Дисциплина: Анализ алгоритмов

Лабораторная работа 4

Умножение матриц с помощью алгоритма Винограда с параллельными вычислениями.

Студент группы ИУ7-55, Шестовских Николай Александрович Преподаватели: Волкова Л.Л., Строганов Ю.В.

Содержание

В	веде	ние	3
1	Аналитическая часть		
	1.1	Теоретические сведения об умножении матриц	4
	1.2	Алгоритм Винограда	4
	1.3	Параллельные вычисления	
	1.4	Параллельный алгоритм Винограда	Ę
	1.5	Вывод	ŀ
2	Конструкторская часть		
	2.1	Схема алгоритма Винограда	6
	2.2	Модель организации параллельных вычислений	7
	2.3	Вывод	7
3	Технологическая часть		8
	3.1	Требования к программному обеспечению	8
	3.2	Средства реализации	8
	3.3	Листинг кода	
	3.4	Вывод	
4	Экспериментальная часть		13
	4.1	Постановка эксперимента	13
	4.2	Результаты эксперимента	
	4.3	Анализ полученых результатов эксперимента	
	4.4	Вывод	
3	Заключение		
\mathbf{C}	Список литературы		

Введение

Конвейер придумали в 20 веке. Лабораторная работа на передачу данных между потоками.

 $t_i = const$

 $t_i = t_{avgI} \pm \delta t_{avg}$

B проге: t1 мб = t2, мб нет

В лр минимум 3 ленты. Мы считаем, что есть очередь, из которой потоки берут данные. Представим, что каждый объект из ленты - 1 поток.

Обработанные данные кладутся в пул обраб данных, берутся отметки времени, допустим 6n объектов, мы берем 6xN объектов, сортируем по времени, мы приводим лог в отчет.

Мы накладываем ограничение, чтобы время 1 стадии обработки > времени диспетчеризации(время передачи объекта из ленты в очередь и из очереди в ленту)

Добавление и извлечение из очереди надо сделать неделимыми операциями(атомарными), поэтому нам нужен mutex.

Цель: получить навык реализации асинхронного взаимодействия между потоками на примере конвейерных вычислений.

Задачи:

- Поставить задачу стадийной обработки.
- спроектировать ПО, реализующее конвейерную обработку.
- описать реализацию
- провести тестирование
- интерпретировать данные лога

Можно исп через задержку при пустой очереди, либо событийную модель (UML - модель состояний) поток сущ, пока есть объекты для обработки, т. е.

- а) пока Nобр не достигнет N
- б) пока лента не получит спецобъект, где сказано "конец обратботки".

1 Аналитическая часть

В данной части будут рассмотрены теоретические основы алгоритмов.

1.1 Теоретические сведения об умножении матриц

Матрица – это прямоугольная таблица каких-либо элементов. Здесь и далее мы будем рассматривать только матрицы, элементами которых являются числа. Упорядоченная пара чисел (n, m), где n - количество строк в матрице, m - количество столбцов, называется размерностью матрицы, обозначается обычно m х n[1].

Пусть имеются две матрицы: А и В размерами n x l и l x m соответственно.

$$\begin{bmatrix} a_{1,1} & a_{1,2} & \dots & a_{1,l} \\ a_{2,1} & a_{2,2} & \dots & a_{2,l} \\ \dots & \dots & \dots & \dots \\ a_{n,1} & a_{n,2} & \dots & a_{n,l} \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} b_{1,1} & b_{1,2} & \dots & b_{1,m} \\ b_{2,1} & b_{2,2} & \dots & b_{2,m} \\ \dots & \dots & \dots & \dots \\ b_{l,1} & b_{l,2} & \dots & b_{l,m} \end{bmatrix}$$

Произведением матриц A и B размерами n x l и l x m соответственно называется матрица C размерами n x m, каждый элемент которой вычисляется по формуле (1):

$$c_{i,j} = \sum_{r=1}^{n} a_{i,r} \cdot b_{r,j}$$

$$\begin{bmatrix} c_{1,1} & b_{1,2} & \dots & c_{1,m} \\ c_{2,1} & b_{2,2} & \dots & c_{2,m} \\ \dots & \dots & \dots & \dots \\ c_{n,1} & c_{n,2} & \dots & c_{n,m} \end{bmatrix}$$

$$(1)$$

1.2 Алгоритм Винограда

Если посмотреть на результат умножения двух матриц, то видно, что каждый элемент в нем представляет собой скалярное произведение соответствующих строки и столбца исходных матриц. Также некоторые вычисления можно произвести заранее, что ускорит выполнение алгоритма. Рассмотрим два вектора $V = (v_1, v_2, v_3, v_4)$ и $W = (w_1, w_2, w_3, w_4)$

