

Projet Actuariat - Tarification en assurance IARD avec les GLM et les GAM

Solène Corre, Florentin Dehooghe, François Delhaye

30 avril 2020

Table des matières

1	Présentation du projet	2
2	Exploration des jeux de données freMPL1 et freMPL2	2
2.1	Première visualisation des jeux de données	2
2.2	Nettoyage de données	4
2.3	Statistiques descriptives	5
2.4	Représentations graphiques des données	10
2.5	Méthodes des composantes principales	12
2.5.1	Analyse en composantes principales (ACP)	12
2.5.1.1	Calcul de l'ACP	12
2.5.1.2	Analyse des résultats	13
2.5.2	Analyse factorielle des correspondances (AFC)	20
2.5.2.1	Calcul	20
2.5.2.2	Analyse des résultats	21
3	GLM	23
3.1	Qu'est-ce qu'un modèle linéaire généralisé (GLM) ?	23
3.2	Modélisation de la fréquence et de la sévérité des sinistres par les GLM	25
3.2.1	Fréquence des sinistres	25
3.2.1.1	Mise en place et exécution du modèle GLM	25
3.2.1.2	Calcul de l'espérance du nombre de sinistres ($E(N)$)	27
3.2.2	Sévérité des sinistres	29
3.2.2.1	Mise en place et exécution du modèle GLM	29
3.2.2.2	Calcul de l'espérance de la sévérité des sinistres ($E(B)$)	30
3.2.3	Calcul de la prime pure établi par le GLM	30
4	Gestion de projet	31

5 Conclusion	32
6 Bibliographie	32
6.1 Internet	32
6.2 Littérature	33
7 Annexes	33
7.1 Affichage de l'implémentation de la fonction <code>nettoyage_dataframe</code> :	33
7.2 Affichage d'un exemple d'exécution de la fonction <code>describe</code> du package <code>Hmisc</code>	35
7.3 Affichage de l'ensemble des représentations graphiques	39
7.4 Summary des modèles GLM testés	45
7.4.1 Modèle GLM pour fréquence $n^\circ = 1$:	45
7.4.2 Modèle GLM pour fréquence $n^\circ = 2$:	47
7.4.3 Modèle GLM pour sévérité $n^\circ = 1$:	48
7.4.4 Modèle GLM pour sévérité $n^\circ = 2$:	50

1 Présentation du projet

L'assurance est un contrat par lequel, moyennant le versement d'une prime dont le montant est fixé à priori (en début de période de couverture), l'assureur s'engage à indemniser l'assuré pendant toute la période de couverture (généralement un an). Cette prime doit refléter le risque associé au contrat.

Pour chaque police d'assurance, la prime est fonction de variables dites de tarification permettant de segmenter la population en fonction de son risque. Il est usuel d'utiliser une approche fréquence/sévérité ou une approche indemnitaire pour modéliser le coût annuel d'une police d'assurance. Sur les données utilisées dans ce projet, nous utiliserons cette dernière approche car on ne dispose pas des montants individuels de sinistre.

Le but de ce projet est de proposer un tarificateur en se basant deux méthodes : les modèles linéaires généralisés (GLM) et les modèles additifs généralisés (GAM). Ces derniers sont une extension des GLM (proposé par McCullagh et Nelder, 1989) en considérant une approche non-paramétrique pour le prédicteur.

Un second objectif sera, en plus de calculer une prime pure par police, de déterminer une commerciale intégrant une marge pour risque. Une approche par simulation sera réalisée pour juger de l'adéquation du chargement par rapport à la charge sinistre totale portefeuille.

2 Exploration des jeux de données `freMPL1` et `freMPL2`

Un peu à la manière du machine learning, les données contenues dans `freMPL2` serviront de données d'entraînement de notre modèle et les données de `freMPL1` serviront pour tester notre modèle final.

2.1 Première visualisation des jeux de données

Les dimensions du jeu de données **freMPL1** sont (30595, 22).

Ainsi, notre jeu contient 30595 données différentes, toutes définies par 22 caractéristiques différentes.

De même, les dimensions du jeu de données **freMPL2** sont (48295, 22).

Ainsi, notre jeu contient 48295 données différentes, toutes définies par 22 caractéristiques différentes.

Les noms des caractéristiques des jeux de données sont les mêmes. ses différentes caractéristiques sont :

- **Exposure** : il s'agit d'une donnée de type numérique qui correspond à la fréquence d'exposition aux risques d'un individu sur une année. Par exemple, si l'individu a été exposé 100 jours, le chiffre affiché est 0,27 ($= 100/365,25$).
- **LicAge** : c'est un nombre entier de mois correspondant à l'âge de la licence de la personne concernée.
- **RecordBeg** : cela correspond à la date de début d'exposition aux risques.
- **RecordEnd** : c'est la date de fin d'exposition aux risques. Si elle n'est pas renseignée, c'est que la personne est toujours exposée.
- **VehAge** : Il correspond à l'âge du véhicule en année(s). Il est composé en 9 catégories distinctes : "0", "1", "2", "3", "4", "5", "6-7", "8-9" et "10+".
- **Gender** : c'est le sexe de l'individu.
- **MariStat** : il s'agit du statut marital de la personne. Elle est soit célibataire ("Alone") soit autre chose ("Other").
- **SocioCateg** : Cela correspond à la catégorie socioprofessionnelle de l'individu. Les valeurs, comprises entre "CSP1" et "CSP99", correspondent à la classification française (voir lien suivant : https://fr.wikipedia.org/wiki/Professions_et_cat%C3%A9gories_socioprofessionnelles_en_France).
- **VehUsage** : Cela correspond à l'utilisation du véhicule par le propriétaire. Son utilisation peut être soit privée ("Private"), soit professionnelle ("Professional"), ...
- **DrivAge** : C'est l'âge du conducteur (en années). Pour rappel, en France, la conduite est possible à partir de 18 ans.
- **HasKmLimit** : il s'agit d'une valeur numérique spécifiant si oui ("1") ou non ("0") l'assurance comporte une limite kilométrique.
- **BonusMalus** : c'est un variable de type numérique, dont la valeur est comprise entre 50 et 350, précisant si la personne possède des bonus ou des malus. Si la valeur est inférieure à 100, l'individu a droit à des bonus. Sinon, la personne a des malus.
- **VehBody** : il s'agit du type de modèle concerné par l'assurance de l'individu.
- **VehPrice** : c'est un indicateur correspondant au prix du véhicule.
- **VehEngine** : cela correspond au type de moteur que possède le véhicule.
- **VehEnergy** : cela correspond au type d'énergie consommé par le véhicule
- **VehMaxSpeed** : c'est la vitesse maximum que peut atteindre le véhicule. Les différentes catégories sont : "1-130 km/h", "130-140 km/h", "140-150 km/h", "150-160 km/h", "160-170 km/h", "170-180 km/h", "180-190 km/h", "190-200 km/h", "200-220 km/h", "220+ km/h".
- **VehClass** : il s'agit de la classe du véhicule.
- **RiskVar** : Nombre compris entre 1 et 20 correspondant au risque inconnu probable.
- **ClaimAmount** : c'est le montant total de la garantie à laquelle peut prétendre l'assuré.
- **Garage** : il s'agit du type de garage auquel se rend l'assuré.
- **ClaimInd** : c'est un indicateur précisant si oui ou non l'assuré peut prétendre à une garantie.

Regardons maintenant les premiers éléments composant le jeu de données **freMPL1** :

	1	2	3
Exposure	0.583	0.200	0.083
LicAge	366	187	169
RecordBeg	2004-06-01	2004-10-19	2004-07-16
RecordEnd	NA	NA	2004-08-16
VehAge	2	0	1
Gender	Female	Male	Female
MariStat	Other	Alone	Other
SocioCateg	CSP1	CSP55	CSP1
VehUsage	Professional	Private+trip to office	Professional
DrivAge	55	34	33

	1	2	3
HasKmLimit	0	0	0
BonusMalus	72	80	63
VehBody	sedan	microvan	other microvan
VehPrice	D	K	L
VehEngine	injection	direct injection overpowered	direct injection overpowered
VehEnergy	regular	diesel	diesel
VehMaxSpeed	160-170 km/h	170-180 km/h	170-180 km/h
VehClass	B	M1	M1
ClaimAmount	0	0	0
RiskVar	15	20	17
Garage	None	None	None
ClaimInd	0	0	0

et aussi les premiers éléments composants **freMPL2** :

	1	2	3
Exposure	0.583	0.416	0.583
LicAge	579	361	366
RecordBeg	2004-06-01	2004-01-01	2004-06-01
RecordEnd	NA	2004-06-01	NA
VehAge	10+	1	2
Gender	Male	Female	Female
MariStat	Other	Other	Other
SocioCateg	CSP60	CSP1	CSP1
VehUsage	Private	Professional	Professional
DrivAge	83	55	55
HasKmLimit	0	0	0
BonusMalus	50	58	72
VehBody	sedan	sedan	sedan
VehPrice	N	D	D
VehEngine	injection	injection	injection
VehEnergy	regular	regular	regular
VehMaxSpeed	190-200 km/h	160-170 km/h	160-170 km/h
VehClass	H	B	B
RiskVar	14	15	15
ClaimAmount	0	0	0
Garage	None	None	None
ClaimInd	0	0	0

2.2 Nettoyage de données

Remarquons qu'il serait intéressant de faire un peu de nettoyage de données avant d'effectuer quelconques travaux sur celles-ci. Pour cela, nous allons créer une fonction qui servira à nettoyer les 2 data frames.

Cette fonction (appelée `nettoyage_dataframe`) prend l'un des deux data frames en paramètres et effectue les opérations suivantes :

- Suppression des données des individus assurés moins d'un jour (Exposure)
- Modification des données des individus ayant un ClaimAmount négatif
- Suppression de la colonne associée au sexe de la personne

- Réduction du nombre de catégories socioprofessionnelles
- Traduction des données (VehBody, MariStat, VehUsage, VehEngine, VehEnergy, Garage)

2.3 Statistiques descriptives

Regardons maintenant plus précisément les valeurs particulières de ces colonnes (valeurs minimum et maximum, moyenne, médiane, quantiles, ...). Pour cela, on exécute l'instruction **summary(freMPLx)** (et plus précisément **dfSummary(freMPLx)** du package **summarytools** pour l'affichage) ce qui donne les résultats suivants :

- Pour **freMPL1** :

No	Variable	Stats / Values	Freqs (% of Valid)	Missing
1	Exposure [numeric]	Mean (sd) : 0.4 (0.3) min < med < max : 0 < 0.4 < 1 IQR (CV) : 0.5 (0.6)	753 distinct values	0 (0%)
2	LicAge [integer]	Mean (sd) : 301.3 (163) min < med < max : 0 < 283 < 940 IQR (CV) : 263 (0.5)	787 distinct values	0 (0%)
3	RecordBeg [Date]	min : 2004-01-01 med : 2004-03-01 max : 2004-12-30 range : 11m 29d	363 distinct values	0 (0%)
4	RecordEnd [Date]	min : 2004-01-03 med : 2004-07-01 max : 2004-12-31 range : 11m 28d	364 distinct values	13984 (46.55%)
5	VehAge [factor]	1. 0 2. 1 3. 10+ 4. 2 5. 3 6. 4 7. 5 8. 6-7 9. 8-9	4573 (15.2%) 4645 (15.5%) 1535 (5.1%) 4839 (16.1%) 3790 (12.6%) 3297 (11.0%) 2722 (9.1%) 2882 (9.6%) 1760 (5.9%)	0 (0%)
6	MariStat [factor]	1. célibataire 2. autre	7303 (24.3%) 22740 (75.7%)	0 (0%)
7	SocioCateg [factor]	1. CSP1 2. CSP2 3. CSP3 4. CSP5 5. CSP6 6. CSP7 7. CSP4 8. CSP9	1803 (6.0%) 830 (2.8%) 487 (1.6%) 19905 (66.3%) 4592 (15.3%) 59 (0.2%) 2361 (7.9%) 6 (0.0%)	0 (0%)
8	VehUsage [factor]	1. privée 2. privée et trajet vers bur 3. professionnel 4. trajet professionnel	9793 (32.6%) 13264 (44.1%) 6407 (21.3%) 579 (1.9%)	0 (0%)

No	Variable	Stats / Values	Freqs (% of Valid)	Missing
9	DrivAge [integer]	Mean (sd) : 46.3 (14.9) min < med < max : 18 < 45 < 97 IQR (CV) : 23 (0.3)	80 distinct values	0 (0%)
10	HasKmLimit [integer]	Min : 0 Mean : 0.1 Max : 1	0 : 26756 (89.1%) 1 : 3287 (10.9%)	0 (0%)
11	BonusMalus [integer]	Mean (sd) : 64.2 (18.3) min < med < max : 50 < 54 < 272 IQR (CV) : 26 (0.3)	92 distinct values	0 (0%)
12	VehBody [factor]	1. cabriolet 2. microvan 3. autobus 4. coupé 5. autre microvan 6. berline 7. SUV 8. break 9. camionnette	1315 (4.4%) 1347 (4.5%) 156 (0.5%) 1302 (4.3%) 1661 (5.5%) 19764 (65.8%) 1823 (6.1%) 1605 (5.3%) 1070 (3.6%)	0 (0%)
13	VehPrice [factor]	1. A · 2. B · 3. C · 4. D · 5. E · 6. F · 7. G · 8. H · 9. I · 10. J · [17 others]	148 (0.5%) 102 (0.3%) 446 (1.5%) 1583 (5.3%) 2177 (7.2%) 2383 (7.9%) 2343 (7.8%) 2362 (7.9%) 2209 (7.4%) 2788 (9.3%) 13502 (44.9%)	0 (0%)
14	VehEngine [factor]	1. carburation 2. GPL 3. injection 4. injection directe surpuis 5. électrique 6. injection surpuissante	508 (1.7%) 2 (0.0%) 20458 (68.1%) 6895 (22.9%) 6 (0.0%) 2174 (7.2%)	0 (0%)
15	VehEnergy [factor]	1. diesel 2. GPL 3. électrique 4. essence	9254 (30.8%) 2 (0.0%) 6 (0.0%) 20781 (69.2%)	0 (0%)
16	VehMaxSpeed [factor]	1. 1-130 km/h 2. 130-140 km/h 3. 140-150 km/h 4. 150-160 km/h 5. 160-170 km/h 6. 170-180 km/h 7. 180-190 km/h 8. 190-200 km/h 9. 200-220 km/h 10. 220+ km/h	212 (0.7%) 1066 (3.5%) 1257 (4.2%) 3801 (12.6%) 5205 (17.3%) 4749 (15.8%) 4593 (15.3%) 3613 (12.0%) 3250 (10.8%) 2297 (7.6%)	0 (0%)

No	Variable	Stats / Values	Freqs (% of Valid)	Missing
17	VehClass [factor]	1. 0 2. A 3. B 4. H 5. M1 6. M2	743 (2.5%) 2931 (9.8%) 9400 (31.3%) 4804 (16.0%) 7622 (25.4%) 4543 (15.1%)	0 (0%)
18	ClaimAmount [numeric]	Mean (sd) : 259.6 (2337.2) min < med < max : 0 < 0 < 163427 IQR (CV) : 0 (9)	1799 distinct values	0 (0%)
19	RiskVar [integer]	Mean (sd) : 13.2 (4.7) min < med < max : 1 < 15 < 20 IQR (CV) : 7 (0.4)	20 distinct values	0 (0%)
20	Garage [factor]	1. aucun 2. garage indépendant 3. concessionnaire	19678 (65.5%) 3870 (12.9%) 6495 (21.6%)	0 (0%)
21	ClaimInd [integer]	Min : 0 Mean : 0.1 Max : 1	0 : 26778 (89.1%) 1 : 3265 (10.9%)	0 (0%)

On constate ainsi que, pour ce data frame, l'âge moyen du conducteur est de 46,3 ans avec pour écart-type 14,9 ans. Le plus jeune conducteur a 18 ans(âge minimum légale pour conduire en France) et le plus âgé a 97 ans. L'écart interquartile (IQR), c'est-à-dire la mesure de dispersion qui s'obtient en faisant la différence entre le premier (25% des valeurs du data frame sont inférieures à ce quartile) et le troisième quartile(75 %), est de 23. Autrement dit, 50% des âges des conducteurs est compris entre 35 et 58 ans. Le coefficient de variation (CV), le rapport entre l'écart-type et la moyenne, est égale à 3.

De même, en ce qui concerne l'usage du véhicule par son propriétaire, on remarquera que la plupart des personnes renseignées utilise leur véhicule pour les trajets privés et pour se rendre à leur bureau (44,1%).

