Projet Actuariat

Solène Corre, Florentin Dehooghe, François Delhaye

$22~\mathrm{avril}~2020$

Table des matières

1	Pré	sentat	ion du projet	2
2	Exp	oloratio	on des jeux de données freMPL1 et freMPL2	2
	2.1	Premi	ère visualisation des jeux de données	2
	2.2	Netto	vage de données	4
	2.3	Statis	tiques descriptives	4
		2.3.1	Représentations graphiques des données	9
		2.3.2	Analyse en composantes principales (ACP)	10
		2.3.3	Analyse factorielle des correspondances (AFC)	21
3	GL	\mathbf{M}		25
	3.1	Fréque	ence des sinistres	26
		3.1.1	Présentation des lois utilisables	26
		3.1.2	Exécution du GLM sur notre tableau freMPL2	26
	3.2	Sévéri	té des sinistres	29
		3.2.1	Présentation des lois utilisables	29
			3.2.1.1 loi de gamma (ou d'Euler)	29
			3.2.1.2 Inverse gauss	30
		3.2.2	Calcul de la prime pure	32
4	Bib	liograp	bhie	32
	4.1	Intern	et	32
	4.2	Littér	ature	32
5	Anı	nexes		32
	5.1	Affich	age de l'implementation de la fonction nettoyage_dataframe :	32
	5.2	Affich	age d'un exemple d'exécution de la fonction describe du package Hmisc	34
	5.3	Affich	age de l'ensemble des représentations graphiques	38

1 Présentation du projet

L'assurance est un contrat par lequel, moyennant le versement d'une prime dont le montant est fixé a priori (en début de période de couverture), l'assureur s'engage à indemniser l'assuré pendant toute la période de couverture (généralement un an). Cette prime doit refléter le risque associé au contrat. Pour chaque police d'assurance, la prime est fonction de variables dites de tarification permettant de segmenter la population en fonction de son risque. Il est usuel d'utiliser une approche fréquence/sévérité ou une approche indemnitaire pour modéliser le coût annuel d'une police d'assurance. Sur les données utilisées dans ce projet, nous utiliserons cette dernière approche car on ne dispose pas des montants individuels de sinistre. Le but de ce projet est de proposer un tarificateur en se basant deux méthodes : les modèles linéaires généralisés (GLM) et les modèles additifs généralisés (GAM). Ces derniers sont une extension des GLM (proposé par McCullagh et Nelder, 1989) en considérant une approche non-paramétrique pour le prédicteur. Un second objectif sera, en plus de calculer une prime pure par police, de déterminer une commerciale intégrant une marge pour risque. Une approche par simulation sera réalisée pour juger de l'adéquation du chargement par rapport à la charge sinistre totale portefeuille.

2 Exploration des jeux de données freMPL1 et freMPL2

Un peu à la manière du machine learning, les données contenues dans freMPL2 serviront de données d'entraînement de notre modèle et les données de freMPL1 serviront pour tester notre modèle final.

2.1 Première visualisation des jeux de données

Les dimmensions du jeu de données **freMPL1** sont (30595, 22). Ainsi, notre jeu contient 30595 données différentes, toutes définies par 22 caractéristiques différentes.

De même, les dimmensions du jeu de données **freMPL2** sont (48295, 22). Ainsi, notre jeu contient 48295 données différentes, toutes définies par 22 caractéristiques différentes.

Les noms des caractéristiques des jeux de données sont les mêmes. es différentes caractéristiques sont :

- **Exposure**: il s'agit d'une donnée de type numérique qui correspond à la fréquence d'exposition aux risques d'un individu sur une année. Par exemple, si l'individu a été exposé 100 jours, le chiffre affiché est 0,27 (= 100/365,25).
- LicAge : c'est un nombre entier de mois correspondant à l'âge de la licence de la personne concernée.
- **RecordBeg** : cela correspond à la date de début d'exposition aux risques.
- **RecordEnd** : c'est la date de fin d'exposition au risque. Si elle n'est pas renseigner, c'est que la personne est toujours exposée.
- **VehAge** : Il correspond à l'âge du véhicule en année(s). Il est composé en 9 catégories distinctes : "0", "1", "2", "3", "4", "5", "6-7", "8-9" et "10+".
- **Gender** : c'est le sexe de l'individu.
- MariStat : il s'agit du statut marital de la personne. Elle est soit célibataire ("Alone") soit autre chose ("Other").
- **SocioCateg**: Cela correspond à la catégorie socioprofessionnelle de l'individu. Les valeurs, comprises entre "CSP1" et "CSP99", correspondent à la classification française (voir lien suivant : https://fr.wikipedia.org/wiki/Professions_et_catégories_socioprofessionnelles_en_France).
- **VehUsage** : Cela correspond à l'utilisation du véhicule par le propriétaire. Il est soit privée ("Private"), soit professionnel ("Professional"), . . .
- **DrivAge** : C'est l'âge du conducteur (en années). Pour rappel, en France, la conduite est possible à partir de 18 ans.
- **HasKmLimit** : il s'agit d'une valeur numérique spécifiant si oui ("1") ou non ("0") l'assurance comporte une limite kilométique.

- **BonusMalus** : c'est un variable de type numérique, dont la valeur est comprise entre 50 et 350, précisant si la personne possède des bonus ou des malus. Si la valeur est inférieure à 100, l'individu a droit à des bonus. Sinon, la personne a des malus.
- VehBody : il s'agit du type de modèle concerné par l'assurance de l'individu.
- VehPrice : c'est un indicateur correspondant au prix du véhicule.
- VehEngine : cela correspond au type de moteur que possède le véhicule.
- VehEnergy : cela correspond au type d'énergie consommé par le véhicule que possède le véhicule
- VehMaxSpeed : c'est la vitesse maximum que peut atteindre le véhicule. Les différentes catégories sont: "1-130 km/h", "130-140 km/h", "140-150 km/h", "150-160 km/h", "160-170 km/h", "170-180 km/h", "180-190 km/h", "190-200 km/h", "200-220 km/h", "220+ km/h".
- **VehClass** : il s'agit de la classe du véhicule.
- RiskVar: Nombre compris entre 1 et 20 correspondant au risque inconnu probable.
- ClaimAmount : c'est le montant total de la garantie) laquelle peut prétendre l'assuré.
- Garage : il s'agit du type de garage auquel se rend l'assuré.
- ClaimInd : c'est un indicateur précisant si oui ou non l'assuré peut prétendre à une garantie.

Regardons maintenant les premiers éléments composant le jeu de données freMPL1:

	1	2	3
Exposure	0.583	0.200	0.083
LicAge	366	187	169
RecordBeg	2004-06-01	2004-10-19	2004-07-16
RecordEnd	NA	NA	2004-08-16
VehAge	2	0	1
Gender	Female	Male	Female
MariStat	Other	Alone	Other
SocioCateg	CSP1	CSP55	CSP1
VehUsage	Professional	Private+trip to office	Professional
DrivAge	55	34	33
HasKmLimit	0	0	0
BonusMalus	72	80	63
VehBody	sedan	microvan	other microvan
VehPrice	D	K	L
VehEngine	injection	direct injection overpowered	direct injection overpowered
VehEnergy	regular	diesel	diesel
VehMaxSpeed	160-170 km/h	170 - 180 km/h	170-180 km/h
VehClass	В	M1	M1
ClaimAmount	0	0	0
RiskVar	15	20	17
Garage	None	None	None
ClaimInd	0	0	0

et aussi les premiers éléments composants freMPL2:

	1	2	3
Exposure	0.583	0.416	0.583
LicAge	579	361	366
RecordBeg	2004-06-01	2004-01-01	2004-06-01
RecordEnd	NA	2004-06-01	NA
VehAge	10+	1	2
Gender	Male	Female	Female
MariStat	Other	Other	Other
SocioCateg	CSP60	CSP1	CSP1

	1	2	3
VehUsage	Private	Professional	Professional
DrivAge	83	55	55
HasKmLimit	0	0	0
BonusMalus	50	58	72
VehBody	sedan	sedan	sedan
VehPrice	N	D	D
VehEngine	injection	injection	injection
VehEnergy	regular	regular	regular
VehMaxSpeed	190-200 km/h	160 - 170 km/h	160-170 km/h
VehClass	Н	В	В
RiskVar	14	15	15
ClaimAmount	0	0	0
Garage	None	None	None
ClaimInd	0	0	0

2.2 Nettoyage de données

Remarquons qu'il serait intéressant de faire un peu de nettoyage de données avant d'effectuer quelconques travaux sur celles-ci. Pour cela, nous allons créer une fonction qui servira à nettoyer les 2 data frames.

Cette fonction (appelée nettoyage_dataframe) prend l'un des deux data frames en paramètres et effectue les opérations suivantes :

- Suppression des données des individus assurés moins d'un jour (Exposure)
- Modification des données des individus ayant un ClaimAmount négatif
- Suppression de la colonne associée au sexe de la personne
- Réduction du nombre de catégories socioprofessionnels
- Traduction des données (VehBody, MariStat, VehUsage, VehEngine, VehEnergy, Garage)

2.3 Statistiques descriptives

Regardons maintenant plus précisement les valeurs particulières de ces colonnes (valeurs minimum et maximum, moyenne, médiane, quantiles, ...). Pour cela, on exécute l'instruction **summary(freMPLx)** (et plus précisement **dfSummary(freMPLx)** du package summarytools pour l'affichage) ce qui donne les résultats suivants :

— Pour freMPL1:

No	Variable	Stats / Values	Freqs (% of Valid)	Missing
1	Exposure [numeric]	Mean (sd): 0.4 (0.3) min < med < max: 0 < 0.4 < 1 IQR (CV): 0.5 (0.6)	753 distinct values	0 (0%)
2	$\begin{array}{c} {\rm LicAge} \\ {\rm [integer]} \end{array}$	Mean (sd): 301.3 (163) min < med < max: 0 < 283 < 940 IQR (CV): 263 (0.5)	787 distinct values	0 (0%)
3	RecordBeg [Date]	min: 2004-01-01 med: 2004-03-01 max: 2004-12-30 range: 11m 29d	363 distinct values	0 (0%)

