# **Genetische Algorithmen**

Prof. Dr. Michael Eichberg Dozent:

Kontakt: michael.eichberg@dhbw.de, Raum 149B

Version: 1.0

Davic Kopec, Algorithmen in Python, Rheinwerk Computing Quelle:



https://delors.github.io/theo-algo-genetic\_algorithms/folien.de.rst.html Folien:

https://delors.github.io/theo-algo-genetic\_algorithms/folien.de.rst.html.pdf

Fehler melden:

https://github.com/Delors/delors.github.io/issues



# 1. EINFÜHRUNG

# **Genetische Algorithmen**

- werden eingesetzt, wenn traditionelle Algorithmen nicht geeignet sind oder keine offensichtlichen Algorithmen existieren
  - Z. B. im Bereich des Wirkstoffdesigns oder der Optimierung von Produktionsprozessen.
- benötigen im Prinzip nur eine Definition des Aufgabenziels
- (Implementierungen) sind in der Regel hochgradig spezialisiert; hier diskutieren wir eine allgemeine/generische Implementierung

# (Biologische) Grundlagen

■ Genetische Algorithmen basieren auf der Evolutionstheorie:

**Selektion:** die besten Individuen überleben

Mutation: zufällige Veränderungen

**Rekombination:** Kreuzung von Individuen

■ Terminologie:

**Population:** Menge von Individuen, die auch Chromosomen genannt

werden und Lösungskandidaten repräsentieren

Chromosomen: Lösungskandidaten oder auch Individuen, die aus Genen

bestehen

**Gene:** Eigenschaften eines Lösungskandidaten

**Fitness(-Funktion):** Bewertung eines Chromosoms (Lösungskandidaten)

D. h. auf der natürlichen Auslese und der Vererbung von Eigenschaften. Ein Individuum, das besser an die Umwelt angepasst ist, hat eine höhere Wahrscheinlichkeit, sich fortzupflanzen und seine Gene weiterzugeben. Schlechter angepasste Individuen sterben aus.

Klassisches Beispiel ist die Entwicklung von Resistenzen gegen Antibiotika bei Bakterien.

### Grundidee

- ein genetischer Algorithmus durchläuft Generationen
- In jeder Generation werden die Individuen/Chromosomen bewertet und die besser angepassten Individuen (solche die *fitter* sind) mit einer höheren Wahrscheinlichkeit zum Überleben und zur Fortpflanzung ausgewählt
- in jeder Generation werden die Individuen mit gewissen Wahrscheinlichkeiten:
  - 1. rekombiniert (crossover von zwei Chromosomen) und
  - 2. mutiert (mutate)

### Warnung

Genetische Algorithmen sind somit stochastische Algorithmen, d. h. sie liefern nicht immer das gleiche Ergebnis in der gleichen Zeitspanne und es gibt keine Garantie, dass sie das beste Ergebnis finden.

5

Genetische Algorithmen sind eine gute Wahl, wenn es keinen schnellen deterministischen Algorithmus gibt.



# 2. GRUNDLEGENDES FRAMEWORK IN PYTHON

### Basisklasse für Chromosomen

```
1 class Chromosome(ABC):
2
       @abstractmethod
3
       def fitness(self) -> float:
           raise NotImplementedError
4
 5
6
       @classmethod
7
       @abstractmethod
8
       def random_instance(cls: Type[T]) -> T:
9
           raise NotImplementedError
10
       @abstractmethod
11
12
       def crossover(self: T, other: T) -> tuple[T, T]:
13
           raise NotImplementedError
14
       @abstractmethod
15
       def mutate(self) -> None:
16
17
           raise NotImplementedError
```

Die Basisklasse für Chromosomen (https://delors.github.io/theo-algo-genetic\_algorithms/code/lib/chromosome.py) definiert die Methoden, die jedes Chromosom implementieren muss: Eine Klassenmethode zum Erzeugen einer zufälligen Instanz (random\_instance), und Instanzmethoden zum Mutieren einer Instanz (mutate), zum Kreuzen einer Instanz mit einer anderen (crossover) und schließlich zur Bewertung eines Chromosoms (fitness).