- Pour **freMPL2** :

No	Variable	Stats / Values	Freqs (% of Valid)	Missing
1	Exposure [numeric]	Mean (sd) : 0.4 (0.3) min < med < max : 0 < 0.4 < 1 IQR (CV) : 0.5 (0.6)	755 distinct values	0 (0%)
2	LicAge [integer]	Mean (sd) : 274.2 (161.8) min < med < max : 0 < 246 < 940 IQR (CV) : 255 (0.6)	809 distinct values	0 (0%)
3	RecordBeg [Date]	min : 2004-01-01 med : 2004-03-11 max : 2004-12-30 range : 11m 29d	365 distinct values	0 (0%)
4	RecordEnd [Date]	min : 2004-01-03 med : 2004-07-01 max : 2004-12-31 range : 11m 28d	364 distinct values	22109 (46.55%)

No	Variable	Stats / Values	Freqs (% of Valid)	Missing
5	VehAge [factor]	1. 0 2. 1 3. 10+ 4. 2 5. 3 6. 4 7. 5 8. 6-7 9. 8-9	4313 (9.1%) 3987 (8.4%) 14347 (30.2%) 4140 (8.7%) 3760 (7.9%) 3658 (7.7%) 3412 (7.2%) 4909 (10.3%) 4971 (10.5%)	0 (0%)
6	MariStat [factor]	1. célibataire 2. autre	13690 (28.8%) 33807 (71.2%)	0 (0%)
7	SocioCateg [factor]	1. CSP1 2. CSP2 3. CSP3 4. CSP5 5. CSP6 6. CSP7 7. CSP9 8. CSP4	2366 (5.0%) 1721 (3.6%) 918 (1.9%) 32894 (69.2%) 5731 (12.1%) 80 (0.2%) 9 (0.0%) 3778 (8.0%)	0 (0%)
8	VehUsage [factor]	1. privée 2. privée et trajet vers bur 3. professionnel 4. trajet professionnel	16785 (35.3%) 22051 (46.4%) 7958 (16.8%) 703 (1.5%)	0 (0%)
9	DrivAge [integer]	Mean (sd) : 44.5 (14.7) min < med < max : 18 < 42 < 103 IQR (CV) : 23 (0.3)	83 distinct values	0 (0%)
10	HasKmLimit [integer]	Min : 0 Mean : 0.1 Max : 1	0 : 41029 (86.4%) 1 : 6468 (13.6%)	0 (0%)
11	BonusMalus [integer]	Mean (sd) : 69 (20.4) min < med < max : 50 < 64 < 272 IQR (CV) : 35 (0.3)	108 distinct values	0 (0%)
12	VehBody [factor]	1. cabriolet 2. microvan 3. autobus 4. coupé 5. autre microvan 6. berline 7. SUV 8. break 9. camionnette	1506 (3.2%) 1458 (3.1%) 220 (0.5%) 1761 (3.7%) 1837 (3.9%) 34051 (71.7%) 1974 (4.2%) 2231 (4.7%) 2459 (5.2%)	0 (0%)

No	Variable	Stats / Values	Freqs (% of Valid)	Missing
13	VehPrice [factor]	1. A · 2. B · 3. C · 4. D · 5. E · 6. F · 7. G · 8. H · 9. I · 10. J · [17 others]	765 (1.6%) 655 (1.4%) 1697 (3.6%) 3617 (7.6%) 3878 (8.2%) 4106 (8.6%) 4184 (8.8%) 3952 (8.3%) 3505 (7.4%) 3898 (8.2%) 17240 (36.3%)	0 (0%)
14	VehEngine [factor]	1. carburation 2. GPL 3. injection 4. injection directe surpuis 5. électrique 6. injection surpuissante	6513 (13.7%) 2 (0.0%) 30663 (64.6%) 6554 (13.8%) 6 (0.0%) 3759 (7.9%)	0 (0%)
15	VehEnergy [factor]	1. diesel 2. GPL 3. électrique 4. essence	13521 (28.5%) 2 (0.0%) 6 (0.0%) 33968 (71.5%)	0 (0%)
16	VehMaxSpeed [factor]	1. 1-130 km/h 2. 130-140 km/h 3. 140-150 km/h 4. 150-160 km/h 5. 160-170 km/h 6. 170-180 km/h 7. 180-190 km/h 8. 190-200 km/h 9. 200-220 km/h 10. 220+ km/h	1256 (2.6%) 2286 (4.8%) 4073 (8.6%) 7075 (14.9%) 7915 (16.7%) 7933 (16.7%) 5795 (12.2%) 4567 (9.6%) 3998 (8.4%) 2599 (5.5%)	0 (0%)
17	VehClass [factor]	1. 0 2. A 3. B 4. H 5. M1 6. M2	1901 (4.0%) 4140 (8.7%) 15229 (32.1%) 7034 (14.8%) 11756 (24.8%) 7437 (15.7%)	0 (0%)
18	RiskVar [integer]	Mean (sd) : 13.5 (4.7) min < med < max : 1 < 15 < 20 IQR (CV) : 6 (0.3)	20 distinct values	0 (0%)
19	ClaimAmount [numeric]	Mean (sd) : 86.8 (1232.5) min < med < max : 0 < 0 < 120152.4 IQR (CV) : 0 (14.2)	873 distinct values	0 (0%)
20	Garage [factor]	1. aucun 2. garage indépendant 3. concessionnaire	35092 (73.9%) 4642 (9.8%) 7763 (16.3%)	0 (0%)
21	ClaimInd [integer]	Min : 0 Mean : 0 Max : 1	0 : 45363 (95.5%) 1 : 2134 (4.5%)	0 (0%)

Pour ce data frame, l'âge moyen du conducteur est de 44,5 ans avec pour écart-type 14,7 ans. Le plus jeune conducteur a 18 ans (âge minimum légal pour conduire en France) et le plus âgé a 103 ans. L'écart interquartile (IQR) est de 23 ce qui veut dire que 50% des conducteurs ont un âge compris entre 33 et 56 ans. Le coefficient de variation (CV) est égal à 3.

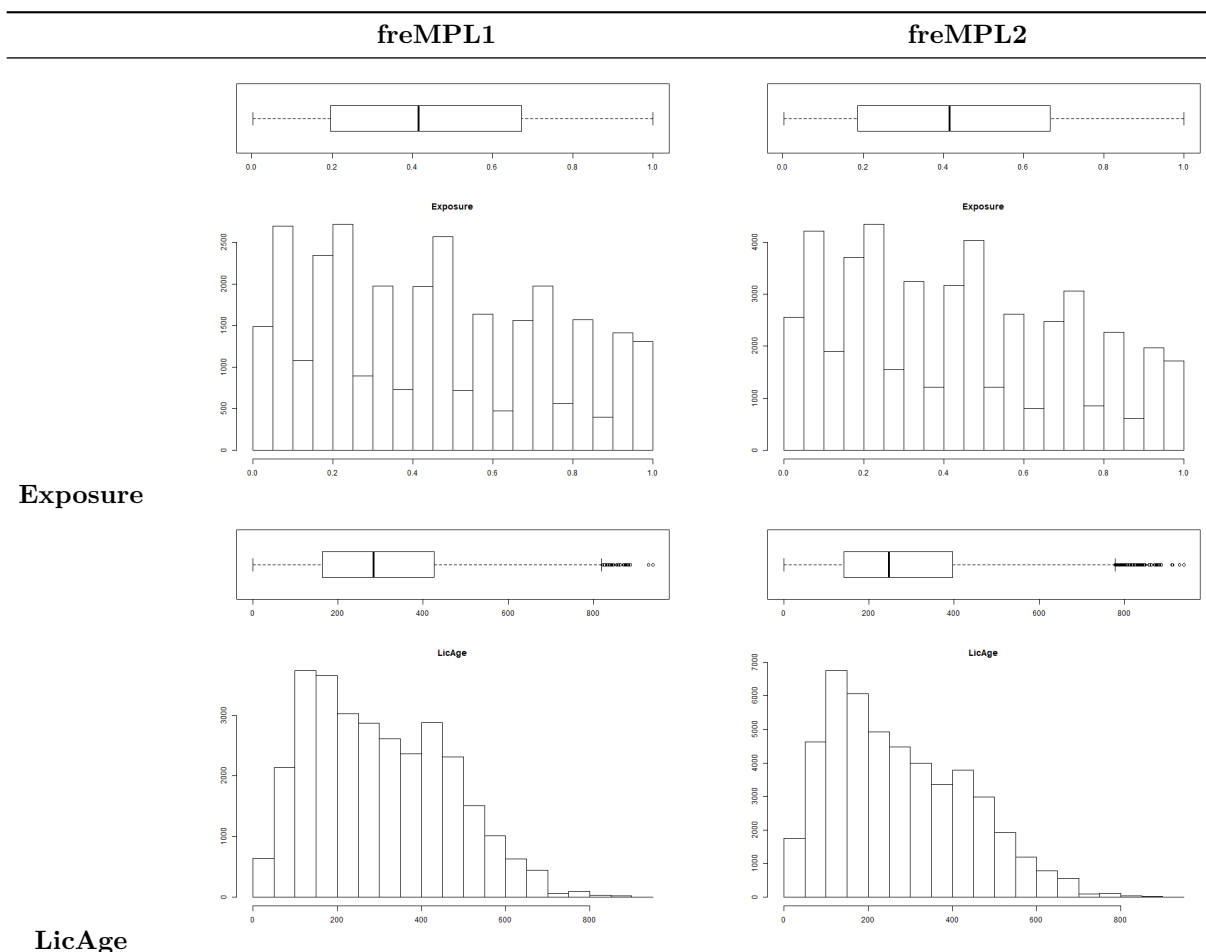
De même, en ce qui concerne l'usage du véhicule par son propriétaire, on remarquera que la plupart des personnes renseignées utilise leur véhicule pour les trajets privés et pour se rendre à leur bureau (46,4%).

On remarquera également qu'il existe des données manquantes, pour les 2 tableaux de données, dans la colonne RecEnd, ce qui signifie que les individus concernés sont toujours assurés.

On peut aussi utiliser la fonction **describe()** du package Hmisc pour avoir un aperçu de la dispersion des données. En effet, cette fonction détermine le type de la variable (character, factor, numeric,...) et affiche un "résumé" concis en fonction de chacun. Vous trouvez un exemple d'exécution de la fonction describe en annexe.

2.4 Représentations graphiques des données

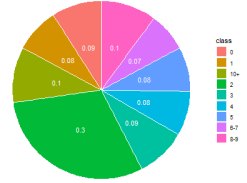
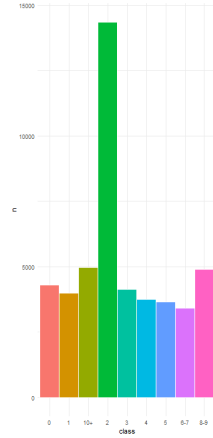
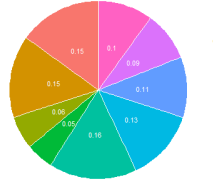
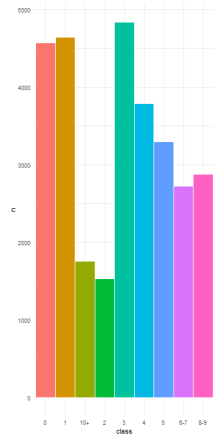
Dans cette partie, vous allez voir quelques représentations graphiques des colonnes qui figurent parmi les plus importantes de nos data frames. L'ensemble des graphiques est cependant disponible dans les annexes de ce rapport.



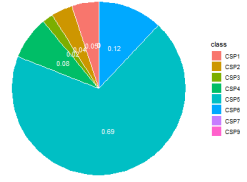
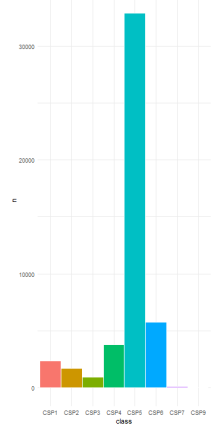
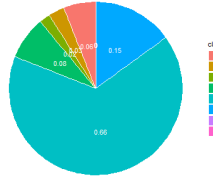
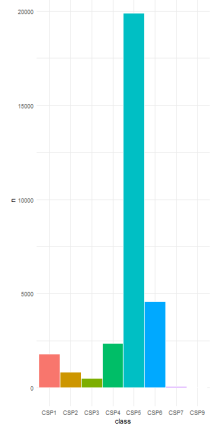
freMPL1

freMPL2

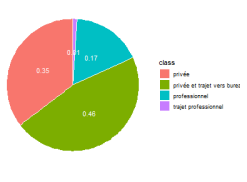
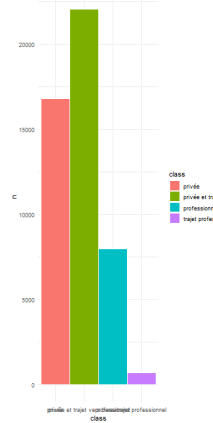
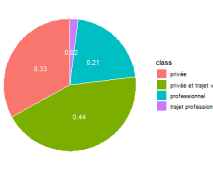
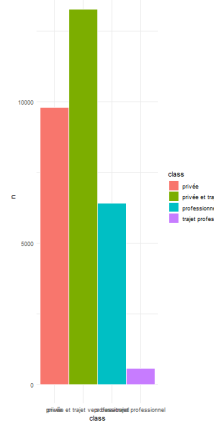
VehAge

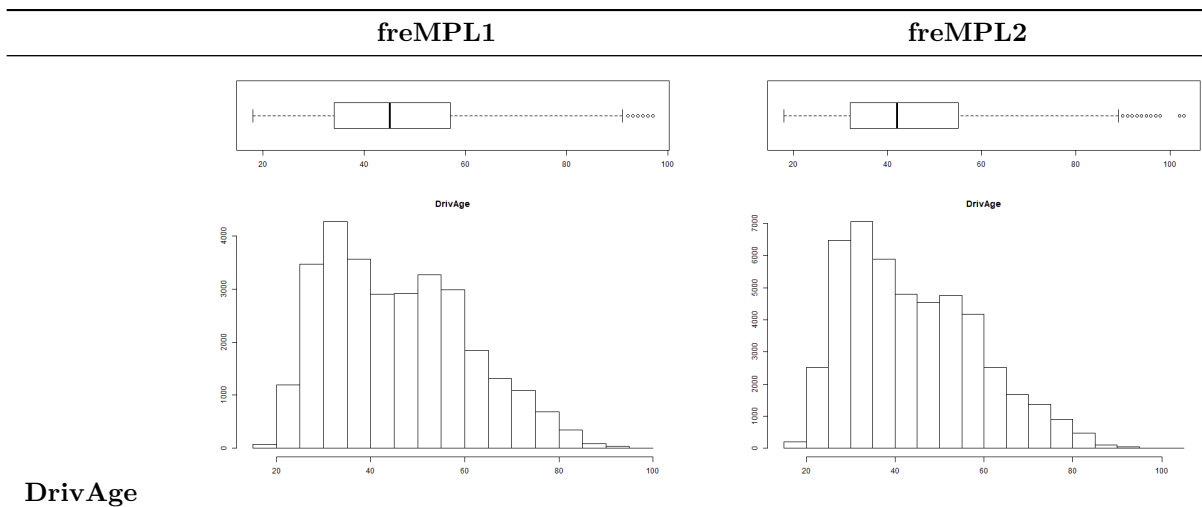


SocioCateg



VehUsage





2.5 Méthodes des composantes principales

Nous allons maintenant rentrer dans des méthodes d'analyse descriptives plus complètes pour nous permettre d'établir nos modèles linéaires. Pour cela, nous allons appliquer les méthodes d'analyse en composantes principales (ACP) et d'analyse factorielle des correspondances (AFC). Le but de ces méthodes est de définir les informations les plus significatives de nos data frames et de découvrir si oui ou non il existe certaines similitudes entre nos différentes informations pour pouvoir obtenir un data frame optimisé sur lequel on appliquera nos 2 modèles linéaires (GLM, GAM).

2.5.1 Analyse en composantes principales (ACP)

L'ACP permet d'analyser et de visualiser un jeu de données contenant des individus décrits par plusieurs variables quantitatives.

C'est une méthode statistique qui permet d'explorer des données dites multivariées (données avec plusieurs variables). Chaque variable pourrait être considérée comme une dimension différente.

L'analyse en composantes principales est utilisée pour extraire et de visualiser les informations importantes contenues dans une table de données multivariées. L'ACP synthétise cette information en seulement quelques nouvelles variables appelées composantes principales. Ces nouvelles variables correspondent à une combinaison linéaire des variables originelles. Le nombre de composantes principales est inférieur ou égal au nombre de variables d'origine.

2.5.1.1 Calcul de l'ACP

Pour réaliser le calcul de l'ACP, plusieurs fonctions, de différents packages, sont disponibles dans le logiciel R :

- *prcomp()* et *princomp()* issus du package *stats*
- *PCA()* issu du package *FactoMineR*
- *dudi.pca()* issu du package *ade4*
- *epPCA()* issu du package *ExPosition*.

Parmi ces fonctions, nous avons décidé d'utiliser la fonction **PCA()** du package **FactoMineR** car ce package nous permettra également de réaliser notre seconde analyse. Enfin, pour extraire et visualiser les résultats, nous allons utiliser les fonctions R fournies par le package **factoextra**.

Nous allons donc exécuter l'ACP sur notre tableau `freMPL2` en prenant garde à ce que l'ensemble des valeurs que nous utilisons soit de type numérique (quitte à réaliser une conversion sur certaines de nos colonnes).

Une fois que nos données ont été converties, il faut veiller à la *standardisation des données*. Pour cela, on normalise nos variables afin que le résultat de l'ACP obtenu ne soit pas affecté (par exemple, par des différences d'unités).

Ainsi, l'objectif est de rendre les variables comparables en les normalisant généralement de manière à ce qu'elles aient un écart type égal à 1 et une moyenne nulle.

L'approche consiste à transformer les données en soustrayant à chaque valeur une valeur de référence (la moyenne de la variable) et en la divisant par l'écart type.

Pour normaliser les données, il est possible d'utiliser la fonction `scale()`. Cependant, par défaut, le fonction `PCA()` normalise automatiquement les données. Nous n'avons pas eu besoin de faire cette transformation.

Réalisons maintenant notre Analyse en Composantes Principales. Pour cela, il faut exécuter la commande suivante :

```
freMPL2.pca <- PCA(freMPL2.active, ncp = 5, graph = FALSE)
```

Notre fonction `PCA()` prend en compte un data frame `freMPL2.active` qui correspond aux colonnes du dataframe `freMPL2` qui sont de type numérique et que l'on souhaite analyser, un paramètre `ncp` qui correspond au nombre de dimensions conservées dans les résultats finaux (par défaut, ce nombre est égal à 3) et un paramètre logique `graph` qui précise si oui (`graph = TRUE`) ou non (`graph = FALSE`) nous voulons qu'un graphique du résultat s'affiche.

La fonction `PCA()` crée un objet contenant de nombreuses informations comme les valeurs propres (la variance du facteur correspondant où un facteur est une combinaison linéaire des variables initiales), la moyenne et l'écart type des variables, le poids de ces variables, ...

2.5.1.2 Analyse des résultats

2.5.1.2.1 Valeurs propres

Regardons d'abord les **valeurs propres**. Elles mesurent la quantité de variance expliquée par chaque axe principal.

Examinons donc ces valeurs propres (eigenvalue en anglais) afin de déterminer le nombre de composantes principales à prendre en considération. Les valeurs propres et la proportion de variances retenues par les composantes principales peuvent être extraites à l'aide de la fonction `get_eigvalue()` du package *factoextra*.

Voici le résultat que l'on obtient :

	eigenvalue	variance.percent	cumulative.variance.percent
Dim.1	2.341	29.259	29.259
Dim.2	1.359	16.990	46.248
Dim.3	1.022	12.780	59.029
Dim.4	0.973	12.157	71.186
Dim.5	0.949	11.865	83.051
Dim.6	0.667	8.336	91.387
Dim.7	0.616	7.702	99.089
Dim.8	0.073	0.911	100.000

Dans ce tableau, nous avons les valeurs propres de chacune des 8 colonnes du dataframe `freMPL2.active` (Exposure, LicAge, DrivAge, HasKmLimit, BonusMalus, RiskVar, ClaimAmount, ClaimInd), la proportion

de variance associée et la variance cumulée.

