

Kryptografische Hash Funktionen

Dozent: Prof. Dr. Michael Eichberg
Kontakt: michael.eichberg@dhbw.de
Version: 2.3.2
Quelle: *Cryptography and Network Security - Principles and Practice, 8th Edition, William Stallings*

Folien: [HTML] <https://delors.github.io/sec-hashfunktionen/folien.de.rst.html>
[PDF] <https://delors.github.io/sec-hashfunktionen/folien.de.rst.html.pdf>
Fehler melden: <https://github.com/Delors/delors.github.io/issues>
Kontrollaufgaben: <https://delors.github.io/sec-hashfunktionen/kontrollaufgaben.de.rst.html>

1. Hashfunktionen - Grundlagen

Hashfunktionen

- Eine Hashfunktion H akzeptiert eine beliebig lange Nachricht M als Eingabe und gibt einen Wert fixer Größe zurück: $h = H(M)$.
- Wird oft zur Gewährleistung der Datenintegrität verwendet. Eine Änderung eines beliebigen Bits in M sollte mit hoher Wahrscheinlichkeit zu einer Änderung des Hashwerts h führen.
- Kryptographische Hashfunktionen werden für Sicherheitsanwendungen benötigt.
Mögliche Anwendungen:
 - Authentifizierung von Nachrichten
 - Digitale Signaturen
 - Speicherung von Passwörtern

Beispiel: Berechnung von Hashwerten mittels MD5

```
md5("Hello") = 8b1a9953c4611296a827abf8c47804d7
md5("hello") = 5d41402abc4b2a76b9719d911017c592
md5("Dieses Passwort ist wirklich total sicher
    und falls Du es mir nicht glaubst, dann
    tippe es zweimal hintereinander blind
    fehlerfrei ein.")
    = 8fcf22b1f8327e3a005f0cba48dd44c8
```

Warnung

Die Verwendung von MD5 dient hier lediglich der Illustration. In realen Anwendung sollte MD5 nicht mehr verwendet werden, da es nachgewiesene Schwachstellen aufweist.

Sicherheitsanforderungen an kryptografische Hashfunktion

Variable Eingabegröße:

H kann auf einen Block beliebiger Größe angewendet werden.

Pseudozufälligkeit: Die Ausgabe von H erfüllt die Standardtests für Pseudozufälligkeit.

Einweg Eigenschaft:

Es ist rechnerisch/praktisch nicht machbar für einen gegebenen

Hashwert h ein N zu finden so dass gilt: $H(N) = h$

(🚩 *Preimage resistant; one-way property*)

Schwache Kollisionsresistenz:

Es ist rechnerisch nicht machbar für eine gegebene Nachricht M eine

Nachricht N zu finden so dass gilt: $M \neq N$ mit $H(M) = H(N)$

(🚩 *Second preimage resistant; weak collision resistant*)

Starke Kollisionsresistenz:

Es ist rechnerisch unmöglich ein paar (N, M) zu finden so dass

gilt: $H(M) = H(N)$.

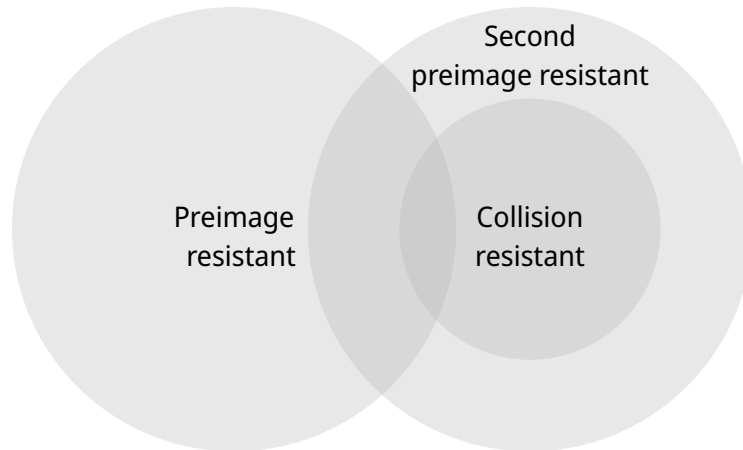
(🚩 *Collision resistant; strong collision resistant*)

Hintergrund

Im Deutschen wird auch von Urbild-Angriffen gesprochen. In dem Fall ist *preimage resistance* (d. h. die Einweg Eigenschaft) gleichbedeutend damit, dass man nicht effektiv einen „Erstes-Urbild-Angriff“ durchführen kann. Hierbei ist das Urbild die ursprüngliche Nachricht M , die *gehasht* wurde.

Second preimage resistance ist dann gleichbedeutend damit, dass man nicht effektiv einen „Zweites-Urbild-Angriff“ durchführen kann. Es ist nicht möglich zu einer Nachricht M eine zweite Nachricht N (d. h. ein zweites Urbild) zu finden, die für eine gegebene Hashfunktion den gleichen Hash aufweist.

Beziehung zwischen den Sicherheitsanforderungen an Hashfunktionen

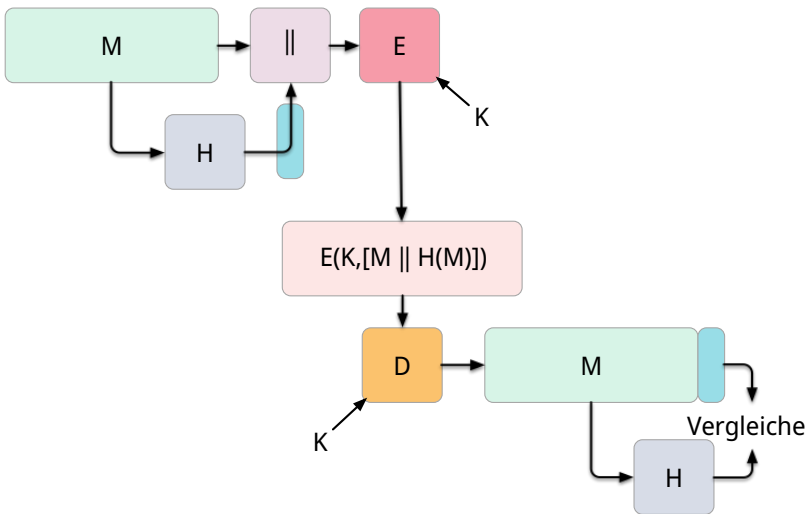


Dass die *collision resistance* (🚩 *starke Kollisionsresistenz*) eine stärkere Anforderung ist als die *second preimage resistance*, lässt sich wie folgt erklären: Bei *second preimage resistance* geht es darum, dass zu einer gegebenen, fixen Nachricht ein Angreifer ggf. eine zweite Nachricht finden soll.

