Функциональное программирование

Домашнее задание 5.

- 1. Реализуйте функцию, которая запрашивает у пользователя количество чисел, затем сами числа (с плавающей запятой), а затем предлагает «меню»: требуется ли сложить или перемножить данные числа. Наконец, выводится соответствующий результат.
- 2. Реализуйте программу, которая получает из командной строки пути к входному и выходному файлу, а также бинарное значение. Входной файл открывается для чтения, и все его строки (lines) лексикографически упорядочиваются по невозрастанию (или по неубыванию в зависимости от бинарного значения). Результат записывается в выходной файл. Обработка ошибок (таких как отсутствие входного файла) должна быть разумной.
- **3.** Реализуйте функцию, вычисляющую «случайную» перестановку данного списка. Каждый новый вызов функции должен давать результат, почти наверное отличный (в идеале независимый) от результата предыдущего вызова. В идеале все возможные перестановки равновероятны. Поведение на бесконечных списках неопределено.
- **4.** Рассмотрим шар $S=\{(x,y,z)\in\mathbb{R}^3\mid x^2+y^2+z^2\leq 1\}$, вписанный в куб $C=\{(x,y,z)\in\mathbb{R}^3\mid \max(|x|,|y|,|z|)\leq 1\}$. Зная соотношение объемов куба и шара, оцените число π через долю «случайных» точек куба, оказывающихся внутри шара. Количество точек должно быть аргументом вашей функции.
- 5. Реализуйте функцию average :: (Foldable f, Fractional a) => f a -> Maybe a, вычисляющую среднее значение элементов коллекции, используя не более одной свёртки контейнера.
- **6*.** Из хорошо перетасованной колоды в 52 карты (четырех мастей по 13 достоинств в каждой) двое игроков берут по шесть карт. С какой вероятностью у них будет *разное* число тузов? Получите ответ аналитически и сравните его с результатами численного эксперимента (количество повторов эксперимента должно быть аргументом вашей функции).
- 7^* . Торговая стратегия торгует одну акцию в течение n минут следующим образом: в начале каждой минуты, кроме n-ой, если акция есть в портфеле, она с равной вероятностью продается (по рыночной цене) или портфель оставляется без изменения; если же акции нет в портфеле, она с равной вероятностью покупается или портфель остается без изменения. В начале n-ой минуты акция продается, если имеется в портфеле, иначе ничего не делается. До начала торгов акции в портфеле нет. Результат стратегии определяется как разность полученных и уплаченных денежных средств во время ее работы (стоимость заимствования и размещения денег, а также комиссии не учитываются).

Оценить ожидаемый результат стратегии на исторических данных с достаточной эффективностью для n > 1000. На вход подаются список рыночных цен в моменты совершения сделок («исторические данные»; цены спроса и предложения можно считать одинаковыми) и другие значения по вашему усмотрению.

Исторические данные можно найти на биржах¹ или правдоподобным образом сгенерировать (как геометрическое броуновское движение²). Автоматическое получение и генерация данных не являются частью задачи.

¹См., например, http://iss.moex.com или https://www.finam.ru/profile/moex-akcii/sberbank/export/.

²См. файл hse-fp-hw5-GBM.hs в репозитории курса.