RecordEnd min : 2004-01-03 364 distinct values 13984 (46.55%) med : 2004-07-01 min < med :	No	Variable	Stats / Values	Freqs (% of Valid)	Missing
$\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	4			364 distinct values	
$ \begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$		[Date]			(46.55%)
5 VehAge					
[factor] 2. 1			9		
$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	5	~			
$ \begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$		[factor]		` ,	(0%)
$ \begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$,	
$ \begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$,	
$ \begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$,	
$ \begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$				` ,	
$ \begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$					
$ \begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$					
$ [factor] & 2. \ autre & 22740 (75.7\%) & (0\%) \\ SocioCateg & 1. \ CSP1 & 1803 (6.0\%) & 0 \\ [factor] & 2. \ CSP2 & 830 (2.8\%) & (0\%) \\ & 3. \ CSP3 & 487 (1.6\%) & \\ & 4. \ CSP5 & 19905 (66.3\%) & \\ & 5. \ CSP6 & 4592 (15.3\%) & \\ & 6. \ CSP7 & 59 (0.2\%) & \\ & 7. \ CSP4 & 2361 (7.9\%) & \\ & 8. \ CSP9 & 6 (0.0\%) & \\ & 8. \ CSP9 & 6 (0.0\%) & \\ & [factor] & 2. \ priv\acute{e} \ et \ trajet \ vers \ bur & 3.264 (44.1\%) & (0\%) \\ & 3. \ professionnel & 6407 (21.3\%) & \\ & 4. \ trajet \ professionnel & 579 (1.9\%) & \\ & 9 \ Driv Age & Mean (sd) : 46.3 (14.9) & 80 \ distinct \ values & 0 \\ [integer] & min < med < max: & (0\%) \\ & 18 < 45 < 97 & \\ \hline 1QR \ (CV) : 23 \ (0.3) & \\ \hline 10 \ HasKmLimit & Min : 0 & 0 : 26756 (89.1\%) & 0 \\ [integer] & Mean : 0.1 & 1 : 3287 (10.9\%) & (0\%) \\ \hline 10 \ Max : 1 & 1 \ BonusMalus & Mean (sd) : 64.2 (18.3) & 92 \ distinct \ values & 0 \\ [integer] & min < med < max: & (0\%) \\ \hline 50 < 54 < 272 & \\ \hline 1QR \ (CV) : 26 \ (0.3) & \\ \hline 12 \ VehBody & 1. \ cabriolet & 1315 \ (4.4\%) & 0 \\ [factor] & 2. \ microvan & 1347 \ (4.5\%) & (0\%) \\ \hline 12 \ VehBody & 1. \ cabriolet & 1315 \ (4.4\%) & 0 \\ [factor] & 2. \ microvan & 1347 \ (4.5\%) & (0\%) \\ \hline 1302 \ (4.3\%) & 5. \ autre \ microvan & 1661 \ (5.5\%) \\ 6. \ berline & 19764 \ (65.8\%) \\ 7. \ SUV & 1823 \ (6.1\%) & 8. \ break & 1605 \ (5.3\%) & \\ \hline \end{tabular}$					
$ \begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	6				
$ [factor] & 2. \ CSP2 & 830 \ (2.8\%) & (0\%) \\ 3. \ CSP3 & 487 \ (1.6\%) & \\ 4. \ CSP5 & 19905 \ (66.3\%) & \\ 5. \ CSP6 & 4592 \ (15.3\%) & \\ 6. \ CSP7 & 59 \ (0.2\%) & \\ 7. \ CSP4 & 2361 \ (7.9\%) & \\ 8. \ CSP9 & 6 \ (0.0\%) & \\ [factor] & 2. \ priv\acute{e} \ et \ trajet \ vers \ bur & 13264 \ (44.1\%) & (0\%) & \\ [factor] & 2. \ priv\acute{e} \ et \ trajet \ vers \ bur & 13264 \ (44.1\%) & (0\%) & \\ [factor] & 2. \ priv\acute{e} \ et \ trajet \ vers \ bur & 13264 \ (44.1\%) & (0\%) & \\ [factor] & 2. \ priv\acute{e} \ et \ trajet \ vers \ bur & 13264 \ (44.1\%) & (0\%) & \\ [factor] & Mean \ (sd) : 46.3 \ (14.9) & 80 \ distinct \ values & 0 & \\ [integer] & min < med < max: & (0\%) & \\ [integer] & Mean : 0.1 & 1 : 3287 \ (10.9\%) & (0\%) & \\ [integer] & min < med < max: & (0\%) & \\ [integer] & min < med < max: & (0\%) & \\ [integer] & min < med < max: & (0\%) & \\ [integer] & min < med < max: & (0\%) & \\ [integer] & min < med < max: & (0\%) & \\ [integer] & min < med < max: & (0\%) & \\ [integer] & min < med < max: & (0\%) & \\ [integer] & min < med < max: & (0\%) & \\ [integer] & min < med < max: & (0\%) & \\ [integer] & min < med < max: & (0\%) & \\ [integer] & min < med < max: & (0\%) & \\ [integer] & min < med < max: & (0\%) & \\ [integer] & min < med < max: & (0\%) & \\ [integer] & min < med < max: & (0\%) & \\ [integer] & min < med < max: & (0\%) & \\ [integer] & min < med < max: & (0\%) & \\ [integer] & min < med < max: & (0\%) & \\ [integer] & min < med < max: & (0\%) & \\ [integer] & min < med < max: & (0\%) & \\ [integer] & min < med < max: & (0\%) & \\ [integer] & min < med < max: & (0\%) & \\ [integer] & min < med < max: & (0\%) & \\ [integer] & min < med < max: & (0\%) & \\ [integer] & min < med < max: & (0\%) & \\ [integer] & min < med < max: & (0\%) & \\ [integer] & min < med < max: & (0\%) & \\ [integer] & min < med < max: & (0\%) & \\ [integer] & min < med < max: & (0\%) & \\ [integer] & min < med < max: & (0\%) & \\ [integer] & min < med < max: & (0\%) & \\ [integer] & min < med < max: & (0\%) & \\ [integer] & min < med < max: & (0\%) & \\ [integer] & min < med < max: & (0\%) & \\ [integer] $					` '
$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	7	_			-
$ \begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$		[factor]			(0%)
$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$					
$ \begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$,	
$ \begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$					
$ \begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$,	
$ \begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$					
$ \begin{bmatrix} \text{factor} \end{bmatrix} & 2. \text{ priv\'e et trajet vers bur} \\ 3. \text{ professionnel} \\ 4. \text{ trajet professionnel} \\ 4. \text{ trajet professionnel} \\ 579 (1.9\%) \\ 9 & \text{DrivAge} \\ [\text{integer}] & \text{Mean (sd)} : 46.3 (14.9) \\ 18 < 45 < 97 \\ \text{IQR (CV)} : 23 (0.3) \\ 10 & \text{HasKmLimit} \\ \text{Min} : 0 & 0 : 26756 (89.1\%) \\ [\text{integer}] & \text{Mean : } 0.1 \\ \text{Max : 1} \\ 11 & \text{BonusMalus} \\ [\text{integer}] & \text{min} < \text{med } < \text{max:} \\ 50 < 54 < 272 \\ \text{IQR (CV)} : 26 (0.3) \\ 12 & \text{VehBody} & 1. \text{ cabriolet} \\ [\text{factor}] & 2. \text{microvan} \\ 3. \text{ autobus} \\ 4. \text{ coup\'e} \\ 5. \text{ autre microvan} \\ 6. \text{ berline} \\ 7. \text{ SUV} \\ 8. \text{ break} \\ 1605 5.3\%) \\ \end{bmatrix} \begin{array}{c} 13264 (4.1\%) \\ (4.1\%) \\ (0\%) \\ 3. \text{ 20} \\ (21.3\%) \\ (0\%) \\ 3. \text{ 20} \\ (0\%) \\ (0\%) \\ 3. \text{ 20} \\ (0\%) \\ (0\%) \\ 3. \text{ 20} \\ (0\%) \\ (0$	0	T. 1 T.			0
$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	8	~	-		
$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$		[factor]	- "	,	(0%)
$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$,	
$ [integer] & \min < \max : \\ 18 < 45 < 97 \\ IQR (CV) : 23 (0.3) \\ 10 & HasKmLimit & Min : 0 & 0 : 26756 (89.1\%) & 0 \\ [integer] & Mean : 0.1 & 1 : 3287 (10.9\%) & (0\%) \\ Max : 1 & 11 & BonusMalus & Mean (sd) : 64.2 (18.3) & 92 distinct values & 0 \\ [integer] & \min < med < max : & (0\%) \\ [50 < 54 < 272 & (0\%) \\ [100 $	0	D		` ,	0
$ \begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	9	~	` '	80 distinct values	
$ \begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$		[integer]			(0%)
$ \begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$					
$ [integer] \qquad \text{Mean}: 0.1 \qquad \qquad 1:3287 \ (10.9\%) \qquad (0\%) \\ \qquad \text{Max}: 1 \qquad $	10	III/I ::4		0 . 26756 (20.107)	0
$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	10			` ,	
$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$		[integer]		$1:3287\ (10.9\%)$	(0%)
$ [integer] & \min < \operatorname{med} < \operatorname{max}: \\ 50 < 54 < 272 \\ IQR (CV) : 26 (0.3) \\ 12 & VehBody & 1. \ \operatorname{cabriolet} & 1315 (4.4\%) & 0 \\ [factor] & 2. \ \operatorname{microvan} & 1347 (4.5\%) & (0\%) \\ 3. \ \operatorname{autobus} & 156 (0.5\%) \\ 4. \ \operatorname{coup\'e} & 1302 (4.3\%) \\ 5. \ \operatorname{autre\ microvan} & 1661 (5.5\%) \\ 6. \ \operatorname{berline} & 19764 (65.8\%) \\ 7. \ \operatorname{SUV} & 1823 (6.1\%) \\ 8. \ \operatorname{break} & 1605 (5.3\%) \\ \hline $	11	DanuaMalua		02 distinct values	0
$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	11			92 distinct values	
$\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$		[integer]			(070)
12 VehBody 1. cabriolet 1315 (4.4%) 0 [factor] 2. microvan 1347 (4.5%) (0%) 3. autobus 156 (0.5%) 4. coupé 1302 (4.3%) 5. autre microvan 1661 (5.5%) 6. berline 19764 (65.8%) 7. SUV 1823 (6.1%) 8. break 1605 (5.3%)					
[factor] 2. microvan 1347 (4.5%) (0%) 3. autobus 156 (0.5%) 4. coupé 1302 (4.3%) 5. autre microvan 1661 (5.5%) 6. berline 19764 (65.8%) 7. SUV 1823 (6.1%) 8. break 1605 (5.3%)	19	VohPody	-	1915 (4 407)	0
3. autobus 156 (0.5%) 4. coupé 1302 (4.3%) 5. autre microvan 1661 (5.5%) 6. berline 19764 (65.8%) 7. SUV 1823 (6.1%) 8. break 1605 (5.3%)	14	•		,	
4. coupé 1302 (4.3%) 5. autre microvan 1661 (5.5%) 6. berline 19764 (65.8%) 7. SUV 1823 (6.1%) 8. break 1605 (5.3%)		[Iactor]			(070)
5. autre microvan 1661 (5.5%) 6. berline 19764 (65.8%) 7. SUV 1823 (6.1%) 8. break 1605 (5.3%)					
6. berline 19764 (65.8%) 7. SUV 1823 (6.1%) 8. break 1605 (5.3%)			-	,	
7. SUV 1823 (6.1%) 8. break 1605 (5.3%)				,	
8. break 1605 (5.3%)				,	
\				,	
5. camonic (0.070)				,	
			J. Camionneouc	1010 (0.070)	