La somme de toutes les valeurs propres donne une variance totale de 8 (le nombre de dimensions). Pour obtenir la proportion de variance de la deuxième colonne, il suffit de prendre la valeur propre associée, de diviser cette valeur par le nombre de dimensions et de le mettre en pourcentage. Par exemple, pour la dimension 1, 2,341 divisé par 8 donne 0,29259, ce qui donne 29,259% de la variance. Enfin, la dernière colonne correspond à la somme cumulée des variances. Par exemple, 59.029 correspond à la somme de 12.780 avec 16.990 et 29.259.

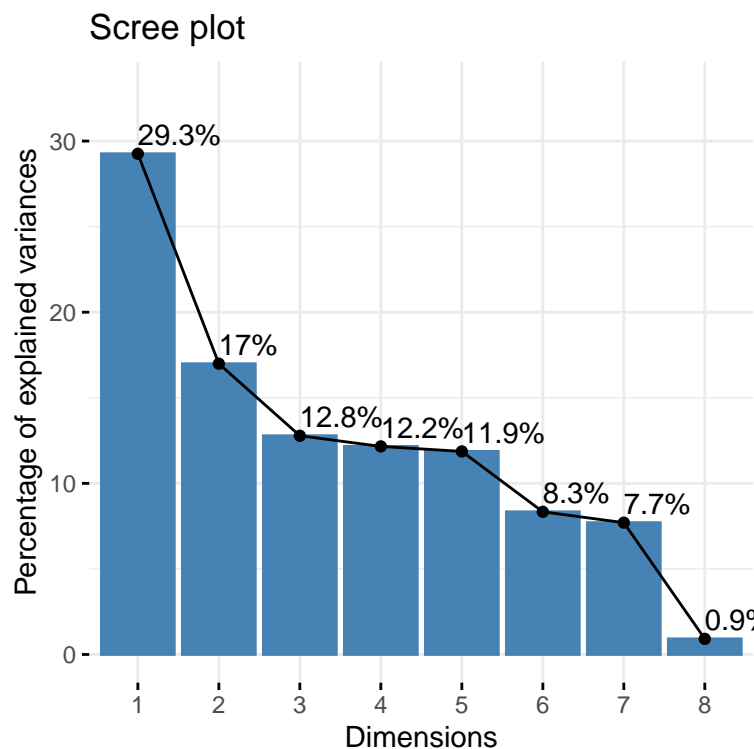
On notera ainsi qu'environ 46,25% de la variance totale est expliquée par nos 2 premières dimensions.

On peut utiliser ses valeurs propres pour déterminer le nombre d'axes principaux à conserver après l'ACP :

- Une valeur propre > 1 indique que la composante principale concernée représente une variance plus marquée par rapport à une seule variable d'origine, lorsque les données sont standardisées. Ceci est généralement utilisé comme seuil à partir duquel les PC sont conservés (Dans ce cas, on aurait 3 composantes principales).
- On peut également limiter le nombre d'axes à un nombre qui représente une certaine fraction de la variance totale. Par exemple, si vous êtes satisfaits avec 70% de la variance totale expliquée, utilisez le nombre d'axes pour y parvenir (Dans ce cas, on aurait 4 dimensions).

Une autre méthode pour déterminer le nombre de composantes principales, consiste à regarder le graphique des valeurs propres (appelé **scree plot**). Le nombre d'axes est déterminé par le point, au-delà duquel les valeurs propres restantes sont toutes relativement petites et de tailles comparables.

Le graphique des valeurs propres peut être généré à l'aide de la fonction *fviz_eig()* ou *fviz_screplot()* du package *factoextra*.



Du graphique ci-dessus, nous pourrions vouloir nous arrêter à la cinquième composante principale puisque environ 83% des informations contenues dans les données sont conservées par les cinq premières composantes principales.

2.5.1.2.2 Les variables

Pour extraire les résultats pour les variables, à partir de l'ACP, il est possible d'utiliser la fonction `get_pca_var()`. Cette fonction retourne une liste d'éléments contenant tous les résultats pour les variables actives (coordonnées, corrélation entre les variables et les axes, cosinus-carré et contributions).

Les composants de `get_pca_var()` peuvent être utilisés dans le graphique des variables comme suit :

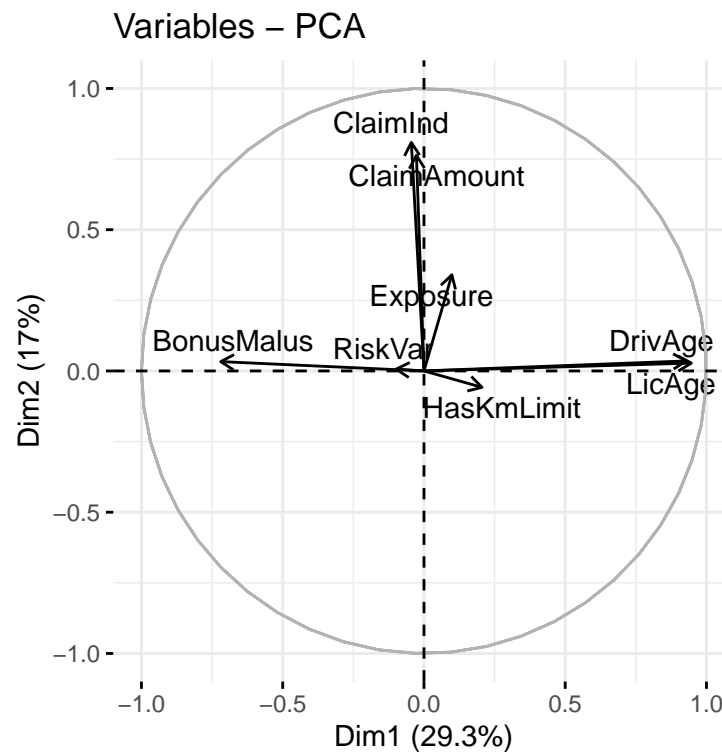
- `get_pca_var()$coord` : coordonnées des variables pour créer un nuage de points.
- `get_pca_var()$cos2` (cosinus carré des variables) : Représente la qualité de représentation des variables sur le graphique de l'ACP. Il est calculé comme étant les coordonnées au carré.
- `get_pca_var()$contrib` : contient les contributions des variables aux composantes principales.

Cercle de corrélation

Dans ce qui va suivre, nous allons visualiser les variables et tirer des conclusions à propos de leurs corrélations.

La corrélation entre une variable et une composante principale est utilisée comme coordonnées de la variable sur la composante principale. La représentation des variables diffère de celle des observations : les observations sont représentées par leurs projections, mais les variables sont représentées par leurs corrélations.

Visualisons d'abord les variables :

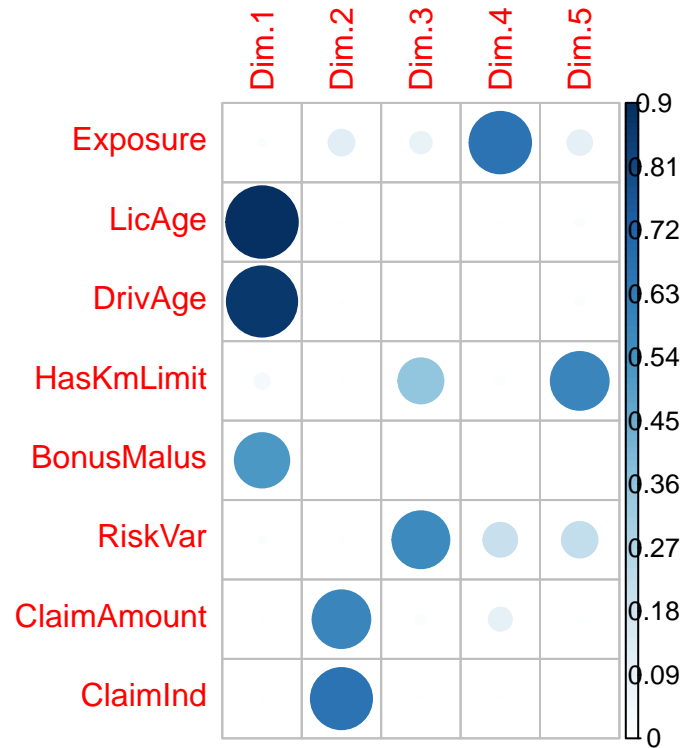


Le graphique ci-dessus est également connu sous le nom de **graphique de corrélation des variables**. Il montre les relations entre toutes les variables. Il peut être interprété comme suit :

- Les variables positivement corrélées sont regroupées.
- Les variables négativement corrélées sont positionnées sur les côtés opposés de l'origine du graphique (quadrants opposés).
- La distance entre les variables et l'origine mesure la qualité de représentation des variables. Les variables qui sont loin de l'origine sont bien représentées par l'ACP.

Qualité de la représentation

Pour visualiser la qualité de la représentation des variables sur la carte de l'ACP, nous allons utiliser le cosinus carré (\cos^2). Visualisons d'abord le cosinus carré des variables sur toutes les dimensions en utilisant le package *corrplot*. Voici le résultat :



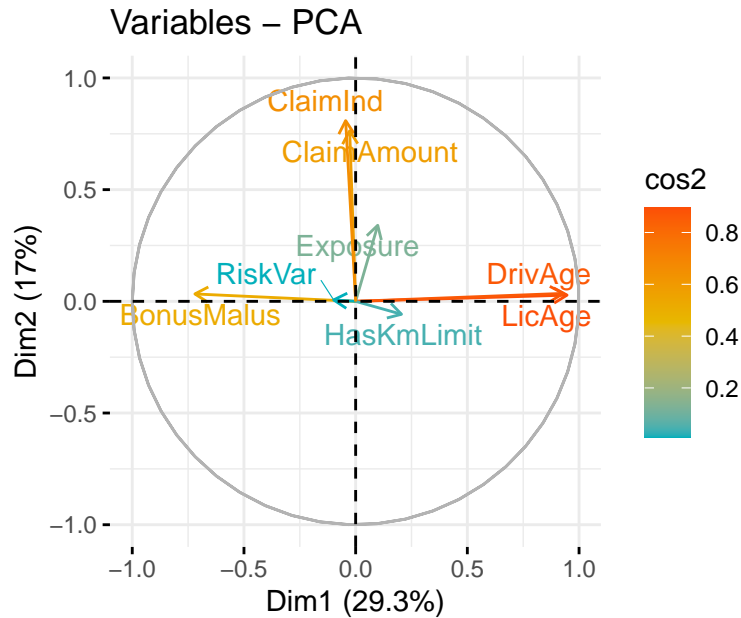
On remarquera qu'avec 5 axes principaux, l'ensemble des 8 variables utilisées dans notre ACP est plutôt bien représenté.

Pour visualiser le cosinus carré, nous aurions pu utiliser aussi la fonction *fviz_cos2()* du package *factoextra* pour créer un diagramme bâton du cosinus carré des variables.

Plus la valeur du cosinus carré est élevée, plus la représentation de la variable sur les axes principaux prise en considération est bonne. Dans ce cas-là, la variable est positionnée à proximité de la circonférence du cercle de corrélation et le point associé dans le tableau de corrélation est gros et de couleur foncé.

Inversement, un faible cosinus carré indique que la variable n'est pas parfaitement représentée par les axes principaux. Dans ce cas, la variable est proche du centre du cercle et le point du tableau de corrélation est petit (voir inexistant).

Il est également possible de colorer les variables en fonction de la valeur de leurs cosinus carré.



On remarquera donc que les variables DrivAge et LicAge sont bien représentées par nos axes principaux tandis que la variable RiskVar n'est pas bien représenté par nos axes.

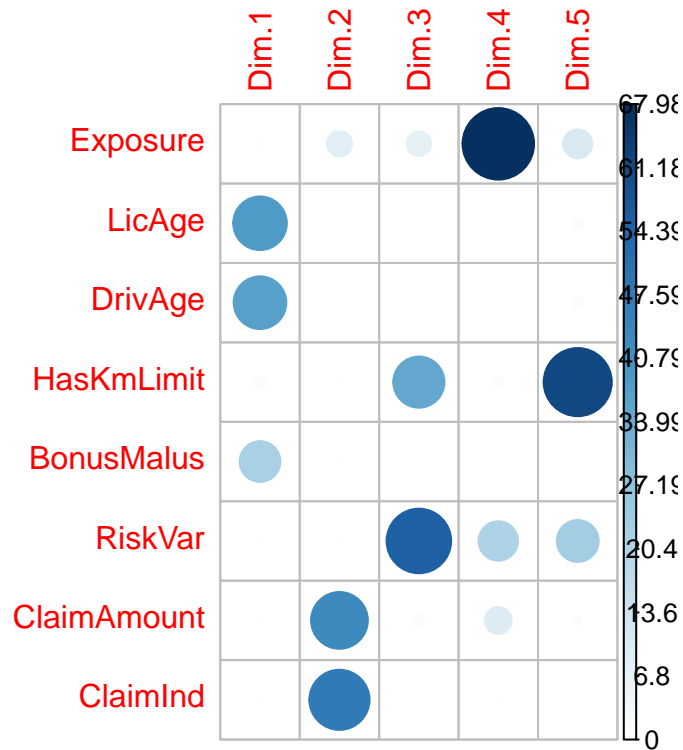
Contribution des variables aux axes principaux

Observons maintenant la contribution des variables aux axes principaux.

Les contributions des variables dans la définition d'un axe principal donné sont exprimées en pourcentage :

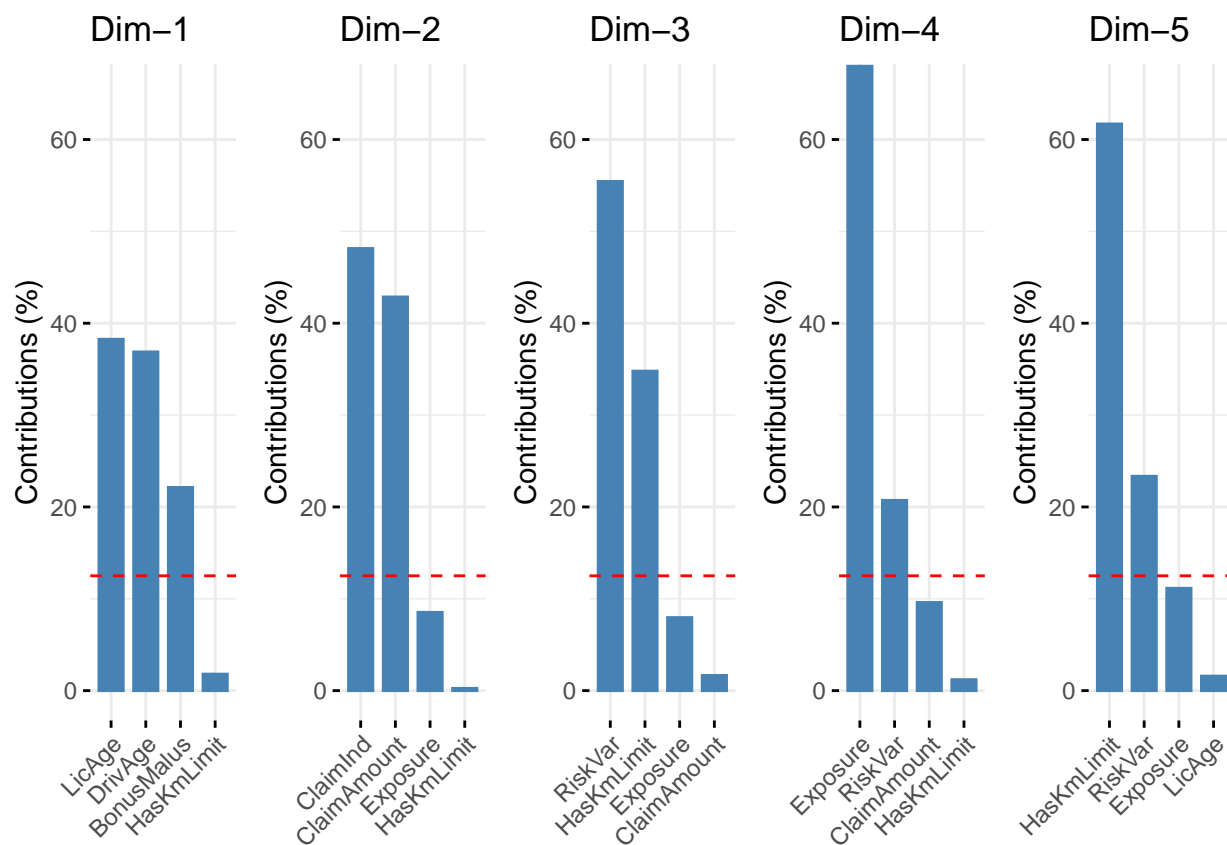
- Les variables corrélées par nos deux premiers axes sont les plus importantes pour expliquer la variabilité dans le jeu de données.
- Les variables qui ne sont pas en corrélation avec un axe ou qui sont corrélées avec les derniers axes sont des variables à faible apport et peuvent être supprimées pour simplifier l'analyse globale.

Comme pour la visualisation du cosinus carré, il est possible d'utiliser la fonction `corrplot()` pour mettre en évidence les variables les plus contributives pour chaque dimension :



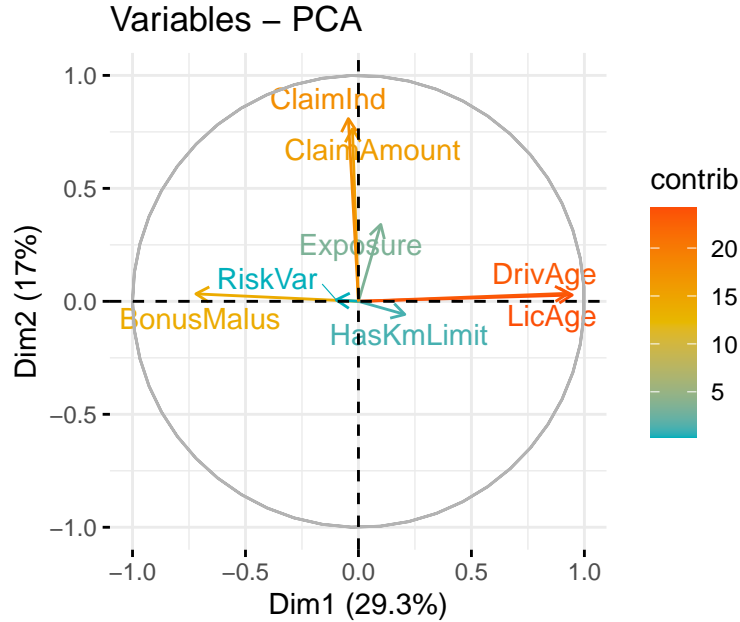
Grâce à ce graphique, on constate, par exemple, que les variables LicAge, DrivAge et BonusMalus représentent la première dimension (le premier axe principal).

