
## VehBodyberline                     -0.112103    0.120714  -0.929 0.353061
## VehBodySUV                          0.134478    0.149639   0.899 0.368820
## VehBodybreak                       -0.445587    0.167322  -2.663 0.007744 **
## VehBodycamionnette                 0.209691    0.155274   1.350 0.176868
## VehMaxSpeed130-140 km/h            -0.052937    0.167987  -0.315 0.752667
## VehMaxSpeed140-150 km/h            -0.017114    0.160254  -0.107 0.914955
## VehMaxSpeed150-160 km/h            0.109537    0.153027   0.716 0.474113
```

```
## VehMaxSpeed160-170 km/h          0.006457  0.154812  0.042 0.966729
## VehMaxSpeed170-180 km/h          0.116861  0.155896  0.750 0.453492
## VehMaxSpeed180-190 km/h         -0.079147  0.162400 -0.487 0.626004
## VehMaxSpeed190-200 km/h          0.097111  0.163630  0.593 0.552859
## VehMaxSpeed200-220 km/h          0.063538  0.166487  0.382 0.702729
## VehMaxSpeed220+ km/h             0.277671  0.171568  1.618 0.105571
## ---
## Signif. codes:  0 '***' 0.001 '**' 0.01 '*' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
##
## (Dispersion parameter for poisson family taken to be 1)
##
## Null deviance: 12564  on 47496  degrees of freedom
## Residual deviance: 12410  on 47454  degrees of freedom
## AIC: 16764
##
## Number of Fisher Scoring iterations: 6
```

```
#glm1$aic
#glm1$null.deviance
#glm1$deviance
#glm1$iter
predict1 <- predict(glm1, freMPL2, type = 'response')
recap1 <- data.frame(ClaimInd = freMPL2$ClaimInd,
                    Predict_ClaimInd = predict1,
                    difference = abs(freMPL2$ClaimInd - predict1))
head(recap1,10)
```

```
## ClaimInd Predict_ClaimInd difference
## 1      0      0.05426268 0.05426268
## 2      0      0.03828256 0.03828256
## 3      0      0.06060942 0.06060942
## 4      0      0.02965685 0.02965685
## 5      0      0.01052081 0.01052081
## 6      0      0.04753376 0.04753376
## 7      1      0.06880799 0.93119201
## 8      0      0.06867037 0.06867037
## 9      0      0.02019737 0.02019737
## 10     0      0.05467572 0.05467572
```