No	Variable	Stats / Values	Freqs (% of Valid)	Missing
13	VehPrice	1. A ·	148 (0.5%)	0
	[factor]	2. B·	102~(~0.3%)	(0%)
		3. C·	$446 \ (\ 1.5\%)$	
		4. D ·	1583~(~5.3%)	
		5. E ·	2177~(~7.2%)	
		6. F ·	2383~(~7.9%)	
		7. G·	$2343 \ (\ 7.8\%)$	
		8. H·	2362~(~7.9%)	
		9. I ·	$2209 \ (\ 7.4\%)$	
		10. J·	$2788 \ (\ 9.3\%)$	
		[17 others]	13502~(44.9%)	
14	VehEngine	1. carburation	508 (1.7%)	0
	[factor]	2. GPL	2~(~0.0%)	(0%)
		3. injection	$20458 \ (68.1\%)$	
		4. injection directe surpuis	6895~(22.9%)	
		5. électrique	6~(~0.0%)	
		6. injection surpuissante	2174~(~7.2%)	
15	VehEnergy	1. diesel	9254 (30.8%)	0
	[factor]	2. GPL	2~(~0.0%)	(0%)
		3. électrique	6~(~0.0%)	
		4. essence	20781~(69.2%)	
16	VehMaxSpeed	1. 1-130 km/h	212~(~0.7%)	0
	[factor]	$2.\ 130\text{-}140\ \mathrm{km/h}$	$1066 \ (\ 3.5\%)$	(0%)
		$3.\ 140\text{-}150\ \mathrm{km/h}$	1257~(~4.2%)	
		$4.\ 150\text{-}160\ \mathrm{km/h}$	$3801\ (12.6\%)$	
		$5.\ 160\text{-}170\ \mathrm{km/h}$	5205~(17.3%)	
		6. $170-180 \text{ km/h}$	4749~(15.8%)	
		$7.\ 180-190\ \mathrm{km/h}$	4593~(15.3%)	
		$8.\ 190\text{-}200\ \mathrm{km/h}$	3613~(12.0%)	
		9. 200-220 km/h	$3250\ (10.8\%)$	
		$10.\ 220 + \ \text{km/h}$	2297 (7.6%)	
17	VehClass	1. 0	743 (2.5%)	0
	[factor]	2. A	2931 (9.8%)	(0%)
		3. B	9400 (31.3%)	
		4. H	4804 (16.0%)	
		5. M1	7622 (25.4%)	
		6. M2	4543 (15.1%)	
18	ClaimAmount	Mean $(sd): 259.6 (2337.2)$	1799 distinct values	0
	[numeric]	$\min < \max < \max$		(0%)
		0 < 0 < 163427		,
		IQR (CV) : 0 (9)		
19	RiskVar	Mean (sd) : $13.2 (4.7)$	20 distinct values	0
	[integer]	$\min < \max < \max$		(0%)
	, 0 ,	1 < 15 < 20		,
		IQR (CV) : 7 (0.4)		
20	Garage	1. aucun	19678 (65.5%)	0
-	[factor]	2. garage indépendant	3870 (12.9%)	(0%)
	[1	3. concessionnaire	6495 (21.6%)	(0,0)
21	ClaimInd	Min: 0	$0:26778 \ (89.1\%)$	0
	[integer]	Mean: 0.1	$1:3265\ (10.9\%)$	(0%)
	[0801]	Max : 1	1 . 3200 (10.0/0)	(0/0)

On constate ainsi que, pour ce data frame, l'âge moyen du conducteur est de 46,3 ans avec pour écart-type 14,9 ans. Le plus jeune conducteur a 18 ans(âge minimum légale pour conduire en France) et le plus âgé a 97 ans. L'écart interquartile (IQR), c'est-à-dire la mesure de dispersion qui s'obtient en faisant la différence entre le premier (25% des valeurs du data frame sont inférieures à ce quartile) et le troisième quartile(75%), est de 23. Autrement dit, 50% des âges des conducteurs est compris entre 35 et 58 ans. Le coefficient de variation (CV), le rapport entre l'écart-type et la moyenne, est égale à 3. De même, en ce qui concerne l'usage du véhicule par son propriétaire, on remarquera que la plupart des personnes renseignées utilise leur véhicule pour les trajets privés et pour se rendre à leur bureau (44,1%).

— Pour freMPL2:

No	Variable	Stats / Values	Freqs ($\%$ of Valid)	Missing
1	Exposure [numeric]	Mean (sd): 0.4 (0.3) min < med < max:	755 distinct values	0 (0%)
		0 < 0.4 < 1		
2	LicAge	IQR (CV) : 0.5 (0.6) Mean (sd) : 274.2 (161.8)	809 distinct values	0
<u> </u>	[integer]	$\min < \max < \max$:	309 distinct values	(0%)
	[integer]	0 < 246 < 940		(070)
		IQR (CV) : 255 (0.6)		
3	RecordBeg	min : 2004-01-01	365 distinct values	0
	[Date]	med: 2004-03-11		(0%)
	. ,	$\max: 2004-12-30$,
		range: 11m 29d		
4	RecordEnd	$\min: 2004-01-03$	364 distinct values	22109
	[Date]	med: 2004-07-01		(46.55%)
		$\max: 2004-12-31$		
		range: 11m 28d		
5	VehAge	1. 0	4313 (9.1%)	0
	[factor]	2. 1	3987 (8.4%)	(0%)
		3. 10+	14347 (30.2%)	
		4. 2	4140 (8.7%)	
		5. 3	$3760 \ (\ 7.9\%)$	
		6. 4	$3658 \; (\; 7.7\%)$	
		7. 5	3412~(~7.2%)	
		8. 6-7	$4909 \ (10.3\%)$	
		9. 8-9	4971 (10.5%)	
6	MariStat	1. célibataire	$13690 \ (28.8\%)$	0
_	[factor]	2. autre	33807 (71.2%)	(0%)
7	SocioCateg	1. CSP1	2366 (5.0%)	0
	[factor]	2. CSP2	1721 (3.6%)	(0%)
		3. CSP3	918 (1.9%)	
		4. CSP5	32894 (69.2%)	
		5. CSP6	5731 (12.1%)	
		6. CSP7	80 (0.2%)	
		7. CSP9	9 (0.0%)	
0	Vols Has me	8. CSP4	3778 (8.0%)	0
8	VehUsage	1. privée et trajet vors bur	16785 (35.3%)	$0 \\ (0\%)$
	[factor]	2. privée et trajet vers bur	22051 (46.4%)	(0%)
		3. professionnel	7958 (16.8%)	
		4. trajet professionnel	703 (1.5%)	

No	Variable	Stats / Values	Freqs (% of Valid)	Missing
9	DrivAge	Mean (sd): 44.5 (14.7)	83 distinct values	0
	[integer]	$\min < \max < \max$		(0%)
		18 < 42 < 103		, ,
		IQR (CV) : 23 (0.3)		
0	HasKmLimit	Min:0	0:41029~(86.4%)	0
	[integer]	Mean: 0.1	$1:6468\ (13.6\%)$	(0%)
		Max:1	, ,	, ,
1	BonusMalus	Mean (sd): $69 (20.4)$	108 distinct values	0
	[integer]	$\min < \max < \max$:		(0%)
		50 < 64 < 272		
		IQR (CV) : 35 (0.3)		
2	VehBody	1. cabriolet	1506 (3.2%)	0
	[factor]	2. microvan	1458 (3.1%)	(0%)
		3. autobus	220~(~0.5%)	
		4. coupé	1761 (3.7%)	
		5. autre microvan	1837 (3.9%)	
		6. berline	$34051 \ (71.7\%)$	
		7. SUV	1974~(~4.2%)	
		8. break	2231~(~4.7%)	
		9. camionnette	2459 (5.2%)	
3	VehPrice	1. A ·	765~(~1.6%)	0
	[factor]	2. B ·	655~(~1.4%)	(0%)
		3. C·	1697~(~3.6%)	
		4. D ·	3617~(~7.6%)	
		5. E·	$3878 \; (\; 8.2\%)$	
		6. F·	4106~(~8.6%)	
		7. G·	4184 (8.8%)	
		8. H·	3952~(~8.3%)	
		9. I ·	3505~(~7.4%)	
		10. J·	$3898 \; (\; 8.2\%)$	
		[17 others]	$17240 \ (36.3\%)$	
4	VehEngine	1. carburation	$6513\ (13.7\%)$	0
	[factor]	2. GPL	2~(~0.0%)	(0%)
		3. injection	30663~(64.6%)	
		4. injection directe surpuis	6554 (13.8%)	
		5. électrique	6 (0.0%)	
		6. injection surpuissante	3759 (7.9%)	_
5	VehEnergy	1. diesel	13521 (28.5%)	0
	[factor]	2. GPL	2 (0.0%)	(0%)
		3. électrique	6 (0.0%)	
_		4. essence	33968 (71.5%)	
6	VehMaxSpeed	1. 1-130 km/h	1256 (2.6%)	0
	[factor]	2. 130-140 km/h	2286 (4.8%)	(0%)
		3. 140-150 km/h	4073 (8.6%)	
		4. 150-160 km/h	7075 (14.9%)	
		5. 160-170 km/h	7915 (16.7%)	
		6. 170-180 km/h	7933 (16.7%)	
		7. 180-190 km/h	5795 (12.2%)	
		8. 190-200 km/h	4567 (9.6%)	
		9. 200-220 km/h	3998 (8.4%)	
		$10.\ 220+\ km/h$	2599 (5.5%)	

No	Variable	Stats / Values	Freqs (% of Valid)	Missing
17	VehClass	1. 0	1901 (4.0%)	0
	[factor]	2. A	4140 (8.7%)	(0%)
		3. B	15229 (32.1%)	, ,
		4. H	7034 (14.8%)	
		5. M1	11756~(24.8%)	
		6. M2	7437 (15.7%)	
18	RiskVar	Mean $(sd): 13.5 (4.7)$	20 distinct values	0
	[integer]	$\min < \max :$		(0%)
	. 0 1	1 < 15 < 20		,
		IQR (CV) : 6 (0.3)		
19	ClaimAmount	Mean (sd): 86.8 (1232.5)	873 distinct values	0
	[numeric]	$\min < \max :$		(0%)
		0 < 0 < 120152.4		,
		IQR (CV) : 0 (14.2)		
20	Garage	1. aucun	35092 (73.9%)	0
	[factor]	2. garage indépendant	4642 (9.8%)	(0%)
		3. concessionnaire	7763 (16.3%)	,
21	ClaimInd	Min:0	$0:45363\ (95.5\%)$	0
	[integer]	Mean: 0	$1:2134\ (4.5\%)$	(0%)
	. 0]	Max:1	(-, -,	(- •)

Pour ce data frame, l'âge moyen du conducteur est de 46,3 ans avec pour écart-type 14,9 ans. Le plus jeune conducteur a 18 ans(âge minimum légale pour conduire en France) et le plus âgé a 97 ans. L'écart interquartile (IQR), c'est-à-dire la mesure de dispersion qui s'obtient en faisant la différence entre le premier (25% des valeurs du data frame sont inférieures à ce quartile) et le troisième quartile(75 %), est de 23. Autrement dit, 50% des âges des conducteurs est compris entre 35 et 58 ans. Le coefficient de variation (CV), le rapport entre l'écart-type et la moyenne, est égale à 3. De même, en ce qui concerne l'usage du véhicule par son propriétaire, on remarquera que la plupart des personnes renseignées utilise leur véhicule pour les trajets privés et pour se rendre à leur bureau (44,1%).

On remarquera également qu'il existe des données manquantes, pour les 2 tableaux de données, dans la colonne RecEnd, ce qui signifie que les individus concernés sont toujours assurés.

On peut aussi utiliser la fonction **describe()** du package Hmisc pour avoir un aperçu de la dispersion des données. En effet, cette fonction détermine le type de la variable (character, factor, numeric,...) et affiche un "résumé" concis en fonction de chacun. Vous trouvez un exemple d'exécution de la focntion describe en annexe.

2.3.1 Représentations graphiques des données

Dans cette partie, vous allez voir des représentations graphiques des colonnes les plus importantes de nos data frames. L'ensemble des graphiques est cependant disponible dans les annexes de ce rapport.