La fonction `fviz_contrib()` peut être utilisée pour créer un diagramme bâton de la contribution des variables pour voir plus précisément la répartition des variables selon l'axe principal.



La ligne en pointillé rouge, sur les graphiques ci-dessus, indique la contribution moyenne attendue (dans notre cas, il est de 12,5%). Pour une composante donnée, une variable avec une contribution supérieure à ce seuil pourrait être considérée comme importante pour contribuer à la composante.

Enfin, on peut mettre en évidence les variables les plus importantes sur le graphe de corrélation.



Au final, on notera que 5 de nos variables ont plus d'importances que les autres : l'âge du conducteur, l'âge de la licence de ce conducteur, son bonus ou son malus, s'il a eu un accident pendant qu'il était assuré et le montant auquel il peut prétendre.

On a également vu que nos 8 variables peuvent être réduites en 5 nouvelles variables qui sont des combinaisons linéaires des anciennes variables, sans pour autant perdre d'informations ou très peu (17% de l'ensemble de nos données).

2.5.2 Analyse factorielle des correspondances (AFC)

L'analyse factorielle des correspondances est une extension de l'analyse en composantes principales pour analyser l'association entre deux variables qualitatives (ou catégorielles).

L'AFC permet de résumer et de visualiser l'information contenue dans le tableau de contingence formé par les deux variables catégorielles. Le tableau de contingence contient les fréquences formées par les deux variables. Il retourne les coordonnées des éléments des colonnes et des lignes du tableau de contingence. Ces coordonnées permettent de visualiser graphiquement l'association entre les éléments de lignes et de colonnes dans un graphique à deux dimensions.

Nous verrons donc comment calculer et interpréter l'AFC et nous tenterons de définir les éléments les plus importants expliquant les variations dans le jeu de données.

2.5.2.1 Calcul

Plusieurs fonctions de différents packages sont disponibles dans le logiciel R pour calculer l'AFC :

- `CA()` du package *FactoMineR*
- `ca()` du package *ca*
- `dudi.coa()` du package *ade4*

- *corresp()* du package *MASS*
- *epCA()* du package *ExPositio*

Cependant, nous allons utiliser la fonction *CA()* du package *FactoMineR* pour l'analyse et le package *factoextra* afin d'extraire et de visualiser les résultats de l'AFC.

Réalisons maintenant notre Analyse factorielle des correspondances. Pour cela, il faut exécuter la commande suivante :

```
freMPL2.ca <- CA (freMPL2.active, ncp=5, graph = FALSE)
```

Comme pour la fonction *PCA()* pour l'Analyse des Composantes Principales, notre fonction *CA()* prend en compte le data frame *freMPL2.active* que l'on souhaite analyser, le paramètre *ncp* qui correspond au nombre de dimensions conservées dans les résultats finaux et un paramètre logique *graph* qui précise si oui (*graph = TRUE*) ou non (*graph = FALSE*) nous voulons qu'un graphique du résultat s'affiche.

La fonction *CA()* crée un objet contenant de nombreuses informations sous forme de listes ou de matrices comme les valeurs propres (la variance du facteur correspondant où un facteur est une combinaison linéaire des variables initiales), le poids des lignes et des colonnes, le cosinus carré des lignes et des colonnes ...

2.5.2.2 Analyse des résultats

Pour analyser les résultats de notre AFC, nous pouvons utiliser les fonctions fournies par le package *factoextra* comme :

- *get_eigenvalue(freMPL2.ca)* pour obtenir les valeurs propres expliquées par chaque axe principal
- *fviz_eig(freMPL2.ca)* pour visualiser ces valeurs propres
- *get_ca_row(freMPL2.ca)* et *get_ca_col(freMPL2.ca)* pour avoir les résultats associés aux lignes ou aux colonnes.
- *fviz_ca_row(freMPL2.ca)* et *fviz_ca_col(freMPL2.ca)* pour visualiser ces résultats.

2.5.2.2.1 Conformité statistique : test de chi2

Pour interpréter l'AFC, la première étape consiste à évaluer s'il existe une dépendance significative entre les lignes et les colonnes.

Une méthode consiste à utiliser le test statistique *chi2* pour examiner l'association entre les modalités des lignes et celles des colonnes. Dans notre exemple, l'association est très significative puisque nous avons un résultat pour chi-square égal à 22101115 pour une p-value nulle (Un score élevé signifie un lien fort entre les lignes et les colonnes).

2.5.2.2.2 Valeurs propres

L'observation des valeurs propres permet de déterminer le nombre d'axes principaux à considérer. Elles correspondent à la quantité d'informations retenue par chaque axe. Elles sont grandes pour le premier axe et petites pour l'axe suivant.

Les valeurs propres et la proportion de variances pour les différents axes peuvent être extraites à l'aide de la fonction *get_eigenvalue()*.

	eigenvalue	variance.percent	cumulative.variance.percent
Dim.1	0.837	87.891	87.891
Dim.2	0.104	10.964	98.854
Dim.3	0.005	0.565	99.419

	eigenvalue	variance.percent	cumulative.variance.percent
Dim.4	0.002	0.251	99.670
Dim.5	0.002	0.215	99.884
Dim.6	0.001	0.062	99.946
Dim.7	0.001	0.054	100.000

Les dimensions sont ordonnées de manière décroissante et listées en fonction de la quantité de variance expliquée. La dimension 1 explique la plus grande variance, suivie de la dimension 2 et ainsi de suite.

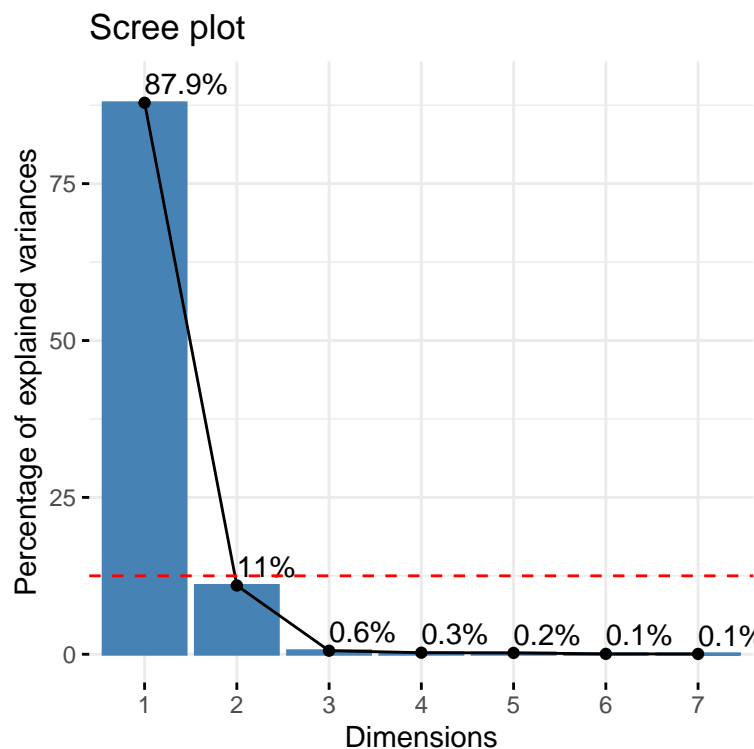
Le pourcentage cumulé expliqué est obtenu en ajoutant les proportions successives de variances expliquées pour obtenir le total courant. Par exemple, 87.89% plus 10.96% est égal à 98.85%. Par conséquent, environ 98.85% de la variance totale est expliquée par les deux premières dimensions.

Les valeurs propres peuvent être utilisées pour déterminer le nombre d'axes à retenir. Il n'y a pas de « règle générale » pour choisir le nombre de dimensions à conserver pour l'interprétation des données.

Dans notre analyse, les deux premiers axes expliquent 98.85% de la variance totale. C'est un pourcentage plus qu'acceptable.

Il est également possible de calculer une valeur propre moyenne au-dessus de laquelle l'axe doit être conservé dans le résultat. Dans notre cas, prenons 12,5% ($1 \times 100 / 8$) comme valeur propre moyenne. Ainsi, tout axe avec une contribution supérieure devrait être considéré comme important et inclus dans la solution pour l'interprétation des données.

On peut voir cela sur le graphique des valeurs propres afin de déterminer le nombre de dimensions à l'aide de la fonction ou `fviz_screplot()`.



Selon le graphique ci-dessus, seule la dimension 1 doit être considérée pour l'interprétation de la solution. La dimension 2 explique seulement 11% de l'inertie totale, ce qui est inférieur à la valeur moyenne des axes (12,5%) et trop petit pour être éventuellement conservé pour une analyse plus approfondie.

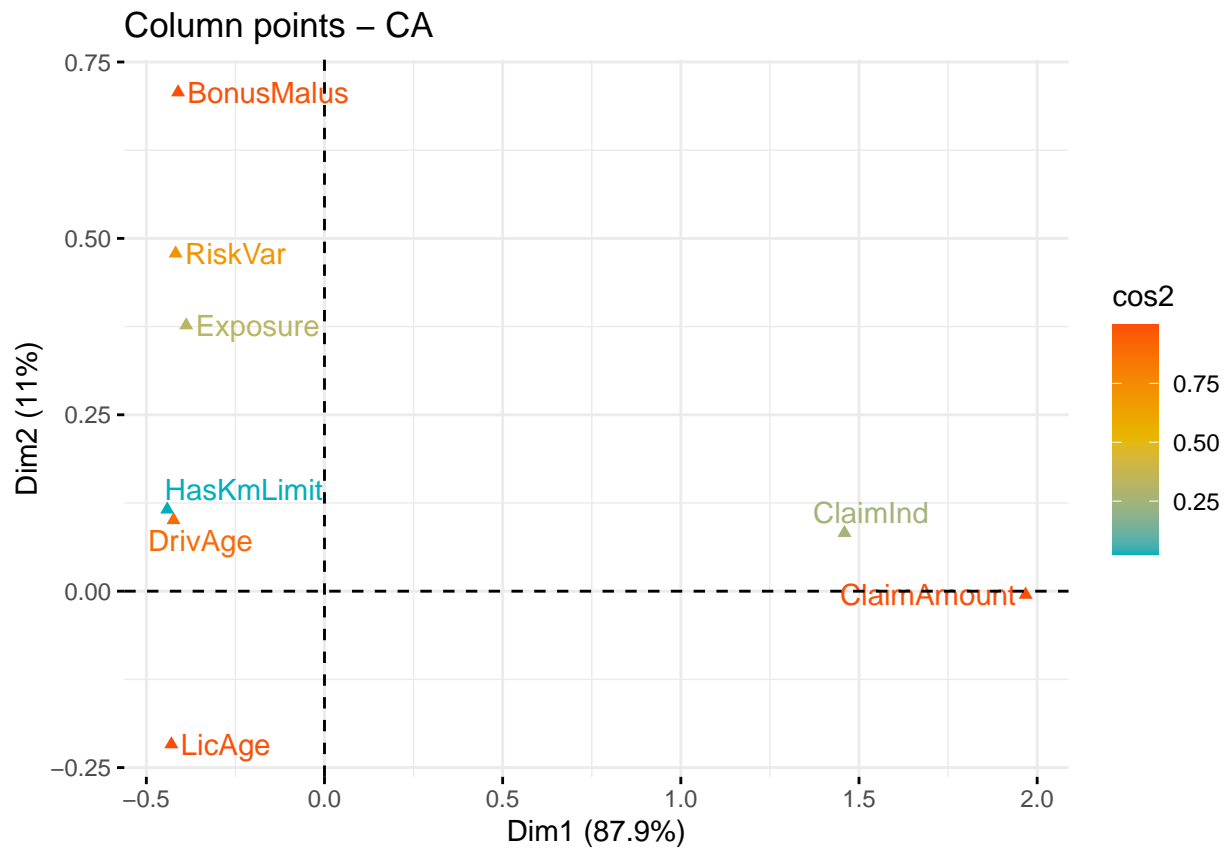
La dimension 1 explique environ 87,9% de l'inertie totale. Plus la rétention est élevée, plus la subtilité contenue dans les données d'origine est conservée dans la solution de l'AFC à faible dimension.

2.5.2.2.3 Les variables colonnes

La fonction `get_ca_col()` sert à extraire les résultats pour les colonnes. Cette fonction renvoie une liste contenant les coordonnées, le `cos2`, la contribution et l'inertie des colonnes.

Qualité et contribution pour les colonnes

Pour visualiser la qualité et la contribution des colonnes dans notre tableau de données, on peut utiliser la fonction `fviz_ca_col()`. Voici ce qu'elle affiche :



Comme pour l'ACP, on constate que 5 variables sont plutôt bien représentées. En effet, les colonnes LicAge, DrivAge, ClaimAmount, BonusMalus et RiskVar sont les variables les mieux représentées.

3 GLM

3.1 Qu'est-ce qu'un modèle linéaire généralisé (GLM) ?

Les modèles linéaires généralisés aussi appelés GLM sont une extension des modèles linéaires classiques.

La famille exponentielle est à la base des fonctions de distribution utilisées dans le modèle linéaire généralisé, qui comprend la plupart des modèles de régression en statistique et en économétrie.

La famille exponentielle regroupe les lois de probabilités dont la densité est donnée par

$$f(x; \theta) = \exp\left(\sum_{j=1}^k \eta_j(\theta) T_j(x) - B(\theta)\right) h(x), x \in \chi$$

où

$$\eta(\cdot), T(\cdot) : \mathbb{R}^k \rightarrow \mathbb{R}^k, h(\cdot) : \mathbb{R}^d \rightarrow \mathbb{R}^k$$

la fonction de base

$$B : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R} \text{ et } \theta \in \Theta \subset \mathbb{R}^k$$

est le vecteur de paramètres naturelles.

Voici un récapitulatif des lois usuelles utilisées en statistiques.

Loi	f.m.p./densité	θ	ϕ	$a(x)$	$b(x)$	Espérance	Var. fonction	Support
$\mathcal{N}(\mu, \sigma^2)$	$\frac{1}{\sqrt{2\pi}\sigma} e^{-\frac{(x-\mu)^2}{2\sigma^2}}$	μ	σ^2	x	$\frac{x^2}{2}$	$\mu = \theta$	1	\mathbb{R}
$\mathcal{G}_1(\alpha, \beta)$	$\frac{\beta^\alpha x^{\alpha-1}}{\Gamma(\alpha)} e^{-\beta x}$	$-\frac{\beta}{\alpha} = \frac{1}{\mu}$	$\frac{1}{\alpha}$	x	$-\ln(-x)$	$\mu = -\frac{1}{\theta}$	μ^2	\mathbb{R}_+
$\mathcal{G}_2(\nu, \mu)$	$\left(\frac{\nu x}{\mu}\right)^\nu \frac{e^{-\nu x/\mu}}{x \Gamma(\nu)}$	$-\frac{1}{\mu}$	$\frac{1}{\nu}$	x	$-\ln(-x)$	$\mu = -\frac{1}{\theta}$	μ^2	\mathbb{R}_+
$\mathcal{IG}_1(\mu, \lambda)$	$\sqrt{\frac{\lambda}{2\pi x^3}} e^{-\frac{\lambda(x-\mu)^2}{2\mu^2 x}}$	$-\frac{1}{2\mu^2}$	$\frac{1}{\lambda}$	x	$-\sqrt{-2x}$	$\mu = (-2\theta)^{-\frac{1}{2}}$	μ^3	\mathbb{R}_+
$\mathcal{B}(\mu)$	$\mu^x (1-\mu)^{1-x}$	$\log(\frac{\mu}{1-\mu})$	1	x	$-\ln(1+e^x)$	$\mu = \frac{e^\theta}{1+e^\theta}$	$\mu(1-\mu)$	$\{0, 1\}$
$\mathcal{P}(\mu)$	$\frac{\mu^x}{x!} e^{-\mu}$	$\log(\mu)$	1	1	e^x	$\mu = e^\theta$	μ	\mathbb{N}
$\mathcal{OP}(\phi, \mu)$	$\frac{\mu^{\frac{x}{\phi}}}{\Gamma(\frac{x}{\phi})} e^{-\mu}$	$\log(\mu)$	ϕ			$\phi\mu$	$\mu(1+\phi\mu)$	\mathbb{N}

Cependant les modèles linéaires classiques sont utilisés uniquement lorsque la variable réponse est de type numérique continue. Or dans le cas que nous étudions, nous allons principalement utiliser des variables binaires avec lesquelles nous devons utiliser la loi de Bernoulli.

De ce fait l'erreur qui résulte de notre modèle linéaire classique ne peut donc pas suivre une loi normale de moyenne nulle et de variance constante, nos résultats étant soit 0 ou 1.

Un GLM est composé de trois éléments : 1. Un prédicteur linéaire 2. Une fonction de lien 3. Une structure des erreurs

Les prédicteurs linéaires sont un ensemble de variables prédictives induisant une variable dépendante que l'on nomme réponse.

$$\eta = \sum_{j=1}^p \beta_j X_{ij}$$

La fonction de lien est une transformation par une fonction mathématique de la prédiction moyenne. Il s'agit donc d'une fonction qui transforme les valeurs du prédicteur linéaire. G étant ici notre fonction lien

$$g(y) = \sum_{j=1}^p \beta_j X_{ij}$$

Le but d'une fonction de lien est primordial dans notre exemple, celle-ci va contraindre les valeurs prédites dans l'échelle des valeurs observées. On comprendra alors que cette fonction lien nous est nécessaire pour pouvoir analyser nos variables binaires.

Enfin la structure des erreurs va donc devoir être adaptée par rapport à nos modèles linéaires classique afin qu'ils puissent correspondre à nos nouvelles données. Pour cela il existe plusieurs lois comme la loi de Poisson ou la loi Binomiale nous offrant une distribution des erreurs et des réponses qui seront différents.

La loi de Poisson est principalement utilisée lorsqu'il s'agit de problèmes de comptage (nombre de poissons dans une rivière, nombre de buts marqués dans une saison etc.)

Lorsque les données sont continues, nous pouvons donc utiliser une distribution Gaussienne, mais il existe également des distributions Binomiales négatives qui a pour but de modéliser des variables de comptage lorsque celles-ci sont sur-dispersées

Ainsi, dans notre cas les distribution de Poisson ou binomiale négative peuvent être utiliser pour représenter les fréquences des sinistres

Et Gamma et Inverse gauss pour représenter la sévérité des sinistres

3.2 Modélisation de la fréquence et de la sévérité des sinistres par les GLM

Dans cette partie, nous allons voir comment on modélise la fréquence et la sévérité des sévérités grâce à des GLM afin de pouvoir, par la suite, calculer la prime pure.