```
recap1[recap1$difference<0.5 & recap1$ClaimInd == 1,]
```

```
## [1] ClaimInd Predict_ClaimInd difference
## <0 rows> (or 0-length row.names)
```

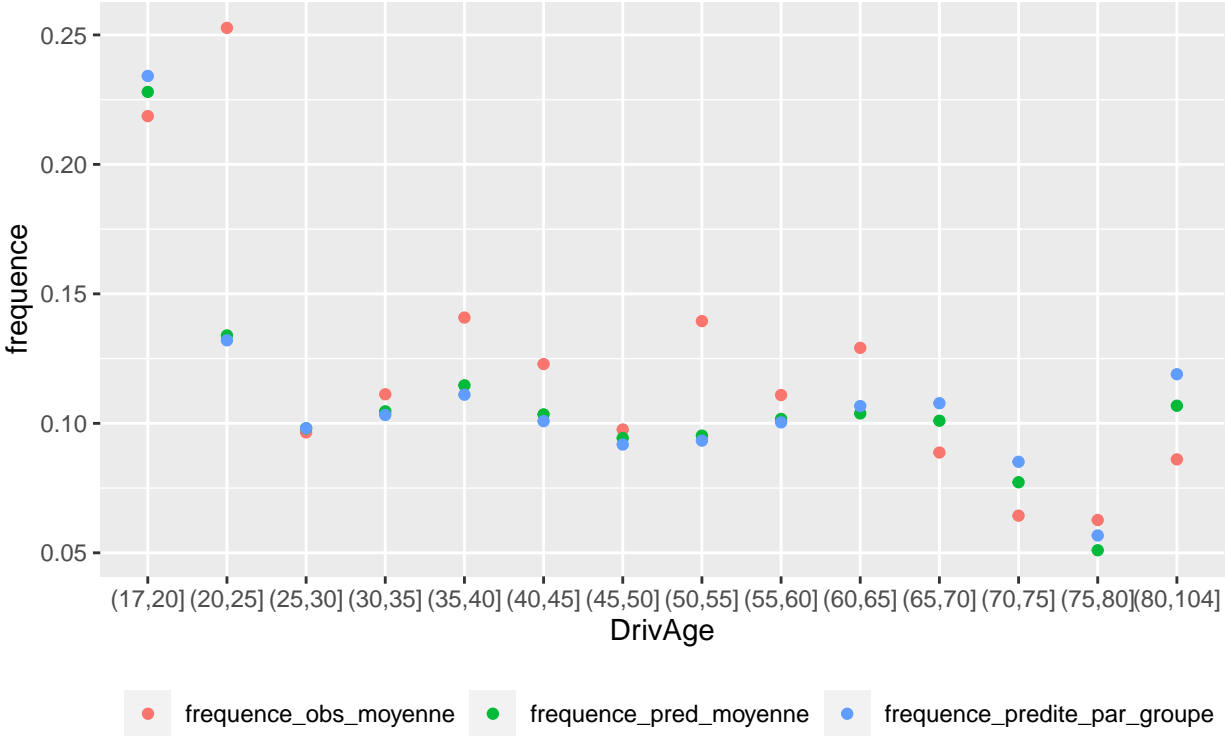
*# Ce modèle ne fonctionne pas pour prédire les ClaimInd égaux à 1*

### 3.1.3 Calcul de l'espérance $E(N)$

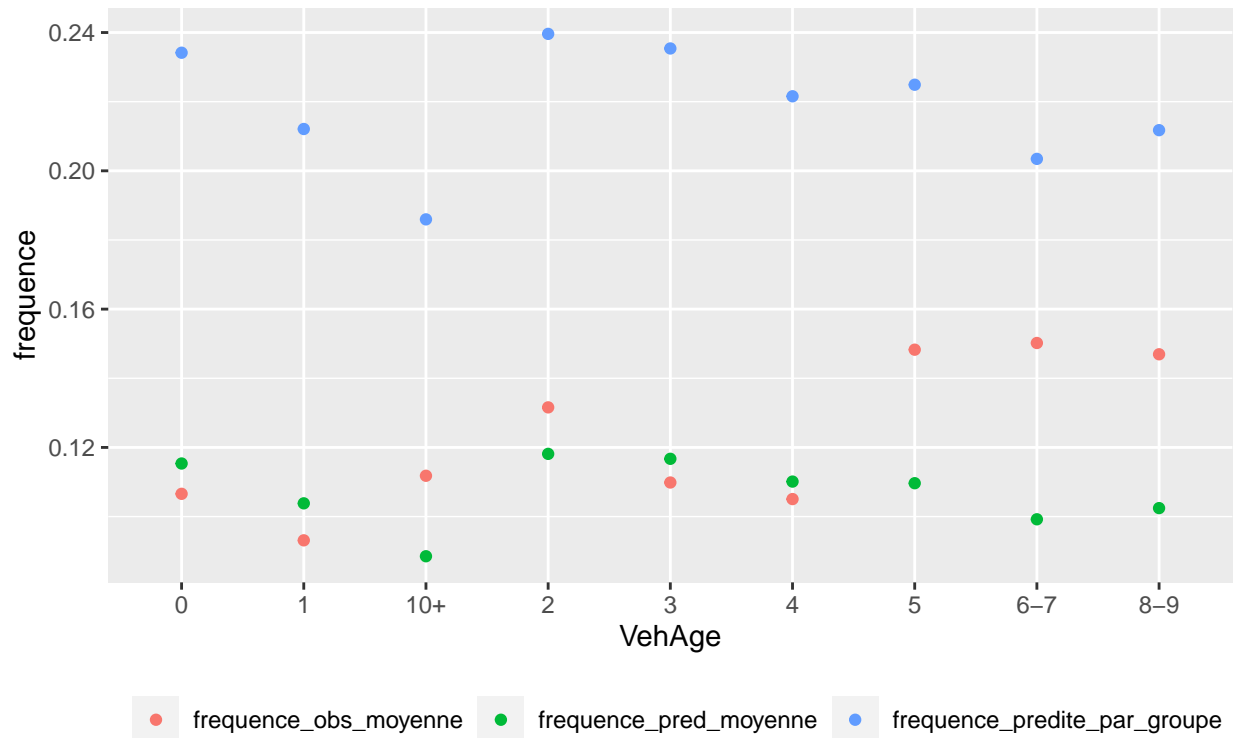
FORMULE :  $E(N/x) = g^{-1}(aX_i + e_i)$  avec  $g$  la fonction de lien et  $e$  l'offset

Ainsi, pour une loi de Poisson, on a :  $E(N/x) = \exp(aX_i + \ln(\text{Exposure})) = \text{Exposure} \cdot \exp(aX_i)$

Nombre de sinistres et leur prédiction selon l'âge du conducteur



## Nombre de sinistres et leur prédiction selon l'âge du véhicule



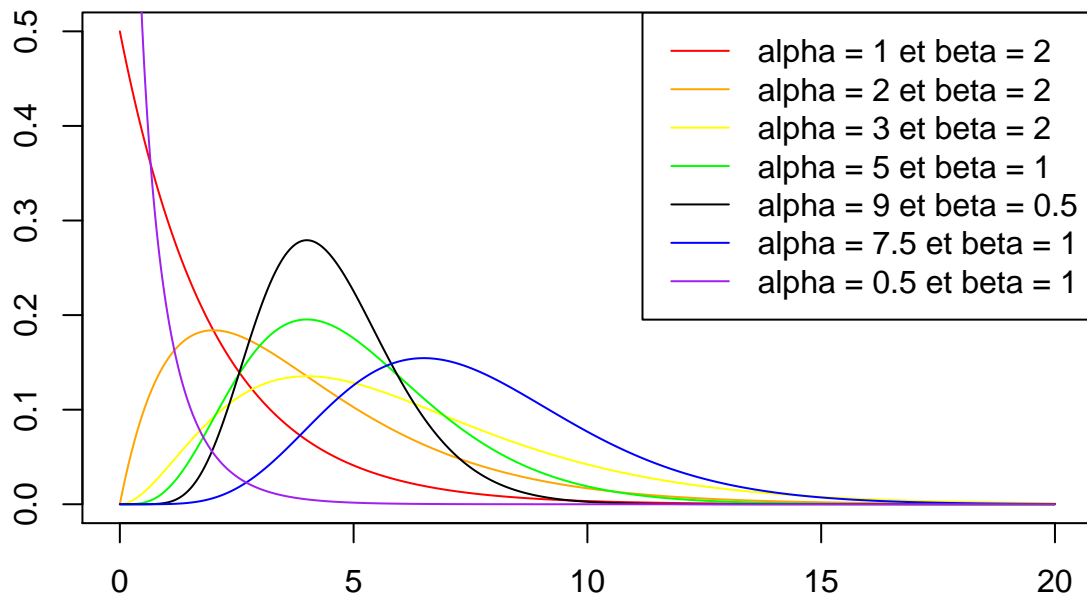
Le résumé de notre modèle révèle des informations intéressantes. La performance d'une régression logistique est évaluée avec des métriques clés spécifiques : - AIC (Critère d'information d'Akaike): Il mesure l'ajustement lorsqu'une pénalité est appliquée au nombre de paramètres. Des valeurs AIC plus petites indiquent que le modèle est plus proche de la vérité. - Null deviance : Il s'agit de la déviance du modèle nul, c'est-à-dire qu'il est caractérisé par aucun facteur. - Residual deviance : Il s'agit de la déviance du modèle avec toutes les variables. - Number of Fisher Scoring iterations : Il s'agit du nombre d'itérations avant la convergence.

## 3.2 Sévérité des sinistres

### 3.2.1 Présentation des lois utilisables

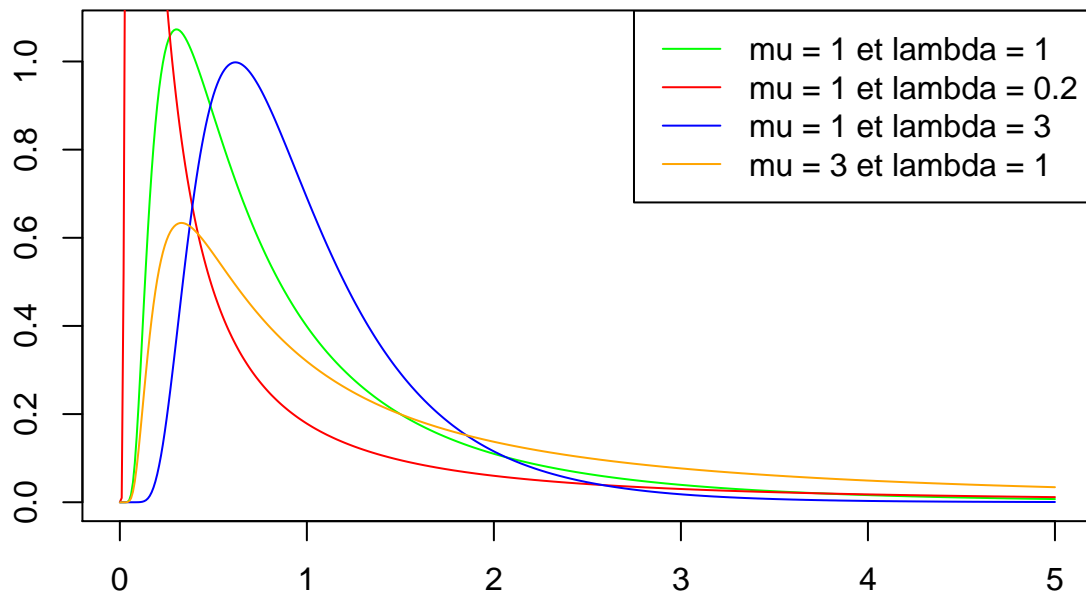
#### 3.2.1.1 loi de gamma (ou d'Euler)

### distribution de loi gamma



#### 3.2.1.2 Inverse gauss

## distribution de loi inverse gaussienne