Nous allons maintenant rentrer dans des méthodes d'analyse descriptives plus complètes pour nous permettre d'établir nos modèles linéaires. Pour cela, nous allons appliquer les méthodes d'analyse en composantes principales (ACP) et d'analyse factorielle des correspondances (AFC). Le but de ces méthodes est de définir les informations les plus significatives de nos data frames et de découvrir si oui ou non il existe certaines similitudes entre nos différentes informations pour pouvoir obtenir un data frame optimisé sur lequel on appliquera nos 2 modèles linéaires (GLM, GAM).

2.3.2 Analyse en composantes principales (ACP)

L'ACP permet d'analyser et de visualiser un jeu de données contenant des individus décrits par plusieurs variables quantitatives. C'est une méthode statistique qui permet d'explorer des données dites multivariées (données avec plusieurs variables). Chaque variable pourrait être considérée comme une dimension différente. L'analyse en composantes principales est utilisée pour extraire et de visualiser les informations importantes contenues dans une table de données multivariées. L'ACP synthétise cette information en seulement quelques nouvelles variables appelées composantes principales. Ces nouvelles variables correspondent à une combinaison linéaire des variables originels. Le nombre de composantes principales est inférieur ou égal au nombre de variables d'origine.

Pour réaliser le calcul de l'ACP, plusieurs fonctions, de différents packages, sont disponibles dans le logiciel R :

- prcomp() et princomp() issus du package stats
- *PCA()* issu du package *FactoMineR*
- dudi.pca() issu du package ade4
- *epPCA()* issu du package *ExPosition*.

Parmi ces fonctions, nous avons decider d'utiliser la fonction **PCA()** du package **FactoMineR** car ce package nous permettra également de réaliser notre seconde analyse. Enfin, pour extraire et visualiser les résultats, nous allons utiliser les fonctions R fournies par le package **factoextra**.

Nous allons donc exécuter l'ACP sur notre tableau freMPL2 en prenant à ce que l'ensemble des valeurs que nous utilisons soit de type numérique (quitte à réaliser une conversion sur certaines de nos colonnes).

Une fois que nos données ont été converties, il faut veiller à la standardisation des données. Pour cela, on normalise nos variables afin que le résultat de l'ACP obtenue ne soient pas affecté (par exemple, par des différences d'unités). Ainsi, l'objectif est de rendre les variables comparables en les normalisant généralement de manière à ce qu'elles aient un écart type égal à 1 et une moyenne nulle. L'approche consiste à transformer les données en soustrayant à chaque valeur une valeur de référence (la moyenne de la variable) et en la divisant par l'écart type. Pour normaliser les données, il est possible d'utiliser la fonction scale(). Cependant, par défaut, le fonction PCA() normalise automatiquement les données. Nous n'avons pas eu besoin de faire cette transformation.

Réalisons maintenant notre Analyse en Composantes Principales. Pour cela, il faut exécuter la commande suivante :

```
freMPL2.pca <- PCA(freMPL2.active, ncp = 3, graph = FALSE)</pre>
```

Notre fonction PCA() prend en compte un data frame freMPL2.active qui correspond aux colonnes du dataframe freMPL2 qui sont de type numérique et que l'on souhaite analyser, un paramètre ncp qui correspond au nombre de dimensions conservées dans les résultats finaux (par défaut, ce nombre est égal à 3) et un paramètre logique graph qui précise si oui (graph = TRUE) ou non (graph = FALSE) nous voulons qu'un graphique du résultat s'affiche.

La fonction PCA() crée un objet contenant de nombreuses informations comme les valeurs propres (la variance du facteur correspondant où un facteur est une combinaison linéaire des variables initiales), la moyenne et l'écart type des variables, le poids de ces variables, . . .

Regardons d'abord les valeurs propres. Elles mesurent la quantité de variance expliquée par chaque axe prinicipal.

Examinons donc ces valeurs propres (eigenvalue en anglais) afin de déterminer le nombre de composantes principales à prendre en considération. Les valeurs propres et la proportion de variances retenues par les composantes principales peuvent être extraites à l'aide de la fonction get_eignevalue() du package factoextra.

Voici le résultat que l'on obtient :

	eigenvalue	variance.percent	cumulative.variance.percent
Dim.1	2.3406825	29.2585314	29.25853
Dim.2	1.3591915	16.9898931	46.24842
Dim.3	1.0224108	12.7801347	59.02856
Dim.4	0.9725772	12.1572151	71.18577
Dim.5	0.9492393	11.8654911	83.05127
Dim.6	0.6668717	8.3358964	91.38716
Dim.7	0.6161375	7.7017189	99.08888
Dim.8	0.0728895	0.9111193	100.00000

Dans ce tableau, nous avons les valeurs propres de chacune des 8 colonnes du dataframe freMPL2.active (Exposure, LicAge, DrivAge, HasKmLimit, BonusMalus, RiskVar, ClaimAmount, ClaimInd), la proportion de variance associée et la variance cumulée.

La somme de toutes les valeurs propres donne une variance total de 8 (le nombre de dimensions). Pour obtenir la proportion de variance de la deuxième colonne, il suffit de prendre la valeur propre associée, de diviser cette valeur par le nombre de dimensions et de le mettre en pourcentage. Par exemple, pour la dimension 1, 2,3406825 divisé par 8 donne 0,29258531, ce qui donne 29,2585314% de la variance. Enfin, la dernière colonne correspond à la somme cumulée des variances. Par exemple, 59.02856 correspond à la somme de 12.7801347 avec 16.9898931 et 29.2585314.

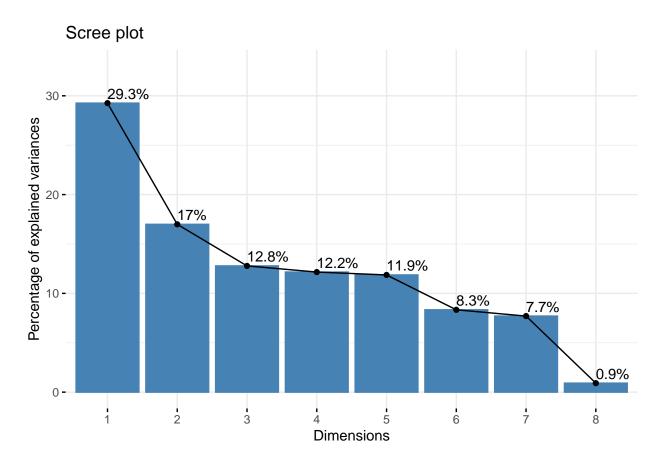
On notera ainsi qu'environ 46,25% de la variance totale est expliquée par nos 2 premières dimensions.

On peut utiliser ses valeurs propres pour déterminer le nombre d'axes principaux à conserver après l'ACP :

- Une valeur propre > 1 indique que la composante principale concernée représente plus de variance par rapport à une seule variable d'origine, lorsque les données sont standardisées. Ceci est généralement utilisé comme seuil à partir duquel les PC sont conservés (Dans ce cas, on aurait 3 composantes principales).
- On peut également limiter le nombre d'axes à un nombre qui représente une certaine fraction de la variance totale. Par exemple, si vous êtes satisfaits avec 70% de la variance totale expliquée, utilisez le nombre d'axes pour y parvenir (Dans ce cas, on aurait 4 dimensions).

Une autre méthode pour déterminer le nombre de composantes principales est de regarder le graphique des valeurs propres (appelé **scree plot**). Le nombre d'axes est déterminé par le point, au-delà duquel les valeurs propres restantes sont toutes relativement petites et de tailles comparables.

Le graphique des valeurs propres peut être généré à l'aide de la fonction $fviz_eig()$ ou $fviz_screeplot()$ du package factoextra.



Du graphique ci-dessus, nous pourrions vouloir nous arrêter à la cinquième composante principale puisque environ 83% des informations contenues dans les données sont conservées par les cinq premières composantes principales.

Pour extraire les résultats pour les variables, à partir de l'ACP, il est possible d'utiliser la fonction $get_pca_var()$. Cette fonction retourne une liste d'éléments contenant tous les résultats pour les variables actives (coordonnées, corrélation entre les variables et les axes, cosinus-carré et contributions).

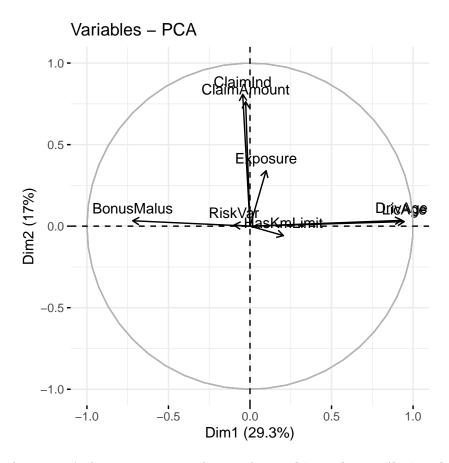
Les composants de get_pca_var() peuvent être utilisés dans le graphique des variables comme suit :

- get_pca_var()\$coord : coordonnées des variables pour créer un nuage de points.
- $get_pca_var()$cos2$ (cosinus carré des variables) : Représente la qualité de représentation des variables sur le graphique de l'ACP. Il est calculé comme étant les coordonnées au carré.
- get_pca_var()\$contrib : contient les contributions des variables aux composantes principales.

Dans ce qui va suivre, nous allons visualiser les variables et tirer des conclusions à propos de leurs corrélations.

La corrélation entre une variable et une composante principale est utilisée comme coordonnées de la variable sur la composante principale. La représentation des variables diffère de celle des observations : les observations sont représentées par leurs projections, mais les variables sont représentées par leurs corrélations.

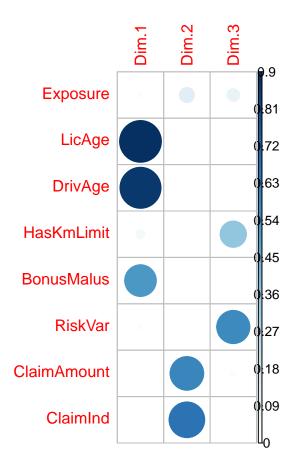
Visualisons d'abord les variables :



Le graphique ci-dessus est également connu sous le nom de **graphique de corrélation des variables**. Il montre les relations entre toutes les variables. Il peut être interprété comme suit:

- Les variables positivement corrélées sont regroupées.
- Les variables négativement corrélées sont positionnées sur les côtés opposés de l'origine du graphique (quadrants opposés).
- La distance entre les variables et l'origine mesure la qualité de représentation des variables. Les variables qui sont loin de l'origine sont bien représentées par l'ACP.

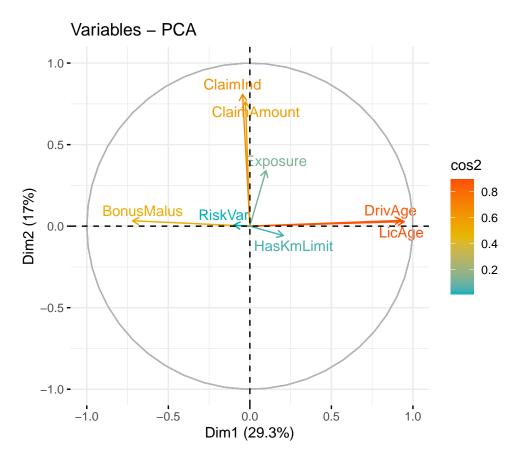
Pour visualiser la qualité de la représentation des variables sur la carte de l'ACP, nous allons utiliser le cosinus carré (cos2). Visualisons d'abord le cosinus carré des variables sur toutes les dimensions en utilisant le package corrplot. Voici le résultat :



Pour visualiser le cosinus carré, nous aurions pu utiliser aussi la fonction $fviz_cos2()$ du package factoextra pour créer un diagramme bâton du cosinus carré des variables.