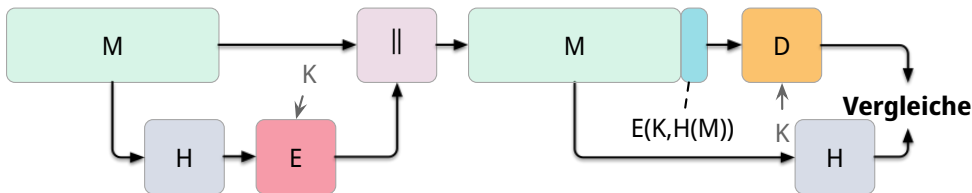
Bei *collision resistance* geht es darum, dass ein Angreifer „irgendwelche“ zwei beliebigen Nachrichten finden kann, die den gleichen Hashwert haben. Ein solcher Angriff hat nur einen Aufwand von $O(\sqrt{2^n})$, was durch das Geburtstagsparadoxon erklärt werden kann.

Nachrichtenthema: Nachrichtenthema - vereinfacht

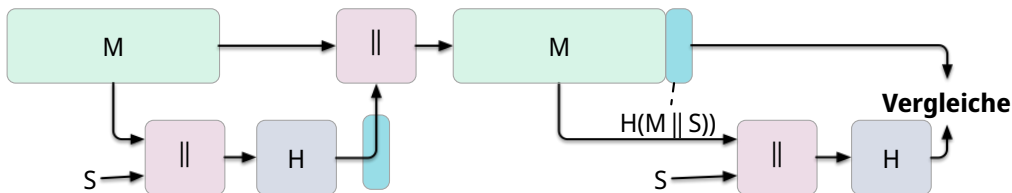
Nachrichten können auf verschiedene Weisen authentifiziert werden, so dass *Person-in-the-Middle-Angriffe*^[1] verhindert werden können.



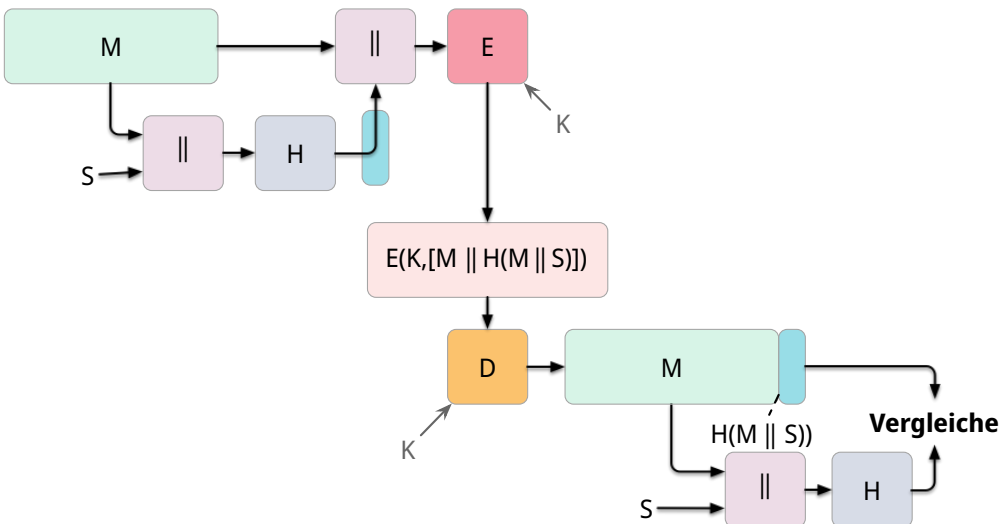
Garantiert Authentizität und Vertraulichkeit.



Garantiert Authentizität, benötigt aber sowohl Hashing als auch Verschlüsselung.



*Garantiert Authentizität und es wird nur ein Hashalgorithmus benötigt; anfällig für bestimmte Angriffe
- insbesondere gegen Angriffe mit Längenerweiterung bei Hashverfahren basierend auf
Merkle-Damgård Konstruktionen.*



Szenarien

Im ersten Szenario wird der Hash an die Nachricht angehängt und als Ganzes verschlüsselt. Wir erhalten Vertraulichkeit und Authentizität.

Im zweiten Szenario wird der Hash der Nachricht berechnet und dann verschlüsselt. Der Empfänger kann den Hash berechnen und mit dem entschlüsselten Hash vergleichen. Wir erhalten Authentizität, aber keine Vertraulichkeit.

Im dritten Szenario wird an die Nachricht ein geteiltes Secret angehängt und alles zusammen gehasht. Die Nachricht wird dann mit dem Ergebnis der vorhergehenden Operation zusammen verschickt.

Im letzten Szenario werden alle Ansätze kombiniert.

Legende

M:	die Nachricht
H:	die Hashfunktion
E:	der Verschlüsselungsalgorithmus
D:	der Entschlüsselungsalgorithmus
K:	ein geheimer Schlüssel
S:	eine geheime Zeichenkette
:	die Konkatenation von zwei Werten (d. h. das Aneinanderhängen von zwei Werten)

※ Hinweis

Bei *Person-in-the-Middle-Angriffen* handelt es sich um einen Fachbegriff und häufig wird zum Beispiel Eve oder Mallory verwendet, um die Person zu bezeichnen, die den Angriff durchführt. Gelegentlich wird auch *Adversary-in-the-Middle* oder früher *Man-in-the-Middle* verwendet.

Hashes und Message-Digests

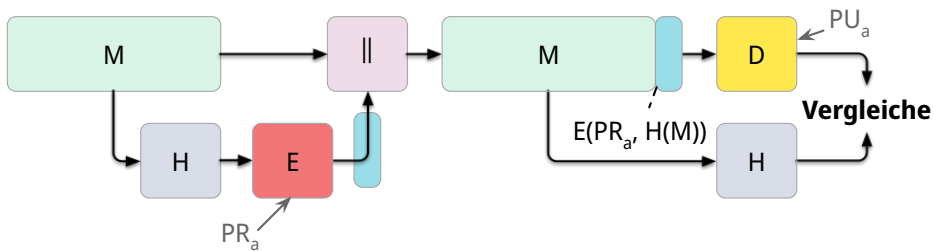
Im allgemeinen Sprachgebrauch wird auch von  *Message Digests* gesprochen.

[1] *Person-in-the-Middle* (in Standards auch *on-path attack*) ist die gender-neutrale Version von *man-in-the-Middle*.

