

第三章

简单电力网络的计算和分析

主要内容

- 本章主要内容: 潮流计算的手算方法
- 潮流计算的内容:
 - □ 各节点电压
 - □各支路功率
 - □电压损耗、功率损耗、电能损耗
- 重点:辐射形网络的潮流计算
- 难点: 环形网络的潮流计算

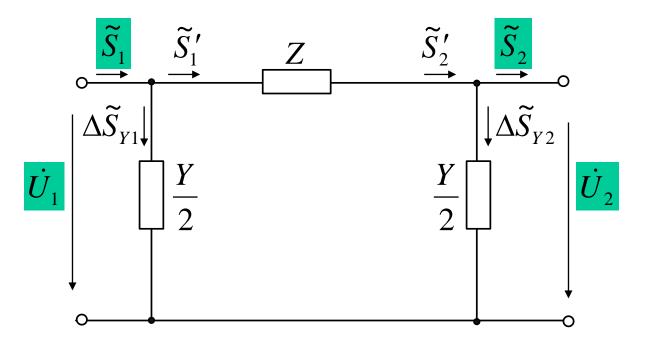
目 录

- 3.1 电力线路和变压器运行状况的计算
 - □ 电力线路运行状况的计算
 - □ 变压器运行状况的计算
 - □ 节点注入功率、运算负荷和运算功率
- 3.2 辐射形和环形网络中的潮流分布
 - □ 辐射形网络的潮流分布
 - □ 环形网络的潮流分布

3.1 电力线路和变压器运行状况的计算

- 电力线路运行状况的计算
 - □功率计算
 - □ 电压计算
 - □电能损耗计算
- 变压器运行状况的计算
 - □电压计算、功率损耗和电能损耗
- ■节点注入功率、运算负荷和运算功率

电力线路的Ⅱ型等值电路



已知:

- 线路的结构参数
- 部分运行参数(S̃, <u>U</u>)

待求:

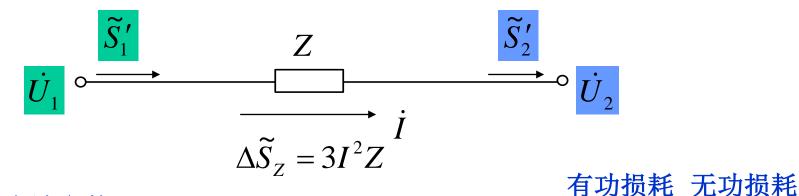
另一部分运行参数

单相等值电路上的三相计算!

■ 1. 功率计算

线路导纳支路的功率损耗

线路阻抗支路的功率损耗

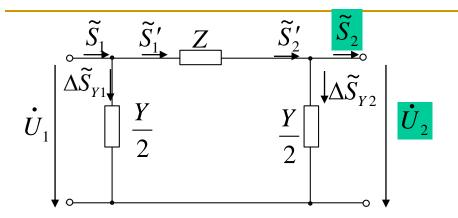


已知末端参数:

$$\Delta \tilde{S}_{Z} = 3I^{2}Z = 3\left(\frac{S_{2}'}{\sqrt{3}U_{2}}\right)^{2}Z = \frac{P_{2}'^{2} + Q_{2}'^{2}}{U_{2}^{2}}(R + jX) = \Delta P_{Z} + j\Delta Q_{Z}$$

已知首端参数:

$$\Delta \tilde{S}_Z = 3I^2Z = 3\left(\frac{S_1'}{\sqrt{3}U_1}\right)^2Z = \frac{P_1'^2 + Q_1'^2}{U_1^2}(R+jX) = \Delta P_Z + j\Delta Q_Z$$
有功损耗



设已知末端功率 $\tilde{S}_2 = P_2 + jQ_2$ 和电压 \dot{U}_2

线路末端导纳支路功率损耗: $\Delta \tilde{S}_{Y2} = U_2^2 \frac{Y}{2}$

阻抗支路末端功率: $\tilde{S}'_2 = \tilde{S}_2 + \Delta \tilde{S}_{Y2}$

阻抗支路中功率损耗: $\Delta \tilde{S}_Z = \frac{P_2'^2 + Q_2'^2}{U_2^2} (R + jX)$

阻抗支路首端功率: $\tilde{S}'_1 = \tilde{S}'_2 + \Delta \tilde{S}_Z$

线路首端导纳支路的功率损耗: $\Delta \tilde{S}_{Y1} = U_1^2 \frac{Y}{2}$

线路首端功率: $\tilde{S}_1 = \tilde{S}_1' + \Delta \tilde{S}_{Y1}$

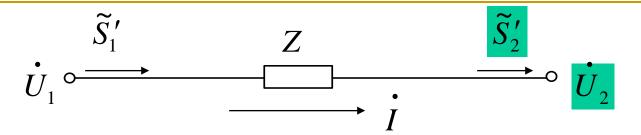
- **2.** 电压计算 \dot{U}_1
- 电压降落:任意两点之间电压的相量差, $d\dot{U} = \dot{U}_1 \dot{U}_2$
- 电压损耗:任意两点之间电压的数值差 (U_1-U_2) 。常用电网额定电压的百分数表示。