```
##
## Call:
## glm(formula = ClaimAmount ~ DrivAge + VehAge + VehUsage + BonusMalus +
##      VehBody + VehMaxSpeed, family = poisson(link = "log"), data = freMPL2,
##      offset = ClaimInd)
##
## Deviance Residuals:
##      Min       1Q   Median       3Q      Max
## -76.73  -13.41  -10.78   -8.93   875.26
##
## Coefficients:
##              Estimate Std. Error z value Pr(>|z|)
## (Intercept)      5.456643   0.007017   777.652 <2e-16 ***
## DrivAge(20,25]    -0.424181   0.005738  -73.923 <2e-16 ***
## DrivAge(25,30]    -0.973242   0.005656 -172.068 <2e-16 ***
## DrivAge(30,35]    -1.064342   0.005651 -188.360 <2e-16 ***
## DrivAge(35,40]    -0.303377   0.005570  -54.468 <2e-16 ***
## DrivAge(40,45]    -0.809725   0.005685 -142.422 <2e-16 ***
## DrivAge(45,50]    -1.177359   0.005798 -203.072 <2e-16 ***
## DrivAge(50,55]    -1.004243   0.005742 -174.880 <2e-16 ***
## DrivAge(55,60]    -0.609482   0.005697 -106.984 <2e-16 ***
## DrivAge(60,65]    -0.576607   0.005887  -97.942 <2e-16 ***
## DrivAge(65,70]    -0.467455   0.006060  -77.134 <2e-16 ***
## DrivAge(70,75]    -0.787713   0.006473 -121.685 <2e-16 ***
## DrivAge(75,80]    -1.756620   0.008901 -197.342 <2e-16 ***
## DrivAge(80,104]     0.092281   0.006397   14.426 <2e-16 ***
```

```

## VehAge1                0.329440    0.002300   143.255    <2e-16 ***
## VehAge10+              -0.147633    0.002128   -69.363    <2e-16 ***
## VehAge2                 0.420784    0.002251   186.928    <2e-16 ***
## VehAge3                 0.208768    0.002397    87.085    <2e-16 ***
## VehAge4                 0.130719    0.002472    52.884    <2e-16 ***
## VehAge5                 0.805306    0.002168   371.458    <2e-16 ***
## VehAge6-7              -0.032855    0.002438   -13.478    <2e-16 ***
## VehAge8-9              -0.205910    0.002566   -80.249    <2e-16 ***
## VehUsageprivee et trajet vers bureau 0.173977    0.001266   137.379    <2e-16 ***
## VehUsageprofessionnel   0.249854    0.001522   164.168    <2e-16 ***
## VehUsagetrajet professionnel -0.096946    0.004608   -21.037    <2e-16 ***
## BonusMalus(100,350]     0.996682    0.001638   608.318    <2e-16 ***
## VehBodycoupe           -0.136407    0.003936   -34.655    <2e-16 ***
## VehBodymicrovan         1.077846    0.003330   323.654    <2e-16 ***
## VehBodyautobus         -0.479404    0.009816   -48.841    <2e-16 ***
## VehBodyautre microvan   0.238155    0.003566    66.777    <2e-16 ***
## VehBodyberline         -0.198333    0.002929   -67.716    <2e-16 ***
## VehBodySUV             -0.003896    0.003591    -1.085     0.278
## VehBodybreak           -0.257014    0.003834   -67.030    <2e-16 ***
## VehBodycamionnette      0.212400    0.003678    57.745    <2e-16 ***
## VehMaxSpeed130-140 km/h -0.910847    0.003628  -251.047    <2e-16 ***
## VehMaxSpeed140-150 km/h -0.547519    0.003201  -171.020    <2e-16 ***
## VehMaxSpeed150-160 km/h -0.639480    0.003051  -209.598    <2e-16 ***
## VehMaxSpeed160-170 km/h -0.614308    0.003054  -201.139    <2e-16 ***
## VehMaxSpeed170-180 km/h -0.295551    0.003043   -97.128    <2e-16 ***
## VehMaxSpeed180-190 km/h -1.092236    0.003359  -325.157    <2e-16 ***
## VehMaxSpeed190-200 km/h -0.624298    0.003331  -187.439    <2e-16 ***
## VehMaxSpeed200-220 km/h -0.726016    0.003448  -210.556    <2e-16 ***
## VehMaxSpeed220+ km/h   -0.501455    0.003596  -139.461    <2e-16 ***
## ---
## Signif. codes:  0 '***' 0.001 '**' 0.01 '*' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
##
## (Dispersion parameter for poisson family taken to be 1)
##
## Null deviance: 25385264 on 47496 degrees of freedom
## Residual deviance: 23249752 on 47454 degrees of freedom
## AIC: Inf
##
## Number of Fisher Scoring iterations: 8

## ClaimAmount Predict_ClaimAmount difference
## 1          0          97.38378  97.38378
## 2          0          67.96897  67.96897
## 3          0          74.46994  74.46994
## 4          0         210.30779  210.30779
## 5          0         136.20994  136.20994
## 6          0         136.20994  136.20994
## 7         1204         263.98761  940.01239
## 8          0          97.11561  97.11561
## 9          0          41.29664  41.29664
## 10         0         102.21140  102.21140

```



### 3.2.2 Calcul de la prime pure

Soit  $X$  le coût monétaire au risque

Selon le modèle général,  $X = \text{SOMME de } 1 \text{ à } N \text{ des } B_k$

où  $N$  correspond au nombre de sinistres et  $B_k$  correspond au montant de sinistres

Autrement dit,  $N$  représente la fréquence (variable discrète) et  $B_k$  la sévérité (variable continue positive)

En admettant que la fréquence n'a pas d'influence sur la sévérité et que les montants des sinistres ont le même comportement aléatoire, on a :  $E(X) = E(N) \cdot E(B)$  (prime pure).

Comment calculer  $E(N)$ ? Comment calculer  $E(B)$ ?

### 3.2.3 Calcul de l'espérance $E(N)$

FORMULE :  $E(N/x) = g^{-1}(aX_i + e_i)$  avec  $g$  la fonction de lien et  $e$  l'offset

Ainsi, pour une loi de Poisson, on a :  $E(N/x) = \exp(aX_i + \ln(\text{Exposure})) = \text{Exposure} \cdot \exp(aX_i)$

## 4 Bibliographie

### 4.1 Internet

- Pour l'analyse des composantes principales :
  - <http://www.sthda.com/french/articles/38-methodes-des-composantes-principales-dans-r-guide-pratique/73-acp-analyse-en-composantes-principales-avec-r-l-essentiel/>

### 4.2 Littérature

## 5 Annexes

### 5.1 Affichage de l'implémentation de la fonction `nettoyage_dataframe` :

```
nettoyage_dataframe <- function(dt){  
  
  # Suppression des données des individus assurés moins d'un jour (Exposure)  
  dt <- subset(dt, dt$Exposure > 1/365.25)  
  
  # Modification des données des individus ayant un ClaimAmount négatif  
  dt <- subset(dt, dt$ClaimAmount >= 0)  
  
  # Suppression de la colonne associée au sexe de la personne et de ClaimInd  
  dt <- dt[, -6]  
  dt <- dt[, -21]  
  
  # Réduction du nombre de catégories socioprofessionnels  
  levels(dt$SocioCateg) <- c(levels(dt$SocioCateg), "CSP4", "CSP6",  
                             "CSP9")  
  
  for (i in 1:dim(dt)[1]){  
    if (dt$SocioCateg[i] %in% c("CSP1", "CSP16", "CSP18", "CSP19")){  
      dt$SocioCateg[i] <- "CSP1"  
    }  
  }  
}
```