Их скалярное произведение находится по формуле (2)

$$V \cdot W = v_1 \cdot w_1 + v_2 \cdot w_2 + v_3 \cdot w_3 + v_4 \cdot w_4 \tag{2}$$

Равенство (2) можно переписать в виде (3)

$$V \cdot W = (v_1 + w_2) \cdot (v_2 + w_1) + (v_3 + w_4) \cdot (v_4 + w_3) - v_1 \cdot v_2 - v_3 \cdot v_4 - w_1 \cdot w_2 - w_3 \cdot w_4 \tag{3}$$

В Алгоритме Винограда используется скалярное произведение из формулы 2, в отличие от стандартного алгоритма. Алгоритм Винограда позволяет выполнить предварительную обработку матрицы и запомнить значения для каждой строки/столбца матриц. Над предварительно обработанными элементами нам придется выполнять лишь первые два умножения и последующие пять сложений, а также дополнительно два сложения[2].

1.3 Параллельные вычисления

Параллельные вычисления — способ организации компьютерных вычислений, при котором программы разрабатываются как набор взаимодействующих вычислительных процессов, работающих параллельно (одновременно).

При использовании многопроцессорных вычислительных систем с общей памятью обычно предполагается, что имеющиеся в составе системы процессоры обладают равной производительностью, являются равноправными при доступе к общей памяти, и время доступа к памяти является одинаковым (при одновременном доступе нескольких процессоров к одному и тому же элементу памяти очередность и синхронизация доступа обеспечивается на аппаратном уровне). Многопроцессорные системы подобного типа обычно именуются симметричными мультипроцессорами (symmetric multiprocessors, SMP).

Перечисленному выше набору предположений удовлетворяют также активно развиваемые в последнее время многоядерные процессоры, в которых каждое ядро представляет практически независимо функциони рующее вычислительное устройство.

Обычный подход при организации вычислений для многопроцессорных вычислительных систем с общей памятью — создание новых параллельных методов на основе обычных последовательных программ, в которых или автоматически компилятором, или непосредственно программистом выделяются участки независимых друг от друга вычислений. Возможности автоматического анализа программ для порождения параллельных вычислений достаточно ограничены, и второй подход является преобладающим. При этом для разработки параллельных программ могут применяться как новые алгоритмические языки, ориентированные на параллельное программирование, так и уже имеющиеся языки, расширенные некоторым набором операторов для параллельных вычислений.

Широко используемый подход состоит и в применении тех или иных библиотек, обеспечивающих определенный программный интерфейс (application programming interface, API) для разработки параллельных программ. В рамках такого подхода наиболее известны Windows Thread API. Однако первый способ применим только для ОС семейства Microsoft Windows, а второй вариант API является достаточно трудоемким для использования и имеет низкоуровневый характер [3].

1.4 Параллельный алгоритм Винограда

Трудоемкость алгоритма Винограда имеет сложность O(nmk) для умножения матриц $n1 \times m1$ на $n2 \times m2$. Чтобы улучшить алгоритм, следует распараллелить ту часть алгоритма, которая содержит 3 вложенных цикла. Помимо этого, можно объединить всю остальную часть алгоритма и ее тоже распараллелить, тем самым разбив алгоритм на два последовательно выполняющихся участка.

В результирующей матрице каждая ячейка вычисляется независимо от других, поэтому, вычисляя отдельные строки разными потоками, получится не сталкиваться с проблемой "разделяемых данных"между потоками, так как каждый поток будет отвечать за свой участок итоговой матрицы.

1.5 Вывод

В данном разделе были рассмотрены общие сведения об умножении матриц, алгоритм Винограда, способ его распараллеливания а также теоретические сведения о параллельных вычислениях.

2 Конструкторская часть

В данной части будут рассмотрены схема алгоритма винограда и модели его распараллеливания.