电压损耗%=
$$\frac{U_1-U_2}{U_N}$$
×100%

• 电压偏移:任意一点实际电压与额定电压的数值差(U- U_N)。 常用额定电压的百分数表示。

电压偏移%=
$$\frac{U-U_N}{U_N}$$
×100%

• 电压调整:线路末端空载与负载时电压的数值差 $(U_{20}-U_{2})$ 。常用空载电压的百分数表示。 $\mathbf{e}_{\mathbf{E} \mathbb{H} \mathbf{E} \mathbb{W} = \mathbf{E} \mathbb{W}_{20}} = \frac{U_{20}-U_{2}}{U_{20}} \times 100\%$

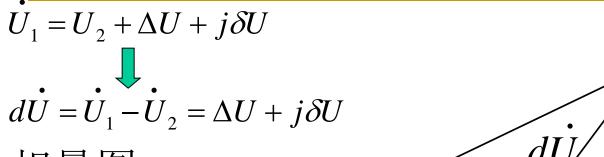


■ (1) 若已知末端电压和功率

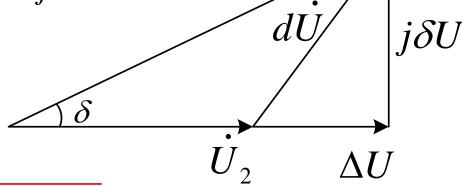
$$\dot{U}_{1} = \dot{U}_{2} + \sqrt{3}\dot{I}Z = \dot{U}_{2} + \sqrt{3}\left(\frac{\tilde{S}_{2}'}{\sqrt{3}\dot{U}_{2}}\right)^{*} \left(R + jX\right) = \dot{U}_{2} + \frac{P_{2}' - jQ_{2}'}{U_{2}} \left(R + jX\right)$$

取 \dot{U}_2 为参考相量,即 $\dot{U}_2 = U_2 \angle 0$

$$\dot{U}_{1} = U_{2} + \frac{P_{2}' - jQ_{2}'}{U_{2}} (R + jX) = U_{2} + \frac{P_{2}'R + Q_{2}'X}{U_{2}} + j \frac{P_{2}'X - Q_{2}'R}{U_{2}}$$
纵分量 $\Delta U = \frac{P_{2}'R + Q_{2}'X}{U_{2}}$
横分量 $\delta U = \frac{P_{2}'X - Q_{2}'R}{U_{2}}$



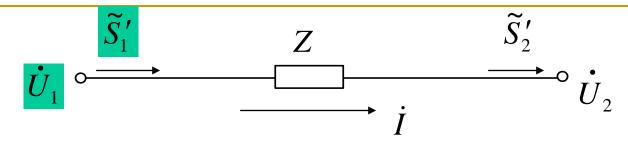
■相量图



$$U_1 = \sqrt{\left(U_2 + \Delta U\right)^2 + \left(\delta U\right)^2}$$

$$\delta = tg^{-1} \frac{\delta U}{U_2 + \Delta U}$$

相量图2



■ (2) 若已知首端电压和功率

$$\dot{U}_{2} = \dot{U}_{1} - \sqrt{3}\dot{I}Z = \dot{U}_{1} - \sqrt{3}\left(\frac{\tilde{S}'_{1}}{\sqrt{3}\dot{U}_{1}}\right)^{*}\left(R + jX\right) = \dot{U}_{1} - \frac{P'_{1} - jQ'_{1}}{U_{1}^{*}}\left(R + jX\right)$$

取 \dot{U}_1 为参考相量,即 $\dot{U}_1 = U_1 \angle 0$

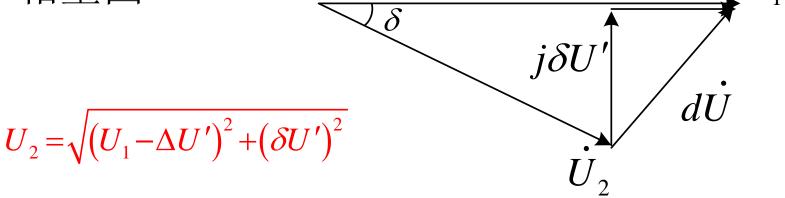
$$\dot{U}_{2} = U_{1} - \frac{P'_{1} - jQ'_{1}}{U_{1}} (R + jX) = U_{1} - \frac{P'_{1}R + Q'_{1}X}{U_{1}} - j \frac{P'_{1}X - Q'_{1}R}{U_{1}}$$
纵分量 $\Delta U' = \frac{P'_{1}R + Q'_{1}X}{U_{1}}$
横分量 $\delta U' = \frac{P'_{1}X - Q'_{1}R}{U_{1}}$

$$\dot{U_2} = U_1 - \Delta U' - j\delta U'$$

$$\dot{U_2} = U_1 - \dot{U_2} = \Delta U' + j\delta U'$$

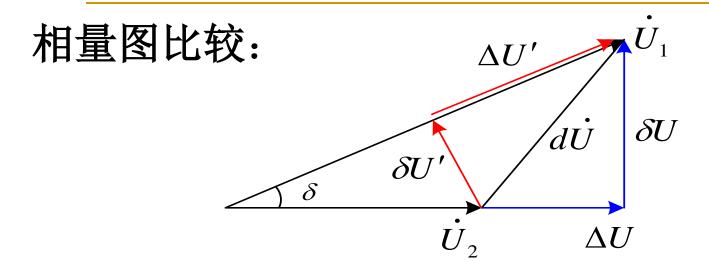
$$d\dot{U} = U_1 - \dot{U_2} = \Delta U' + j\delta U'$$