```

    }
    if (dt$SocioCateg[i]%in%c("CSP2", "CSP20", "CSP21", "CSP22", "CSP23",
                              "CSP25", "CSP26", "CSP27", "CSP28")){
      dt$SocioCateg[i]<-"CSP2"
    }
    if (dt$SocioCateg[i]%in%c("CSP3", "CSP30", "CSP31", "CSP32", "CSP33",
                              "CSP35", "CSP36", "CSP37", "CSP38", "CSP39")){
      dt$SocioCateg[i]<-"CSP3"
    }
    if (dt$SocioCateg[i]%in%c("CSP40", "CSP41", "CSP42", "CSP43", "CSP46",
                              "CSP47", "CSP48", "CSP49")){
      dt$SocioCateg[i]<-"CSP4"
    }
    if (dt$SocioCateg[i]%in%c("CSP5", "CSP50", "CSP51", "CSP55", "CSP56",
                              "CSP57", "CSP59")){
      dt$SocioCateg[i]<-"CSP5"
    }
    if (dt$SocioCateg[i]%in%c("CSP6", "CSP60", "CSP61", "CSP62", "CSP63",
                              "CSP65", "CSP66")){
      dt$SocioCateg[i]<-"CSP6"
    }
    if (dt$SocioCateg[i]%in%c("CSP7", "CSP70", "CSP73", "CSP74", "CSP77")){
      dt$SocioCateg[i]<-"CSP7"
    }
    if (dt$SocioCateg[i]%in%c("CSP9", "CSP91")){
      dt$SocioCateg[i]<-"CSP9"
    }
  }
}
dt$SocioCateg <- droplevels(dt$SocioCateg)

# Traduction des données (VehBody, MariStat, VehUsage, VehEngine, VehEnergy, Garage)
for (i in 1:dim(dt)[2]){
  # Type de véhicules
  if (colnames(dt)[i]=="VehBody"){
    levels(dt$VehBody) <- c(levels(dt$VehBody), "autobus", "coupe",
                           "autre microvan", "berline", "SUV", "break",
                           "camionnette")

    dt$VehBody[dt$VehBody == "bus"]<-"autobus"
    dt$VehBody[dt$VehBody == "coupe"]<-"coupe"
    dt$VehBody[dt$VehBody == "other microvan"]<-"autre microvan"
    dt$VehBody[dt$VehBody == "sedan"]<-"berline"
    dt$VehBody[dt$VehBody == "sport utility vehicle"]<-"SUV"
    dt$VehBody[dt$VehBody == "station wagon"]<-"break"
    dt$VehBody[dt$VehBody == "van"]<-"camionnette"
    dt$VehBody <- droplevels(dt$VehBody)
  }
  # Statut marital
  if (colnames(dt)[i]=="MariStat"){
    levels(dt$MariStat) <- c(levels(dt$MariStat), "célibataire", "autre")
    dt$MariStat[dt$MariStat == "Alone"]<-"célibataire"
    dt$MariStat[dt$MariStat == "Other"]<-"autre"
    dt$MariStat <- droplevels(dt$MariStat)
  }
  # Utilisation du véhicule

```

```

if (colnames(dt)[i]=="VehUsage"){
  levels(dt$VehUsage) <- c(levels(dt$VehUsage), "privee",
                           "privee et trajet vers bureau", "professionnel",
                           "trajet professionnel" )
  dt$VehUsage[dt$VehUsage == "Private"]<-"privee"
  dt$VehUsage[dt$VehUsage == "Private+trip to office"]<-
  "privee et trajet vers bureau"
  dt$VehUsage[dt$VehUsage == "Professional"]<-"professionnel"
  dt$VehUsage[dt$VehUsage == "Professional run"]<-
  "trajet professionnel"
  dt$VehUsage <- droplevels(dt$VehUsage)
}
# Moteur du véhicule
if (colnames(dt)[i]=="VehEngine"){
  levels(dt$VehEngine) <- c(levels(dt$VehEngine),
                           "injection directe surpuissante",
                           "électrique", "injection surpuissante")
  dt$VehEngine[dt$VehEngine == "direct injection overpowered"]<-
  "injection directe surpuissante"
  dt$VehEngine[dt$VehEngine == "electric"]<-"électrique"
  dt$VehEngine[dt$VehEngine == "injection overpowered"]<-
  "injection surpuissante"
  dt$VehEngine <- droplevels(dt$VehEngine)
}
# Energie utilisée par le véhicule
if (colnames(dt)[i]=="VehEnergy"){
  levels(dt$VehEnergy) <- c(levels(dt$VehEnergy), "électrique", "essence")
  dt$VehEnergy[dt$VehEnergy == "regular"]<-"essence"
  dt$VehEnergy[dt$VehEnergy == "eletric"]<-"électrique"
  dt$VehEnergy <- droplevels(dt$VehEnergy)
}
# Garage
if (colnames(dt)[i]=="Garage"){
  levels(dt$Garage) <- c(levels(dt$Garage), "aucun", "garage indépendant",
                        "concessionnaire")
  dt$Garage[dt$Garage == "None"]<-"aucun"
  dt$Garage[dt$Garage == "Private garage"]<-"garage indépendant"
  dt$Garage[dt$Garage == "Collective garage"]<-"concessionnaire"
  dt$Garage <- droplevels(dt$Garage)
}
}
return (dt)
}

```

## 5.2 Affichage d'un exemple d'exécution de la fonction describe du package Hmisc

```

## freMPL2
##
## 21 Variables      47497 Observations
## -----
## Exposure
##      n missing distinct      Info      Mean      Gmd      .05      .10

```

```

##      47497      0      755      0.999      0.437      0.3222      0.047      0.083
##      .25      .50      .75      .90      .95
##      0.187      0.416      0.666      0.833      0.916
##
## lowest : 0.003 0.005 0.006 0.008 0.009, highest: 0.994 0.996 0.997 0.998 1.000
## -----
## LicAge
##      n missing distinct      Info      Mean      Gmd      .05      .10
##      47497      0      809      1      274.2      182.7      60      86
##      .25      .50      .75      .90      .95
##      141      246      396      500      566
##
## lowest : 0 1 2 3 4, highest: 887 912 914 930 940
## -----
## RecordBeg
##      n missing distinct      Info      Mean      Gmd      .05
##      47497      0      365      0.937 2004-04-19      128.7 2004-01-01
##      .10      .25      .50      .75      .90      .95
## 2004-01-01 2004-01-01 2004-03-11 2004-07-26 2004-10-29 2004-12-01
##
## lowest : 2004-01-01 2004-01-02 2004-01-03 2004-01-04 2004-01-05
## highest: 2004-12-26 2004-12-27 2004-12-28 2004-12-29 2004-12-30
## -----
## RecordEnd
##      n missing distinct      Info      Mean      Gmd      .05
##      25388      22109      364      0.999 2004-07-04      113.7 2004-02-01
##      .10      .25      .50      .75      .90      .95
## 2004-02-25 2004-04-07 2004-07-01 2004-10-01 2004-11-23 2004-12-01
##
## lowest : 2004-01-03 2004-01-04 2004-01-05 2004-01-06 2004-01-07
## highest: 2004-12-27 2004-12-28 2004-12-29 2004-12-30 2004-12-31
## -----
## VehAge
##      n missing distinct
##      47497      0      9
##
## lowest : 0 1 10+ 2 3 , highest: 3 4 5 6-7 8-9
##
## Value      0      1      10+      2      3      4      5      6-7      8-9
## Frequency  4313  3987 14347  4140  3760  3658  3412  4909  4971
## Proportion 0.091 0.084 0.302 0.087 0.079 0.077 0.072 0.103 0.105
## -----
## MariStat
##      n missing distinct
##      47497      0      2
##
## Value      célibataire      autre
## Frequency      13690      33807
## Proportion      0.288      0.712
## -----
## SocioCateg
##      n missing distinct
##      47497      0      8
##

```