Plus la valeur du cosinus carré est élévée, plus la réprésentation de la variable sur les axes prinicipaux pris en considération est bonne. Dans ce cas-là, la variable est positionnée à proximité de la circonférence du cercle de corrélation et le point associé dans le tableau de corrélation est gros et de couleur foncé. Inversement, un faible cosinus carré indique que la variable n'est pas parfaitement représentée par les axes principaux. Dans ce cas, la variable est proche du centre du cercle et le point du tableau de corrélation est petit (voir inexistant).

Il est également possible de colorer les variables en fonction de la valeur de leurs cosinus carré.



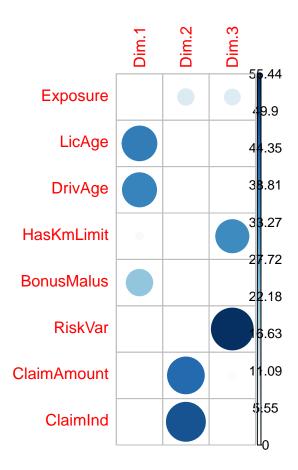
On remarquera donc que les variables DrivAge et LicAge sont bien représentées par nos axes principaux tandis que la variable RiskVar n'est pas bien représenté par nos axes.

Observons maintenant la contribution des variables aux axes principaux.

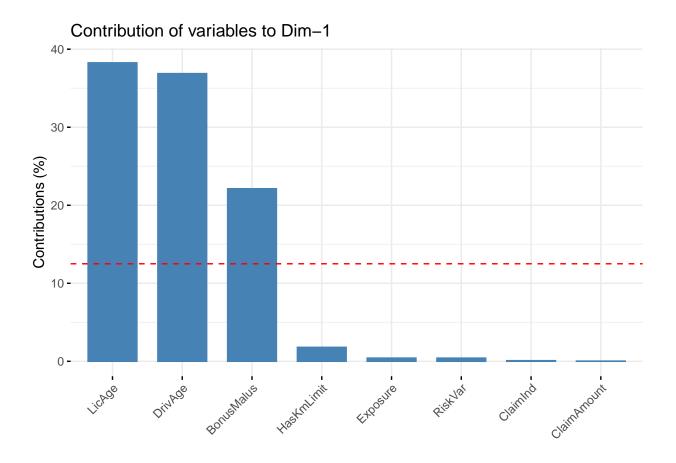
Les contributions des variables dans la définition d'un axe principal donné sont exprimées en pourcentage :

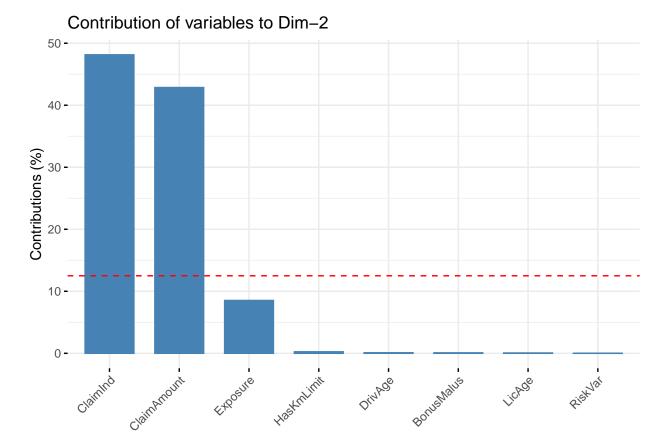
- Les variables corrélées par nos deux premiers axes sont les plus importantes pour expliquer la variabilité dans le jeu de données.
- Les variables qui ne sont pas en corrélation avec un axe ou qui sont corrélées avec les derniers axes sont des variables à faible apport et peuvent être supprimées pour simplifier l'analyse globale.

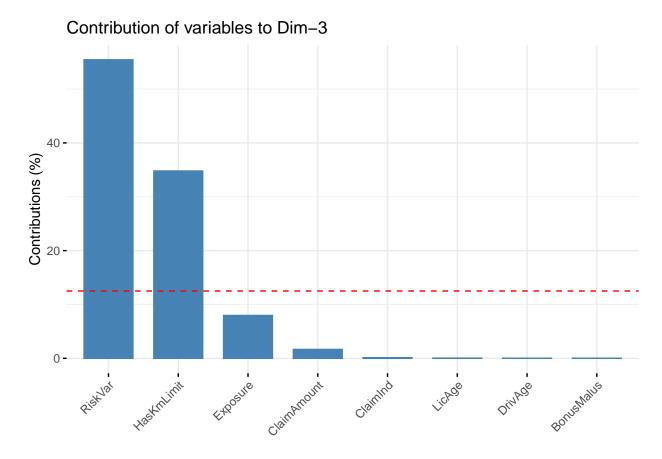
Comme pour la visualisation du cosinus carré, il est possible d'utiliser la fonction corrplot() pour mettre en évidence les variables les plus contributives pour chaque dimension:



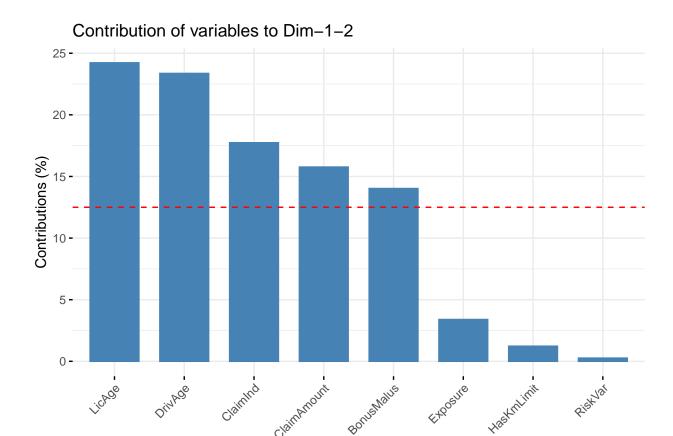
La fonction fviz_contrib() [package factoextra] peut être utilisée pour créer un bar plot de la contribution des variables. Si vos données contiennent de nombreuses variables, vous pouvez décider de ne montrer que les principales variables contributives.





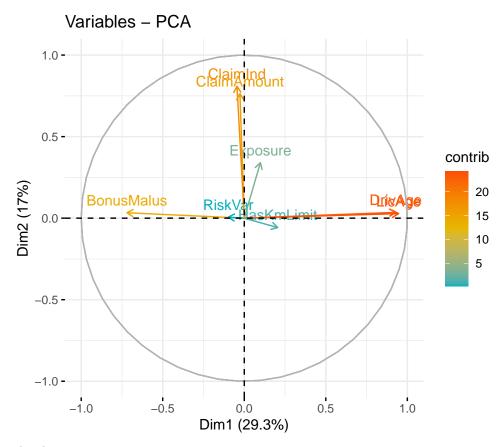


On peut également visualiser la contribution totale aux deux premiers axes.



La ligne en pointillé rouge, sur le graphique ci-dessus, indique la contribution moyenne attendue. Pour une composante donnée, une variable avec une contribution supérieure à ce seuil pourrait être considérée comme importante pour contribuer à la composante.

Enfin, on peut mettre en évidence les variables les plus importantes sur le graphe de corrélation.



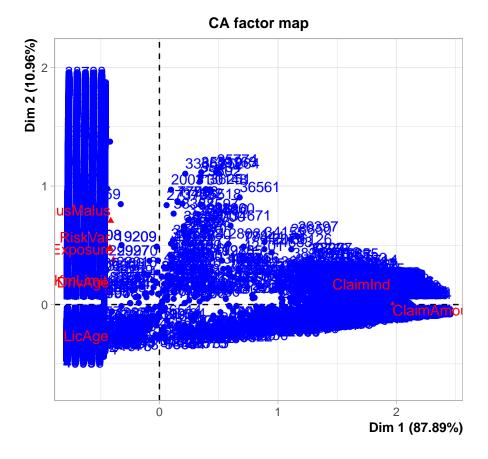
Description des dimensions

Dans les sections précédentes, nous avons décrit comment mettre en évidence les variables en fonction de leurs contributions aux composantes principales.

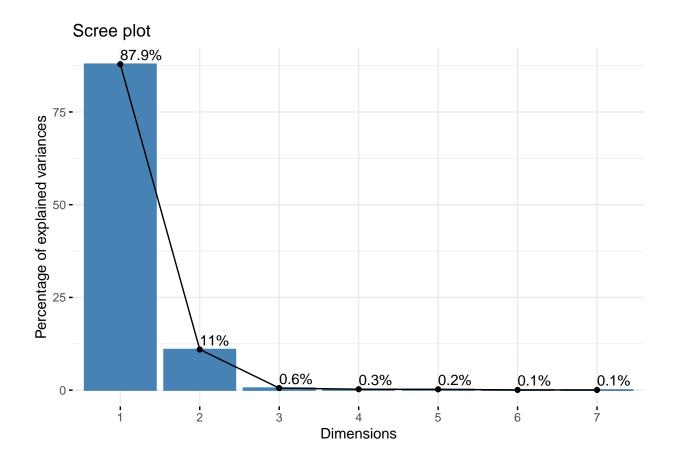
Notez également que la fonction dimdesc() [dans FactoMineR], pour dimension description (en anglais), peut être utilisée pour identifier les variables les plus significativement associées avec une composante principale donnée . Elle peut être utilisée comme suit:

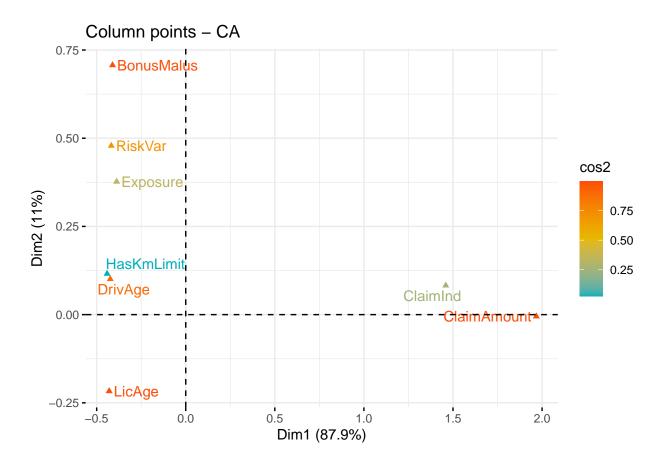
2.3.3 Analyse factorielle des correspondances (AFC)

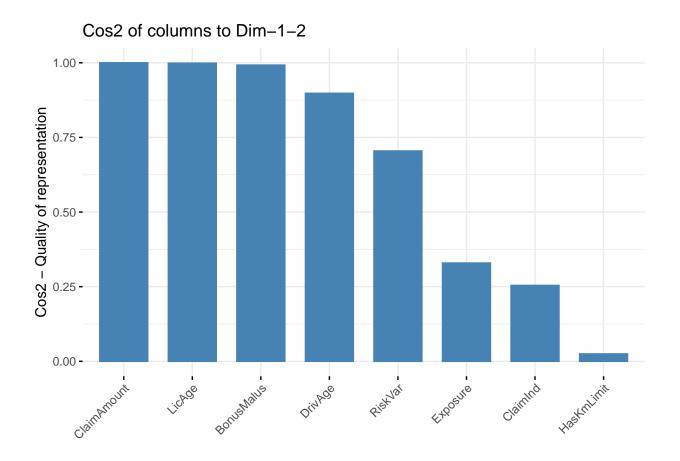
L'analyse factorielle des correspondances est une extension de l'analyse en composantes principales pour analyser l'association entre deux variables qualitatives (ou catégorielles). L'AFC permet de résumer et de visualiser l'information contenue dans le tableau de contingence formé par les deux variables catégorielles. Le tableau de contingence contient les fréquences formées par les deux variables.