mutate: führt eine kleine zufällige Änderung (an den Genen) durch

crossover:

kombiniert zwei Chromosomen zu einem neuen Chromosom; d. h. mischt zwei Lösungen

**fitness**: bewertet die eigene Fitness

random\_instance:

erzeugt eine zufällige Instanz; wird nur einmal am Anfang benötigt, um die Population zu initialisieren

# Ablauf von genetischen Algorithmen

- 1. Erzeugen einer zufälligen Population
- 2. Miss die *Fitness* der Individuen, wenn einer den Zielwert erreicht, beende den Algorithmus und gib das Individuum zurück
- 3. Wähle einige Individuen aus, die sich fortpflanzen bevorzuge die Fitteren mit einer höheren Wahrscheinlichkeit
- 4. Kombiniere die ausgewählten Individuen, um neue Individuen zu erzeugen
- 5. Mutiere einige Individuen, um die neue Generation zu vervollständigen
- 6. Wiederhole die Schritte 2-5 für eine bestimmte Anzahl von Generationen

# Parameter von genetischen Algorithmen

- Größe der Population
- Design der ersten Population (rein zufällig oder basierend auf einer Heuristik)
- Wahl des Schwellenwertes, der angibt, wann der Algorithmus beendet wird
- Auswahl der Chromosomen, die sich fortpflanzen
- Wie und mit welcher Wahrscheinlichkeit die Rekombination erfolgt (crossover)
- Wie und mit welcher Wahrscheinlichkeit eine Mutation erfolgt (mutate)
- Wie viele Generationen max. durchlaufen werden

9

Es gibt zwei typische Strategien zur Auswahl der Chromosomen, die sich fortpflanzen: die *Tournament Selection* und die *Roulette Wheel Selection*.

### Selektionsstrategien von Chromosomen

- Bestimmung der Chromosomen, die überleben und sich ggf. fortpflanzen.
- Auswahlstrategien

#### **Tournament Selection:**

Wähle zufällig einige Chromosomen aus und wähle das beste(/die besten) Chromosom(en) aus dieser Gruppe:

```
def _pick_tournament(
1
2
               self, num_participants: int) -> tuple[C, C]:
3
          participants: list[C] = \
               choices(self. population, k=num participants)
4
5
           return <u>tuple</u>(
6
               nlargest(
7
                   2,
                   participants, key=self._fitness_key))
8
```

### Roulette Wheel Selection:

Jedes Chromosom wird mit einer Wahrscheinlichkeit ausgewählt, die proportional zu seiner Fitness ist (die Fitness wird in eine Wahrscheinlichkeit umgerechnet).

### Vorgehen

- 1. Für jedes gewählte Chromosomenpaar bestimme, ob diese rekombiniert werden sollen. Wenn ja, führe die Rekombination durch. Wenn nicht, kopiere die Chromosomen einfach in die neue Generation.
- 2. Wiederhole die Selektion und ggf. Rekombination, bis die gewünschte Anzahl von

# Basisklasse des genetischen Algorithmus

```
1 C = TypeVar("C", bound=Chromosome) # type of the chromosomes
 2
 3
4 class GeneticAlgorithm(Generic[C]):
       SelectionType = Enum("SelectionType", "ROULETTE TOURNAMENT")
 5
 6
       def __init__(
 7
           self,
 8
           initial_population: list[C],
9
           threshold: float,
10
           max\_generations: int = 100,
11
           mutation_chance: float = 0.01,
12
13
           crossover_chance: float = 0.7,
           selection_type: SelectionType = SelectionType.TOURNAMENT,
14
       )
15
```