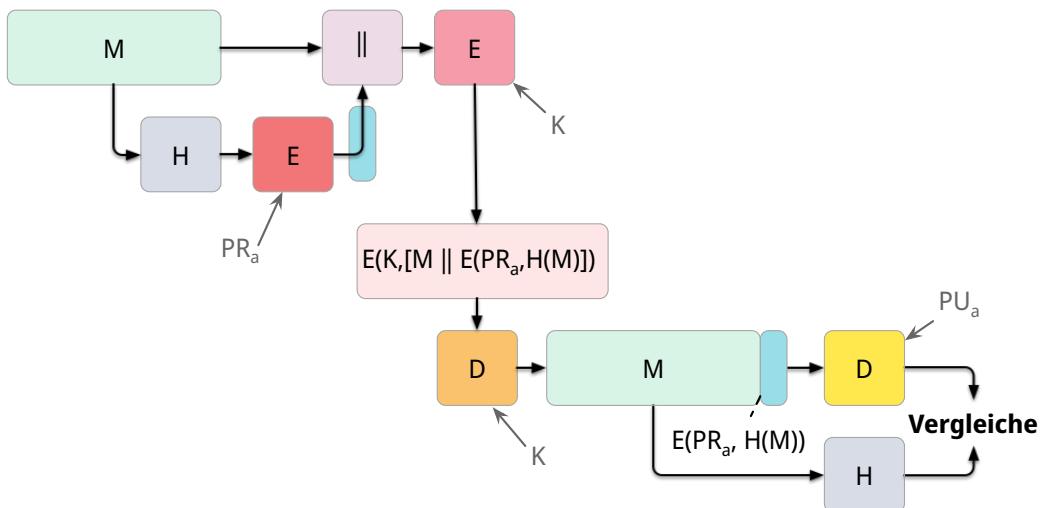
Digitale Signaturen - vereinfacht

Digitale Signaturen dienen (auch) dem Nachweis der **Authentizität** und **Integrität** einer Nachricht. Darüber hinaus garantieren sie die **Nichtabstreitbarkeit**: Der Absender kann nicht bestreiten, der Urheber der Nachricht zu sein.

Jede Person, die den öffentlichen Schlüssel besitzt, kann die Signatur überprüfen. Nur der Inhaber des zugehörigen privaten Schlüssels ist jedoch in der Lage, die Signatur zu erzeugen.



Authentizität und Nichtabstreitbarkeit



Authentizität, Vertraulichkeit und Nichtabstreitbarkeit

Legende

M:	die Nachricht
H:	die Hashfunktion
E:	der Verschlüsselungsalgorithmus
D:	der Entschlüsselungsalgorithmus
PR_a :	der private Schlüssel von a
PU_a :	der öffentliche Schlüssel von a
$ $:	die Konkatination von zwei Werten (d. h. das Aneinanderhängen von zwei Werten)

Anforderungen an die Resistenz von Hashfunktionen

	Preimage Resistant	Second Preimage Resistant	Collision Resistant
Hash + Digitale Signaturen	✓	✓	✓
Einbruchserkennung und Viruserkennung		✓	
Hash + Symmetrische Verschlüsselung			
Passwortspeicherung	✓		
MAC	✓	✓	✓

Einbruchserkennung und Viruserkennung - Hintergrund

Bei der Einbruchserkennung und Viruserkennung ist *second preimage* Resistenz erforderlich. Andernfalls könnte ein Angreifer seine Malware so schreiben, dass diese einen Hash wie eine vorhandene gutartige Software hat und so verhindern, dass die Malware auf eine schwarze Liste gesetzt werden kann, ohne den Kollateralschaden, dass auch die gutartige Software fälschlicherweise als Malware erkannt wird.

Aufwand eines Kollisionsangriffs

Ein Kollisionsangriff erfordert weniger Aufwand als ein *preimage* oder ein *second preimage* Angriff.

Dies wird durch das Geburtstagsparadoxon erklärt. Wählt man Zufallsvariablen aus einer Gleichverteilung im Bereich von 0 bis $N - 1$, so übersteigt die Wahrscheinlichkeit, dass ein sich wiederholendes Element gefunden wird, nach \sqrt{N} (für große N) Auswahlen 0,5. Wenn wir also für einen m-Bit-Hashwert Datenblöcke zufällig auswählen, können wir erwarten, zwei Datenblöcke innerhalb von $\sqrt{2^m} = 2^{m/2}$ Versuchen zu finden.



Beispiel

Es ist relativ einfach, ähnliche Meldungen zu erstellen. Wenn ein Text 8 Stellen hat, an denen ein Wort mit einem anderen ausgetauscht werden kann, dann hat man bereits 2^8 verschiedene Texte.

Es ist relativ trivial(1), vergleichbare(2) Nachrichten(3) zu schreiben(4). Wenn ein Text 8 Stellen hat, an denen ein Ausdruck(5) mit einem vergleichbaren (6) ausgetauscht werden kann, dann erhält(7) man bereits 2^8 verschiedene Dokumente(8).

Effizienzanforderungen an kryptografische Hashfunktionen

Effizienz bei der Verwendung für Signaturen und zur Authentifizierung:

Bei der Verwendung zur Nachrichtenauthentifizierung und für digitale Signaturen ist $H(N)$ für jedes beliebige N relativ einfach zu berechnen. Dies soll sowohl Hardware- als auch Softwareimplementierungen ermöglichen.

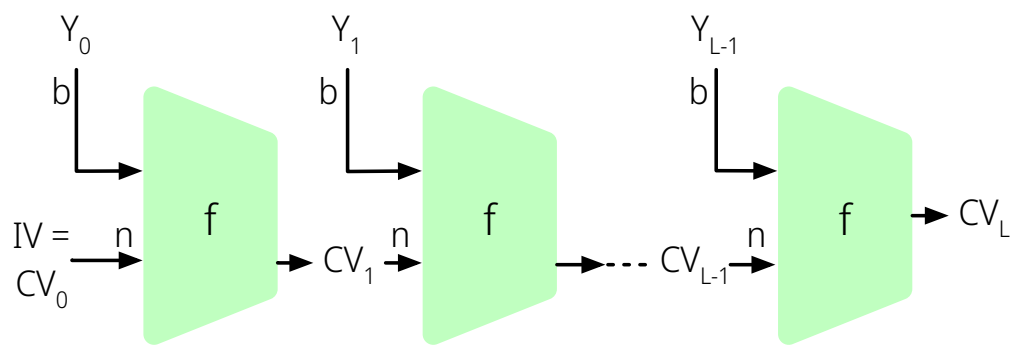
vs.

Brute-Force-Angriffe auf Passwörter erschweren:

Bei der Verwendung für das Hashing von Passwörtern soll es schwierig sein den Hash effizient zu berechnen, selbst auf spezialisierter Hardware (GPUs, ASICs).

Struktur eines sicheren Hash-Codes

(Vorgeschlagen von Merkle.)



IV:	Initialer Wert (Algorithmus-abhängig)	n:	Länge des Blocks
CV_i:	Verkettungsvariable	L:	Anzahl der Eingabeblocke
Y_i:	i-er Eingabeblock	b:	Länge des Eingabeblocks
f:	Kompressionsfunktion		

Diese Struktur liegt insbesondere den Hashfunktionen der SHA-2 Familie zugrunde.