##		eigenvalue	variance.percent	cumulative.variance.percent
##	Dim.1	0.8368752926	87.89057231	87.89057
##	Dim.2	0.1043926431	10.96355601	98.85413
##	${\tt Dim.3}$	0.0053764426	0.56464639	99.41877
##	Dim.4	0.0023878835	0.25078103	99.66956
##	Dim.5	0.0020457193	0.21484615	99.88440
##	Dim.6	0.0005902286	0.06198717	99.94639
##	Dim.7	0.0005104719	0.05361094	100.00000







```
##
                     coord
## HasKmLimit
               -0.4413484
               -0.4297221
## LicAge
## DrivAge
               -0.4235596
## RiskVar
               -0.4178123
## BonusMalus
               -0.4108171
## Exposure
               -0.3880547
  ClaimInd
                1.4592963
  ClaimAmount
                1.9675944
```

3 GLM

Les modèles linéaires généralisés aussi appelés GLM sont une extension des modèles linéaires classiques.

Cependant les modèles linéaires classiques sont utilisés uniquement lorsque la variable réponse est de type numérique continue. Or dans le cas que nous étudions, nous allons principalement utiliser des variables binaires avec lesquelles nous devrons utiliser la loi de Bernouilli. De ce fait l'erreur qui résulte de notre modèle linéaire classique ne peut donc pas suivre une loi normale de moyenne nulle et de variance constante, nos résultats étant soit 0 ou 1.

Un GLM est composé de trois éléments : 1. Un prédicteur linéaire 2. Une fonction de lien 3. Une structure des erreurs

Les prédicteurs linéaires sont un ensemble de variables prédictives induisant une variable dépendante que

l'on nomme réponse.

$$\eta = \sum_{j=1}^{p} \beta_j X_{ij}$$

La fonction de lien est une transformation par une fonction mathématique de la prédiction moyenne. Il s'agit donc d'une fonction qui transforme les valeurs du prédicteur linéaire. G étant ici notre fonction lien

$$g(\mathfrak{t}_y) = \sum_{j=1}^p \beta_j \ X_{ij}$$

Le but d'une fonction de lien est primordial dans notre exemple, celle-ci va contraindre les valeurs prédites dans l'échelle des valeurs observées. On comprendra alors que cette fonction lien nous est nécessaire pour pouvoir analyser nos variables binaires.

Enfin la structure des erreurs va donc devoir être adaptée par rapport à nos modèles linéaires classique afin qu'ils puissent correspondre à nos nouvelles données. Pour cela il existe plusieurs lois comme la loi de Poisson ou la loi Binomiale nous offrant une distribution des erreurs et des réponses qui seront différents.

La loi de Poisson est principalement utilisée lorsqu'il s'agit de problèmes de comptage (nombre de poissons dans une rivière, nombre de buts marqués dans une saison etc.)

Lorsque les données sont continues, nous pouvons donc utiliser une distribution Gaussienne, mais il existe également des distributions Binomiales négatives qui a pour but de modéliser des variables de comptage lorsque celles-ci sont sur-dispersées

Ainsi, dans notre cas les distribution de Poisson ou binomiale négative peuvent être utiliser pour représenter les fréquences des sinistres

Et Gamma et Inverse gauss pour représenter la sévérité des sinistres

3.1 Fréquence des sinistres

Coefficients:

##

3.1.1 Présentation des lois utilisables

3.1.2 Exécution du GLM sur notre tableau freMPL2

Test du modèle GLM avec la loi de Poisson :

```
#calibration d'une loi de Poisson
glm1 <- glm(ClaimInd~DrivAge+VehAge+VehUsage+BonusMalus+VehBody+VehMaxSpeed, offset = log(Exposure), far
summary(glm1)
##
## Call:
  glm(formula = ClaimInd ~ DrivAge + VehAge + VehUsage + BonusMalus +
       VehBody + VehMaxSpeed, family = poisson("log"), data = freMPL2,
       offset = log(Exposure))
##
##
## Deviance Residuals:
       Min
                 10
                      Median
                                   30
                                            Max
                                         3.5785
## -0.7406 -0.3540 -0.2683 -0.1758
##
```

Estimate Std. Error z value Pr(>|z|)

```
## (Intercept)
                                         -1.451769
                                                     0.299832 -4.842 1.29e-06 ***
## DrivAge(20,25]
                                                     0.239860
                                                              -2.388 0.016949 *
                                        -0.572739
## DrivAge(25,30]
                                         -0.869588
                                                     0.232667
                                                              -3.737 0.000186 ***
## DrivAge(30,35]
                                                              -3.531 0.000414 ***
                                        -0.819072
                                                     0.231959
## DrivAge(35,40]
                                         -0.745800
                                                     0.232851
                                                              -3.203 0.001360 **
## DrivAge(40,45]
                                                     0.235696
                                                              -3.574 0.000352 ***
                                        -0.842333
## DrivAge(45,50]
                                        -0.936159
                                                     0.236941
                                                              -3.951 7.78e-05 ***
## DrivAge(50,55]
                                         -0.920040
                                                     0.236138
                                                              -3.896 9.77e-05 ***
## DrivAge(55,60]
                                        -0.847122
                                                     0.237082
                                                              -3.573 0.000353 ***
## DrivAge(60,65]
                                        -0.786225
                                                     0.244622
                                                              -3.214 0.001309 **
## DrivAge(65,70]
                                        -0.775962
                                                     0.254946
                                                              -3.044 0.002337 **
## DrivAge(70,75]
                                        -1.011553
                                                     0.270779
                                                              -3.736 0.000187 ***
## DrivAge(75,80]
                                                     0.316862 -4.476 7.62e-06 ***
                                        -1.418121
## DrivAge(80,104]
                                        -0.677142
                                                     0.293429
                                                              -2.308 0.021017 *
## VehAge1
                                         -0.098937
                                                     0.099875
                                                              -0.991 0.321874
## VehAge10+
                                         -0.230448
                                                     0.085593
                                                              -2.692 0.007095 **
## VehAge2
                                                     0.095496
                                                                0.241 0.809536
                                         0.023017
## VehAge3
                                         0.005242
                                                     0.100133
                                                                0.052 0.958247
## VehAge4
                                        -0.055284
                                                     0.102154
                                                              -0.541 0.588384
## VehAge5
                                         -0.040324
                                                     0.105113
                                                              -0.384 0.701252
## VehAge6-7
                                         -0.140546
                                                     0.099284
                                                              -1.416 0.156894
## VehAge8-9
                                         -0.100558
                                                     0.099237
                                                              -1.013 0.310909
## VehUsageprivée et trajet vers bureau 0.138089
                                                     0.054904
                                                                2.515 0.011899 *
## VehUsageprofessionnel
                                         0.190700
                                                     0.068017
                                                                2.804 0.005051 **
## VehUsagetrajet professionnel
                                         0.161592
                                                     0.176992
                                                                0.913 0.361246
## BonusMalus(100,350]
                                         0.504666
                                                     0.093149
                                                                5.418 6.03e-08
## VehBodymicrovan
                                         0.107266
                                                     0.165941
                                                                0.646 0.518013
## VehBodyautobus
                                         -0.189304
                                                     0.374354
                                                              -0.506 0.613080
## VehBodycoupé
                                         -0.011214
                                                     0.158709
                                                              -0.071 0.943670
## VehBodyautre microvan
                                         -0.003269
                                                     0.159403
                                                              -0.021 0.983636
## VehBodyberline
                                        -0.112103
                                                     0.120714
                                                               -0.929 0.353061
## VehBodySUV
                                         0.134478
                                                     0.149639
                                                                0.899 0.368820
## VehBodybreak
                                        -0.445587
                                                     0.167322
                                                              -2.663 0.007744 **
## VehBodycamionnette
                                         0.209691
                                                     0.155274
                                                               1.350 0.176868
## VehMaxSpeed130-140 km/h
                                                     0.167987
                                        -0.052937
                                                               -0.315 0.752667
## VehMaxSpeed140-150 km/h
                                        -0.017114
                                                     0.160254 -0.107 0.914955
## VehMaxSpeed150-160 km/h
                                         0.109537
                                                     0.153027
                                                                0.716 0.474113
## VehMaxSpeed160-170 km/h
                                                                0.042 0.966729
                                         0.006457
                                                     0.154812
## VehMaxSpeed170-180 km/h
                                         0.116861
                                                     0.155896
                                                                0.750 0.453492
## VehMaxSpeed180-190 km/h
                                                              -0.487 0.626004
                                        -0.079147
                                                     0.162400
## VehMaxSpeed190-200 km/h
                                         0.097111
                                                     0.163630
                                                                0.593 0.552859
## VehMaxSpeed200-220 km/h
                                                                0.382 0.702729
                                         0.063538
                                                     0.166487
## VehMaxSpeed220+ km/h
                                         0.277671
                                                     0.171568
                                                                1.618 0.105571
## ---
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
##
## (Dispersion parameter for poisson family taken to be 1)
##
       Null deviance: 12564
                             on 47496
                                       degrees of freedom
## Residual deviance: 12410
                             on 47454
                                       degrees of freedom
## AIC: 16764
## Number of Fisher Scoring iterations: 6
```

```
##
      ClaimInd Predict_ClaimInd difference
## 1
                     0.05426268 0.05426268
             0
## 2
             0
                     0.03828256 0.03828256
                     0.06060942 0.06060942
## 3
             0
## 4
             0
                     0.02965685 0.02965685
                     0.01052081 0.01052081
## 5
             0
## 6
             0
                     0.04753376 0.04753376
## 7
             1
                     0.06880799 0.93119201
## 8
             0
                     0.06867037 0.06867037
## 9
             0
                     0.02019737 0.02019737
## 10
                     0.05467572 0.05467572
```

```
recap1[recap1$difference<0.5 & recap1$ClaimInd == 1,]</pre>
```

```
## [1] ClaimInd Predict_ClaimInd difference
## <0 rows> (or 0-length row.names)
```

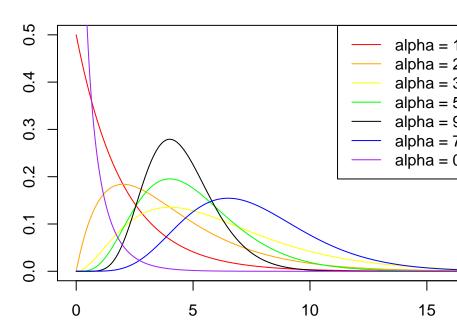
```
# Ce modèle ne fonctionne pas pour prédire les ClaimInd égaux à 1
```

Le résumé de notre modèle révèle des informations intéressantes. La performance d'une régression logistique est évaluée avec des métriques clés spécifiques : - AIC (Critère d'information d'Akaike): Il mesure l'ajustement lorsqu'une pénalité est appliquée au nombre de paramètres. Des valeurs AIC plus petites indiquent que le modèle est plus proche de la vérité. - Null deviance : Il s'agit de la déviance du modèle nul, c'est-à-dire qu'il 'est caractérisé par aucun facteur. - Residual deviance : Il s'agit de la déviance du modèle avec toutes les variables. - Number of Fisher Scoring iterations : Il s'agit du nombre d'itérations avant la convergence.