```

## lowest : CSP1 CSP2 CSP3 CSP5 CSP6, highest: CSP5 CSP6 CSP7 CSP9 CSP4
##
## Value      CSP1  CSP2  CSP3  CSP5  CSP6  CSP7  CSP9  CSP4
## Frequency  2366  1721   918 32894  5731   80    9  3778
## Proportion 0.050 0.036 0.019 0.693 0.121 0.002 0.000 0.080
## -----
## VehUsage
##      n missing distinct
##  47497      0         4
##
## Value                  privee privee et trajet vers bureau
## Frequency                16785                        22051
## Proportion                0.353                        0.464
##
## Value                  professionnel      trajet professionnel
## Frequency                7958                        703
## Proportion                0.168                        0.015
## -----
## DrivAge
##      n missing distinct      Info      Mean      Gmd      .05      .10
##  47497      0         83         1    44.48    16.61      25      27
##      .25      .50      .75      .90      .95
##      32      42      55      65      72
##
## lowest :  18  19  20  21  22, highest:  96  97  98 102 103
## -----
## HasKmLimit
##      n missing distinct      Info      Sum      Mean      Gmd
##  47497      0         2    0.353    6468    0.1362    0.2353
##
## -----
## BonusMalus
##      n missing distinct      Info      Mean      Gmd      .05      .10
##  47497      0        108    0.954      69    21.99      50      50
##      .25      .50      .75      .90      .95
##      50      64      85     100     100
##
## lowest :  50  51  52  53  54, highest: 220 230 256 258 272
## -----
## VehBody
##      n missing distinct
##  47497      0         9
##
## lowest : cabriolet      coupe      microvan      autobus      autre microvan
## highest: autre microvan berline      SUV      break      camionnette
##
## cabriolet (1506, 0.032), coupe (1761, 0.037), microvan (1458, 0.031), autobus
## (220, 0.005), autre microvan (1837, 0.039), berline (34051, 0.717), SUV (1974,
## 0.042), break (2231, 0.047), camionnette (2459, 0.052)
## -----
## VehPrice
##      n missing distinct
##  47497      0         27
##

```

```

## lowest : A B C D E , highest: W X Y Z Z1
## -----
## VehEngine
##      n missing distinct
##    47497      0      6
##
## lowest : carburation          GPL          injection
## highest: GPL          injection          injection directe surpuissant
##
## carburation (6513, 0.137), GPL (2, 0.000), injection (30663, 0.646), injection
## directe surpuissante (6554, 0.138), électrique (6, 0.000), injection
## surpuissante (3759, 0.079)
## -----
## VehEnergy
##      n missing distinct
##    47497      0      4
##
## Value          diesel          GPL électrique          essence
## Frequency      13521          2          6          33968
## Proportion     0.285          0.000          0.000          0.715
## -----
## VehMaxSpeed
##      n missing distinct
##    47497      0      10
##
## lowest : 1-130 km/h  130-140 km/h 140-150 km/h 150-160 km/h 160-170 km/h
## highest: 170-180 km/h 180-190 km/h 190-200 km/h 200-220 km/h 220+ km/h
##
## Value          1-130 km/h 130-140 km/h 140-150 km/h 150-160 km/h 160-170 km/h
## Frequency      1256      2286      4073      7075      7915
## Proportion     0.026      0.048      0.086      0.149      0.167
##
## Value          170-180 km/h 180-190 km/h 190-200 km/h 200-220 km/h 220+ km/h
## Frequency      7933      5795      4567      3998      2599
## Proportion     0.167      0.122      0.096      0.084      0.055
## -----
## VehClass
##      n missing distinct
##    47497      0      6
##
## lowest : 0 A B H M1, highest: A B H M1 M2
##
## Value          0 A B H M1 M2
## Frequency      1901 4140 15229 7034 11756 7437
## Proportion 0.040 0.087 0.321 0.148 0.248 0.157
## -----
## RiskVar
##      n missing distinct      Info      Mean      Gmd      .05      .10
##    47497      0      20      0.994      13.51      5.238      4      7
##      .25      .50      .75      .90      .95
##      11      15      17      19      20
##
## lowest : 1 2 3 4 5, highest: 16 17 18 19 20
##