■相量图



$$\delta = tg^{-1} \frac{-\delta U'}{U_1 - \Delta U'}$$

相量图1



- 纵、横分量表达式中的电压和功率是同一点的参数。
- 纵、横分量表达式中的功率为带符号数,实际传输方向与参考方向相 反时,功率为负。
- 电压相角差 δ 不大时, $U_2+\Delta U>>\delta U$,电压损耗主要取决于纵分量(110kV及以下电网一般可不计横分量);相角差主要取决于横分量
- 超高压输电线路R << X,当不计电阻时, $\Delta U = QX/U$, $\delta U = PX/U$,反映了输电网功率传输的基本规律。

■ 超高压线路空载:

$$\widetilde{S}_{2}' = \Delta \widetilde{S}_{Y2} = U_{2}^{2} \left(\frac{Y}{2}\right)^{*} = -j\frac{B}{2}U_{2}^{2}$$

$$P_{2}' = 0$$

$$Q_{2}' = -\frac{B}{2}U_{2}^{2}$$

$$U_{1}$$

$$\widetilde{S}_{1}' \qquad \widetilde{S}_{1}' \qquad Z$$

$$\widetilde{S}_{1}' \qquad Z$$

$$\widetilde{S}_{2}' \qquad \widetilde{S}_{2} = 0$$

$$\widetilde{\Delta \widetilde{S}_{Y1}}$$

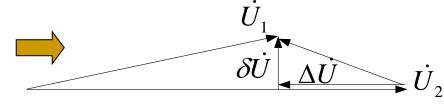
$$j\frac{B}{2}$$

$$j\frac{B}{2}$$

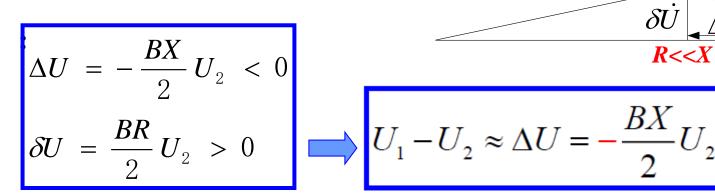
$$U_{2}$$

$$\Delta U = \frac{P_2'R + Q_2'X}{U_2} = \frac{Q_2'X}{U_2} = -\frac{BX}{2}U_2 < 0$$

$$\delta U = \frac{P_2'X - Q_2'R}{U_2} = -\frac{Q_2'R}{U_2} = \frac{BR}{2}U_2 > 0$$



■ 超高压线路满足R<<X



电压损耗%=
$$\frac{U_1 - U_2}{U_{11}} \times 100\% \approx -\frac{x_1 b_1 l^2}{2}$$

- 超高压线路空载(轻载)运行时,末端电压高于首端电压。
- 超高压线路的电压损耗正比于线路长度的平方。当线路较长时,末端电压可高达首端电压的1.1-1.5倍。

■ 3. 电力线路电能损耗计算

理论计算

□ 功率损耗: $\Delta P(t)$ —瞬时值

电能损耗: 描述的是某一时间段内有功功率损耗的情况。例如全年的电能损耗。

$$\Delta W_z = \int_0^{8760} \Delta P(t) dt = \int_0^{8760} \frac{P^2 + Q^2}{U^2} R dt$$

已知全年的有功、无功负荷曲线和电压曲线,可进行电能损耗的理论计算—复杂

实用工程算法

- □几个相关定义
 - 最大负荷利用小时数 T_{max} : 一年中负荷消耗的电能除以一年中的最大负荷。 $T_{max} = \frac{W}{P_{max}}$
 - 年负荷率: 一年中负荷消费的电能除以最大负荷与8760的乘积。

年负荷率 =
$$\frac{W}{8760P_{\text{max}}} = \frac{T_{\text{max}}}{8760}$$

- \blacksquare 最大负荷损耗时间: 一年中的电能损耗除以最大负荷时的功率 损耗。 ΔW_{χ}

年负荷损耗率 =
$$\frac{\Delta W_z}{8760\Delta P_{\text{max}}} = \frac{\tau_{\text{max}}}{8760}$$

- 工程计算方法1(年负荷损耗率法,已知 ΔP_{max})
 - \square 第一步:由行业手册,查最大负荷利用小时数 T_{max}
 - □ 第二步: 由 T_{max} 计算年负荷率: $\frac{T_{max}}{8760}$

年负荷率 =
$$\frac{T_{\text{max}}}{8760}$$

□ 第三步: 根据**经验公式**计算年负荷损耗率:

年负荷损耗率= $K \times$ 年负荷率+ $(1-K) \times$ 年负荷率²

□ 第四步: 计算最大负荷损耗时间:

$$\tau_{\text{max}} = 8760 \times$$
年负荷损耗率

□ 第五步: 计算全年电能损耗

$$\Delta W_{\rm z} = \Delta P_{\rm max} \tau_{\rm max}$$

- 工程计算方法2 (最大负荷损耗时间法)
 - \square 第一步:由行业手册,查最大负荷利用小时数 T_{max}
 - \square 第二步: 由 T_{max} 查表求最大负荷损耗时间 τ_{max}
 - □ 第三步: 计算全年电能损耗

$$\Delta W_{\rm z} = \Delta P_{\rm max} \tau_{\rm max}$$

- ■两个经济性能的指标
 - 输电效率:线路末端输出有功功率与始端输入 有功功率的比值。

$$\eta\% = \frac{P_2}{P_1} \times 100\%$$

□ 线损率: 线路上损耗的电能与线路始端输入电能的比值。

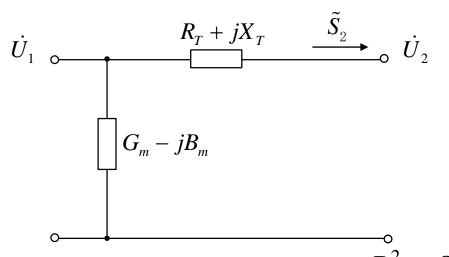
线损率%=
$$\frac{\Delta W_z}{W_1} \times 100\%$$

3.1 电力线路和变压器运行状况的计算

- 电力线路运行状况的计算
 - □ 功率计算
 - □ 电压计算
 - □电能损耗计算
- 变压器运行状况的计算
 - □电压计算、功率损耗和电能损耗
- ■节点注入功率、运算负荷和运算功率

3.1.2 变压器运行状况的计算

■ 功率损耗计算(以Γ型等值电路为例)



可变损耗

阻抗支路中功率损耗
$$\Delta \widetilde{S}_{ZT} = \frac{P_2^2 + Q_2^2}{U_2^2} (R_T + jX_T)$$
 (假设已知末端功率和电压)

(3-17)

导纳支路中功率损耗 $\Delta \tilde{S}_{YT} = Y_m U_1^2 = (G_m + jB_m)U_1^2$ (3-18)

固定损耗

3.1.2 变压器运行状况的计算

由试验数据近似计算功率损耗

$$\Delta \widetilde{S}_T = \Delta P_{ZT} + \Delta P_{YT} + j(\Delta Q_{ZT} + \Delta Q_{YT})$$

$$\Delta P_{ZT} = \frac{P_2^2 + Q_2^2}{U_2^2} R_T = \frac{S_2^2}{U_2^2} \cdot \frac{P_k}{1000 S_N} \cdot \frac{U_N^2}{S_N}, \quad \mathbb{R}U_2 \approx U_N, \quad \Delta P_{ZT} = \frac{P_k S_2^2}{1000 S_N^2}$$

$$\Delta Q_{ZT} = \frac{P_2^2 + Q_2^2}{U_2^2} X_T = \frac{S_2^2}{U_2^2} \cdot \frac{U_k \%}{100} \cdot \frac{U_N^2}{S_N}, \quad \mathbb{R} U_2 \approx U_N, \quad \Delta Q_{ZT} = \frac{U_k \% S_N}{100} \cdot \frac{S_2^2}{S_N^2}$$

$$\Delta P_{YT} = G_m U_1^2 = \frac{P_0}{1000} \cdot \frac{1}{U_N^2} \cdot U_1^2, \quad \mathbb{E} U_1 \approx U_N, \quad \Delta P_{YT} = \frac{\overline{P_0}}{1000}$$

$$\Delta Q_1 = R_1 U_1^2 - \frac{I_0 \%}{1000} \cdot \frac{S_N}{M_1} \cdot U_2^2, \quad \mathbb{E} V_1 = U_1, \quad \Delta Q_2 = \frac{I_0 \%}{1000} S_1$$

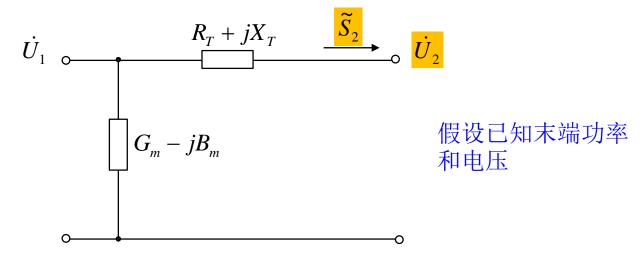
$$\Delta Q_{YT} = B_m U_1^2 = \frac{I_0 \%}{100} \cdot \frac{S_N}{U_N^2} \cdot U_1^2, \quad \mathbb{R} U_1 \approx U_N, \quad \Delta Q_{YT} = \frac{I_0 \%}{100} S_N$$

空载损耗

(3-27,28)

3.1.2 变压器运行状况的计算

■电压计算



$$\Delta U_T = \frac{P_2 R_T + Q_2 X_T}{U_2}, \quad \delta U_T = \frac{P_2 X_T - Q_2 R_T}{U_2}$$

$$U_1 = \sqrt{(U_2 + \Delta U_T)^2 + (\delta U_T)^2}, \quad \delta_T = tg^{-1} \frac{\delta U_T}{U_2 + \Delta U_T}$$
 (3-20,21)