# Hauptmethode des genetischen Algorithmus

```
1
       def run(self) -> C:
            best: C = \max(self. population, key=self. fitness_key)
 2
            for generation in range(self._max_generations):
 3
 4
                 # early exit if we beat threshold
                 if best.fitness() >= self._threshold:
 5
                     return best
6
7
                 print(
                     f"Generation {generation} Best {best.fitness()} Avg {
8
                          mean(map(self._fitness_key, self._population))
9
                     }")
10
                 self._reproduce_and_replace() # selection and crossover
11
                 self. mutate()
12
                 highest: C = \max(\underline{self}.\underline{population}, \underline{key} = \underline{self}.\underline{fitness}\underline{key})
13
                 if highest.fitness() > best.fitness():
14
                     best = highest # found a new best
15
16
            return best # best we found in _max_generations
```

fitness\_key ist eine Referenz auf die Methode, die die Fitness eines Chromosoms berechnet.

# **Durchführung der Mutationen**

```
94  def _mutate(self) -> None:
95    for individual in self._population:
96        if random() < self._mutation_chance:
97        individual.mutate()</pre>
```

# Durchführung der Selektion und Vererbung

```
def _reproduce_and_replace(self) -> None:
69
           new population: list[C] = []
70
           # Selektiere und Kreuze Individuen, bis die neue Population steht
71
           while len(new population) < len(self. population):</pre>
72
73
               # Wahl der zwei Eltern gemäß Selektionsmethode
74
               # (Roulette oder Turnier)
82
               # Kreuze ggf. die Eltern
               if random() < self._crossover_chance:</pre>
83
                   new_population.extend(parents[0].crossover(parents[1]))
84
               else:
85
                   new_population.extend(parents)
86
87
           # Falls die Populationsgröße ungerade ist,
           # entferne das letzte Individuum
88
           if len(new population) > len(self. population):
89
               new_population.pop()
90
91
           self._population = new_population # replace reference
```

```
73
               # Wahl der zwei Eltern gemäß Selektionsmethode
74
               # (Roulette oder Turnier)
75
               if self. selection type == \
                   GeneticAlgorithm.SelectionType.ROULETTE:
76
                   parents: tuple[C, C] = self. pick roulette(
77
                        [x.fitness() for x in self. population]
78
79
                   )
80
               else:
81
                   parents = \
                       self._pick_tournament(len(self._population) // 2)
82
```

# Die Herausforderung bei der Entwicklung von genetischen Algorithmen ist somit zweigeteilt:

- 1. eine passende Formulierung für das Problem zu entwickeln und
- 2. danach die Parameter so zu wählen, dass der Algorithmus in einer akzeptablen Zeit eine gute Lösung findet.



# 3. BEISPIEL: SEND + MORE = MONEY

# SEND+MORE=MONEY[1]

- Klassisches Problem der Kryptographie
- Jeder Buchstabe repräsentiert eine Ziffer von 0 bis 9
- Keine Ziffer darf doppelt vorkommen

■ Welcher Buchstabe steht für welchen Wert?

[1] Wir verwenden hier das Beispiel lediglich zur Demonstration der Technik. Das Problem kann auch anders gelöst werden!



### SEND+MORE=MONEY - Umsetzung

Chromosomen ermöglichen Zuordnung von Buchstaben zu Ziffern

**Idee**: Verwendung von Listenindizes zur Repräsentation der Ziffern: [0,...,9]. Die Werte in der Liste entsprechen den Buchstaben; Beispiel:

Zuordnung von Ziffern zu Buchstaben:

```
Index:
                 1
                      2
            0
                           3
                                     5
                                          6
                                               7
                                                         9
                                     E, N,
                                                         S
letters = [
            Ο,
                 Μ,
                      Υ.
                                               D,
                                                    R,
                                                              ]
```

Für die Lösung würde sich ergeben:

S	Е	N	D	M	0	R	Υ	_	_
9	5	6	7	1	0	8	2	3	4

Somit kann durch die Verschiebung der Buchstaben in der Liste der assoziierte Wert geändert werden.

Klasse für Chromosomen

```
1 class SendMoreMoney(Chromosome):
2   def __init__(self, letters: list[str]) -> None:
3     self.letters: list[str] = letters
```

Erzeugen von Individuen bzw. Chromosomen

Idee: beliebige Verwürfelung der Buchstaben in der Liste.