Übung

1.1. XOR als Hashfunktion

Warum ist eine einfache „Hash-Funktion“, die einen 256-Bit-Hash-Wert berechnet, indem sie ein XOR über alle 256-Bit Blöcke einer Nachricht durchführt, im Allgemeinen ungeeignet?

Wir nehmen hier an, dass die Nachricht ein Vielfaches von 256 Bit lang ist. Falls nicht, dann wenden wir Padding an. Weiterhin gibt es eine 256 Bit lange Konstante, die für das Hashen des ersten Blocks verwendet wird.

Übung

1.2. Bewertung der Sicherheit

- Eine Nachricht M bestehe aus N 64-bit Blöcken: X_1, \dots, X_n .
- Der Hashcode $H(M)$ ist ein simpler XOR über alle Blöcke: $H(M) = h = X_1 \oplus X_2 \oplus \dots \oplus X_n$.
- h wird als der X_{N+1} Block an die Nachricht angehängt und danach wird unter Verwendung des CBC Modus die Nachricht inkl. des Hashcodes verschlüsselt ($C = Y_1, \dots, Y_{N+1}$).
- Gegen welche Art von Manipulation ist diese Konstruktion *nicht* sicher?

Studieren Sie ggf. noch einmal den CBC Modus.

Übung

1.3. Irrelevanz von Second-Preimage-Resistenz und Kollisionssicherheit

Warum sind *Second-Preimage-Resistenz* und Kollisionssicherheit von nachgeordneter Relevanz, wenn der Hash-Algorithmus zum Hashing von Passwörtern verwendet wird?

2. Hashverfahren

Die SHA-Familie (Secure Hash Algorithms)

- eine Gruppe kryptographischer Hashfunktionen, die von der US-amerikanischen NIST standardisiert wurden.
- Anwendungsziele:
 - Prüfsummenbildung (Integrität)
 - Digitale Signaturen
 - Basis für weitere kryptographische Konstrukte (z. B. HMAC)
- Mitglieder:
 - SHA-1 hat 160 Bit und wird seit 2004 nicht mehr als sicher betrachtet; praktikable Angriffe gibt es seit 2009
 - SHA-2 entwickelt im Jahr 2000 und umfasst 224, 256, 384 und 512 Bit Varianten
 - SHA-3 2015 spezifiziert und basiert auf Keccak



Beispiel

```
SHA-256 ("Hallo") →  
753692ec36adb4c794c973945eb2a99c1649703ea6f76bf259abb4fb838e013e
```

Berechnung des SHA-256

Python

```
1 from hashlib import sha256  
2 from binascii import hexlify  
3 hexlify(sha256(bytes("Hallo", "UTF-8")).digest())
```

Shell/Console

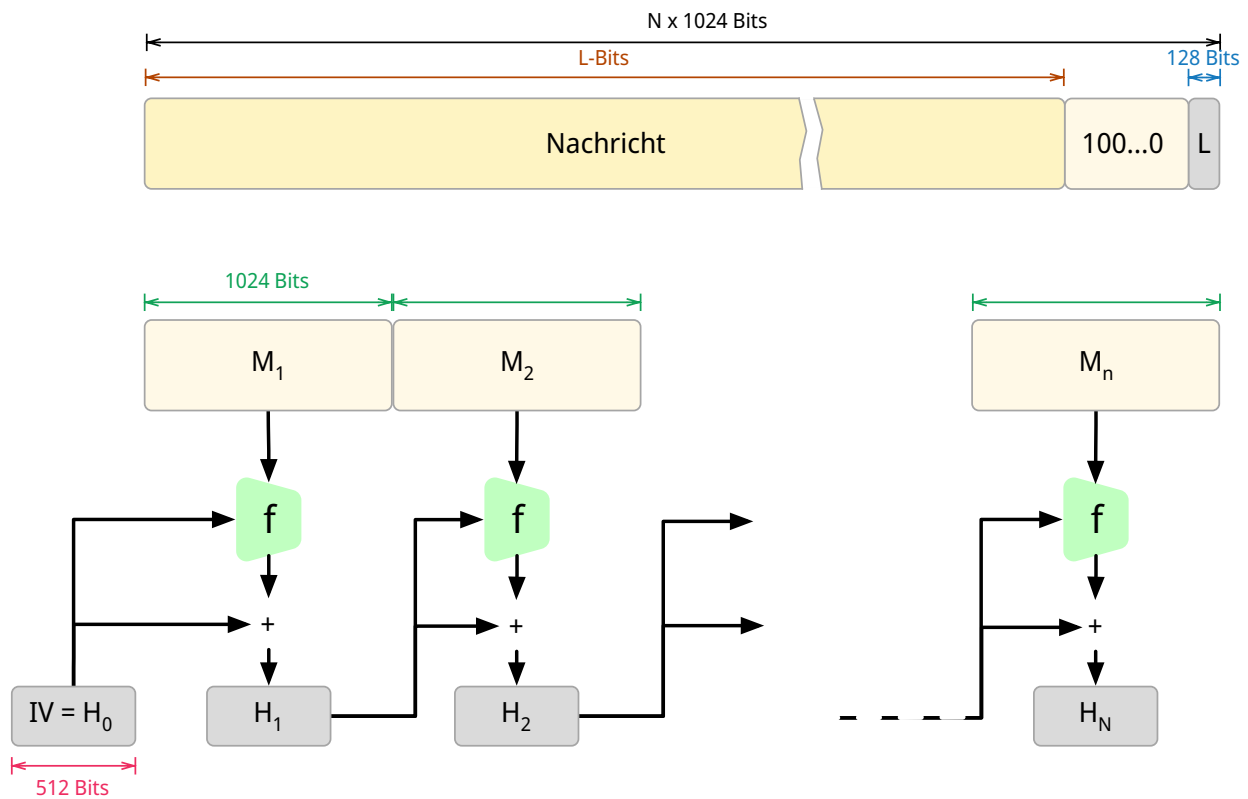
```
1 echo -n "Hallo" | sha256sum
```

▲ Achtung!

Passwort-Hashing ist kein direktes Anwendungsziel!

SHA-2 ist momentan weit verbreitet und gilt als sicher, aber SHA-3 bietet ein alternatives Sicherheitsdesign mit dem Keccak-Ansatz.

SHA 512 - Übersicht



■ SHA-512 nimmt eine Nachricht beliebiger Größe und gibt einen 512-Bit-Hashwert zurück.