Les compagnies d'assurance prennent de nombreux critères en compte pour le calcul de votre prime d'assurance automobile. Parmi eux, on trouve :

- Les caractéristiques du véhicule
- L'usage du véhicule
- L'endroit de stationnement du véhicule
- Le niveau de protection souhaité (assurance tous risques, assurance au tiers, etc.) ;
- Le kilométrage parcouru chaque année
- Le profil de conducteur : âge, date de permis, bonus-malus, antécédents d'assurance, etc.

Bien que nous ne possédons pas la totalité de ses informations (par exemple, l'endroit où le véhicule est stationné ou le nombre de kilomètres parcourus), nous avons une quantité suffisante d'informations pour pouvoir calculer notre propre prime d'assurance.

3.2.1 Fréquence des sinistres

3.2.1.1 Mise en place et exécution du modèle GLM

Avant de calculer cette prime, il faut d'abord s'intéresser à la fréquence des sinistres pour une police (un individu) donnée.

Pour cela, nous allons nous intéresser à la variable `ClaimInd` qui est un indice correspondant à l'événement "L'individu a eu un accident sur la période pour laquelle il était assuré". En effet, cette variable est à 1 si l'individu a subi un accident et à 0 sinon.

Ainsi, cette variable peut être associée à une expérience de Bernoulli, c'est-à-dire une expérience aléatoire comportant 2 issues, un succès ou un échec. Dans notre cas, le "succès" correspondrait au fait d'avoir eu au moins un accident et l'échec de ne pas avoir eu d'accident durant la durée d'exposition (période pendant lequel l'individu est assuré). La prédiction de notre modèle GLM correspondra donc à la probabilité qu'un individu avec ses caractéristiques associées d'avoir au moins un accident pendant qu'il est assuré.

Avant de faire une calibration de notre modèle, il est important de segmenter nos données continues comme l'âge du conducteur. En effet, l'âge du conducteur, s'il n'est pas divisé en plusieurs catégories, n'aura aucune influence puisqu'un coefficient unique lui serait associé. Pour catégoriser nos données, il faut utiliser l'instruction `cut()` en R. Voici un exemple d'utilisation :

```
freMPL2$DrivAge <- cut(freMPL2$DrivAge, breaks = c(17,2:8*10,103))
```

Dans cet exemple, l'âge du conducteur est divisé de la façon suivante :

- groupe 1 : les conducteurs âgés entre 18 et 20 ans
- groupe 2 : les conducteurs âgés entre 21 et 30 ans
- groupe 3 : les conducteurs âgés entre 31 et 40 ans
- groupe 4 : les conducteurs âgés entre 41 et 50 ans
- groupe 5 : les conducteurs âgés entre 51 et 60 ans
- groupe 6 : les conducteurs âgés entre 61 et 70 ans
- groupe 7 : les conducteurs âgés entre 71 et 80 ans
- groupe 8 : les conducteurs âgés de 81 ans ou plus.

Nous pouvons maintenant passer à la modélisation de la fréquence des sinistres grâce à notre GLM.

Pour utiliser un GLM avec R, il suffit d'employer la fonction **glm()** du package **stats**. Cette fonction s'écrit de la façon suivante :

glm(variable à expliquer ~ variable(s) explicative(s), type de loi(fonction de lien), ...)

Dans le premier modèle que l'on va exécuter, la variable à expliquer correspond au ClaimInd, les variables explicatives correspondent à l'ensemble des autres variables de notre tableau.

Pour le type de loi, nous utilisons l'argument family de la fonction glm() et, plus précisément, la famille binomiale. Nous avons utilisé cette famille-là car elle correspond aux données associées à un schéma de Bernoulli comme notre variable à expliquer. Les autres familles possibles sont : gaussian, Gamma, inverse.gaussian, poisson, quasi, quasibinomial et quasipoisson.

Enfin, nous allons utiliser la fonction de lien **logit** qui est associé aux lois binomiales.

Voici le premier modèle que nous avons utilisé :

```
glmfreqinit <- glm(ClaimInd~., offset = log(Exposure), family=binomial(link="logit"), data=freMPL2)
```

On remarquera la présence de 2 nouveaux arguments : offset et data. L'argument data sert à préciser le dataframe utilisé pour entraîner notre modèle et l'argument offset qui fixe le coefficient associé à la variable spécifié à 1.

Pour juger de la pertinence de notre modèle, nous pouvons regarder le résumé de notre modèle (disponible en Annexes : Modèle GLM pour fréquence n°= 1). Sur ce résumé, nous pouvons voir de nombreuses informations comme l'estimate (qui correspond au coefficient attribué par un GLM à un terme) ou la p-value (utilisée pour quantifier la significativité statistique d'un résultat dans le cadre d'une hypothèse appelée hypothèse nulle) postulant l'égalité entre des paramètres statistiques comme la moyenne ou la variance de 2 échantillons mais nous pouvons aussi avoir l'écart type ou encore l'intervalle de confiance associés aux différents coefficients.

On peut également évaluer la performance d'une régression logistique avec des métriques clés spécifiques comme :

- l' AIC (Critère d'information d'Akaike) qui mesure l'ajustement lorsqu'une pénalité est appliquée au nombre de paramètres.
- Null deviance : Il s'agit de la déviance du modèle nul, c'est-à-dire qu'il n'est caractérisé par aucun facteur.
- Residual deviance : Il s'agit de la déviance du modèle avec toutes les variables.
- Number of Fisher Scoring iterations : Il s'agit du nombre d'itérations avant la convergence.

Le critère le plus souvent utilisé pour améliorer son modèle est le critère AIC. En effet, plus les valeurs d'AIC sont petites, plus notre modèle est plus proche de la vérité.

Pour trouver le modèle qui se rapproche donc le plus de la vérité, nous allons tester différents modèles avec une méthode progressive. C'est-à-dire que nous partons d'un modèle globale (contenant toutes les variables que l'on peut conserver) et que l'on ajoute et on supprime itérativement des variables dans le modèle afin de trouver le sous-ensemble de variables donnant le modèle le plus performant, c'est-à-dire un modèle qui réduit l'erreur de prédiction.

Pour cela, nous allons utiliser la fonction **step()** qui réalise cette sélection pas à pas. Voici donc le modèle GLM qui se rapproche le plus de la vérité :

```
glmfinal <- glm(ClaimInd ~ Exposure + LicAge + RecordBeg + VehUsage +
  DrivAge + HasKmLimit + BonusMalus + VehBody +
  VehEngine + VehClass + RiskVar, offset =log(Exposure),
  family=binomial(link="logit"), data=freMPL2)
```

On remarque que le modèle final a conservé des variables comme l'âge du conducteur, le type de moteur du véhicule ou encore la variable associée au bonus et au malus et à retirer des variables comme l'âge du véhicule pour modéliser la fréquence.

Avant de visualiser les fréquences prédites par le modèle, regardons la différence au niveau de la performance de nos modèles :

	glm initial	glm final	différence
AIC	1.6542735×10^4	1.6510924×10^4	31.810341
déviance nulle	1.6694188×10^4	1.6694188×10^4	0
déviance	1.6346735×10^4	1.6422924×10^4	76.189659
nombre d'itération	11	10	1

On remarquera que notre nouveau modèle n'a que très peu varié par rapport à l'ancien (baisse de 31 AIC et baisse de 76 en déviance). Notre modèle se rapproche donc plus de la vérité (AIC) tout en convergeant plus rapidement puisque le second modèle converge au bout de 10 itérations contre 11 précédemment.

3.2.1.2 Calcul de l'espérance du nombre de sinistres (E(N))

Pour calculer l'espérance du nombre de sinistres, autrement la fréquence d'accident sur la période d'exposition, il suffit d'appliquer la formule suivante :

$$E(N)=g^{-1} \left(\sum_{i=1}^n a_i X_i \right)$$

Avec :

- g^{-1} : la fonction réciproque de la fonction de lien (dans notre modèle, la fonction de lien est $\logit(x)$:

$$\log_{it}(x) = \ln\left(\frac{x}{1-x}\right)$$

) et donc sa fonction réciproque est :

$$sigmoid(x) = \frac{1}{1 + e^{-x}}$$

)

- a_i : le coefficient associé à une caractéristique de notre police. Pour rappel, le coefficient associé à l'offset est égal à 1).

- X_i : une caractéristique de notre police d'assurance.

Fort heureusement pour nous, il existe une fonction R capable de calculer les fréquences selon les individus et selon les modèles GLM. Cette fonction est appelé **predict()** et s'implémente de la façon suivante :

```
predict(glmfreqfinal, freMPL2, type = 'response'),2)
```

Elle prend en paramètres un modèle linéaire (ici, glmfreqfinal), une base de données sur laquelle effectuée ces prédictions (freMPL2) et le type de prediction (response ou autre). Dans notre cas, nous avons choisit le type 'response' qui nous renvoie l'espérance moyenne de la prédiction (donc ici notre fréquence). L'autre type nous aurait renvoyer la somme des coefficients (donc non transformée par la fonction réciproque).

Ainsi, la prédiction faite pour les 3 premiers individus (dont les caractéristiques figurent au debut de ce rapport) donnent les résultats suivants : 0.05, 0.04 et 0.05.

Selon notre modèle, le premier individu avait 5% de chances d'avoir un accident durant la période pour laquelle il était assuré.

Par curiosité, nous avons également décidé de voir les influences de l'âge du conducteur mais aussi de l'âge du véhicule sur cette fréquence :

- Pour l'âge des conducteurs :

DrivAge	frequence_predite_moyenne
(17,20]	0.10
(20,30]	0.04
(30,40]	0.05
(40,50]	0.04
(50,60]	0.04
(60,70]	0.05
(70,80]	0.03
(80,103]	0.05

- Pour l'âge des véhicules :

VehAge	frequence_predite_moyenne
0	0.05
1	0.05
10+	0.04
2	0.05
3	0.05
4	0.05
5	0.05
6-7	0.05
8-9	0.05

On constate donc que l'âge du conducteur n'influe pas énormément sur la fréquence de sinistre hormis chez les jeunes conducteurs (les apprentis) puisque leur fréquence est de 10% environ contre 5% environ pour les autres catégories d'âge. De même, l'âge du véhicule n'influence pas la fréquence de sinistres ce qui explique probablement le fait que cette variable n'est pas été retenu pour établir notre modèle GLM.

3.2.2 Sévérité des sinistres

3.2.2.1 Mise en place et exécution du modèle GLM

Après avoir déterminé la fréquence des sinistres, il nous faut maintenant calculer la sévérité de ces sinistres pour une police donnée.

Pour cela, nous allons nous intéresser à la variable `ClaimAmount` qui correspond à un montant auquel peut prétendre l'assuré en cas d'accident. Si le montant est nul, c'est que la personne n'a pas eu d'accident sinon c'est qu'il en a eu au moins un.

Pour modéliser la sévérité des sinistres, la loi la plus utilisée est la loi de probabilité Gamma. C'est donc cette loi que nous allons utiliser pour faire notre prédiction. Le résultat de la prédiction de notre modèle GLM correspondra à une valeur numérique traduisant la sévérité de l'accident : Plus la valeur sera élevée, plus l'accident sera grave.

Avant d'appliquer notre modèle, il est important de s'assurer que notre modèle d'entraînement ne contienne uniquement des valeurs non nulles. Pour cela, on utilise la commande `freMPL2[freMPL2$ClaimAmount != 0,]` qui conservera ces valeurs.

Nous pouvons maintenant passer à la modélisation de la sévérité des sinistres grâce à notre GLM.

Nous allons donc, comme pour la modélisation des sinistres, exécuter un premier modèle GLM où la variable à expliquer est `ClaimAmount`, les variables explicatives correspondent à l'ensemble des autres variables de notre tableau.

Pour le type de loi, nous utilisons donc la famille Gamma et la fonction de lien associé log qui est le logarithme népérien.

Voici le premier modèle que nous avons utilisé dont le résultat figure en Annexes au paragraphe "Modèle GLM pour sévérité n°1" :

```
glmsevinit <- glm(ClaimAmount ~ ., family=Gamma(link = "log"), data=freMPL2.posclaim)
```

Comme pour la fréquence, nous allons appliquer la fonction `step()` sur ce premier modèle afin d'obtenir un modèle plus proche de la vérité. Voici le modèle qui résulte de cette fonction :

```
glmsevfinit <- glm(ClaimAmount ~ Exposure + LicAge + RecordBeg + VehAge +  
  MariStat + VehUsage + DrivAge + HasKmLimit +  
  BonusMalus + VehBody + VehEngine + VehEnergy +  
  VehMaxSpeed + VehClass + RiskVar + Garage,  
  family=Gamma(link = "log"), data=freMPL2.posclaim)
```

On remarque que, comme pour la fréquence, le modèle final a conservé une grande majorité des variables comme l'âge du conducteur, le type de moteur du véhicule ou encore la variable associée au bonus et au malus et à retirer des variables comme l'âge du véhicule pour modéliser la fréquence.

Avant de visualiser les fréquences prédites par le modèle, regardons la différence au niveau de la performance de nos modèles :

	glm initial	glm final	différence
AIC	3.6253113×10^4	3.6295268×10^4	-42.1550291
déviance nulle	3143.9483434	3143.9483434	0
déviance	2614.7274762	2726.6198777	111.8924014
nombre d'itération	25	25	0

On remarquera que notre nouveau modèle n'a que très peu varié par rapport à l'ancien (augmentation de 42 AIC et baisse de 111 en déviance). Notre modèle s'est donc légèrement éloigné de la vérité (AIC) mais

est plus linéaire puisque la déviance a diminuée de 111.

3.2.2.2 Calcul de l'espérance de la sévérité des sinistres ($E(B)$)

Pour calculer l'espérance de la sévérité des sinistres,, il suffit d'appliquer la même formule que pour $E(N)$:
 $E(B) = \hat{g}^{-1}(\sum_{i=1}^n a_i X_i)$

avec, cette fois-ci, g^{-1} : la fonction réciproque de la fonction de lien (dans notre modèle, la fonction de lien est $\log(x)$:

$$\log(x) = \ln(x)$$

) et donc sa fonction réciproque est la fonction exponentielle.

Ainsi, la prédiction faite (grâce à la fonction **predict()**) pour les 3 premiers individus (dont les caractéristiques figurent au debut de ce rapport) donnent les résultats suivants : 4150.29, 2223.29 et 1980.88.

Par curiosité, nous avons également décidé de voir les influences de l'âge du conducteur mais aussi de l'âge du véhicule sur cette fréquence

- Pour l'âge des conducteurs :

DrivAge	montant_predit_moyenne
(17,20]	2130.84
(20,30]	1884.15
(30,40]	2037.92
(40,50]	1673.43
(50,60]	1951.51
(60,70]	2084.95
(70,80]	1887.52
(80,103]	4253.90

- Pour l'âge des véhicules :

VehAge	montant_predit_moyenne
0	1903.66
1	2314.03
10+	1790.06
2	2166.18
3	2182.73
4	2047.91
5	2618.66
6-7	1715.51
8-9	1480.23

3.2.3 Calcul de la prime pure établi par le GLM

Soit X le coût monétaire au risque

Selon le modèle général,

$$X = \sum_{i=1}^N B_k$$

où N correspond au nombre de sinistres
et B_k correspond au montant de sinistres

Autrement dit, N représente la fréquence (variable discrète) et B_k la sévérité (variable continue positive)

En admettant que la fréquence n'a pas d'influence sur la sévérité et que les montants des sinistres ont le même comportement aléatoire, on a : $E(X) = E(N).E(B)$.

Ainsi, pour calculer la prime pure, il suffit de faire le produit ligne par ligne des 2 prédictions.

Voici les résultats que l'on obtient en prime pure pour les trois premiers individus du tableau freMPL2 (celui sur lequel on a entraîné notre modèle) :

individu	E(N)	E(B)	prime pure
1	0.05	4150.29	207.51€
2	0.04	2223.29	88.93€
3	0.05	1980.88	99.04€

Nous pouvons également obtenir les primes pures de notre autre tableau (freMPL1). Voici les résultats pour les 3 premiers individus :

individu	E(N)	E(B)	prime pure
1	0.05	1980.88	99.04€
2	0.03	5298.57	158.96€
3	0.01	3538.33	35.38€

4 Gestion de projet

Durant ce projet, nous avons dû nous adapter aux circonstances actuelles et ainsi appréhender la gestion de projet d'une manière totalement nouvelle pour nous. Nous avons réussi à nous organiser afin que le projet se déroule le mieux possible.

Pour cela, plusieurs alternatives ont été mises en place :

Nous faisons environ un point par semaine avec nos référents sur Teams afin de :

- Poser des questions si certaines parties du projet ne sont pas totalement maîtrisées.
- Avoir un suivi de projet.
- Procéder à des modifications si certaines tâches effectuées ne correspondent pas à leurs attentes.

Nous faisons également une réunion par semaine avec seulement les membres du groupe de projet afin de :

- Pouvoir entrer plus dans les détails.
- Faire une synthèse des tâches à effectuer et les répartir.

- Se fixer des objectifs hebdomadaires.

Pour le partage d'informations, nous utilisons GitHub. De plus, lorsque nous avons des questions à poser à nos référents, nous échangeons par mail.

La communication entre nous s'est faite via Messenger ou Discord, cela nous a permis d'échanger par messagerie instantanée et par vocal, afin également d'avoir un historique des différents éléments que nous avons partagé.

5 Conclusion

Durant ce projet, nous avons rencontrées plusieurs difficultés :

- Adapter la partie théorique afin qu'elle soit compréhensible par un non-spécialiste de l'assurance, en particulier pour les GLMs.
- Juger si la qualité des résultats des statistiques descriptive était satisfaisante, pour l'ACP et l'AFC.
- Tirer des conclusions de ce que l'on a obtenu, des modélisations, faire des choix statistiques.
- La modélisation de la sévérité des sinistres à l'aide des GLMs (polices en GPL).
- Juger des données que l'on peut exploiter ou non, et celles que l'on doit modifier.

Ce projet a été très enrichissant, il nous a permis de nous familiariser avec le monde de l'assurance. Nous avons dû faire des choix : évincer certaines données afin de ne garder que les principales, modifier des données et choisir certaines lois afin qu'elles soient adaptées au mieux aux différents problèmes.

Cependant, par manque de temps, la modélisation de la fréquence et de la sévérité des sinistres à l'aide des GAMs n'a pas été faite. Cela est donc une amélioration possible du projet.