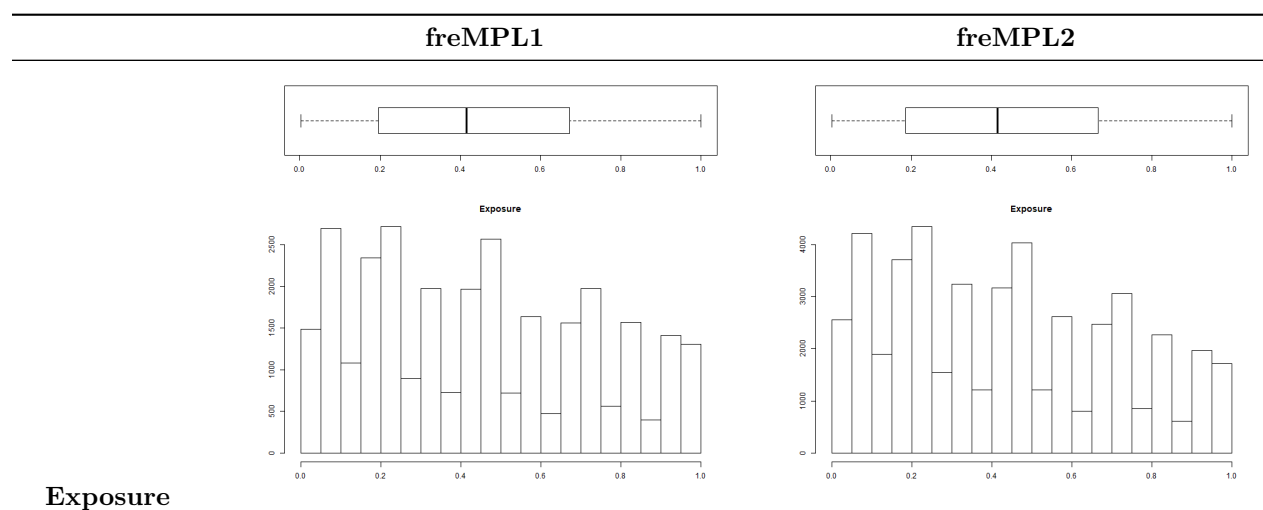
```

```

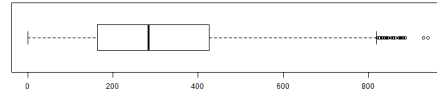
## Value      1      2      3      4      5      6      7      8      9     10     11
## Frequency   590    501    754    700   1154   1041   1889   1630   1361   1513   2934
## Proportion 0.012 0.011 0.016 0.015 0.024 0.022 0.040 0.034 0.029 0.032 0.062
##
## Value      12     13     14     15     16     17     18     19     20
## Frequency  2896   3172   2496   5434   5632   4047   3078   3270   3405
## Proportion 0.061 0.067 0.053 0.114 0.119 0.085 0.065 0.069 0.072
## -----
## ClaimAmount
##      n missing distinct      Info      Mean      Gmd      .05      .10
##  47497      0      873    0.129    86.83    170.3      0      0
##      .25      .50      .75      .90      .95
##      0      0      0      0      0
##
## lowest :      0.00      0.48      1.00      1.80      9.16
## highest: 57085.76 66892.58 80562.15 98152.44 120152.44
## -----
## Garage
##      n missing distinct
##  47497      0      3
##
## Value      aucun garage indépendant      concessionnaire
## Frequency      35092      4642      7763
## Proportion      0.739      0.098      0.163
## -----
## ClaimInd
##      n missing distinct      Info      Sum      Mean      Gmd
##  47497      0      2    0.129    2134  0.04493  0.08582
## -----

```

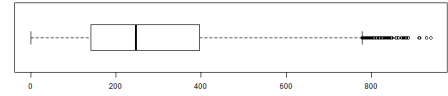
### 5.3 Affichage de l'ensemble des représentations graphiques



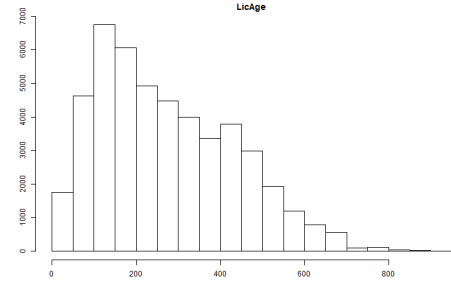
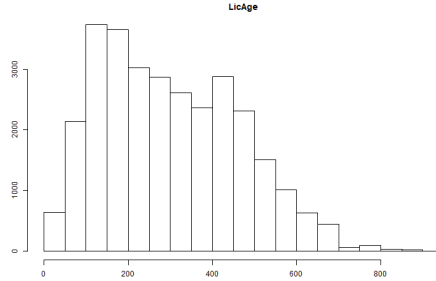
## freMPL1



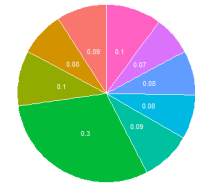
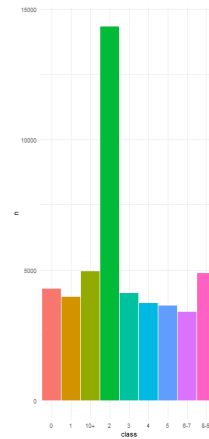