Mutation eines Chromosoms

**Idee**: zufälliger paarweiser Austausch von zwei Buchstaben in der Liste.

1

2

```
def mutate(self) -> None: # swap two letters' locations
idx1, idx2 = sample(range(len(self.letters)), k=2)
self.letters[idx1], self.letters[idx2] = \
self.letters[idx2], self.letters[idx1]
```

### Vererbung

**Idee**: pro Nachkommen sicherstellen, dass einige Buchstaben Indizes (d. h. Wertzuordnungen) von einem Elternteil und einige vom anderen Elternteil stammen.

### Beispiel (verkürzt):

### Vererbung - Implementierung

```
1
       def crossover(self, other: Self) -> tuple[Self, Self]:
 2
           child1: SendMoreMoney = deepcopy(self)
           child2: SendMoreMoney = deepcopy(other)
 3
 4
           idx1, idx2 = sample(<u>range(len(self</u>.letters)), k=2)
           l1, l2 = child1.letters[idx1], child2.letters[idx2]
 5
           child1.letters[child1.letters.index(l2)], \
 6
           child1.letters[idx2] = \
 7
               child1.letters[idx2], l2
8
9
           child2.letters[child2.letters.index(l1)], \
10
           child2.letters[idx1] = \
11
12
               child2.letters[idx1], l1
13
           return child1, child2
14
```

6

**Idee**: Eine Lösung ist besser, je näher die Summe der Ziffern von SEND und MORE an MONEY ist. D. h.:

```
minimiere(|money - (send + more)|)
```

**Feststellung**: Das Ziel des generischen genetischen Algorithmus ist es, die Fitness-Funktion zu maximieren. Wir müssen somit unser Minimierungsproblem in ein Maximierungsproblem umwandeln:

$$\text{maximiere}\left(\frac{1}{|money - (send + more)| + 1}\right)$$

Beispiel: Sei die Differenz 1, dann ist die Fitness 1/2; bei einer Differenz von 0 ist die Fitness 1 und somit maximal.

7

```
Fitness-Funktion - Implementierung
```

```
def fitness(self) -> float:
 1
 2
             s: <u>int</u> = <u>self</u>.letters.index("S")
 3
             e: <u>int</u> = <u>self</u>.letters.index("E")
             n: int = self.letters.index("N")
 4
             d: int = self.letters.index("D")
 5
             m: <u>int</u> = <u>self</u>.letters.index("M")
 6
 7
             o: <u>int</u> = <u>self</u>.letters.index("0")
 8
             r: <u>int</u> = <u>self</u>.letters.index("R")
 9
             y: <u>int</u> = <u>self</u>.letters.index("Y")
             send: int = s * 1000 + e * 100 + n * 10 + d
10
             more: int = m * 1000 + o * 100 + r * 10 + e
11
12
             money: int = m * 10000 + o * 1000 + n * 100 + e * 10 + y
             return 1 / (abs(money - (send + more)) + 1)
13
                                                                                          8
```

Initialisierung

```
initial_population: list[SendMoreMoney] = \
 1
           [SendMoreMoney.random_instance() for _ in range(1000)]
 2
       ga: GeneticAlgorithm[SendMoreMoney] = \
 3
 4
           GeneticAlgorithm(
 5
               initial_population=initial_population,
               threshold=1.0,
 6
 7
               max_generations = 1000,
               mutation\_chance = 0.2,
 8
 9
               crossover_chance = 0.7,
               selection_type= \
10
```

### Exemplarische Ausführungen zeigt stochastische Natur

# Übung



### Gruppenzuteilung

Entwickeln Sie einen genetischen Algorithmus, der eine sehr gute Aufteilung von Personen (Studierenden) auf eine feste Anzahl an Gruppen findet, basierend auf den Präferenzen der Personen.

Im Template ist eine initiale Aufgabenstellung hinterlegt, die es zu lösen gilt: Verteilung von 16 Studierenden auf 4 Gruppen inkl. Bewertungsmatrix (jeder Studierende hat jeden anderen mit Werten von 1 bis 10 bewertet).