■ Der IV von SHA-512 besteht aus den folgenden acht 64-Bit-Zahlen mit Wortgröße:

```
6a09e667f3bcc908
bb67ae8584caa73b
3c6ef372fe94f82b
a54ff53a5f1d36f1
510e527fade682d1
9b05688c2b3e6c1f
1f83d9abfb41bd6b
5be0cd19137e2179
```

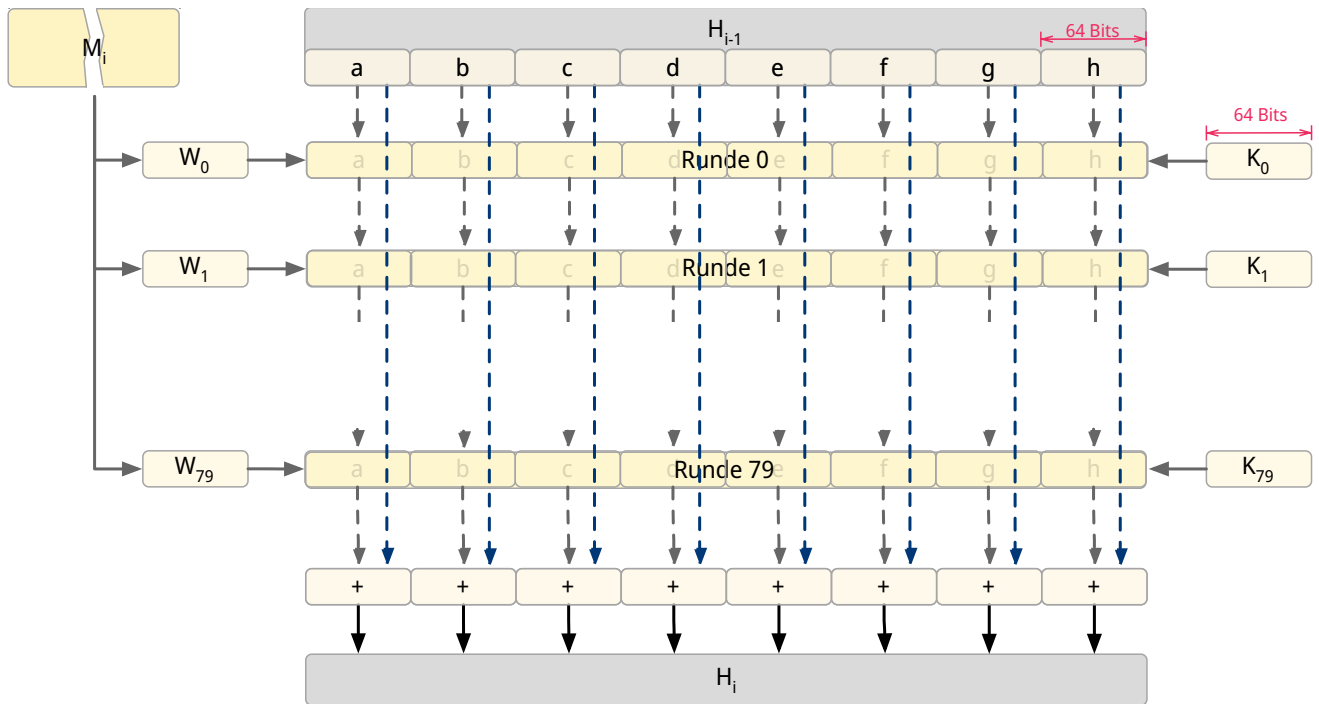
■ Die Addition erfolgt wortweise modulo 2^{64} .

■ Die Nachricht wird in 1024-Bit-Blöcke unterteilt. Die Nachricht wird - unabhängig von der tatsächlichen Länge - *immer* aufgefüllt (padding) und auf eine Länge $l \equiv 896 \pmod{1024}$ Bits gebracht.

■ Das Padding besteht aus einem Bit mit Wert 1, gefolgt von der notwendigen Anzahl Nullen.

■ Am Ende wird die Länge der Nachricht als 128-Bit-Wert angehängt, um ein Vielfaches von 1024 zu erhalten.

SHA-512 Verarbeitung eines 1024-Bit-Blocks



Die Additionen erfolgen Modulo 2^{64} .

Berechnung der W_i

W_0 bis W_{15} sind die ersten 16 Wörter des 1024-Bit-Blocks. Die restlichen 64 Wörter werden wie folgt berechnet.

$$w_t = \sigma_1(w_{t-2}) + w_{t-7} + \sigma_0(w_{t-15}) + w_{t-16}$$

Mit:

$$\sigma_0(x) = (x \ggg 1) \oplus (x \ggg 8) \oplus (x \gg 7)$$

$$\sigma_1(x) = (x \ggg 19) \oplus (x \ggg 61) \oplus (x \gg 6)$$

Legende

\gg ist die Rechtsverschiebung bei der die linke Seite mit Nullen aufgefüllt wird.

\ggg ist die zyklische Rechtsverschiebung.

\oplus steht für die bitweise XOR-Operation.

Rundenfunktion

$$T_1 = h + Ch(e, f, g) + (\sum_1^{512} e) + K_t + W_t$$

$$T_2 = (\sum_0^{512} a) + Maj(a, b, c)$$

$$\begin{aligned}
h &= g \\
g &= f \\
f &= e \\
e &= d + T_1 \\
d &= c \\
c &= b \\
b &= a \\
a &= T_1 + T_2
\end{aligned}$$

Weiterhin gilt:

t ist die Schrittnummer

$$Ch(e, f, g) = (e \wedge f) \oplus (\neg e \wedge g)$$

$$Maj(a, b, c) = (a \wedge b) \oplus (a \wedge c) \oplus (b \wedge c)$$

$$\sum_0^{512} a = a \ggg 28 \oplus a \ggg 34 \oplus a \ggg 39$$

$$\sum_1^{512} e = e \ggg 14 \oplus e \ggg 18 \oplus e \ggg 41$$

Berechnung der Konstanten

Die Konstanten K sind die ersten 64 Bits der Bruchteile der Kubikwurzeln der ersten 80 Primzahlen.

Konzeptionell: $((\sqrt[3]{n_{te} \text{ Primzahl}} - \lfloor \sqrt[3]{n_{te} \text{ Primzahl}} \rfloor) << 64).toInt().toString(16)$