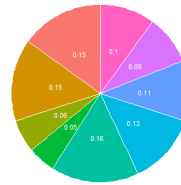
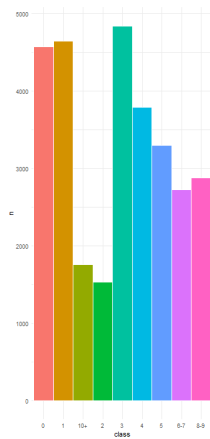
## freMPL2



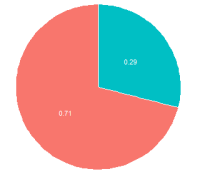
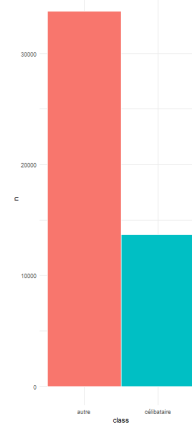
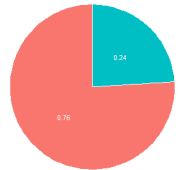
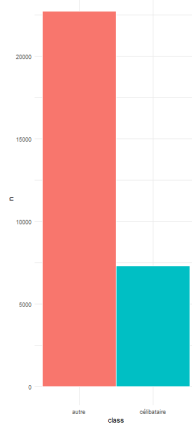
LicAge



VehAge

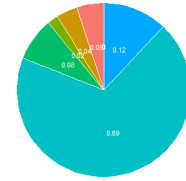
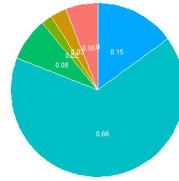
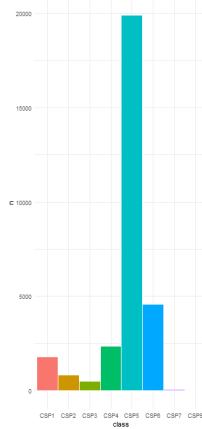


MariStat

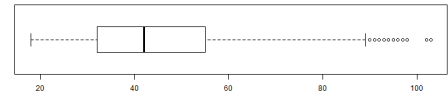
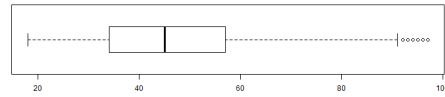
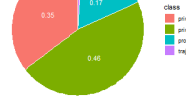
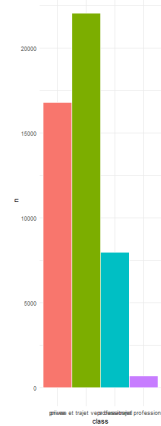
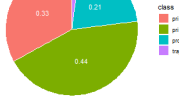




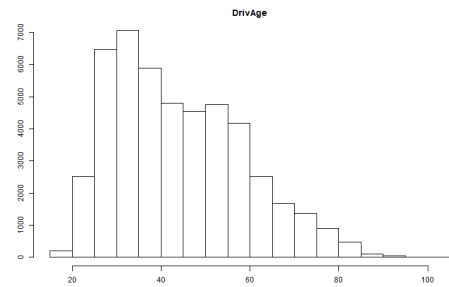
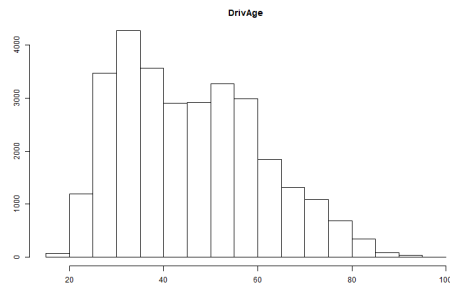
SocioCateg



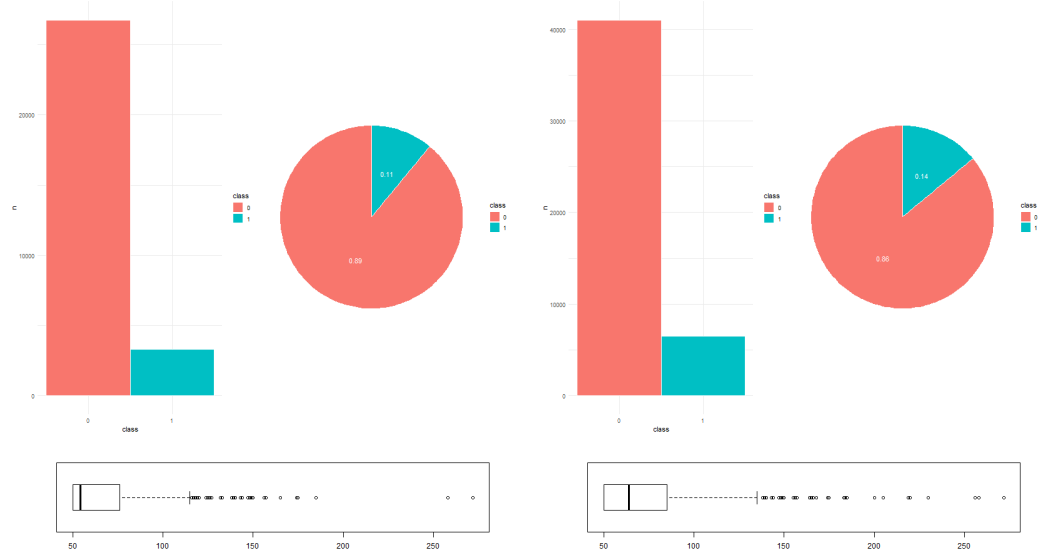
VehUsage



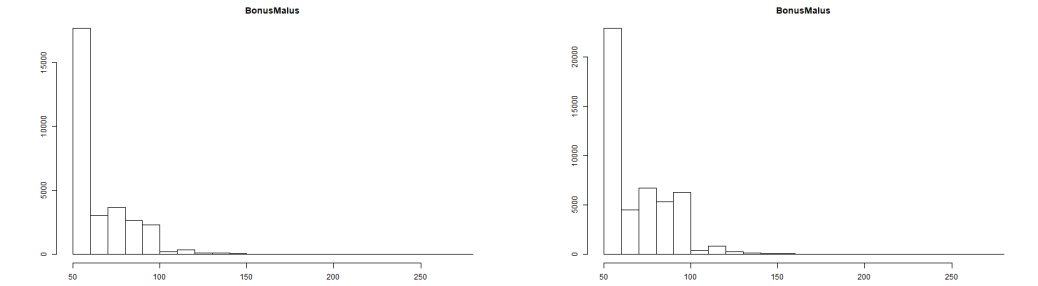
DrivAge



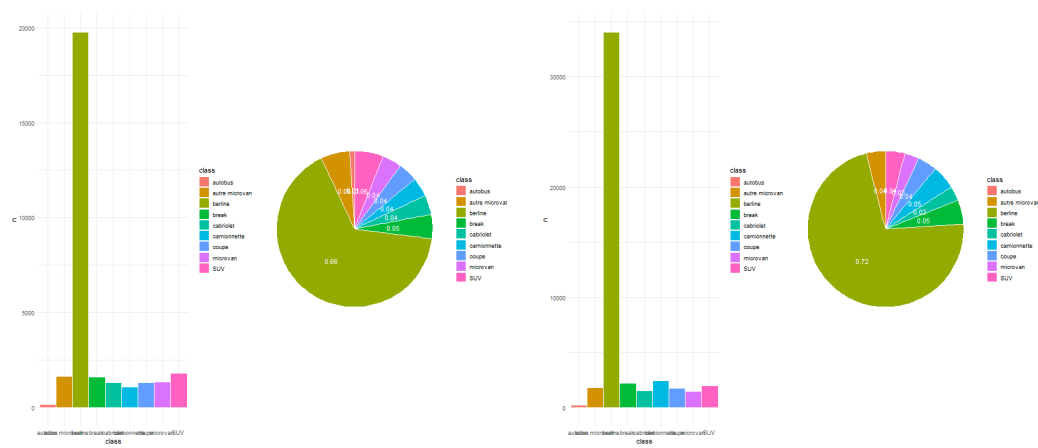
HasKMLimit



BonusMalus



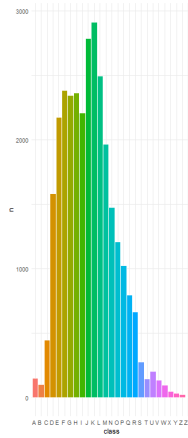
VehBody



## freMPL1

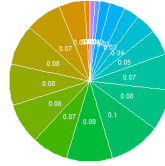
## freMPL2

### VehPrice



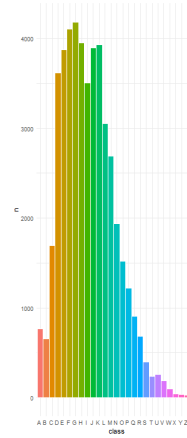
class

- A
- B
- C
- D
- E
- F
- G
- H
- I
- J
- K
- L
- M
- N
- O
- P
- Q
- R
- S
- T
- U
- V
- W
- X
- Y
- Z



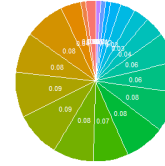
class

- A
- B
- C
- D
- E
- F
- G
- H
- I
- J
- K
- L
- M
- N
- O
- P
- Q
- R
- S
- T
- U
- V
- W
- X
- Y
- Z



class

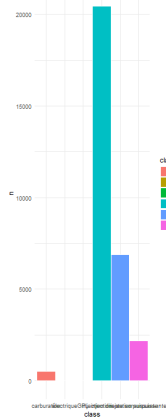
- A
- B
- C
- D
- E
- F
- G
- H
- I
- J
- K
- L
- M
- N
- O
- P
- Q
- R
- S
- T
- U
- V
- W
- X
- Y
- Z



class

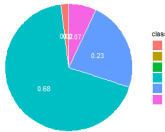
- A
- B
- C
- D
- E
- F
- G
- H
- I