2.1 Схема алгоритма Винограда

На рисунке ?? приведена схема алгоритма Винограда.

2.2 Модель организации параллельных вычислений

Алгоритм Винограда можно разбить условно на 4 части:

- 1. вычисление вектора mulh(на Рис. 1 эта часть находится в промежутке от начала алгоритма до соеденителя A);
- 2. вычисление вектора mulv (на Рис. 1 от A до B);
- 3. основная часть(на Рис. 1 от А до С);
- 4. дополнительные вычисления в случае нечетного количества столбцов в первой матрице(на Рис. 1 от С до конца алгоритма).

В таком случае можно распараллелить часть 3, модель представлена на рисунке 2, квадраты на ней-этапы алгоритма, перегородки - ожидание всех потоков:

Также можно заметить, что этап 4 является независимым от этапов 1 и 2 с точки зрения разделяемой памяти, друг с другом они также независимы. В связи с этим можно использовать модель распараллеливания, представленную на рисунке 3:

2.3 Вывод

В данном разделе была рассмотрена схема алгоритма Винограда и модели для его распараллеливания - модель, распараллеливающая только тройной цикл и модель, распараллеливающая тройной цикл и все кроме него.

3 Технологическая часть

В данном разделе будут приведены листинги алгоритма Винограда и его вариантов с параллельными вычислениями на языке $\mathrm{c}++$

3.1 Требования к программному обеспечению

Входные данные - матрица1, матрица2, их размеры. Выходные данные - произведение матриц.

3.2 Средства реализации

Программа была написана на языке C++[7], так как этот язык хорошо сбалансирован с точки зрения быстродействия и предоставляемого функционала, в качестве среды был использован QTCreator[8], так как он бесплатный и достаточно удобный для настройки сборки и программирования в объектно-ориентированном стиле. Для параллельных вычислений использовалась библиотека thread[10], для замеров времени - библиотека chrono[9].

Наблюдатель joinable проверяет потенциальную возможность работы потока в параллельном контексте. Операция join ожидает завершения потока[5].