Die SHA-512 Konstanten

```

428a2f98d728ae22 7137449123ef65cd b5c0fbcfec4d3b2f e9b5dba58189dbbc
3956c25bf348b538 59f111f1b605d019 923f82a4af194f9b ab1c5ed5da6d8118
d807aa98a3030242 12835b0145706fbe 243185be4ee4b28c 550c7dc3d5ffb4e2
72be5d74f27b896f 80deb1fe3b1696b1 9bdc06a725c71235 c19bf174cf692694
e49b69c19ef14ad2 efbe4786384f25e3 0fc19dc68b8cd5b5 240ca1cc77ac9c65
2de92c6f592b0275 4a7484aa6ea6e483 5cb0a9dcbbd41fbd4 76f988da831153b5
983e5152ee66dfab a831c66d2db43210 b00327c898fb213f bf597fc7beef0ee4
c6e00bf33da88fc2 d5a79147930aa725 06ca6351e003826f 142929670a0e6e70
27b70a8546d22ffc 2e1b21385c26c926 4d2c6dfc5ac42aed 53380d139d95b3df
650a73548baf63de 766a0abb3c77b2a8 81c2c92e47edae6 92722c851482353b
a2bfe8a14cf10364 a81a664bbc423001 c24b8b70d0f89791 c76c51a30654be30
d192e819d6ef5218 d69906245565a910 f40e35855771202a 106aa07032bbd1b8
19a4c116b8d2d0c8 1e376c085141ab53 2748774cdf8eeb99 34b0bcb5e19b48a8
391c0cb3c5c95a63 4ed8aa4ae3418acb 5b9cca4f7763e373 682e6fff3d6b2b8a3
748f82ee5defb2fc 78a5636f43172f60 84c87814a1f0ab72 8cc702081a6439ec
90beffffa23631e28 a4506cebbe82bde9 bef9a3f7b2c67915 c67178f2e372532b
ca273eceeaa26619c d186b8c721c0c207 eada7dd6cde0eb1e f57d4f7fee6ed178
06f067aa72176fba 0a637dc5a2c898a6 113f9804bef90dae 1b710b35131c471b
28db77f523047d84 32caab7b40c72493 3c9ebe0a15c9bebc 431d67c49c100d4c

```

Exemplarischer Code zur Berechnung der Konstanten

Der folgende JavaScript Code demonstriert, wie die Konstanten für SHA-512 berechnet werden bzw. wurden. Die Präzision von Standard JavaScript Gleitkommazahlen (64-Bit Double) ist jedoch nicht ganz ausreichend, um die Konstanten vollständig zu berechnen.

```

1 const primes = [
2     2, 3, 5, 7, 11, 13, 17, 19, 23, 29, 31, 37, 41, 43, 47, 53, 59,
3     61, 67, 71, 73, 79, 83, 89, 97, 101, 103, 107, 109, 113, 127,
4     131, 137, 139, 149, 151, 157, 163, 167, 173, 179, 181, 191, 193,
5     197, 199, 211, 223, 227, 229, 233, 239, 241, 251, 257, 263, 269,
6     271, 277, 281, 283, 293, 307, 311, 313, 317, 331, 337, 347, 349,
7     353, 359, 367, 373, 379, 383, 389, 397, 401, 409 ];
8
9 function* genSHA512Constants() {
10     let i = 0;
11     while(i < 80) {
12         const p = primes[i];
13         const cubeRootP = Math.cbrt(p); // = p ** (1/3);
14         yield (cubeRootP - Math.floor(cubeRootP));
15         ++i;
16     }
17 }
18 for(const c of genSHA512Constants()) {
19     console.log(c.toString(16));
20 }

```

Der folgende Java Code demonstriert, wie die Konstanten für SHA-512 berechnet werden können. Wir verwenden hier die Klasse *BigDecimal*, um die Konstanten zu berechnen, da Java keinen `long double` Typ (mit 128 Bit) kennt.

```

1 /**
2  * Compute the cube root using BigDecimals and the Newton-Raphson
3  * algorithm.
4  *
5  * @param n the number for which the cube root should be computed.
6  * @param guess the current/initial guess. Can be BigDecimal.ONE.
7  * @param the number of steps to be executed. The algorithm is
8  *         iterative and the number of steps determines the
9  *         precision of the result.
10 */
11 BigDecimal cbrt(BigDecimal n, BigDecimal guess, int steps) {
12     if (steps == 0) return guess;
13     final var newGuess =
14         guess.add(
15             guess.pow(3).add(n.negate()).divide(
16                 guess.pow(2).multiply(new BigDecimal(3)),
17                 MathContext.DECIMAL128
18             ).negate()
19         );
20     return cbrt(n, newGuess, steps - 1);
21 }

```

```
22 /**
23  * Given a prime number get the first 64 bits of the fractional
24  * part of the cube root.
25  */
26 String shaConstant(int prime) {
27     final var cubeRoot = cbrt(new BigDecimal(prime),BigDecimal.ONE,16);
28     // "extract" the fractional by computing modulo 1
29     final var fractionalPart = cubeRoot.remainder(BigDecimal.ONE);
30     // To extract the first 64 bits we effectively do a shift-left
31     // by 64 which we simulate by multiplying with 2^64
32     final var bits = fractionalPart.multiply(BigDecimal.TWO.pow(64));
33     // to get the HEX representation we use BigInteger's toString
34     // method as a convenience method
35     return bits.toBigInteger().toString(16);
36 }
```

3. *Message Authentication Codes* (MACs)

※ Hinweis

Message Authentication Codes könnte ins Deutsche mit Nachrichtenauthentifizierungscodes übersetzt werden, dies ist aber nicht üblich. Im allgemeinen (IT-)Sprachgebrauch wird von *MACs* gesprochen.

HMAC (Hash-based Message Authentication Code)

■ Auch als *keyed-hash message authentication code* bezeichnet.

■ Konstruktion:

$$\begin{aligned} \text{HMAC}(K, m) &= H((K' \oplus \text{opad}) || H((K' \oplus \text{ipad}) || m)) \\ K' &= \begin{cases} H(K) & \text{falls } K \text{ größer als die Blockgröße ist} \\ K & \text{andernfalls} \end{cases} \end{aligned}$$

■ Standardisiert - sicher gegen Längenerweiterungsangriffe.

Legende

H ist eine kryptografische Hashfunktion.

m ist die Nachricht.

K ist der geheime Schlüssel (*Secret Key*).

K' ist vom Schlüssel K abgeleiteter Schlüssel mit Blockgröße (ggf. *padded* oder *gehasht*).