3.2 Sévérité des sinistres

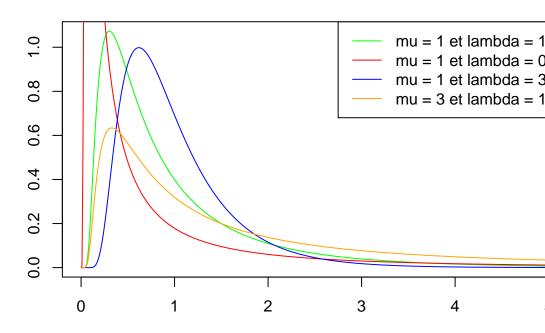
3.2.1 Présentation des lois utilisables

distribution de loi gamma



3.2.1.1 loi de gamma (ou d'Euler)

distribution de loi inverse gaussienne



3.2.1.2 Inverse gauss

##

```
## Call:
  glm(formula = ClaimAmount ~ DrivAge + VehAge + VehUsage + BonusMalus +
##
       VehBody + VehMaxSpeed, family = poisson(link = "log"), data = freMPL2,
##
       offset = ClaimInd)
##
## Deviance Residuals:
##
               1Q Median
                                3Q
                                       Max
## -76.73 -13.41 -10.78
                            -8.93 875.26
## Coefficients:
##
                                          Estimate Std. Error z value Pr(>|z|)
## (Intercept)
                                          5.456643
                                                     0.007017 777.652
                                                                          <2e-16 ***
## DrivAge(20,25]
                                         -0.424181
                                                     0.005738 -73.923
                                                                          <2e-16 ***
                                                     0.005656 -172.068
## DrivAge(25,30]
                                                                          <2e-16 ***
                                         -0.973242
                                         -1.064342
## DrivAge(30,35]
                                                     0.005651 -188.360
                                                                          <2e-16 ***
## DrivAge(35,40]
                                         -0.303377
                                                     0.005570 -54.468
                                                                          <2e-16 ***
## DrivAge(40,45]
                                         -0.809725
                                                     0.005685 -142.422
                                                                          <2e-16 ***
## DrivAge(45,50]
                                         -1.177359
                                                     0.005798 -203.072
                                                                          <2e-16 ***
## DrivAge(50,55]
                                         -1.004243
                                                     0.005742 -174.880
                                                                          <2e-16 ***
## DrivAge(55,60]
                                         -0.609482
                                                     0.005697 -106.984
                                                                          <2e-16 ***
## DrivAge(60,65]
                                         -0.576607
                                                     0.005887
                                                               -97.942
                                                                          <2e-16 ***
## DrivAge(65,70]
                                         -0.467455
                                                     0.006060 -77.134
                                                                          <2e-16 ***
## DrivAge(70,75]
                                         -0.787713
                                                     0.006473 -121.685
                                                                          <2e-16 ***
## DrivAge(75,80]
                                         -1.756620
                                                     0.008901 -197.342
                                                                          <2e-16 ***
## DrivAge(80,104]
                                          0.092281
                                                     0.006397
                                                                 14.426
                                                                          <2e-16 ***
```

```
## VehAge1
                                          0.329440
                                                     0.002300 143.255
                                                                          <2e-16 ***
                                                                         <2e-16 ***
## VehAge10+
                                         -0.147633
                                                     0.002128 -69.363
## VehAge2
                                         0.420784
                                                     0.002251 186.928
                                                                          <2e-16 ***
## VehAge3
                                                     0.002397
                                         0.208768
                                                                87.085
                                                                          <2e-16 ***
## VehAge4
                                         0.130719
                                                     0.002472
                                                                52.884
                                                                         <2e-16 ***
## VehAge5
                                                     0.002168 371.458
                                                                         <2e-16 ***
                                         0.805306
## VehAge6-7
                                         -0.032855
                                                     0.002438
                                                              -13.478
                                                                          <2e-16 ***
## VehAge8-9
                                         -0.205910
                                                     0.002566
                                                               -80.249
                                                                          <2e-16 ***
## VehUsageprivée et trajet vers bureau 0.173977
                                                     0.001266 137.379
                                                                          <2e-16 ***
## VehUsageprofessionnel
                                         0.249854
                                                     0.001522 164.168
                                                                          <2e-16 ***
## VehUsagetrajet professionnel
                                         -0.096946
                                                     0.004608
                                                              -21.037
                                                                          <2e-16 ***
## BonusMalus(100,350]
                                         0.996682
                                                     0.001638 608.318
                                                                          <2e-16 ***
## VehBodymicrovan
                                                     0.003330 323.654
                                                                         <2e-16 ***
                                          1.077846
## VehBodyautobus
                                         -0.479404
                                                     0.009816
                                                              -48.841
                                                                          <2e-16 ***
                                                              -34.655
## VehBodycoupé
                                         -0.136407
                                                     0.003936
                                                                          <2e-16 ***
## VehBodyautre microvan
                                         0.238155
                                                     0.003566
                                                                66.777
                                                                          <2e-16 ***
## VehBodyberline
                                                     0.002929
                                                              -67.716
                                                                          <2e-16 ***
                                        -0.198333
## VehBodySUV
                                        -0.003896
                                                     0.003591
                                                                -1.085
                                                                          0.278
## VehBodybreak
                                        -0.257014
                                                     0.003834
                                                              -67.030
                                                                          <2e-16 ***
## VehBodycamionnette
                                         0.212400
                                                     0.003678
                                                                57.745
                                                                          <2e-16 ***
## VehMaxSpeed130-140 km/h
                                        -0.910847
                                                     0.003628 -251.047
                                                                         <2e-16 ***
## VehMaxSpeed140-150 km/h
                                        -0.547519
                                                     0.003201 -171.020
                                                                          <2e-16 ***
                                                     0.003051 -209.598
## VehMaxSpeed150-160 km/h
                                        -0.639480
                                                                          <2e-16 ***
## VehMaxSpeed160-170 km/h
                                        -0.614308
                                                     0.003054 -201.139
                                                                          <2e-16 ***
## VehMaxSpeed170-180 km/h
                                        -0.295551
                                                     0.003043 - 97.128
                                                                          <2e-16 ***
## VehMaxSpeed180-190 km/h
                                        -1.092236
                                                     0.003359 -325.157
                                                                          <2e-16 ***
## VehMaxSpeed190-200 km/h
                                        -0.624298
                                                     0.003331 -187.439
                                                                          <2e-16 ***
## VehMaxSpeed200-220 km/h
                                        -0.726016
                                                     0.003448 -210.556
                                                                          <2e-16 ***
## VehMaxSpeed220+ km/h
                                        -0.501455
                                                     0.003596 - 139.461
                                                                          <2e-16 ***
## ---
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
##
##
  (Dispersion parameter for poisson family taken to be 1)
##
       Null deviance: 25385264
                                on 47496 degrees of freedom
## Residual deviance: 23249752 on 47454 degrees of freedom
## AIC: Inf
##
## Number of Fisher Scoring iterations: 8
      ClaimAmount Predict_ClaimAmount difference
##
## 1
                0
                             97.38378
                                         97.38378
## 2
                0
                                         67.96897
                             67.96897
## 3
                0
                             74.46994
                                        74.46994
## 4
                0
                            210.30779
                                       210.30779
## 5
                0
                            136.20994
                                       136.20994
## 6
                0
                            136.20994
                                       136.20994
## 7
             1204
                            263.98761
                                       940.01239
## 8
                0
                             97.11561
                                        97.11561
## 9
                0
                             41.29664
                                         41.29664
## 10
                0
                            102.21140
                                       102.21140
```

3.2.2 Calcul de la prime pure

Soit X le coût monétaire au risque

Selon le modèle général, X = SOMME de 1 à N des Bk

où N correspond au nombre de sinistres et Bk correspond au montant de sinistres

Autrement dit, N représente la fréquence (variable discrète) et Bk la sévérité (variable continue positive)

En admettant que la fréquence n'a pas d'influence sur la sévérité et que les montants des sinistres ont le même comportement aléatoire, on a : E(X) = E(N).E(B) (prime pure).

Comment calculer E(N)? Comment calculer E(B)?

4 Bibliographie

4.1 Internet

- Pour la documentation R : https://www.rdocumentation.org/
- Pour l'analyse en composantes prinicipales : http://www.sthda.com/french/articles/38-methodes-des-composantes-principales-dans-r-guide-pratique/73-acp-analyse-en-composantes-principales-avec-r-l-essentiel/
- Pour l'analyse factorielle des correspondances : http://www.sthda.com/french/articles/38-methodes-des-composantes-principales-dans-r-guide-pratique/74-afc-analyse-factorielle-des-correspondances-avec-r-l-essentiel/