3.3 Листинг кода

В листингах 1-7 приведены все рассматриваемые в рамках данной лабораторной работы алгоритмы, написанные на языке $\mathrm{C}++.$

```
Matrix Vinograd (Matrix& matr1, Matrix& matr2)
  2
  3
                            int n = matr1 Matrix::GetN();
                            int m = matr2 Matrix :: GetM();
  4
                            int m1 = matr1 Matrix::GetM();
  5
                             double *mulh = new double[n];
  6
                             double *mu|v = new double[m];
  7
                            Matrix res = Matrix(n, m);
  9
10
                            for (int i = 0; i < n; i++)
11
                                   for (int i = 0; i < m1/2; i++)
12
                                         mulh[i] = mulh[i] + matr1[i][2*j] * matr1[i][2*j + 1];
13
                            for (int i = 0; i < m; i++)
                                   for (int j = 0; j < m1/2; j++)
16
                                         mu|v[i] = mu|v[i] + matr2[2*j][i] * matr2[2*j + 1][i];
17
18
                            for (int i = 0; i < n; i++)
19
20
                                   for (int j = 0; j < m; j++)
21
22
                                          res[i][j] = - mulh[i] - mulv[j];
23
                                          for (int k = 0; k < m1/2; k++)
24
                                                res[i][j] = res[i][j] + (matr1[i][2*k]+matr2[2*k+1][j])*(matr1[i][2*k+1]+matr2[2*k+1][j])*(matr1[i][2*k+1]+matr2[2*k+1][j])*(matr1[i][2*k+1]+matr2[2*k+1][j])*(matr1[i][2*k+1]+matr2[2*k+1][j])*(matr1[i][2*k+1]+matr2[2*k+1][j])*(matr1[i][2*k+1]+matr2[2*k+1][j])*(matr1[i][2*k+1]+matr2[2*k+1][j])*(matr1[i][2*k+1]+matr2[2*k+1][j])*(matr1[i][2*k+1]+matr2[2*k+1][j])*(matr1[i][2*k+1]+matr2[2*k+1][j]])*(matr1[i][2*k+1]+matr2[2*k+1][j]])*(matr1[i][2*k+1]+matr2[2*k+1][j]])*(matr1[i][2*k+1]+matr2[2*k+1][i][2*k+1]+matr2[2*k+1][i][2*k+1]+matr2[2*k+1][i][2*k+1]+matr2[2*k+1][i][2*k+1]+matr2[2*k+1][i][2*k+1]+matr2[2*k+1][i][2*k+1]+matr2[2*k+1][i][2*k+1]+matr2[2*k+1][i][2*k+1]+matr2[2*k+1][i][2*k+1]+matr2[2*k+1]+matr2[2*k+1]+matr2[2*k+1]+matr2[2*k+1]+matr2[2*k+1]+matr2[2*k+1]+matr2[2*k+1]+matr2[2*k+1]+matr2[2*k+1]+matr2[2*k+1]+matr2[2*k+1]+matr2[2*k+1]+matr2[2*k+1]+matr2[2*k+1]+matr2[2*k+1]+matr2[2*k+1]+matr2[2*k+1]+matr2[2*k+1]+matr2[2*k+1]+matr2[2*k+1]+matr2[2*k+1]+matr2[2*k+1]+matr2[2*k+1]+matr2[2*k+1]+matr2[2*k+1]+matr2[2*k+1]+matr2[2*k+1]+matr2[2*k+1]+matr2[2*k+1]+matr2[2*k+1]+matr2[2*k+1]+matr2[2*k+1]+matr2[2*k+1]+matr2[2*k+1]+matr2[2*k+1]+matr2[2*k+1]+matr2[2*k+1]+matr2[2*k+1]+matr2[2*k+1]+matr2[2*k+1]+matr2[2*k+1]+matr2[2*k+1]+matr2[2*k+1]+matr2[2*k+1]+matr2[2*k+1]+matr2[2*k+1]+matr2[2*k+1]+matr2[2*k+1]+matr2[2*k+1]+matr2[2*k+1]+matr2[2*k+1]+matr2[2*k+1]+matr2[2*k+1]+matr2[2*k+1]+matr2[2*k+1]+matr2[2*k+1]+matr2[2*k+1]+matr2[2*k+1]+matr2[2*k+1]+matr2[2*k+1]+matr2[2*k+1]+matr2[2*k+1]+matr2[2*k+1]+matr2[2*k+1]+matr2[2*k+1]+matr2[2*k+1]+matr2[2*k+1]+matr2[2*k+1]+matr2[2*k+1]+matr2[2*k+1]+matr2[2*k+1]+matr2[2*k+1]+matr2[2*k+1]+matr2[2*k+1]+matr2[2*k+1]+matr2[2*k+1]+matr2[2*k+1]+matr2[2*k+1]+matr2[2*k+1]+matr2[2*k+1]+matr2[2*k+1]+matr2[2*k+1]+matr2[2*k+1]+matr2[2*k+1]+matr2[2*k+1]+matr2[2*k+1]+matr2[2*k+1]+matr2[2*k+1]+matr2[2*k+1]+matr2[2*k+1]+matr2[2*k+1]+matr2[2*k+1]+matr2[2*k+1]+matr2[2*k+1]+matr2[2*k+1]+matr2[2*k+1]+matr2[2*k+1]+matr2[2*k+1]+matr2[2*k+1]+matr2[2*k+1]+matr2[2*k+1]+matr2[2*k+1]+matr2[2*k+1]+matr2[2*k+1]+m
25
                                                            matr2[2*k][j]);
                                  }
26
                            }
27
28
                            if (m1 % 2)
29
30
                                   for(int i = 0; i < n; i++)
31
                                          for (int j = 0; j < m; j++)
32
                                                 res[i][j] = res[i][j] + matr1[i][m1 - 1] * matr2[m1 - 1][j];
33
                            }
35
                             delete [] mulh;
                             delete[] mulv;
36
37
                            return res;
```

На листинге 1 мы видим, что первой части алгоритма соответствует блок кода на 11-13 строках, второй части - блок кода на 15-17 строках, третьей - блок кода на 19-27 строках, четвертой - на 29-34 строках.