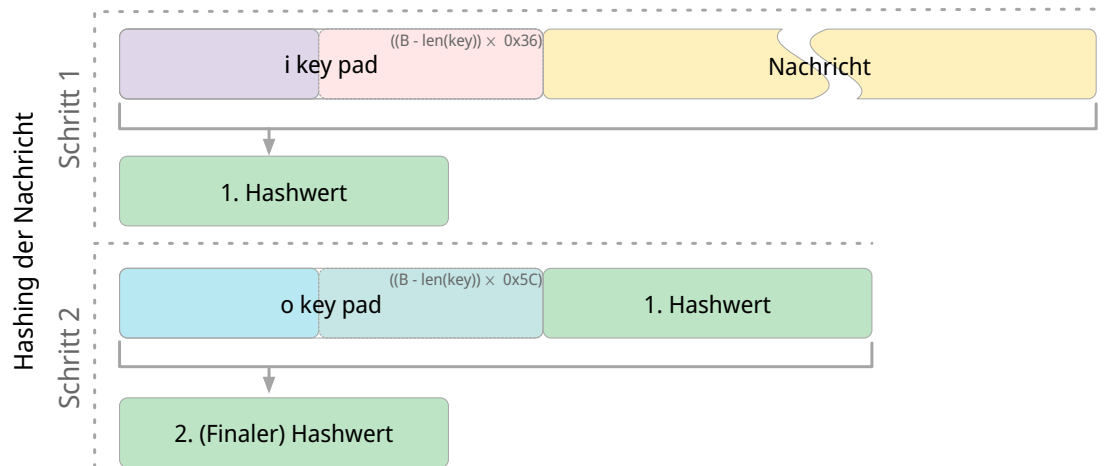
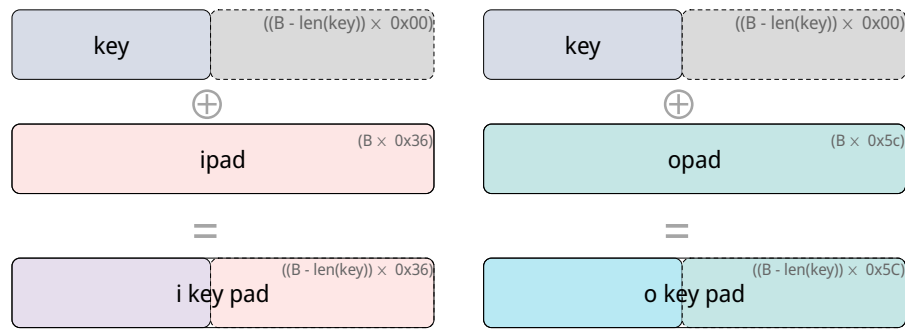
$||$ ist die Konkatenation.

\oplus ist die XOR Operation.

opad ist das äußere Padding bestehend aus Wiederholungen von 0x5c in Blockgröße.

ipad ist das innere Padding bestehend aus Wiederholungen von 0x36 in Blockgröße.

Ableitung der Schlüssel, die jeweils in die Hashberechnung eingehen.
Die Blockgröße sei B bytes und der Schlüssel (Key) sei kleiner.



Padding und Hashing

Im Rahmen der Speicherung von Passwörtern und *Secret Keys* ist die Verwendung von Padding Operationen bzw. das Hashing von Passwörtern, um Eingaben in einer wohldefinierten Länge zu bekommen, üblich. Neben dem hier gesehenen Padding, bei dem 0x00 Werte angefügt werden, ist zum Beispiel auch das einfache Wiederholen des ursprünglichen Wertes, bis man auf die notwendige Länge kommt, ein Ansatz.

Diese Art Padding darf jedoch nicht verwechselt werden mit dem Padding, dass ggf. im Rahmen der Verschlüsselung von Nachrichten notwendig ist, um diese ggf. auf eine bestimmte Blockgröße zu bringen (zum Beispiel bei ECB bzw. CBC Block Mode Operations.)

HMAC Berechnung in Python

Implementierung

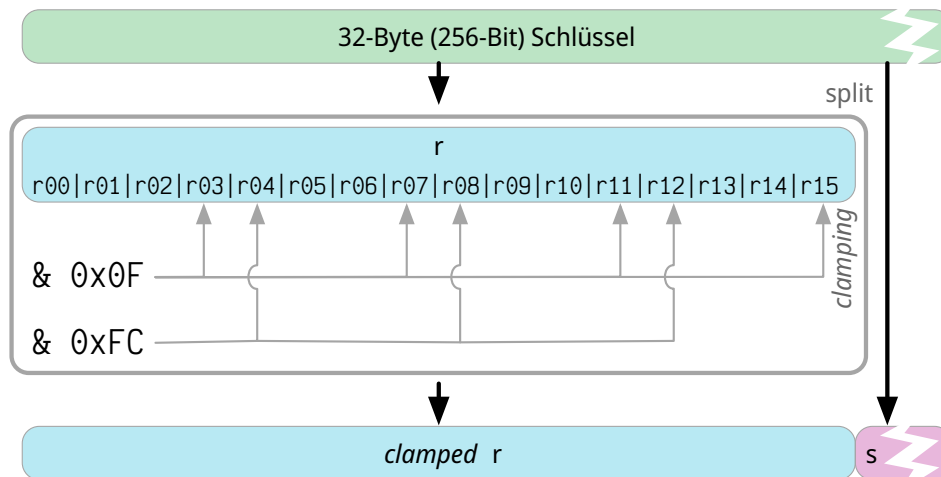
```
1 import hashlib
2 pwd = b"MyPassword"
3 stretched_pwd = pwd + (64-len(pwd)) * b"\x00"
4
5 ikeypad = bytes(map(lambda x : x ^ 0x36 , stretched_pwd)) # xor with ipad
6 okeypad = bytes(map(lambda x : x ^ 0x5c , stretched_pwd)) # xor with opad
7
8 hash1 = hashlib.sha256(ikeypad+b"JustAMessage").digest()
9 hmac = hashlib.sha256(okeypad+hash1).digest()
10
11 # hmac =
12 #      b'\xab\xa0\xd9\xe2\x8a\xc8\x081\xe\x1b\x1d,
13 #      \x8f\xa6\xd6L\x94\xab\x89\x9a\x89*\xc7\x0f_no\xc1\xdc6\xfc'
```

HMAC ist auch direkt als Bibliotheksfunktion verfügbar.

```
1 import hashlib
2 import hmac
3
4 hash_hmac = hmac.new(
5     b"MyPassword",
6     b"JustAMessage",
7     hashlib.sha256).digest()
8
9 hash_hmac =
10     b'\xab\xa0\xd9\xe2\x8a\xc8\x081\xe\x1b\x1d,
11     \x8f\xa6\xd6L\x94\xab\x89\x9a\x89*\xc7\x0f_no\xc1\xdc6\xfc'
```

MAC: Poly 1305

- Ein MAC Algorithmus für die Einmalauthentifizierung von Nachrichten.
- Entwickelt von Daniel J. Bernstein.
- Basierend auf einem 256-Bit-Schlüssel und einer Nachricht wird ein 128-Bit-Tag berechnet.
- (Insbesondere) In Verbindung mit *ChaCha20* in einer Reihe von Protokollen verwendet.