6 Bibliographie

6.1 Internet

- Pour la documentation R : <https://www.rdocumentation.org/>
- Pour connaître le fonctionnement de l'assurance automobile en France : https://fr.wikipedia.org/wiki/Assurance_automobile_en_France
- Pour l'analyse en composantes principales : <http://www.sthda.com/french/articles/38-methodes-des-composantes-principales-dans-r-guide-pratique/73-acp-analyse-en-composantes-principales-avec-r-l-essentiel/>
- Pour l'analyse factorielle des correspondances : <http://www.sthda.com/french/articles/38-methodes-des-composantes-principales-dans-r-guide-pratique/74-afc-analyse-factorielle-des-correspondances-avec-r-l-essentiel/>
- Pour les GLM : <https://statistique-et-logiciel-r.com/introduction-aux-glm/>
- Pour des compléments d'informations (lois de probabilités, ...) : <https://www.wikipedia.org/>

6.2 Littérature

7 Annexes

7.1 Affichage de l'implémentation de la fonction nettoyage_dataframe :

```
nettoyage_dataframe <- function(dt){  
  
  # Suppression des données des individus assurés moins d'un jour (Exposure)  
  dt <- subset(dt,dt$Exposure>1/365.25)  
  
  # Modification des données des individus ayant un ClaimAmount négatif  
  dt <- subset(dt,dt$ClaimAmount>=0)  
  
  # Suppression de la colonne associée au sexe de la personne et de ClaimInd  
  dt <- dt[,-6]  
  dt <- dt[,-21]  
  
  # Réduction du nombre de catégories socioprofessionnels  
  levels(dt$SocioCateg) <- c(levels(dt$SocioCateg), "CSP4", "CSP6",  
                             "CSP9")  
  for (i in 1:dim(dt)[1]){  
    if (dt$SocioCateg[i]%in%c("CSP1","CSP16","CSP18","CSP19")){  
      dt$SocioCateg[i]<-"CSP1"  
    }  
    if (dt$SocioCateg[i]%in%c("CSP2", "CSP20", "CSP21", "CSP22", "CSP23",  
                              "CSP25", "CSP26","CSP27", "CSP28")){  
      dt$SocioCateg[i]<-"CSP2"  
    }  
    if (dt$SocioCateg[i]%in%c("CSP3", "CSP30", "CSP31", "CSP32", "CSP33",  
                              "CSP35", "CSP36","CSP37", "CSP38", "CSP39")){  
      dt$SocioCateg[i]<-"CSP3"  
    }  
    if (dt$SocioCateg[i]%in%c("CSP40", "CSP41", "CSP42", "CSP43", "CSP46",  
                              "CSP47", "CSP48","CSP49")){  
      dt$SocioCateg[i]<-"CSP4"  
    }  
    if (dt$SocioCateg[i]%in%c("CSP5", "CSP50", "CSP51", "CSP55", "CSP56",  
                              "CSP57", "CSP59")){  
      dt$SocioCateg[i]<-"CSP5"  
    }  
    if (dt$SocioCateg[i]%in%c("CSP6", "CSP60", "CSP61", "CSP62", "CSP63",  
                              "CSP65", "CSP66")){  
      dt$SocioCateg[i]<-"CSP6"  
    }  
    if (dt$SocioCateg[i]%in%c("CSP7", "CSP70", "CSP73", "CSP74", "CSP77")){  
      dt$SocioCateg[i]<-"CSP7"  
    }  
    if (dt$SocioCateg[i]%in%c("CSP9", "CSP91")){  
      dt$SocioCateg[i]<-"CSP9"  
    }  
  }  
  dt$SocioCateg <- droplevels(dt$SocioCateg)
```

```

# Traduction des données (VehBody, MariStat, VehUsage, VehEngine, VehEnergy, Garage)
for (i in 1:dim(dt)[2]){
  # Type de véhicules
  if (colnames(dt)[i]=="VehBody"){
    levels(dt$VehBody) <- c(levels(dt$VehBody), "autobus", "coupé",
                           "autre microvan", "berline", "SUV", "break",
                           "camionnette")

    dt$VehBody[dt$VehBody == "bus"]<-"autobus"
    dt$VehBody[dt$VehBody == "coupe"]<-"coupé"
    dt$VehBody[dt$VehBody == "other microvan"]<-"autre microvan"
    dt$VehBody[dt$VehBody == "sedan"]<-"berline"
    dt$VehBody[dt$VehBody == "sport utility vehicle"]<-"SUV"
    dt$VehBody[dt$VehBody == "station wagon"]<-"break"
    dt$VehBody[dt$VehBody == "van"]<-"camionnette"
    dt$VehBody <- droplevels(dt$VehBody)
  }

  # Statut marital
  if (colnames(dt)[i]=="MariStat"){
    levels(dt$MariStat) <- c(levels(dt$MariStat), "célibataire", "autre")
    dt$MariStat[dt$MariStat == "Alone"]<-"célibataire"
    dt$MariStat[dt$MariStat == "Other"]<-"autre"
    dt$MariStat <- droplevels(dt$MariStat)
  }

  # Utilisation du véhicule
  if (colnames(dt)[i]=="VehUsage"){
    levels(dt$VehUsage) <- c(levels(dt$VehUsage), "privée",
                           "privée et trajet vers bureau", "professionnel",
                           "trajet professionnel" )

    dt$VehUsage[dt$VehUsage == "Private"]<-"privée"
    dt$VehUsage[dt$VehUsage == "Private+trip to office"]<-"
    "privée et trajet vers bureau"
    dt$VehUsage[dt$VehUsage == "Professional"]<-"professionnel"
    dt$VehUsage[dt$VehUsage == "Professional run"]<-"
    "trajet professionnel"
    dt$VehUsage <- droplevels(dt$VehUsage)
  }

  # Moteur du véhicule
  if (colnames(dt)[i]=="VehEngine"){
    levels(dt$VehEngine) <- c(levels(dt$VehEngine),
                           "injection directe surpuissante",
                           "électrique", "injection surpuissante")

    dt$VehEngine[dt$VehEngine == "direct injection overpowered"]<-"
    "injection directe surpuissante"
    dt$VehEngine[dt$VehEngine == "electric"]<-"électrique"
    dt$VehEngine[dt$VehEngine == "injection overpowered"]<-"
    "injection surpuissante"
    dt$VehEngine <- droplevels(dt$VehEngine)
  }

  # Energie utilisée par le véhicule
  if (colnames(dt)[i]=="VehEnergy"){
    levels(dt$VehEnergy) <- c(levels(dt$VehEnergy), "électrique", "essence")
    dt$VehEnergy[dt$VehEnergy == "regular"]<-"essence"
    dt$VehEnergy[dt$VehEnergy == "eletric"]<-"électrique"
  }
}

```

```

    dt$VehEnergy <- droplevels(dt$VehEnergy)
  }
  # Garage
  if (colnames(dt)[i]=="Garage"){
    levels(dt$Garage) <- c(levels(dt$Garage), "aucun", "garage indépendant",
                          "concessionnaire")
    dt$Garage[dt$Garage == "None"]<-"aucun"
    dt$Garage[dt$Garage == "Private garage"]<-"garage indépendant"
    dt$Garage[dt$Garage == "Collective garage"]<-"concessionnaire"
    dt$Garage <- droplevels(dt$Garage)
  }
}
return (dt)
}

```

7.2 Affichage d'un exemple d'exécution de la fonction describe du package Hmisc

```

## freMPL2
##
## 21 Variables      47497 Observations
## -----
## Exposure
##      n missing distinct      Info      Mean      Gmd      .05      .10
## 47497      0      755    0.999    0.437    0.3222    0.047    0.083
##      .25      .50      .75      .90      .95
## 0.187    0.416    0.666    0.833    0.916
##
## lowest : 0.003 0.005 0.006 0.008 0.009, highest: 0.994 0.996 0.997 0.998 1.000
## -----
## LicAge
##      n missing distinct      Info      Mean      Gmd      .05      .10
## 47497      0      809      1    274.2    182.7      60      86
##      .25      .50      .75      .90      .95
## 141      246      396      500      566
##
## lowest : 0 1 2 3 4, highest: 887 912 914 930 940
## -----
## RecordBeg
##      n missing distinct      Info      Mean      Gmd      .05
## 47497      0      365    0.937 2004-04-19    128.7 2004-01-01
##      .10      .25      .50      .75      .90      .95
## 2004-01-01 2004-01-01 2004-03-11 2004-07-26 2004-10-29 2004-12-01
##
## lowest : 2004-01-01 2004-01-02 2004-01-03 2004-01-04 2004-01-05
## highest: 2004-12-26 2004-12-27 2004-12-28 2004-12-29 2004-12-30
## -----
## RecordEnd
##      n missing distinct      Info      Mean      Gmd      .05
## 25388    22109      364    0.999 2004-07-04    113.7 2004-02-01
##      .10      .25      .50      .75      .90      .95
## 2004-02-25 2004-04-07 2004-07-01 2004-10-01 2004-11-23 2004-12-01
##

```

```

## lowest : 2004-01-03 2004-01-04 2004-01-05 2004-01-06 2004-01-07
## highest: 2004-12-27 2004-12-28 2004-12-29 2004-12-30 2004-12-31
## -----
## VehAge
##      n missing distinct
##    47497      0      9
##
## lowest : 0  1  10+ 2  3  , highest: 3  4  5  6-7 8-9
##
## Value      0      1  10+      2      3      4      5  6-7  8-9
## Frequency  4313  3987 14347  4140  3760  3658  3412  4909  4971
## Proportion 0.091 0.084 0.302 0.087 0.079 0.077 0.072 0.103 0.105
## -----
## MariStat
##      n missing distinct
##    47497      0      2
##
## Value      célibataire      autre
## Frequency      13690      33807
## Proportion      0.288      0.712
## -----
## SocioCateg
##      n missing distinct
##    47497      0      8
##
## lowest : CSP1 CSP2 CSP3 CSP5 CSP6, highest: CSP5 CSP6 CSP7 CSP9 CSP4
##
## Value      CSP1  CSP2  CSP3  CSP5  CSP6  CSP7  CSP9  CSP4
## Frequency  2366  1721   918 32894  5731   80    9  3778
## Proportion 0.050 0.036 0.019 0.693 0.121 0.002 0.000 0.080
## -----
## VehUsage
##      n missing distinct
##    47497      0      4
##
## Value                                     privée privée et trajet vers bureau
## Frequency                                     16785                                     22051
## Proportion                                     0.353                                     0.464
##
## Value                                     professionnel      trajet professionnel
## Frequency                                     7958                                     703
## Proportion                                     0.168                                     0.015
## -----
## DrivAge
##      n missing distinct      Info      Mean      Gmd      .05      .10
##    47497      0      83      1    44.48    16.61    25    27
##      .25      .50      .75      .90      .95
##      32      42      55      65      72
##
## lowest : 18 19 20 21 22, highest: 96 97 98 102 103
## -----
## HasKmLimit
##      n missing distinct      Info      Sum      Mean      Gmd
##    47497      0      2    0.353    6468    0.1362    0.2353

```

```

##
## -----
## BonusMalus
##      n missing distinct      Info      Mean      Gmd      .05      .10
##    47497      0      108    0.954      69    21.99      50      50
##      .25      .50      .75      .90      .95
##      50      64      85      100      100
##
## lowest :  50  51  52  53  54, highest: 220 230 256 258 272
## -----
## VehBody
##      n missing distinct
##    47497      0      9
##
## lowest : cabriolet      microvan      autobus      coupé      autre microvan
## highest: autre microvan berline      SUV      break      camionnette
##
## cabriolet (1506, 0.032), microvan (1458, 0.031), autobus (220, 0.005), coupé
## (1761, 0.037), autre microvan (1837, 0.039), berline (34051, 0.717), SUV (1974,
## 0.042), break (2231, 0.047), camionnette (2459, 0.052)
## -----
## VehPrice
##      n missing distinct
##    47497      0      27
##
## lowest : A  B  C  D  E , highest: W  X  Y  Z  Z1
## -----
## VehEngine
##      n missing distinct
##    47497      0      6
##
## lowest : carburation      GPL      injection
## highest: GPL      injection      injection directe surpuissant
##
## carburation (6513, 0.137), GPL (2, 0.000), injection (30663, 0.646), injection
## directe surpuissante (6554, 0.138), électrique (6, 0.000), injection
## surpuissante (3759, 0.079)
## -----
## VehEnergy
##      n missing distinct
##    47497      0      4
##
## Value      diesel      GPL électrique      essence
## Frequency      13521      2      6      33968
## Proportion      0.285      0.000      0.000      0.715
## -----
## VehMaxSpeed
##      n missing distinct
##    47497      0      10
##
## lowest : 1-130 km/h  130-140 km/h 140-150 km/h 150-160 km/h 160-170 km/h
## highest: 170-180 km/h 180-190 km/h 190-200 km/h 200-220 km/h 220+ km/h
##
## Value      1-130 km/h 130-140 km/h 140-150 km/h 150-160 km/h 160-170 km/h

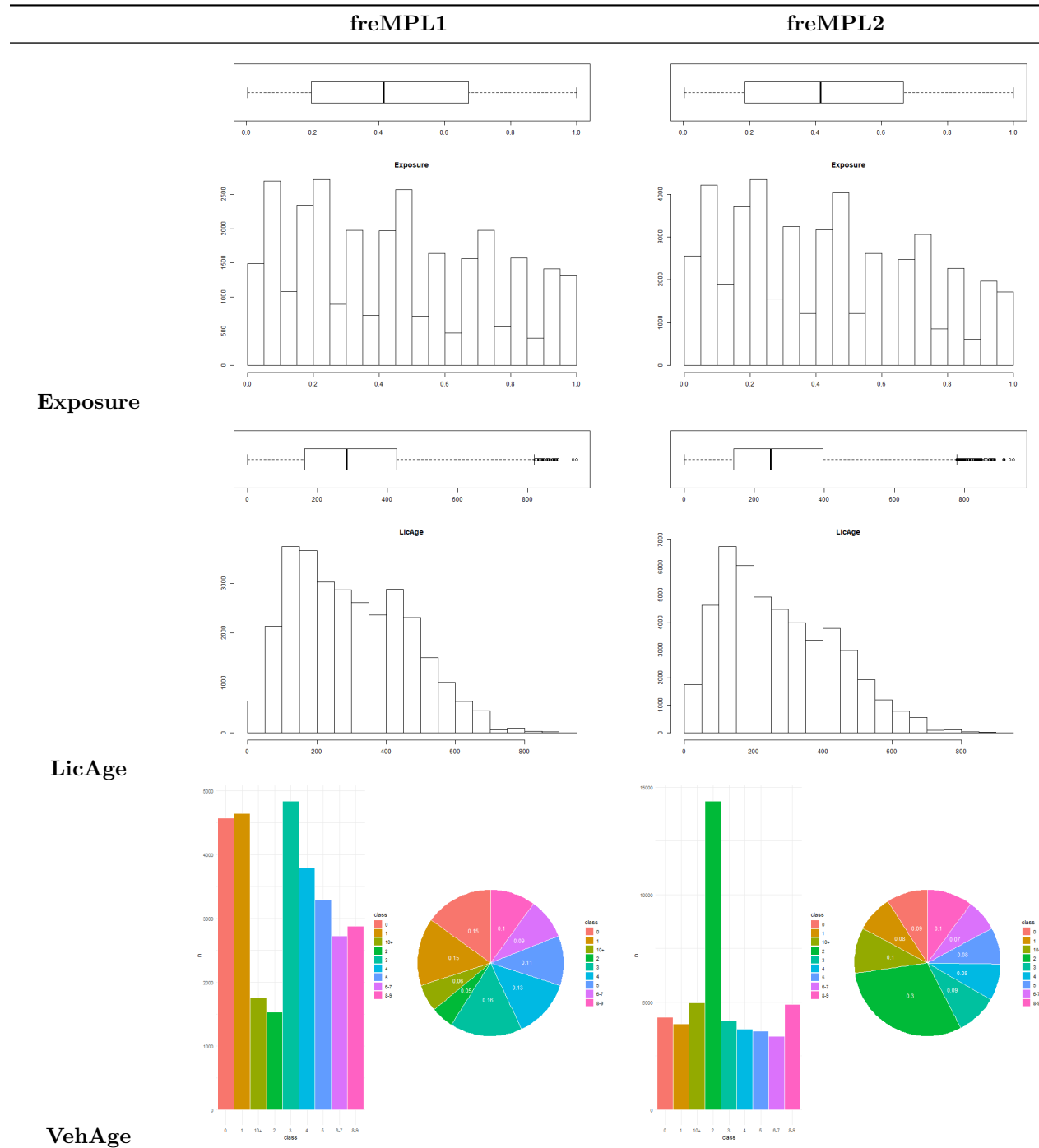
```

```

## Frequency      1256      2286      4073      7075      7915
## Proportion    0.026      0.048      0.086      0.149      0.167
##
## Value      170-180 km/h 180-190 km/h 190-200 km/h 200-220 km/h 220+ km/h
## Frequency      7933      5795      4567      3998      2599
## Proportion    0.167      0.122      0.096      0.084      0.055
## -----
## VehClass
##      n missing distinct
## 47497      0      6
##
## lowest : 0 A B H M1, highest: A B H M1 M2
##
## Value      0 A B H M1 M2
## Frequency 1901 4140 15229 7034 11756 7437
## Proportion 0.040 0.087 0.321 0.148 0.248 0.157
## -----
## RiskVar
##      n missing distinct Info Mean Gmd .05 .10
## 47497      0      20 0.994 13.51 5.238 4 7
## .25 .50 .75 .90 .95
## 11 15 17 19 20
##
## lowest : 1 2 3 4 5, highest: 16 17 18 19 20
##
## Value      1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11
## Frequency 590 501 754 700 1154 1041 1889 1630 1361 1513 2934
## Proportion 0.012 0.011 0.016 0.015 0.024 0.022 0.040 0.034 0.029 0.032 0.062
##
## Value      12 13 14 15 16 17 18 19 20
## Frequency 2896 3172 2496 5434 5632 4047 3078 3270 3405
## Proportion 0.061 0.067 0.053 0.114 0.119 0.085 0.065 0.069 0.072
## -----
## ClaimAmount
##      n missing distinct Info Mean Gmd .05 .10
## 47497      0      873 0.129 86.83 170.3 0 0
## .25 .50 .75 .90 .95
## 0 0 0 0 0
##
## lowest : 0.00 0.48 1.00 1.80 9.16
## highest: 57085.76 66892.58 80562.15 98152.44 120152.44
## -----
## Garage
##      n missing distinct
## 47497      0      3
##
## Value      aucun garage indépendant concessionnaire
## Frequency 35092 4642 7763
## Proportion 0.739 0.098 0.163
## -----
## ClaimInd
##      n missing distinct Info Sum Mean Gmd
## 47497      0      2 0.129 2134 0.04493 0.08582
##