Листинг 2: Этап 3(тройной цикл) в алгоритме Винограда

```
void func thread (Matrix &matr1, Matrix &matr2, Matrix &res, double* mulh, double*
          mulv, int num, int count)
         for(int i = num; i < matr1. Matrix :: GetN(); i += count)</pre>
3
           for(int j = 0; j < matr2.Matrix::GetM(); j++)
5
6
             res[i][j] = res[i][j] - mulh[i] - mulv[j];
7
             for(int k = 0; k < matr1.Matrix::GetM() / 2; k++)
9
               res[i][j] = res[i][j] + (matr1[i][2*k] + matr2[2*k+1][j]) * (matr1[i][2*k+1][j])
10
                   1] + matr2[2*k][j]);
11
          }
12
        }
13
      }
```

На листинге 3 представлен алгоритм Винограда по модели 2, рассмотренной в разделе 2.2 .

Листинг 3: Алгоритм Винограда по модели 1

```
Matrix Vinograd Parallell1 (Matrix& matr1, Matrix& matr2, int count)
2
        int n = matr1. Matrix :: GetN();
3
        int m = matr2 Matrix::GetM();
4
         int m1 = matr1 Matrix :: GetM();
5
         double *mulh = new double[n];
         double *mu|v = new double[m];
         Matrix res = Matrix(n, m);
10
         for (int i = 0; i < n; i++)
11
           for (int j = 0; j < m1/2; j++)
12
             mulh[i] = mulh[i] + matr1[i][2*j] * matr1[i][2*j + 1];
13
14
         for (int i = 0; i < m; i++)
15
           for (int j = 0; j < m1/2; j++)
16
             mu|v[i] = mu|v[i] + matr2[2*j][i] * matr2[2*j + 1][i];
17
18
         std::thread threads[count];
19
20
         for(int i = 0; i < count; i++)
21
           threads[i] = std::thread(func thread, std::ref(matr1), std::ref(matr1), std::ref(
22
               res), mulh, mulv, i, count);
23
         for(int i = 0; i < count; i++)
24
           if (threads[i].joinable())
25
             threads[i].join();
26
27
         if (m1 % 2)
28
           for (int i = 0; i < n; i++)
             for (int j = 0; j < m; j++)
30
               res[i][j] = res[i][j] + matr1[i][m1 - 1] * matr2[m1 - 1][j];
31
32
         delete [] mulh;
         delete[] mulv;
33
         return res;
34
      }
35
```

Листинг 4: Этап 1 (вычисление mulh) в алгоритме Винограда

```
void Get_Mulh(Matrix& matr1, double *mulh, int i, int count)

int n = matr1. Matrix:: GetN();

int m1 = matr1. Matrix:: GetM();

for (int i = 0; i < n; i += count)

for (int j = 0; j < m1/2; j++)

mulh[i] = mulh[i] + matr1[i][2*j] * matr1[i][2*j + 1];

}</pre>
```

Листинг 5: Этап 2(вычисление mulv) в алгоритме Винограда

```
void Get_Mulv(Matrix& matr1, Matrix& matr2, double *mulv, int i, int count)

int m = matr2. Matrix::GetM();

int m1 = matr1. Matrix::GetM();

for (; i < m; i += count)
    for (int j = 0; j < m1/2; j+)
        mulv[i] = mulv[i] + matr2[2*j][i] * matr2[2*j + 1][i];
}</pre>
```

Листинг 6: Этап 4(дополнительные вычисления) в алгоритме Винограда

```
void func_thread2(Matrix& matr1, Matrix& matr2, Matrix& res, int i, int count)
{
    int n = matr1. Matrix:: GetN();
    int m = matr2. Matrix:: GetM();
    int m1 = matr1. Matrix:: GetM();

    for(; i < n; i += count)
        for(int j = 0; j < m; j++)
            res[i][j] = res[i][j] + matr1[i][m1 - 1] * matr2[m1 - 1][j];
}</pre>
```

На листинге 7 представлен алгоритм Винограда по модели 2, рассмотренной в разделе 2.2.