- J
- K
- L
- M
- N
- O
- P
- Q
- R
- S
- T
- U
- V
- W
- X
- Y
- Z

### VehEngine



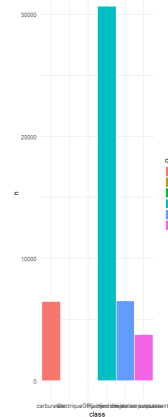
class

- carton
- électrique
- GPL
- injection
- injection directe surpasse
- injection surpasse



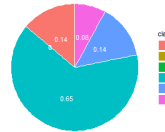
class

- carton
- électrique
- GPL
- injection
- injection directe surpasse
- injection surpasse



class

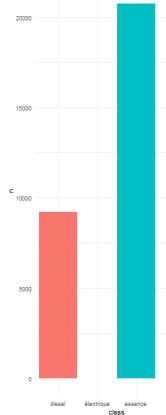
- carton
- électrique
- GPL
- injection
- injection directe surpasse
- injection surpasse



class

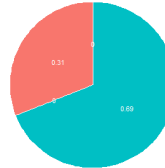
- carton
- électrique
- GPL
- injection
- injection directe surpasse
- injection surpasse

### VehEnergy



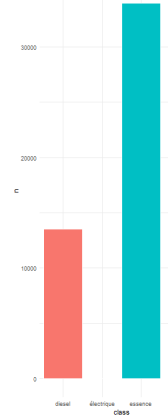
class

- diesel
- électrique
- essence
- GPL



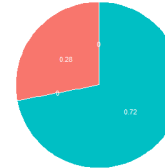
class

- diesel
- électrique
- essence
- GPL



class

- diesel
- électrique
- essence
- GPL



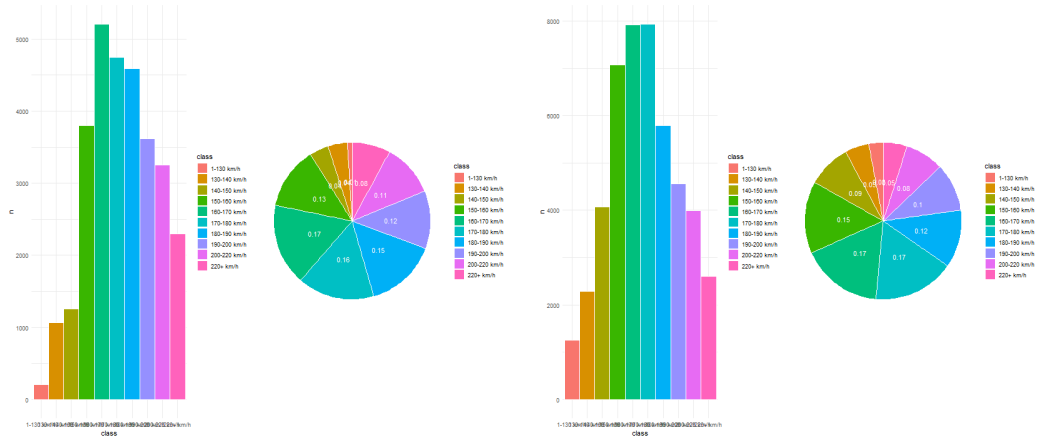
class

- diesel
- électrique
- essence
- GPL

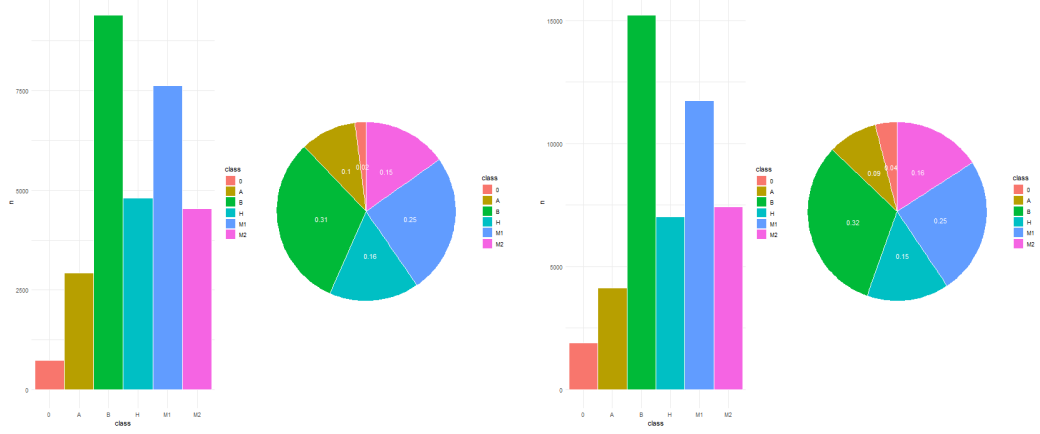
## freMPL1

## freMPL2

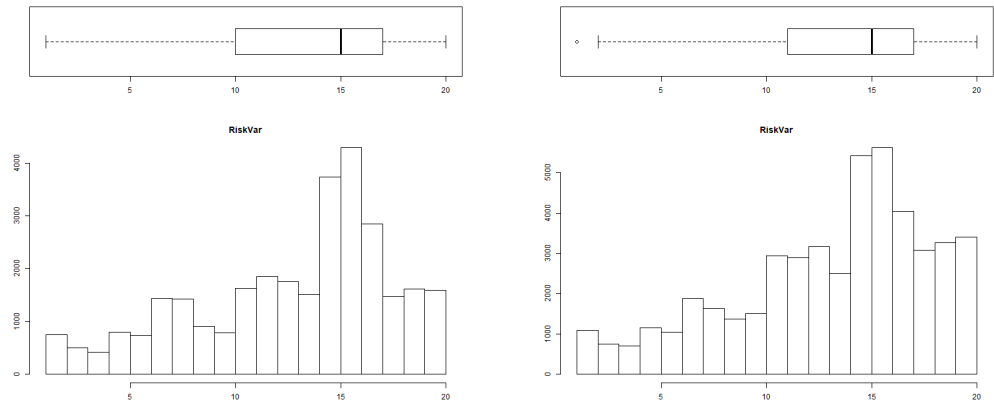
VehMaxSpeed



VehClass

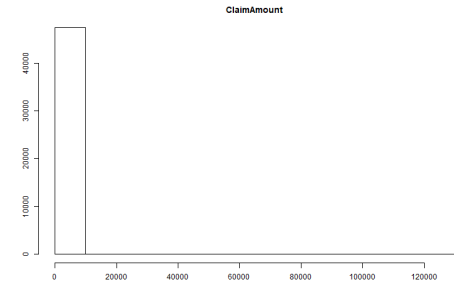
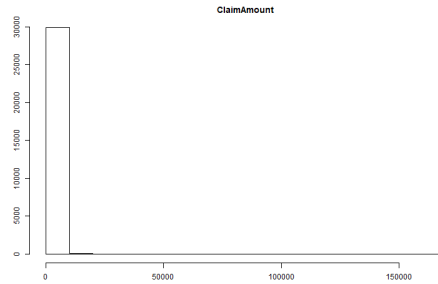
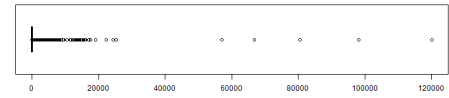
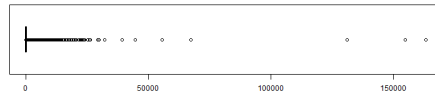


RiskVar

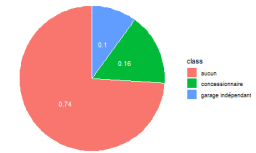
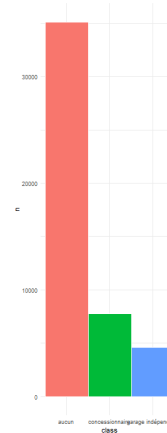
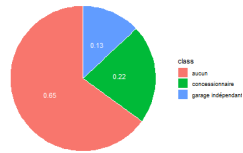


## freMPL1

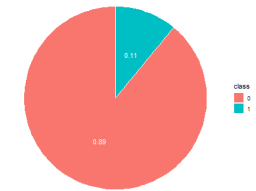
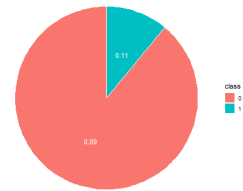
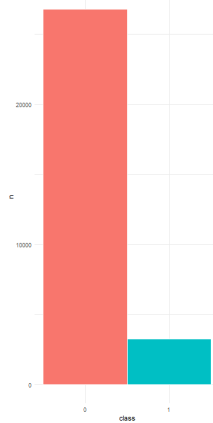
## freMPL2



ClaimAmount



Garage



ClaimInd