```

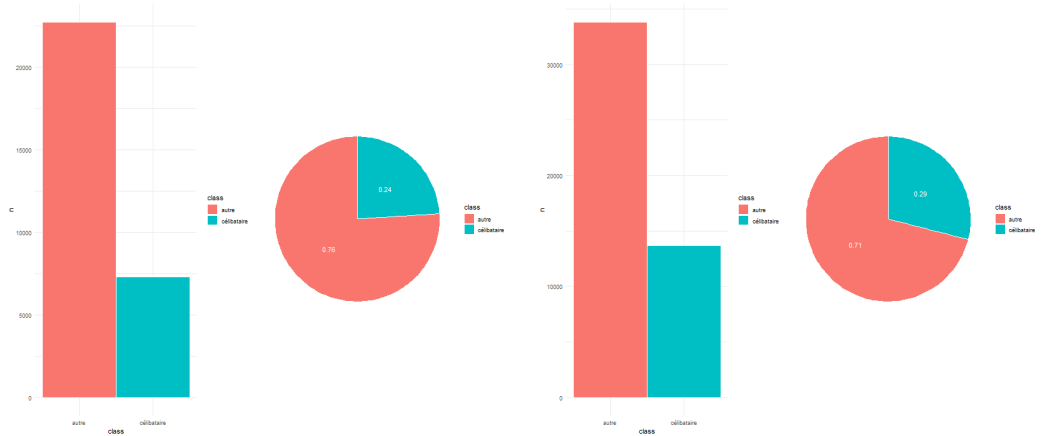
7.3 Affichage de l'ensemble des représentations graphiques



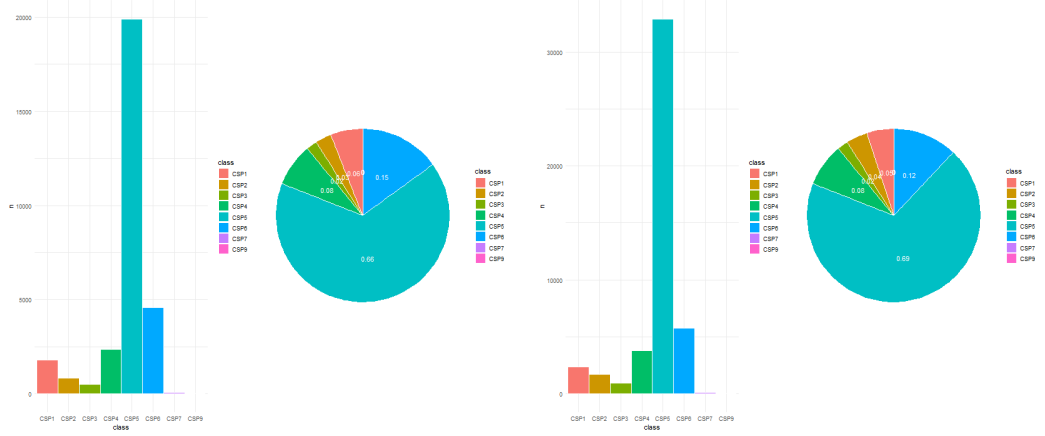
freMPL1

freMPL2

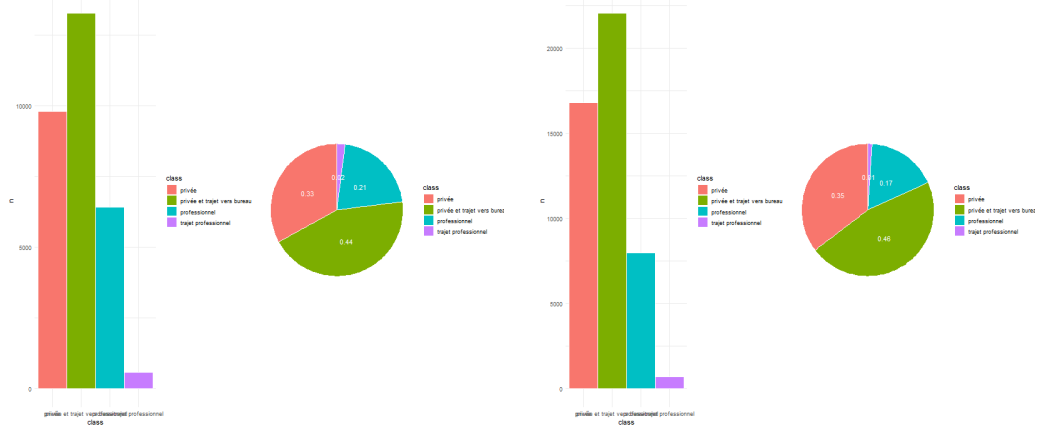
MariStat



SocioCateg

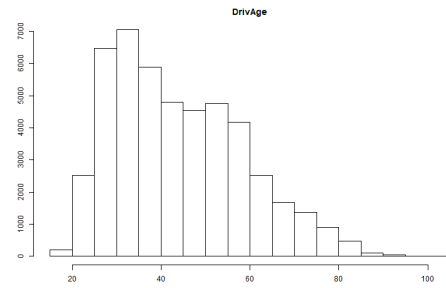
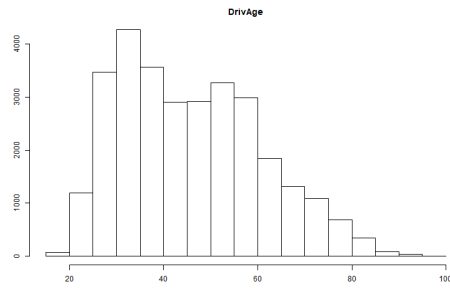
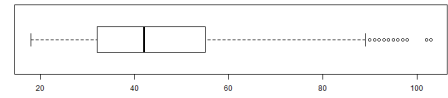
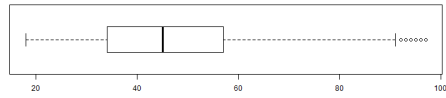


VehUsage

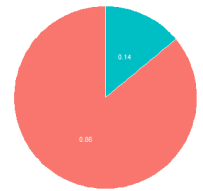
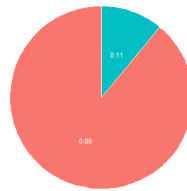
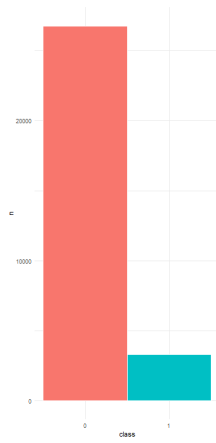


freMPL1

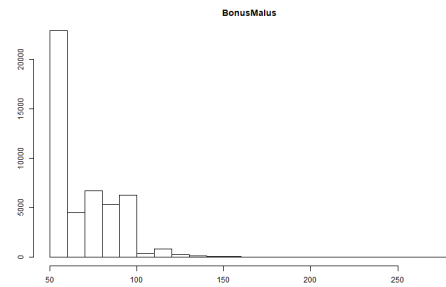
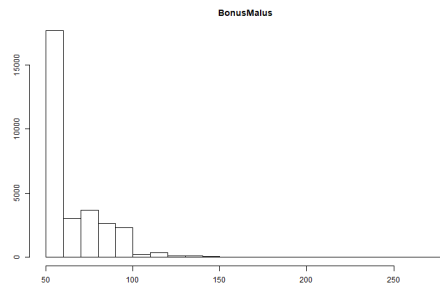
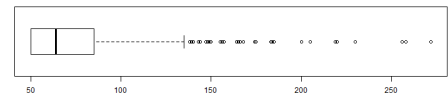
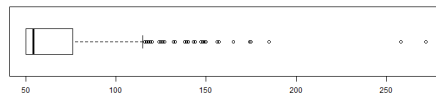
freMPL2



DrivAge



HasKmLimit

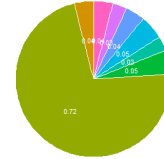
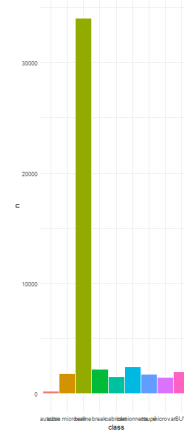
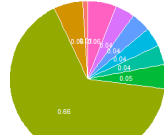
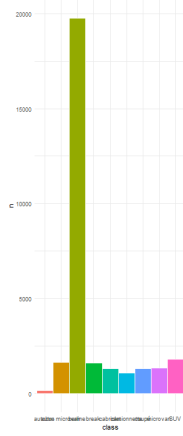


BonusMalus

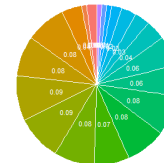
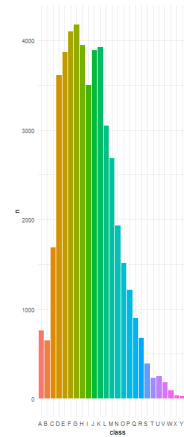
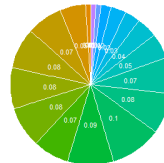
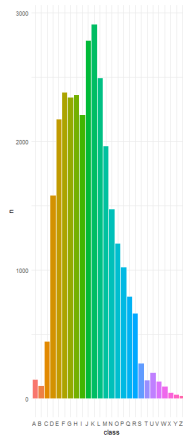
freMPL1

freMPL2

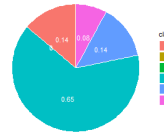
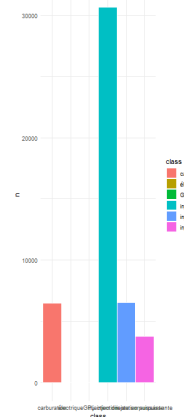
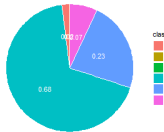
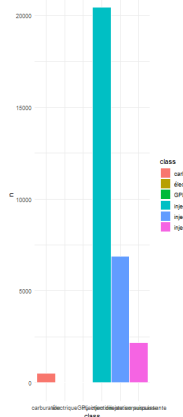
VehBody



VehPrice



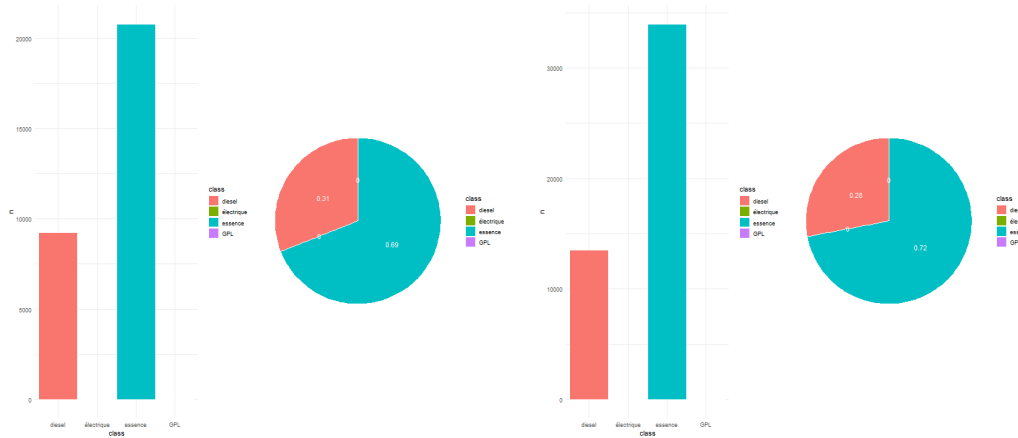
VehEngine



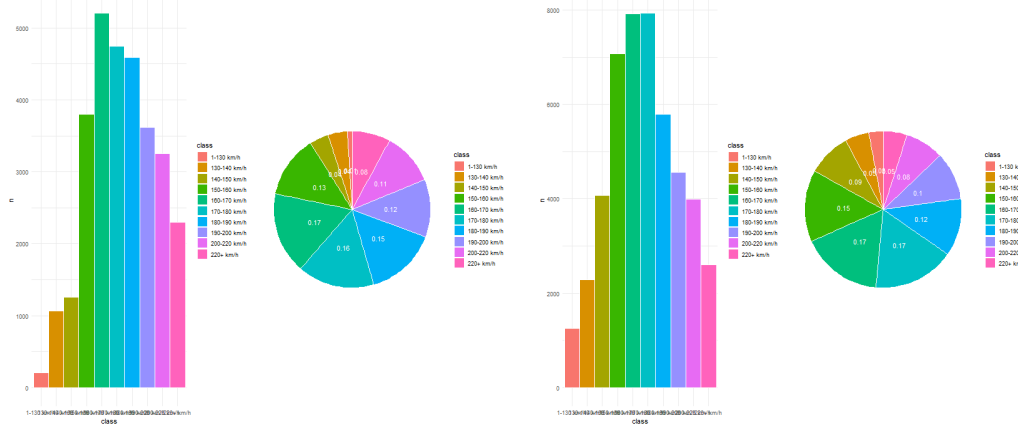
freMPL1

freMPL2

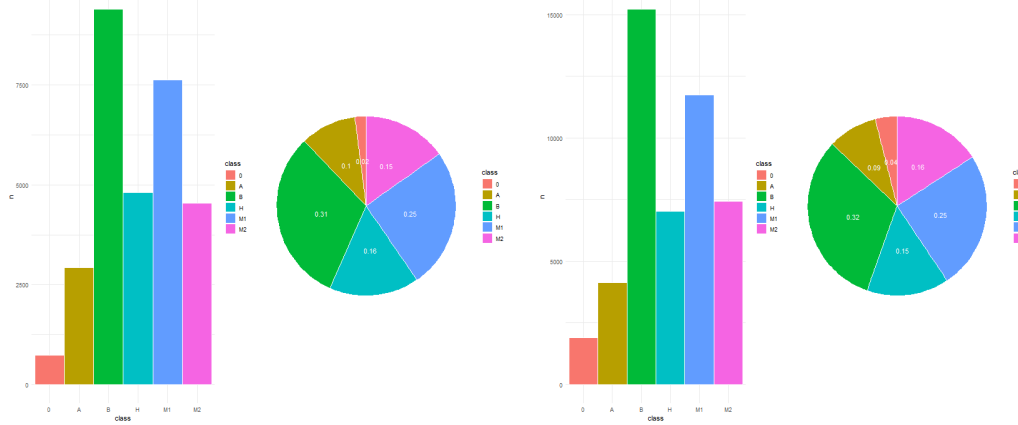
VehEnergy



VehMaxSpeed



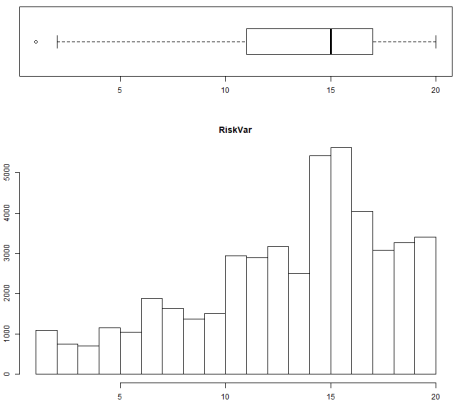
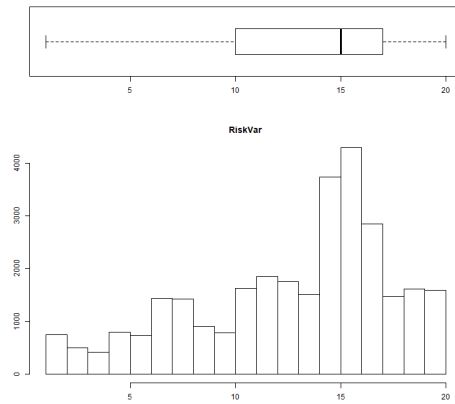
VehClass