Листинг 7: Алгоритм Винограда по модели 2

```
Matrix Vinograd Parallell2 (Matrix& matr1, Matrix& matr2, int count)
2
3
          int n = matr1 . Matrix :: GetN();
          int m = matr2 Matrix::GetM();
4
          int m1 = matr1 Matrix::GetM();
5
          double * mulh = new double[n];
6
          double * mu|v = new double[m];
          for (int i = 0; i < n; i++)
            mulh[i] = 0;
          for (int i = 0; i < m; i++)
10
            muv[i] = 0;
11
12
          Matrix res = Matrix(n, m);
13
14
          if (m1 % 2)
15
16
17
            int count1 = (count + (count % 4)? (4 - count % 4) : 0)/4;
18
            std::thread t1[count1];
19
            std::thread t2[count1];
20
            std::thread t3[count1*2];
21
            for(int i = 0; i < count1; i++)
22
23
               t1[i] = std::thread(Get_Mulh, std::ref(matr1), mulh, i, count1);
24
               t2[i] = std::thread(Get\_Mu|v, std::ref(matr1), std::ref(matr2), mu|v, i, count1
25
                   );
               if (t1[i].joinable())
26
                 t1[i].join();
27
               if (t2[i].joinable())
28
                 t2[i].join();
29
30
            for (int i = 0; i < count1 * 2; i++)
31
32
              t3[i] = std::thread(func\_thread2, std::ref(matr1), std::ref(matr2), std::ref(
                   res), i, count1*2);
               if (t3[i].joinable())
                 t3[i].join();
35
            }
36
          }
37
          else
38
39
            int count1 = (count + ((count % 2)? 1 : 0))/2;
40
            std::thread t1[count1];
41
            std::thread t2[count1];
42
43
            for(int i = 0; i < count1; i++)
44
45
               t1[i] = std::thread(Get Mulh, std::ref(matr1), mulh, i, count1);
46
              t2\left[\,i\,\right]\,=\,std::thread\left(\,Get\_\,Mu\,|v\>,\;\;std::ref\left(\,matr1\,\right)\>,\;\;std::ref\left(\,matr2\,\right)\>,\;\;mu\,|v\>,\;\;i\>,\;\;count1
47
                   );
               \textbf{if} \; (\, \texttt{t1} \, [\, \texttt{i} \, ] \, . \, \, \texttt{joinable} \, (\,) \, )
48
                 t1[i].join();
49
               if (t2[i].joinable())
50
                 t2[i].join();
51
```

```
}
         }
53
         std::thread threads[count];
54
55
         for(int i = 0; i < count; i++)
56
           threads[i] = std::thread(func_thread, std::ref(matr1), std::ref(matr1), std::ref(
57
               res), &mu|h[0], &mu|v[0], i, count);
58
         for (int i = 0; i < count; i++)
59
           if(threads[i].joinable())
60
61
             threads[i].join();
         delete[] mulh;
delete[] mulv;
62
63
           return res;
64
       }
65
```

3.4 Вывод

В данном разделе были рассмотрены листинг алгоритма Винограда, а также листинги моделей распараллеливания этого алгоритма, рассмотренных в разделе 2.2.

4 Экспериментальная часть

В данном разделе будет экспериментально найдено быстродействие алгоритма Винограда в сравнении с его распараллеленными по модели 1 и модели 2 версиями.

4.1 Постановка эксперимента

Требуется провести замеры времени для работы алгоритмов при размерах матрицы от 100 до 1000 с шагом 100 и при размерах матрицы от 101 до 1001 с шагом 100, так как в Алгоритме Винограда при нечетных размерах матрицы добавляются дополнительные вычисления, это должно сыграть роль в модели распараллеливания 2, где эти вычисления происходят одновременно с нахождением векторов mulh и mulv.

Тестовый компьютер:

- ЦПУ -INTEL® PENTIUM® N5000 (4 физических ядра, 4 логических ядра, базовая тактовая частота 1.1 ГГц, максимальная 2.7 ГГц, в большинстве случаев тактовая частота ≈ 2.3 ГГц)[6]
- ОЗУ 8 ГБ 2400 МГц
- OC Ubuntu Mate 18.04

4.2 Результаты эксперимента

На рисунках ?? и ?? представлены замеры времени для обычного алгоритма Винограда и распараллеленного на 2, 4, 8, 16 потоков по модели 1. На рисунках ?? и ?? представлены замеры времени для алгоритма Винограда, распараллеленного на 2, 4, 8, 16 потоков алгоритма винограда по моделям 1 и 2.