2023/10/8

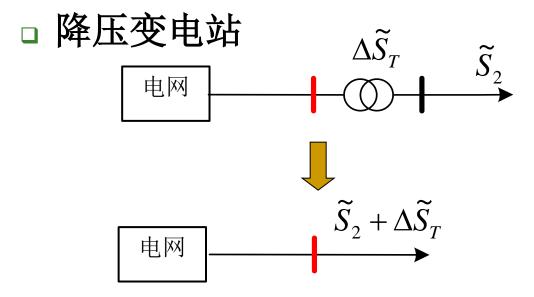
(3-19)

3.1 电力线路和变压器运行状况的计算

- 电力线路运行状况的计算
 - □功率计算
 - □ 电压计算
 - □电能损耗计算
- 变压器运行状况的计算
 - □电压计算、功率损耗和电能损耗
- ■节点注入功率、运算负荷和运算功率

3.1.3 节点注入功率、运算负荷和运算功率

■ 节点注入功率: 从节点流入网络的功率(入为正)

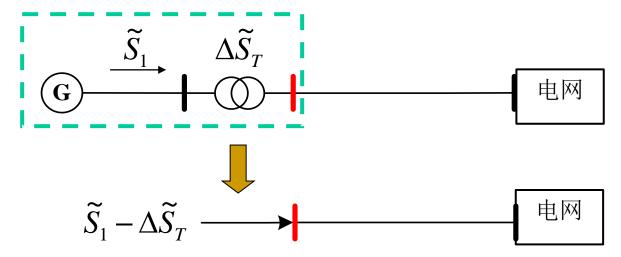


变压器电源侧母线的等值负荷功率: $\tilde{S}_2 + \Delta \tilde{S}_T$

变压器电源侧母线的节点注入功率: $-(\widetilde{S}_2 + \Delta \widetilde{S}_T)$

3.1.3 几个等值功率及负荷

- 节点注入功率: 从节点流入网络的功率(入为正)
 - □升压变电站

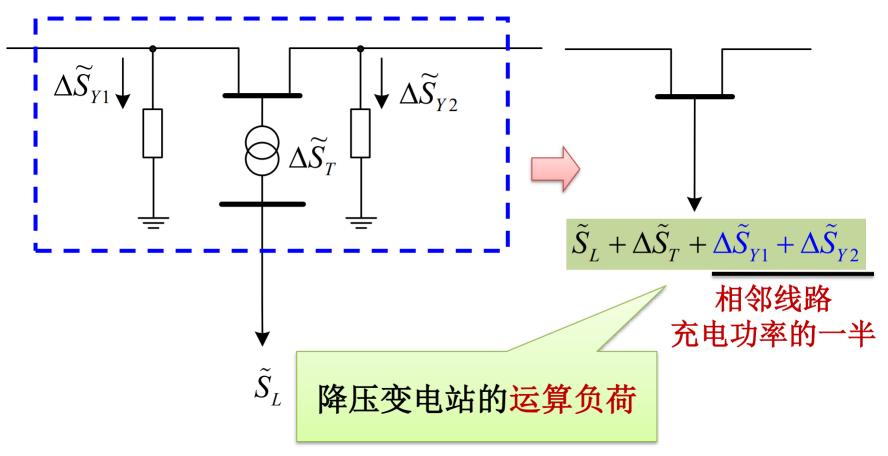


变压器负荷侧母线的等值电源功率: $\tilde{S}_1 - \Delta \tilde{S}_T$

变压器负荷侧母线的节点注入功率: $\tilde{S}_1 - \Delta \tilde{S}_T$

3.1.3 几个等值功率及负荷

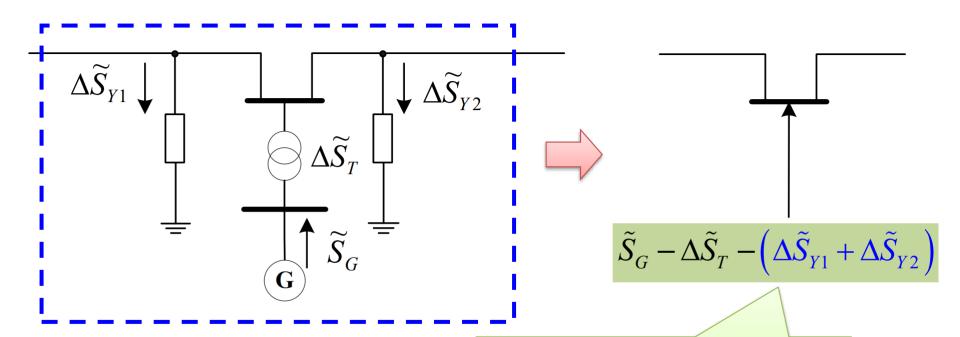
■ 运算负荷(计算负荷)一针对降压变电站



环网

3.1.3 几个等值功率及负荷

■ 运算(电源)功率(计算功率)一针对升压变电站



升压变电站的运算功率

- 辐射形网络的潮流计算
- 环形网络的潮流计算
 - □双端供电网络
 - □ 环网

什么是潮流分布?

电压和功率的分布称为潮流(Power Flow)分布。

潮流分布的计算称为潮流计算。

为什么要进行潮流计算?