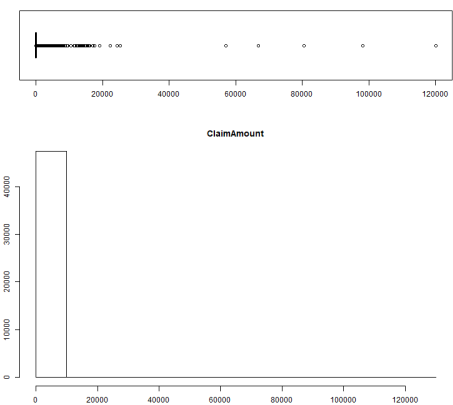
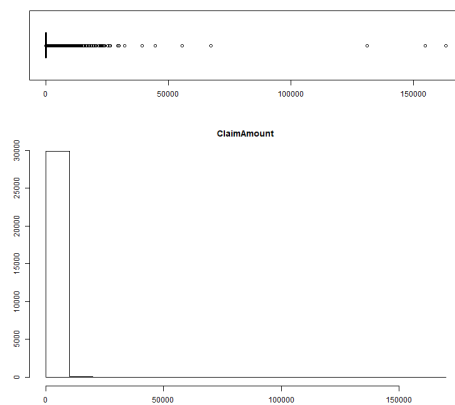
freMPL1

freMPL2

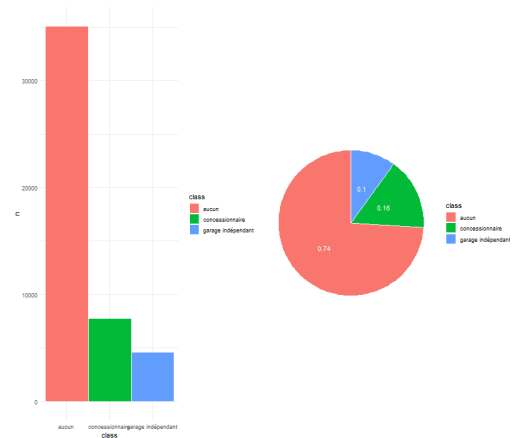
RiskVar

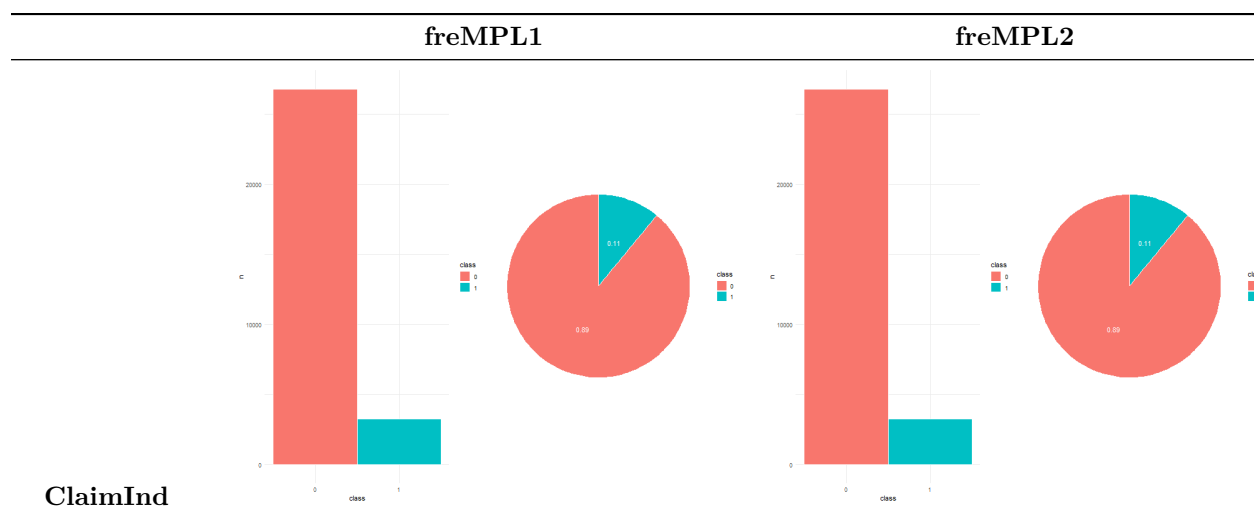


ClaimAmount



Garage





7.4 Summary des modèles GLM testés

7.4.1 Modèle GLM pour fréquence $n^\circ = 1$:

term	estimate	p.value
(Intercept)	6.9533160	0.0442558
Exposure	-0.4123238	0.0000409
LicAge(36,120]	-0.4839711	0.0005140
LicAge(120,240]	-1.0052464	0.0000000
LicAge(240,360]	-1.0184238	0.0000000
LicAge(360,480]	-1.1209144	0.0000000
LicAge(480,600]	-1.1309619	0.0000000
LicAge(600,720]	-1.1709876	0.0000122
LicAge(720,960]	-0.3539820	0.3836037
RecordBeg	-0.0006728	0.0134508
VehAge1	-0.1121002	0.2810320
VehAge10+	-0.2894225	0.0065860
VehAge2	0.0104884	0.9167486
VehAge3	-0.0121767	0.9083102
VehAge4	-0.0872667	0.4248691
VehAge5	-0.0793236	0.4865350
VehAge6-7	-0.2045995	0.0628780
VehAge8-9	-0.1946574	0.0803784
MariStatautre	0.0339056	0.5527141
SocioCategCSP2	0.2570812	0.1115401
SocioCategCSP3	0.3914747	0.0413751
SocioCategCSP5	0.1117840	0.3102342
SocioCategCSP6	0.1374317	0.3380082
SocioCategCSP7	-0.0586990	0.9225273
SocioCategCSP9	1.5222180	0.1657631
SocioCategCSP4	-0.0524079	0.6917557
VehUsageprivée et trajet vers bureau	0.1693914	0.0055240
VehUsageprofessionnel	0.2526658	0.0011864
VehUsagetrajet professionnel	0.2560093	0.1740384
DrivAge(20,30]	-0.2825793	0.3102011

term	estimate	p.value
DrivAge(30,40]	0.0589278	0.8376116
DrivAge(40,50]	0.0094236	0.9745860
DrivAge(50,60]	0.1129693	0.7105067
DrivAge(60,70]	0.2566970	0.4234182
DrivAge(70,80]	-0.1039006	0.7684801
DrivAge(80,103]	0.1664973	0.6867749
HasKmLimit1	-0.0870814	0.2511339
BonusMalus(100,350]	0.4653084	0.0000026
VehBodymicrovan	-0.0797247	0.6658776
VehBodyautobus	-0.4558911	0.2472236
VehBodycoupé	-0.0148841	0.9304336
VehBodyautre microvan	-0.1705240	0.3348691
VehBodyberline	-0.0790909	0.5520887
VehBodySUV	-0.0331346	0.8476777
VehBodybreak	-0.5502544	0.0023915
VehBodycamionnette	-0.0095295	0.9603238
VehPriceB	-0.2002140	0.5451941
VehPriceC	0.0584776	0.8233363
VehPriceD	0.0652755	0.7898496
VehPriceE	-0.0146598	0.9528557
VehPriceF	0.0637551	0.7994826
VehPriceG	0.2645242	0.2991909
VehPriceH	0.2672670	0.3065667
VehPriceI	0.3264686	0.2225182
VehPriceJ	0.3637098	0.1796173
VehPriceK	0.4545192	0.0970779
VehPriceL	0.5654301	0.0440474
VehPriceM	0.3458372	0.2342328
VehPriceN	0.5838343	0.0505351
VehPriceO	0.7575276	0.0145151
VehPriceP	0.5870828	0.0714010
VehPriceQ	0.7446864	0.0302747
VehPriceR	0.2951654	0.4285876
VehPriceS	0.7666908	0.0439367
VehPriceT	0.0737712	0.8832851
VehPriceU	0.9399903	0.0211041
VehPriceV	0.5940712	0.2044929
VehPriceW	0.2269723	0.7131658
VehPriceX	1.5755915	0.0089592
VehPriceY	1.0566468	0.1402138
VehPriceZ	1.0144708	0.2194465
VehPriceZ1	-9.4272390	0.9470562
VehEngineGPL	-9.4910744	0.9670310
VehEngineinjection	0.1871170	0.0721458
VehEngineinjection directe surpuissante	0.1910011	0.2478250
VehEngineélectrique	1.9204152	0.0907799
VehEngineinjection surpuissante	0.2190558	0.1343838
VehEnergyessence	0.0749099	0.4117555
VehMaxSpeed130-140 km/h	0.1505598	0.4228806
VehMaxSpeed140-150 km/h	0.1590661	0.4114070
VehMaxSpeed150-160 km/h	0.2343534	0.2121740
VehMaxSpeed160-170 km/h	0.0237856	0.9030127

term	estimate	p.value
VehMaxSpeed170-180 km/h	0.0380302	0.8517898
VehMaxSpeed180-190 km/h	-0.2116614	0.3168541
VehMaxSpeed190-200 km/h	-0.0930683	0.6701917
VehMaxSpeed200-220 km/h	-0.2215111	0.3328403
VehMaxSpeed220+ km/h	-0.0690557	0.7887738
VehClassA	-0.3586768	0.0607467
VehClassB	-0.2851012	0.0837730
VehClassH	-0.1755811	0.3020833
VehClassM1	-0.3136447	0.0405420
VehClassM2	-0.2628302	0.1001077
RiskVar(4,8]	0.0734002	0.5400830
RiskVar(8,12]	0.1590835	0.1611766
RiskVar(12,16]	-0.0053105	0.9610940
RiskVar(16,20]	0.2345337	0.0314381
Garagegarage indépendant	-0.1389127	0.0957768
Garageconcessionnaire	-0.1071158	0.1171739

7.4.2 Modèle GLM pour fréquence n°= 2 :

term	estimate	p.value
(Intercept)	7.4008188	0.0313432
Exposure	-0.4107231	0.0000420
LicAge(36,120]	-0.5013963	0.0002741
LicAge(120,240]	-1.0135217	0.0000000
LicAge(240,360]	-1.0337715	0.0000000
LicAge(360,480]	-1.1264340	0.0000000
LicAge(480,600]	-1.1252448	0.0000000
LicAge(600,720]	-1.1622387	0.0000114
LicAge(720,960]	-0.3558457	0.3773554
RecordBeg	-0.0006807	0.0121894
VehUsageprivée et trajet vers bureau	0.1677576	0.0032098
VehUsageprofessionnel	0.2320542	0.0012295
VehUsagetrajet professionnel	0.2317048	0.2076661
DrivAge(20,30]	-0.3099223	0.2574375
DrivAge(30,40]	0.0277059	0.9210963
DrivAge(40,50]	-0.0184779	0.9487449
DrivAge(50,60]	0.0887675	0.7641605
DrivAge(60,70]	0.2481255	0.4248226
DrivAge(70,80]	-0.1036408	0.7599400
DrivAge(80,103]	0.1622203	0.6841873
HasKmLimit1	-0.1154083	0.1259918
BonusMalus(100,350]	0.4728058	0.0000016
VehBodymicrovan	-0.0420086	0.8051183
VehBodyautobus	-0.4930079	0.2032957
VehBodycoupé	-0.0706163	0.6663497
VehBodyautre microvan	-0.1302188	0.4219627
VehBodyberline	-0.1856677	0.1320949
VehBodySUV	-0.0100828	0.9488913
VehBodybreak	-0.6246240	0.0002937
VehBodycamionnette	-0.1553241	0.3493435
VehEngineGPL	-8.4763186	0.9514713

term	estimate	p.value
VehEngineinjection	0.3819029	0.0000010
VehEngineinjection directe surpuissante	0.4812376	0.0000005
VehEngineélectrique	2.0483854	0.0659657
VehEngineinjection surpuissante	0.4144728	0.0001723
VehClassA	-0.4775388	0.0017465
VehClassB	-0.3923098	0.0033430
VehClassH	-0.1697628	0.2299550
VehClassM1	-0.3914327	0.0028873
VehClassM2	-0.3106034	0.0267901
RiskVar(4,8]	0.0881130	0.4597007
RiskVar(8,12]	0.1464974	0.1947564
RiskVar(12,16]	-0.0041769	0.9692561
RiskVar(16,20]	0.2193579	0.0430136

7.4.3 Modèle GLM pour sévérité n°= 1 :

term	estimate	p.value
(Intercept)	7.4751144	0.1984967
Exposure	-0.3557104	0.0311581
LicAge(36,120]	-0.2168519	0.3190007
LicAge(120,240]	-0.2308555	0.3170915
LicAge(240,360]	-0.1373668	0.5918038
LicAge(360,480]	-0.1383891	0.6277506
LicAge(480,600]	-0.2684286	0.4200489
LicAge(600,720]	-0.1155544	0.7913321
LicAge(720,960]	-1.2748975	0.0568934
RecordBeg	0.0000044	0.9922909
VehAge1	0.2562595	0.1251130
VehAge10+	-0.1282687	0.4463644
VehAge2	0.2097173	0.1928601
VehAge3	0.1819978	0.2890813
VehAge4	0.1924168	0.2700488
VehAge5	0.3539711	0.0521056
VehAge6-7	-0.0868623	0.6217458
VehAge8-9	-0.2258061	0.2040508
MariStatautre	0.1030163	0.2736535
SocioCategCSP2	0.2450673	0.3372018
SocioCategCSP3	0.0913263	0.7699787
SocioCategCSP5	0.1331684	0.4566690
SocioCategCSP6	0.0310191	0.8945792
SocioCategCSP7	0.3337536	0.7339985
SocioCategCSP9	-1.8304227	0.2711573
SocioCategCSP4	0.1553713	0.4740047
VehUsageprivée et trajet vers bureau	-0.0021561	0.9824151
VehUsageprofessionnel	-0.1747946	0.1777637
VehUsagetrajet professionnel	-0.3243435	0.2855606
DrivAge(20,30]	0.1160274	0.7842073
DrivAge(30,40]	0.1736382	0.6932852
DrivAge(40,50]	-0.0753250	0.8682576
DrivAge(50,60]	0.0747979	0.8730496
DrivAge(60,70]	0.3356035	0.5043515

term	estimate	p.value
DrivAge(70,80]	0.1283243	0.8141848
DrivAge(80,103]	1.3911313	0.0395847
HasKmLimit1	-0.1817068	0.1434896
BonusMalus(100,350]	0.0687602	0.6602542
VehBodymicrovan	1.0454430	0.0004589
VehBodyautobus	0.4449771	0.4973620
VehBodycoupé	0.1839348	0.5122044
VehBodyautre microvan	0.4368293	0.1329121
VehBodyberline	0.2432596	0.2689904
VehBodySUV	0.2629389	0.3478289
VehBodybreak	0.5563270	0.0646732
VehBodycamionnette	0.2796400	0.3918590
VehPriceB	0.2708004	0.6082307
VehPriceC	0.4651110	0.2546948
VehPriceD	0.5619793	0.1444332
VehPriceE	0.0363720	0.9260172
VehPriceF	0.2963911	0.4524629
VehPriceG	0.3916909	0.3288567
VehPriceH	0.1613785	0.6961834
VehPriceI	0.7761598	0.0670990
VehPriceJ	0.4886953	0.2526747
VehPriceK	0.6485889	0.1374309
VehPriceL	0.2231171	0.6184559
VehPriceM	0.6585322	0.1544857
VehPriceN	0.8284645	0.0788094
VehPriceO	0.5652627	0.2471914
VehPriceP	0.3662067	0.4804838
VehPriceQ	0.8846102	0.1049420
VehPriceR	0.7135207	0.2255241
VehPriceS	0.5805017	0.3374191
VehPriceT	0.4845422	0.5406155
VehPriceU	0.3925484	0.5420979
VehPriceV	0.4638280	0.5355185
VehPriceW	0.9368675	0.3450310
VehPriceX	0.9293372	0.3104589
VehPriceY	1.1250994	0.3154577
VehPriceZ	3.1129028	0.0161127
VehEngineinjection	-0.2099233	0.2014498
VehEngineinjection directe surpuissante	-0.4110840	0.1118080
VehEngineélectrique	-1.1028274	0.5165863
VehEngineinjection surpuissante	-0.1434459	0.5363944
VehEnergyessence	-0.2878742	0.0519345
VehMaxSpeed130-140 km/h	-0.4816527	0.1067862
VehMaxSpeed140-150 km/h	-0.4303285	0.1509372
VehMaxSpeed150-160 km/h	-0.5660216	0.0611657
VehMaxSpeed160-170 km/h	-0.4157267	0.1855679
VehMaxSpeed170-180 km/h	-0.2963319	0.3636268
VehMaxSpeed180-190 km/h	-0.6351803	0.0608621
VehMaxSpeed190-200 km/h	-0.4941551	0.1567733
VehMaxSpeed200-220 km/h	-0.5413183	0.1376152
VehMaxSpeed220+ km/h	-0.5014782	0.2245347
VehClassA	-0.0132169	0.9677294

term	estimate	p.value
VehClassB	0.3718549	0.1940381
VehClassH	0.0200363	0.9427988
VehClassM1	0.0634180	0.8093257
VehClassM2	-0.0778114	0.7712536
RiskVar(4,8]	-0.0709650	0.7143715
RiskVar(8,12]	-0.0083829	0.9635652
RiskVar(12,16]	0.0529314	0.7644891
RiskVar(16,20]	0.0582603	0.7435524
Garagegarage indépendant	-0.0380414	0.7824320
Garageconcessionnaire	-0.0272654	0.8009094

7.4.4 Modèle GLM pour sévérité n°= 2 :

term	estimate	p.value
(Intercept)	8.5023307	0.1780393
Exposure	-0.3504966	0.0495540
LicAge(36,120]	-0.1691749	0.4737136
LicAge(120,240]	-0.1720450	0.4897297
LicAge(240,360]	-0.0926311	0.7381955
LicAge(360,480]	-0.1014967	0.7428897
LicAge(480,600]	-0.1922878	0.5934141
LicAge(600,720]	-0.1173925	0.8038292
LicAge(720,960]	-1.1588824	0.1118739
RecordBeg	0.0000165	0.9734414
VehAge1	0.2362062	0.1911327
VehAge10+	-0.1368285	0.4474217
VehAge2	0.1767800	0.3091205
VehAge3	0.1732252	0.3486787
VehAge4	0.1206356	0.5229630
VehAge5	0.3504180	0.0757393
VehAge6-7	-0.0604393	0.7486359
VehAge8-9	-0.2324099	0.2225077
MariStatautre	0.0948650	0.3501179
VehUsageprivée et trajet vers bureau	0.0272030	0.7837892
VehUsageprofessionnel	-0.1695126	0.1854213
VehUsagetrajet professionnel	-0.3407605	0.2958110
DrivAge(20,30]	0.0233090	0.9595256
DrivAge(30,40]	0.0390760	0.9343148
DrivAge(40,50]	-0.2135075	0.6626117
DrivAge(50,60]	-0.0272074	0.9569650
DrivAge(60,70]	0.1688650	0.7529938
DrivAge(70,80]	0.0687956	0.9053671
DrivAge(80,103]	1.0855567	0.1295824
HasKmLimit1	-0.2036862	0.1302068
BonusMalus(100,350]	0.0316081	0.8519096
VehBodymicrovan	0.8002581	0.0114918
VehBodyautobus	-0.1680490	0.8099603
VehBodycoupé	-0.1350727	0.6460884
VehBodyautre microvan	0.2226803	0.4678328
VehBodyberline	-0.0684795	0.7635584
VehBodySUV	0.0230232	0.9367684

term	estimate	p.value
VehBodybreak	0.2305800	0.4689070
VehBodycamionnette	-0.0329336	0.9233211
VehEngineinjection	-0.2487577	0.1456990
VehEngineinjection directe surpuissante	-0.4016675	0.1442571
VehEngineélectrique	-1.1928535	0.5190968
VehEngineinjection surpuissante	-0.1685412	0.4931484
VehEnergyessence	-0.3005566	0.0524806
VehMaxSpeed130-140 km/h	-0.5939348	0.0604775
VehMaxSpeed140-150 km/h	-0.4797771	0.1229528
VehMaxSpeed150-160 km/h	-0.6594079	0.0304925
VehMaxSpeed160-170 km/h	-0.4963599	0.1138736
VehMaxSpeed170-180 km/h	-0.3473724	0.2833392
VehMaxSpeed180-190 km/h	-0.6365487	0.0609109
VehMaxSpeed190-200 km/h	-0.4755505	0.1731607
VehMaxSpeed200-220 km/h	-0.5710419	0.1132330
VehMaxSpeed220+ km/h	-0.4028479	0.2952948
VehClassA	-0.2160233	0.4812885
VehClassB	0.1725520	0.5266119
VehClassH	0.0135059	0.9629464
VehClassM1	-0.0811366	0.7605071
VehClassM2	-0.1170001	0.6827473
RiskVar(4,8]	-0.0840285	0.6878041
RiskVar(8,12]	-0.0156177	0.9374464
RiskVar(12,16]	0.0538807	0.7779097
RiskVar(16,20]	0.0687386	0.7210434
Garagegarage indépendant	-0.0603167	0.6824388
Garageconcessionnaire	-0.0599278	0.6050396