Basis (Achten Sie auf die Verzeichnisse)

https://delors.github.io/theo-algo-genetic\_algorithms/code/lib/chromosome.py

https://delors.github.io/theo-algo-genetic\_algorithms/code/lib/genetic\_algorithm.py

https://delors.github.io/theo-algo-genetic\_algorithms/code/group\_assignment\_template.py

Denken Sie daran, dass Sie die Parameter bzgl. mutation\_chance, crossover\_chance, selection\_type, initial\_population und max\_generations anpassen können.

Sie können für die Darstellung der Mitglieder einer Gruppe auch eine andere Darstellung als eine Liste von Listen verwenden. Sie müssen dann nur ggf. auch die \_\_str\_\_ Methode anpassen. Es steht Ihnen natürlich auch frei Konzepte wie Memoization zu verwenden, um die Fitness-Funktion zu beschleunigen.

Sieger ist, wer in einem akzeptablen Zeitrahmen (3 Minuten) die beste Lösung findet.

### Gruppenzuteilung

Entwickeln Sie einen genetischen Algorithmus, der eine sehr gute Aufteilung von Personen (Studierenden) auf eine feste Anzahl an Gruppen findet, basierend auf den Präferenzen der Personen.

Im Template ist eine initiale Aufgabenstellung hinterlegt, die es zu lösen gilt: Verteilung von 16 Studierenden auf 4 Gruppen inkl. Bewertungsmatrix (jeder Studierende hat jeden anderen mit Werten von 1 bis 10 bewertet).

Basis (Achten Sie auf die Verzeichnisse)

https://delors.github.io/theo-algo-genetic\_algorithms/code/lib/chromosome.py

https://delors.github.io/theo-algo-genetic\_algorithms/code/lib/genetic\_algorithm.py

https://delors.github.io/theo-algo-genetic\_algorithms/code/group\_assignment\_template.py

# Übung



### Ausgeglichene Gruppenzuteilung

Passen Sie Ihren genetischen Algorithmus aus der vorherigen Übung so an, dass die Gruppen alle in etwa die gleiche Glücklichkeit aufweisen. D. h. eine Zuteilung, bei der die Gruppenglücklichkeiten z. B. 92 + 91 + 73 + 89 = 345 sind, die aber größere Unterschiede zwischen den Gruppen hat, sollte vermieden werden. Eine Verteilung z. B. mit den Gruppenglücklichkeiten: 80, 84, 80, 80 = 324 sollte bevorzugt werden.

### **Hinweis**

Sie können den bisher errechneten Wert zum Beispiel dadurch anpassen, dass Sie von dem Wert die Summe der absoluten Abweichungen vom Durchschnitt abziehen. Ggf. ist es erforderlich den Wert auch noch zu skalieren, damit steigende Abweichungen stärker ins Gewicht fallen.

Bedenken sie, dass sie ggf. den Threshold anpassen müssen.

#### Ausgeglichene Gruppenzuteilung

Passen Sie Ihren genetischen Algorithmus aus der vorherigen Übung so an, dass die Gruppen alle in etwa die gleiche Glücklichkeit aufweisen. D. h. eine Zuteilung, bei der die Gruppenglücklichkeiten z. B. 92 + 91 + 73 + 89 = 345 sind, die aber größere Unterschiede zwischen den Gruppen hat, sollte vermieden werden. Eine Verteilung z. B. mit den Gruppenglücklichkeiten: 80, 84, 80, 80 = 324 sollte bevorzugt werden.

#### Hinweis

Sie können den bisher errechneten Wert zum Beispiel dadurch anpassen, dass Sie von dem Wert die Summe der absoluten Abweichungen vom Durchschnitt abziehen. Ggf. ist es erforderlich den Wert auch noch zu skalieren, damit steigende Abweichungen stärker ins Gewicht fallen.

Bedenken sie, dass sie ggf. den Threshold anpassen müssen.