4.3 Анализ полученых результатов эксперимента

На рисунках ?? и ?? мы видим, что наибольший прирост производительности происходит при переходе от обычного алгоритма Винограда к двухпоточному(разница растет от 52% до 72% при возрастающей матрице), меньше, но все же значительный прирост алгоритм получает при переходе от 2 к 4 потокам(от 23% до 51%). При дальнейшем увеличении числа потоков программы при матрицах размером 400х400 производительность растет не сильно(в районе 0.5%), в то время как на более маленьких матрицах наоборот падает(на 8% при переходе от 4 к 8 потокам и от 8 к 16). Следует заметить, что компьютер, на котором производилось тестирование, имеет 4 логических ядра, то есть он физически не может обрабатывать количество потоков большее, чем 4, что и вызвало столь малый прирост при переходе от 4 к 8 и 16 потокам. Что касается стандартного алгоритма Винограда и однопоточного, видно, что однопоточная реализация всегда отстает(хотя разница уменьшается от 14% при матрицах 100х100 до 5% при матрицах 1000х1000),это обусловлено работой библиотеки рthreads для обеспечения потоков на уровне пользователя. По грисункам ?? и ?? мы делаем вывод, что нет смысла параллелить алгоритм Винограда на число потоков большее, чем логических ядер процессора

По рисункам ?? и ?? можно заметить, что при равных количествах алгоритм Винограда, распараллеленный по моделям 1 и 2 практически не отличается, при размерностях матрийц (в районе от 0.1% до 3% в пользу то одной модели, то другой), из чего мы делаем вывод, что в алгоритме достаточно распараллелить только самую трудоемкую часть, чтобы получить достаточный прирост производительности.

4.4 Вывод

В данном разделе было рассмотрено сравнение быстродействия алгоритма Винограда и его распараллеленных версий по модели 1 и 2. По результатам тестирования оказалось, что наибольший прирост наблюдается при переходе от обычного алгоритма Винограда к четырехпоточномой версии модели, в которой распараллелен только тройной цикл.

Заключение

В ходе лабораторной работы были исследованы методы распараллеливания алгоритма Винограда и их эффективность на практике а так же получены навыки в области параллельных вычислений. По результатам тестирования эффективности двух моделей распараллеливания алгоритма Винограда были сделаны следующие выводы.

- Нет смысла параллелить алгоритмы на количество потоков больше, чем число логических ядер процессора, однако, если программное обеспечение разрабатывается для широкого круга компьютеров, не стоит забывать, что существуют процессоры с 16 и больше потоками, на которых чем сильнее распараллелена программа, тем лучше.
- В алгоритме Винограда достаточно распараллелить только самую трудоемкую часть алгоритма, параллеливание остальных участков не дает прироста больше 3%, а иногда и вовсе вредит.

Список литературы

- [1] И. В. Белоусов(2006), Матрицы и определители, учебное пособие по линейной алгебре, с. 1 16
- [2] Дж. Макконнелл. Анализ алгоритмов. Активный обучающий подход.-М.:Техносфера, 2009.
- [3] Константин Баркалов, Владимир Воеводин, Виктор Гергель. Intel Parallel Programming [Электронный ресурс], режим доступа https://www.intuit.ru/studies/courses/4447/983/lecture/14925
- [4] Pthreads: Потоки в русле POSIX. [Электронный ресурс], режим доступа https://habr.com/ru/post/326138/
- [5] Multithreading in C++ [Электронный ресурс], режим доступа https://www.geeksforgeeks.org/multithreading-in-cpp/
- [6] Спецификации процессора INTEL PENTIUM 5000 [Электронный ресурс] режим доступа https://www.intel.ru/content/www/ru/ru/products/processors/pentium/n5000.html
- [7] Документация по языку C++ [Электронный ресурс] режим доступа https://devdocs.io/cpp/
- [8] Документация по среде QTC reator [Электронный ресурс] - режим доступа http://doc.crossplatform.ru/qtcreator/1.2.1/
- [9] Документация по библиотеке chrono [Электронный ресурс] режим доступа https://docs.microsoft.com/ru-ru/cpp/standard-library/chrono?view=vs-2019
- [10] Документация по библиотеке chrono [Электронный ресурс] режим доступа https://docs.microsoft.com/ru-ru/cpp/standard-library/chrono?view=vs-2019