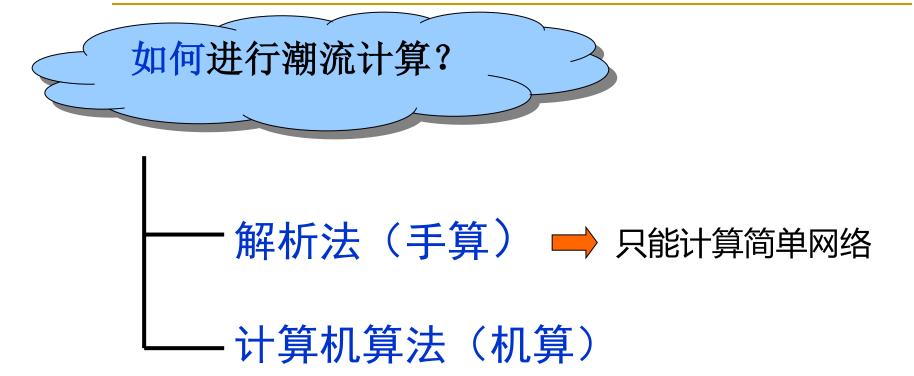
电力系统三大计算

·潮流计算 短路计算 ·稳定计算

潮流计算的主要目的:

- ✓电力系统规划
- ✓电力系统运行

.



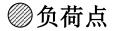
速度快、精度高、可计算大规模复杂电网

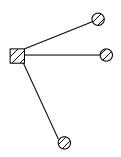
3.2.1 辐射形网络的潮流计算

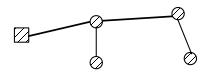
■ 辐射形网络(又称开式网络、树状网络)

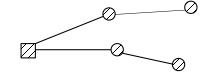
任何负荷只能从一个**方向**得到功率(支路的功率传输方向一定,有明确的首末端)。



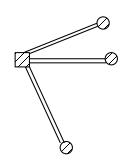


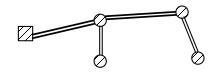


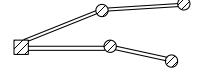




单回线: 放射式、干线式、链式



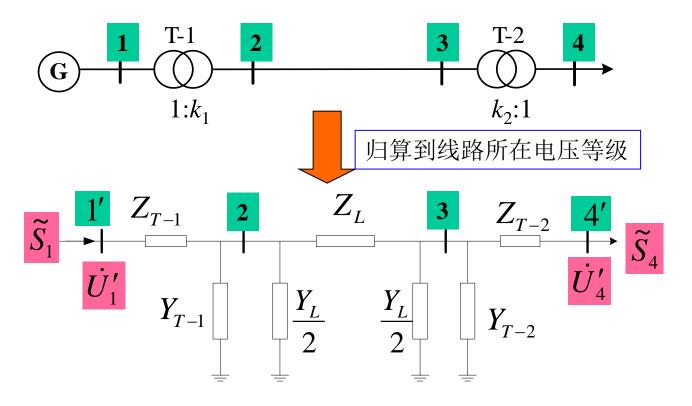


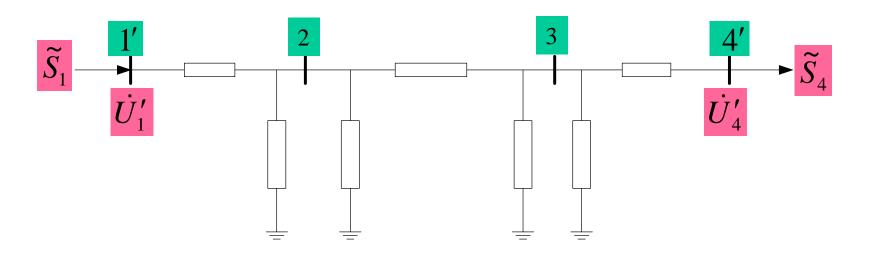


双回线: 放射式、干线式、链式

3.2.1 辐射形网络的潮流计算

4节点辐射形网络

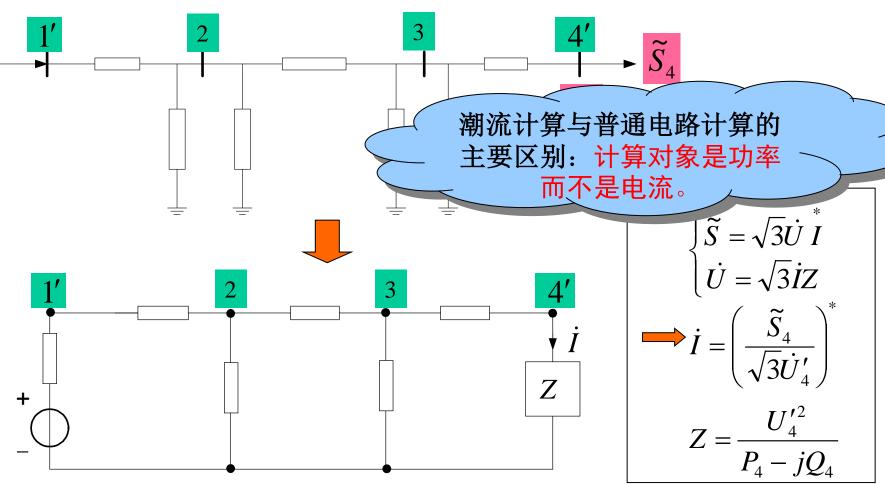




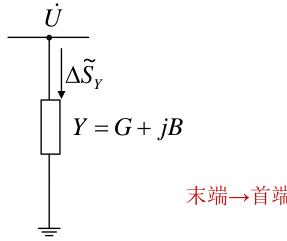
根据已知条件的不同,将计算分为三种:

- (1) 已知末端电压 $U_4' \angle \delta_4$ 和末端功率 $\tilde{S}_4 = P_4 + jQ_4$ (2) 已知首端电压 $U_1' \angle \delta_1$ 和首端功率 $\tilde{S}_1 = P_1 + jQ_1$
- (3) 已知首端电压 $U_1' \angle \delta_1$ 和末端功率 $\tilde{S}_4 = P_4 + jQ_4$ 已知不同点的值 实用已知条件

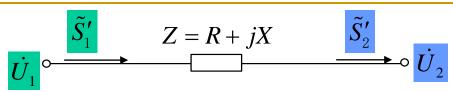
■ 第一种情况: 已知末端电压和末端功率







$$\Delta \tilde{S}_{Y} = U^{2} Y = (G - jB) U^{2}$$



$$\Delta \tilde{S}_{Z} = \frac{P_{2}'^{2} + Q_{2}'^{2}}{U_{2}^{2}} (R + jX)$$

$$\Delta U = \frac{P_{2}'R + Q_{2}'X}{U_{2}}, \delta U = \frac{P_{2}'X - Q_{2}'R}{U_{2}}$$

$$U_{1} = \sqrt{(U_{2} + \Delta U)^{2} + (\delta U)^{2}}, \delta_{1} = tg^{-1} \frac{\delta U}{U_{2} + \Delta U}$$

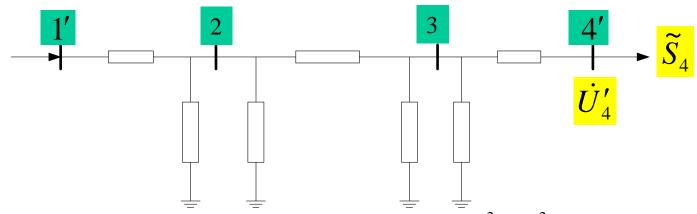
$$B \Big) U^2$$

$$\Delta \tilde{S}_Z = \frac{P_1'^2 + Q_1'^2}{U_1^2} \Big(R + jX \Big)$$

$$\Delta U = \frac{P_1'R + Q_1'X}{U_1}, \, \delta U = \frac{P_1'X - Q_1'R}{U_1}$$

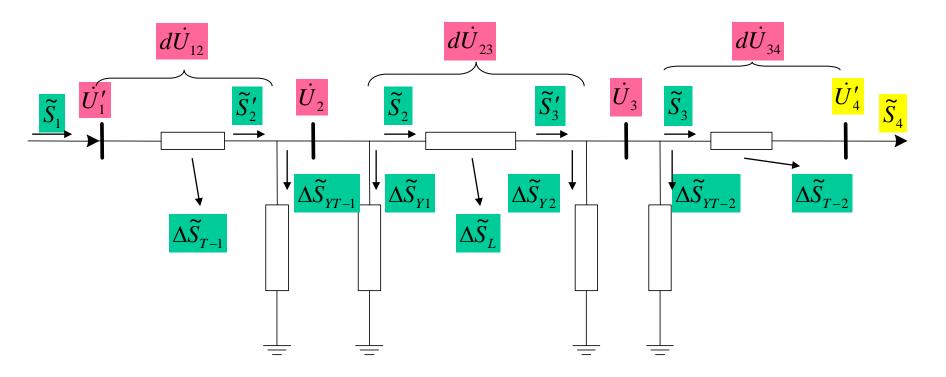
$$U_2 = \sqrt{(U_1 - \Delta U)^2 + (\delta U)^2}, \, \delta_2 = tg^{-1} \frac{-\delta U}{U_1 - \Delta U}$$