Aufteilung des Schlüssels

"Clamping"

```
1 | clamped_r = r & 0xfffffc0fffffc0fffffc0fffff # Zahlen
```

Verarbeitung der Nachricht

- initialisiere den Akkumulator a mit 0
- die Nachricht wird in Blöcke von 16 Byte aufgeteilt und als *little-endian* Zahl verarbeitet; d. h. ein Block hat 16 Oktette (16×8 Bit)
- Füge dem Block n ein Bit jenseits der Anzahl der Oktette des aktuellen Blocks hinzu $\rightarrow n'$ (D. h. im Falle eines 16-Byte-Blocks wird die Zahl 2^{128} addiert und danach haben wir somit eine 17-Byte-Zahl.)
- Addiere n' aus dem letzten Schritt zum Akkumulator a und multipliziere mit clamped r
- Aktualisiere den Akkumulator mit dem Ergebnis *modulo* P mit $P = 2^{130} - 5$: $a = ((a + n') \times \text{clamped } r) \bmod P$

Beispiel

0000	43 72 79 70 74 6f 67 72 61 70 68 69 63 20 46 6f	Cryptographic Fo
0016	72 75 6d 20 52 65 73 65 61 72 63 68 20 47 72 6f	rum Research Gro
0032	75 70	up

Schlüssel

r = 85 d6 be 78 57 55 6d 33 7f 44 52 fe 42 d5 06 a8

s = 01 03 80 8a fb 0d b2 fd 4a bf f6 af 41 49 f5 1b

⚠ Verwendung der (*normalen*) Zahlendarstellung

clamped r = 806d5400e52447c036d555408bed685
s = 1bf54941aff6bf4afdb20dfb8a800301

Verarbeitung des ersten Blocks

a = 00
n = 6f4620636968706172676f7470797243
n' = 016f4620636968706172676f7470797243
a + n' = 016f4620636968706172676f7470797243
(a + n') × clamped r = b83fe991ca66800489155dcd69e8426ba2779453994ac90ed284034da565ecf
a = ((a + n') × clamped r) mod P = 2c88c77849d64ae9147dde88e69c83fc

Bemerkung

Berechnung für den ersten Block in Python

```
1 a = 0x00 # initial
2 a = a + n'
3 a = 0x016f4620636968706172676f7470797243 # 0x00 + n' = n'
4 a *= 0x806d5400e52447c036d555408bed685
5 print("((a+n') × clamped r)=", hex(a))
6 print("((a+n') × clamped r) mod P=", hex(a % 0x3ffffffffffffffffffffffffffffffffb))
```

Verarbeitung des letzten Blocks mit 2 Bytes

a = 2d8ada f23b0337 fa7ccc fb4ea344 b30de
n = 7075
n' = 017075
a + n' = 2d8ada f23b0337 fa7ccc fb4ea344 ca153
(a + n') × clamped r = 16d8e08a0f3fe1de4fe4a15486aca7a270a29f1e6c849221e4a6798b8e45321f
a = ((a + n') × clamped r) mod P = 28d31b7ca ff946c77c8844335369d03a7

Abschluss

Addiere auf den Wert des Akkumulators *a* den Wert *s*.

Somit ist der Tag $t = a + s = 2a927010caf8b2bc2c6365130c11d06a8$ (als Zahl).

Davon werden die *least-significant 128 Bit* serialisiert und verwendet.

a8 06 1d c1 30 51 36 c6 c2 2b 8b af 0c 01 27 a9

Serialisierung in Python

```
1 from binascii import hexlify
2
3 t = 0x2a927010caf8b2bc2c6365130c11d06a8
4 hexlify(t.to_bytes(17, byteorder="little")[0:16])
```

Hinweise

- In dieser Diskussion betrachten wir jeden Block der Nachricht als „große Zahl“.
- $P = 2^{130} - 5 = 3ffffffffffffffffffffffffffffffffb$
- Dadurch, dass wir den Block als Zahl in *little-endian* Reihenfolge interpretieren, ist das Hinzufügen des Bits jenseits der Anzahl der Oktette gleichbedeutend damit, dass wir den Wert 0x01 am Ende des Blocks hinzufügen.

Übung

3.1. SHA 512

1. Wie ist die Blockgröße von SHA-512?
2. Warum ist SHA-512 resistenter gegen Kollisionsangriffe als SHA-256?
3. Wofür eignet sich SHA-512 weniger als SHA-256, trotz höherer Sicherheit?
4. Wie viele Bytes werden mindestens verarbeitet, wenn eine 3-Byte-Nachricht mit SHA-512 gehasht wird?

Übung

3.2. Poly 1305

Berechnen Sie das Tag für folgende Daten welche als Octet String gegeben sind:

```
0000: 4c 6f 63 6b 20 79 6f 75 72 20 67 61 74 65 2c 0a  Lock your gate,.
0010: 45 6e 63 72 79 70 74 20 74 68 65 20 66 61 74 65  Encrypt the fate
0020: 2e 0a ..
```

Die Daten in *little-endian* Darstellung (z. B. mit `xxd -e -g 16`):

```
0000: 0a2c657461672072756f79206b636f4c  Lock your gate,.
0010: 65746166206568742074707972636e45  Encrypt the fate
0020:                                0a2e ..
```

Der Schlüssel sei als Octet String:

```
0000: c0 30 14 6f 7f 93 9d 0d e4 36 21 9a d2 4f 89 d3
0010: 7a 65 80 93 c3 d1 a0 f9 36 a6 26 f1 53 18 43 e7
```

Sie können/sollten zur Berechnung auf die Python Shell zurückgreifen (siehe ergänzende Hinweise bei Bedarf.)

Python 101

Die Verwendung von Python bietet sich hier an, da Python "Mathematik mit beliebiger Genauigkeit für Ganzzahlen" hat.

In Python können Variablen (zum Beispiel `a`) einfach initialisiert und dann direkt genutzt werden. Python unterstützt die gewohnten mathematischen und logischen bzw. binären Operationen. Weiterhin dient der `**` Operator zur Potenzierung (z. B. `2 ** 128 = 2128`)

Um einen Octet String in eine Zahl umzuwandeln, kann folgender Code verwendet werden:

```
1 | octet_string = "21 9a d2 4f 89 d3"
2 | r = hex(int.from_bytes(bytes.fromhex(octet_string.replace(" ", "")), "little"))
```

Um eine Zahl (z. B. `t`) in Little-endian Hexdarstellung umzuwandeln, kann folgender Code verwendet werden:

```
1 | from binascii import hexlify
2 |
3 | t = 0x2a927010caf8b2bc2c6365130c11d06a8
4 | hexlify(t.to_bytes(17, byteorder="little")[0:16])
```


Zusammenfassung

- Ein Hashwert dient der Integritätssicherung von Nachrichten.
- Ein Mac dient der Authentifizierung von Nachrichten.
- Ein Mac sichert auch immer die Integrität der Nachricht.

Es ist somit möglich die Integrität einer Nachricht zu sichern ohne Authentizität zu gewährleisten, aber nicht umgekehrt.

- Ein Mac erlaubt es dem Empfänger eine gefälschte Nachricht zu erkennen aber ggf. auch zu erstellen (🚩 *to forge a message*).
- Eine Signatur basiert auf einem Hashwert und einem *privaten* Schlüssel.
 - Der Empfänger kann bei einer signierten Nachricht, diese nicht verändern und als eine Nachricht des Senders ausgeben.
 - Nur für Nachrichten, die signiert sind, gilt somit die Nichtabstreitbarkeit (🚩 *non-repudation*).