4.2 Littérature

5 Annexes

5.1 Affichage de l'implementation de la fonction nettoyage_dataframe :

```
"CSP25", "CSP26", "CSP27", "CSP28")){
    dt$SocioCateg[i]<-"CSP2"
  if (dt$SocioCateg[i]%in%c("CSP3", "CSP30", "CSP31", "CSP32", "CSP33",
                                     "CSP35", "CSP36", "CSP37", "CSP38", "CSP39")){
    dt$SocioCateg[i]<-"CSP3"
  if (dt$SocioCateg[i]%in%c("CSP40", "CSP41", "CSP42", "CSP43", "CSP46",
                                     "CSP47", "CSP48", "CSP49")){
    dt$SocioCateg[i]<-"CSP4"
  if (dt$SocioCateg[i]%in%c("CSP5", "CSP50", "CSP51", "CSP55", "CSP56",
                                     "CSP57", "CSP59")){
    dt$SocioCateg[i]<-"CSP5"</pre>
  if (dt$SocioCateg[i]%in%c("CSP6", "CSP60", "CSP61", "CSP62", "CSP63",
                                     "CSP65", "CSP66")){
    dt$SocioCateg[i]<-"CSP6"
  if (dt$SocioCateg[i]%in%c("CSP7", "CSP70", "CSP73", "CSP74", "CSP77")){
    dt$SocioCateg[i]<-"CSP7"</pre>
  if (dt$SocioCateg[i]%in%c("CSP9", "CSP91")){
    dt$SocioCateg[i]<-"CSP9"
    }
dt$SocioCateg <- droplevels(dt$SocioCateg)</pre>
# Traduction des données (VehBody, MariStat, VehUsage, VehEngine, VehEnergy, Garage)
for (i in 1:dim(dt)[2]){
  # Type de véhicules
  if (colnames(dt)[i] == "VehBody"){
    levels(dt$VehBody) <- c(levels(dt$VehBody), "autobus", "coupé",</pre>
                                     "autre microvan", "berline", "SUV", "break",
                                     "camionnette")
    dt$VehBody[dt$VehBody == "bus"]<-"autobus"
    dt$VehBody[dt$VehBody == "coupe"]<-"coupé"</pre>
    dt$VehBody[dt$VehBody == "other microvan"]<-"autre microvan"</pre>
    dt$VehBody[dt$VehBody == "sedan"]<-"berline"</pre>
    dt$VehBody[dt$VehBody == "sport utility vehicle"]<-"SUV"</pre>
    dt$VehBody[dt$VehBody == "station wagon"]<-"break"</pre>
    dt$VehBody[dt$VehBody == "van"]<-"camionnette"</pre>
    dt$VehBody <- droplevels(dt$VehBody)</pre>
    }
  # Statut marital
  if (colnames(dt)[i] == "MariStat"){
    levels(dt$MariStat) <- c(levels(dt$MariStat), "célibataire", "autre")</pre>
    dt$MariStat[dt$MariStat == "Alone"]<-"célibataire"</pre>
    dt$MariStat[dt$MariStat == "Other"]<-"autre"</pre>
    dt$MariStat <- droplevels(dt$MariStat)</pre>
  # Utilisation du véhicule
  if (colnames(dt)[i] == "VehUsage"){
    levels(dt$VehUsage) <- c(levels(dt$VehUsage), "privée",</pre>
```

```
"privée et trajet vers bureau", "professionnel",
                                       "trajet professionnel" )
    dt$VehUsage[dt$VehUsage == "Private"]<-"privée"
    dt$VehUsage[dt$VehUsage == "Private+trip to office"]<-</pre>
    "privée et trajet vers bureau"
    dt$VehUsage[dt$VehUsage == "Professional"] <- "professionnel"</pre>
    dt$VehUsage[dt$VehUsage == "Professional run"]<-</pre>
    "trajet professionnel"
    dt$VehUsage <- droplevels(dt$VehUsage)</pre>
  # Moteur du véhicule
  if (colnames(dt)[i] == "VehEngine"){
    levels(dt$VehEngine) <- c(levels(dt$VehEngine),</pre>
                                        "injection directe surpuissante",
                                        "électrique", "injection surpuissante")
    dt$VehEngine[dt$VehEngine == "direct injection overpowered"]<-
    "injection directe surpuissante"
    dt$VehEngine[dt$VehEngine == "electric"]<-"électrique"</pre>
    dt$VehEngine[dt$VehEngine == "injection overpowered"]<-</pre>
    "injection surpuissante"
    dt$VehEngine <- droplevels(dt$VehEngine)</pre>
  # Energie utilisée par le véhicule
  if (colnames(dt)[i] == "VehEnergy"){
    levels(dt$VehEnergy) <- c(levels(dt$VehEnergy), "électrique", "essence")</pre>
    dt$VehEnergy[dt$VehEnergy == "regular"]<-"essence"</pre>
    dt$VehEnergy[dt$VehEnergy == "eletric"]<-"électrique"</pre>
    dt$VehEnergy <- droplevels(dt$VehEnergy)</pre>
  # Garage
  if (colnames(dt)[i] == "Garage"){
    levels(dt$Garage) <- c(levels(dt$Garage), "aucun", "garage indépendant",</pre>
                                     "concessionnaire")
    dt$Garage[dt$Garage == "None"]<-"aucun"</pre>
    dt$Garage[dt$Garage == "Private garage"]<-"garage indépendant"</pre>
    dt$Garage [dt$Garage == "Collective garage"]<-"concessionnaire"</pre>
    dt$Garage <- droplevels(dt$Garage)</pre>
  }
}
return (dt)
```

5.2 Affichage d'un exemple d'exécution de la fonction describe du package Hmisc

```
## 0.187 0.416 0.666 0.833 0.916
##
## lowest : 0.003 0.005 0.006 0.008 0.009, highest: 0.994 0.996 0.997 0.998 1.000
     ## LicAge
  n missing distinct Info Mean Gmd .05
                                                       .10
                          1 274.2 182.7 60
    47497 0 809
                    .75 .90 .95
396 500 566
            .50 .75
##
     . 25
##
      141
             246
##
## lowest : 0 1 2 3 4, highest: 887 912 914 930 940
## RecordBeg
  n missing distinct Info Mean Gmd .05
47497 0 365 0.937 2004-04-19 128.7 2004-01-01
.10 .25 .50 .75 .90 .95
## 2004-01-01 2004-01-01 2004-03-11 2004-07-26 2004-10-29 2004-12-01
## lowest : 2004-01-01 2004-01-02 2004-01-03 2004-01-04 2004-01-05
## highest: 2004-12-26 2004-12-27 2004-12-28 2004-12-29 2004-12-30
## -----
    n missing distinct Info Mean Gmd .05
25388 22109 364 0.999 2004-07-04 113.7 2004-02-01
.10 .25 .50 .75 .90 .95
##
## 2004-02-25 2004-04-07 2004-07-01 2004-10-01 2004-11-23 2004-12-01
## lowest : 2004-01-03 2004-01-04 2004-01-05 2004-01-06 2004-01-07
## highest: 2004-12-27 2004-12-28 2004-12-29 2004-12-30 2004-12-31
  n missing distinct
    47497 0 9
##
##
## lowest: 0 1 10+2 3 , highest: 3 4 5 6-7 8-9
## Value
        0
                 1 10+ 2 3 4
## Frequency 4313 3987 14347 4140 3760 3658 3412 4909 4971
## Proportion 0.091 0.084 0.302 0.087 0.079 0.077 0.072 0.103 0.105
## MariStat
  n missing distinct
   47497 0 2
##
## Value célibataire autre
## Frequency 13690
                         33807
              0.288
## Proportion
                       0.712
## -----
## SocioCateg
##
  n missing distinct
##
   47497 0 8
## lowest : CSP1 CSP2 CSP3 CSP5 CSP6, highest: CSP5 CSP6 CSP7 CSP9 CSP4
```

##

```
CSP1 CSP2 CSP3 CSP5 CSP6 CSP7 CSP9 CSP4
## Frequency 2366 1721 918 32894 5731 80 9 3778
## Proportion 0.050 0.036 0.019 0.693 0.121 0.002 0.000 0.080
## -----
## VehUsage
  n missing distinct
    47497 0 4
##
## Value
                         privée privée et trajet vers bureau
## Frequency
                          16785
                                               22051
## Proportion
                          0.353
                                               0.464
##
                   professionnel
## Value
                                   trajet professionnel
                          7958
## Frequency
                                                703
## Proportion
                      0.168
                                               0.015
## -----
## DrivAge
  n missing distinct Info Mean Gmd .05
##
         0 83
                       1 44.48 16.61
                                           25
    47497
                                                  27
                  .75
                              .95
##
    . 25
            .50
                        .90
##
      32
            42
                  55
                        65
                               72
## lowest : 18 19 20 21 22, highest: 96 97 98 102 103
## HasKmLimit
   n missing distinct
                       Info
                              Sum
                                    Mean
                                            Gmd
##
    47497 0 2
                       0.353
                              6468
                                   0.1362
                                          0.2353
## BonusMalus
   n missing distinct Info Mean
                                           .05
                                    Gmd
                                                 .10
##
                            69
##
    47497 0 108 0.954
                                    21.99
                                           50
                                                  50
    . 25
                 .75 .90
##
            .50
                               .95
##
      50
            64
                  85
                        100
                              100
## lowest : 50 51 52 53 54, highest: 220 230 256 258 272
## -----
## VehBody
  n missing distinct
##
    47497 0
##
## lowest : cabriolet microvan autobus
                                      coupé autre microvan
                             SUV
## highest: autre microvan berline
                                        break
                                                   camionnette
##
## cabriolet (1506, 0.032), microvan (1458, 0.031), autobus (220, 0.005), coupé
## (1761, 0.037), autre microvan (1837, 0.039), berline (34051, 0.717), SUV (1974,
## 0.042), break (2231, 0.047), camionnette (2459, 0.052)
## ------
## VehPrice
##
   n missing distinct
##
    47497 0 27
##
## lowest : A B C D E , highest: W X Y Z Z1
```

```
## VehEngine
       n missing distinct
##
##
    47497
           0 6
##
## lowest : carburation
                                   GPL
                                                             injection
## highest: GPL
                                   injection
                                                             injection directe surpuissant
## carburation (6513, 0.137), GPL (2, 0.000), injection (30663, 0.646), injection
## directe surpuissante (6554, 0.138), électrique (6, 0.000), injection
## surpuissante (3759, 0.079)
## ------
## VehEnergy
   n missing distinct
##
     47497 0
##
                      GPL électrique
## Value
              diesel
                                         essence
              13521
                         2 6
## Frequency
                                           33968
               0.285
## Proportion
                        0.000
                                 0.000
                                           0.715
## VehMaxSpeed
    n missing distinct
##
     47497 0
##
## lowest : 1-130 km/h 130-140 km/h 140-150 km/h 150-160 km/h 160-170 km/h
## highest: 170-180 km/h 180-190 km/h 190-200 km/h 200-220 km/h 220+ km/h
## Value
            1-130 km/h 130-140 km/h 140-150 km/h 150-160 km/h 160-170 km/h
                  1256
                            2286
                                       4073
                                                  7075
                                                             7915
## Frequency
                 0.026
                            0.048
                                      0.086
                                                 0.149
                                                            0.167
## Proportion
##
           170-180 km/h 180-190 km/h 190-200 km/h 200-220 km/h
## Value
                                                         220+ km/h
## Frequency
                  7933
                            5795
                                       4567
                                                  3998
                                                             2599
## Proportion
                            0.122
                                      0.096
                                                 0.084
                                                            0.055
                 0.167
## VehClass
     n missing distinct
##
     47497 0 6
##
## lowest : O A B H M1, highest: A B H M1 M2
##
                   Α
                       B H M1
## Frequency 1901 4140 15229 7034 11756 7437
## Proportion 0.040 0.087 0.321 0.148 0.248 0.157
## -----
## RiskVar
##
                          Info
                                          Gmd
                                                  .05
     n missing distinct
                                  Mean
                                                          .10
                           0.994
                                  13.51
                                          5.238
##
     47497
            0
                      20
##
      .25
              .50
                     .75
                           .90
                                  .95
##
       11
             15
                     17
                             19
                                     20
##
## lowest : 1 2 3 4 5, highest: 16 17 18 19 20
## Value
             1 2
                       3
                            4
                                  5
                                      6
                                           7
                                                8
                                                          10
           590 501 754 700 1154 1041 1889 1630 1361 1513 2934
## Frequency
```

```
## Proportion 0.012 0.011 0.016 0.015 0.024 0.022 0.040 0.034 0.029 0.032 0.062
##
## Value
                13
                    14
                        15
                            16
                                17
          2896 3172 2496 5434 5632 4047 3078 3270 3405
## Frequency
## Proportion 0.061 0.067 0.053 0.114 0.119 0.085 0.065 0.069 0.072
## -----
## ClaimAmount
      n missing distinct Info
##
                            Mean
                                   Gmd
                                           .05
                                                 .10
##
    47497
         0 873
                       0.129
                             86.83
                                   170.3
                                           0
##
     .25
            .50
                 .75 .90
                           .95
##
      0
            0
                  0
                         0
##
           0.00 0.48
                      1.00 1.80 9.16
## lowest :
## highest: 57085.76 66892.58 80562.15 98152.44 120152.44
##
    n missing distinct
##
    47497 0
##
## Value
                  aucun garage indépendant concessionnaire
## Frequency
                  35092
                               4642
                                             7763
## Proportion
                  0.739
## -----
## ClaimInd
   n missing distinct Info Sum Mean
                                           Gmd
    47497 0 2 0.129 2134 0.04493 0.08582
##
    _____
```

5.3 Affichage de l'ensemble des représentations graphiques