■ 第一种情况:已知末端电压和末端功率

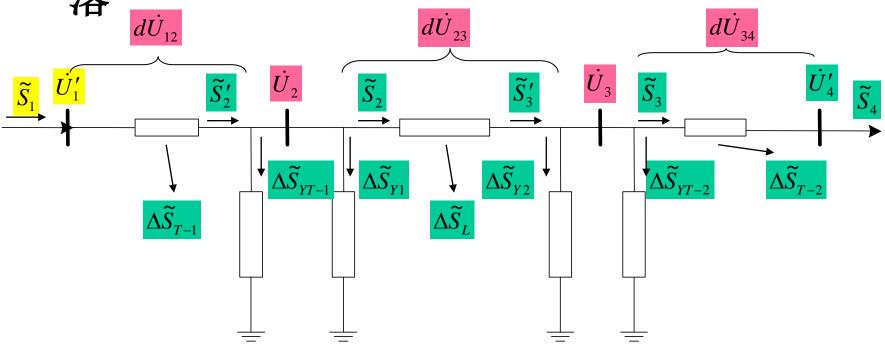


- 1 变压器T-2阻抗中功率损耗: $\Delta \widetilde{S}_{ZT-2} = \frac{P_4^2 + Q_4^2}{U_4'^2} (R_{T-2} + jX_{T-2})$
- $oldsymbol{2}$ 变压器 $\mathbf{T}-2$ 阻抗首端功率: $\widetilde{S}_3=\widetilde{S}_4+\Delta\widetilde{S}_{ZT-2}$
- 3 变压器T 2电压降落: $\Delta U_{34} = \frac{P_4 R_{T-2} + Q_4 X_{T-2}}{U_4'}$, $\delta U_{34} = \frac{P_4 X_{T-2} Q_4 R_{T-2}}{U_4'}$
- 4 母线3电压: $U_3 = \sqrt{(U_4' + \Delta U_{34})^2 + (\delta U_{34})^2}$, $\delta_3 = tg^{-1} \frac{\delta U_{34}}{U_4' + \Delta U_{34}}$
- 5 变压器T-2导纳支路功率损耗: $\Delta \widetilde{S}_{YT-2} = (G_{YT-2} + jB_{YT-2})U_3^2$

计算过程:由末端>首端逐级计算功率损耗和电压降落

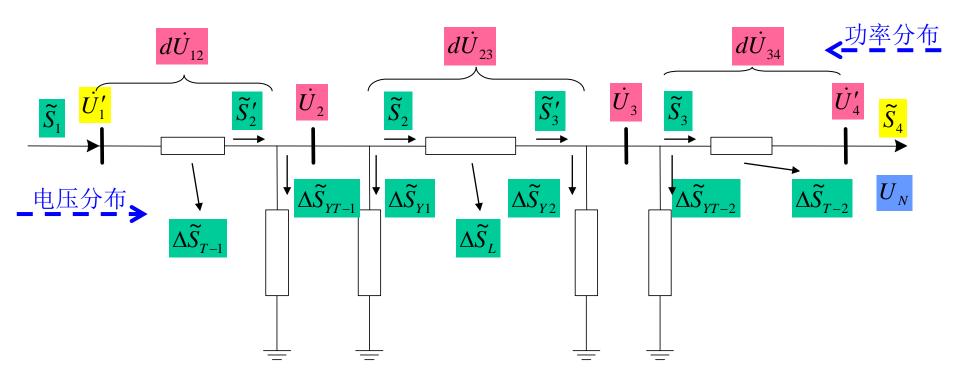


■ 第二种情况:已知首端电压和首端功率 由首端→末端逐级计算功率损耗和电压降 落 ___



- 第三种情况:已知末端功率和首端电压
 - □前推回代的思想
 - □ 简化解法
 - 第一步:假设全网为额定电压,从末端→首端计算功率分布——前推(计算功率)
 - 第二步:由已知的首端电压和第一步中求得的首端 功率,从首端→末端计算电压分布,此时不再重新 计算功率分布——回代(计算电压)
 - □迭代解法

■ 第三种情况的简化计算方法的过程:



例如:

变压器T-2阻抗中功率损耗: $\Delta \tilde{S}_{T-2} = \frac{P_4^2 + Q_4^2}{\mathbf{U}_N^2} (R_{T-2} + jX_{T-2})$

■ 迭代解法:

- 1 假设末端电压(通常取为额定电压): $\dot{U}_4' = U_4' \angle 0$
- ② 用假设的末端电压和已知的末端功率,从末端→首端计算 功率分布和电压分布,求出始端的电压和功率(第一情况)
- 3 用已知的首端电压和②中求得的首端功率,从首端→末端 计算功率分布和电压分布,求出末端的电压和功率(第二 情况)
- 4 用③中求得的末端电压和已知的末端功率,从末端→首端 进行功率分布和电压分布,求出始端的电压和功率
- 5 依此类推,反复计算,直到满足精度要求

简化法和迭代法的区别

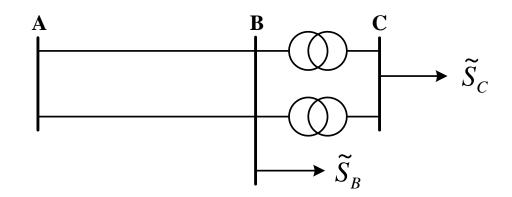
- □都应用了前推回代的思想
- □简化法
 - 只前推回代一次
 - 前推: 功率分布
 - 回代: 电压分布
- □迭代法
 - 根据精度要求前推回代若干次
 - 前推、回代: 功率计算和电压计算交替进行

潮流计算



辐射形网络潮流计算算例

■ 例: 额定电压110kV的双回输电线路,长80km。变电站中装设两台 110/11kV的变压器。母线A的实际运行电压为117kV,母线C上的有功负荷 P_{LC}=20MW,功率因数0.8滞后,母线B上的负荷为30+j12MVA,当变压器 运行在主抽头时,求母线C的电压。



线路: $r_1=0.21$ 欧/km、 $x_1=0.416$ 欧/km、 $b_1=2.74\times10^{-6}$ S /km

变压器: P_0 =40.5kW、 P_k =128kW、 U_k %=10.5、 I_0 %=3.5、 S_N =15MVA

辐射形网络潮流计算算例

- 分析:本题属于已知末端功率和首端电压的类型。
- 解:首先计算参数并建立等值电路

线路实际参数:
$$R_L = \frac{1}{2} \times 0.21 \times 80 = 8.4\Omega$$

$$X_L = \frac{1}{2} \times 0.416 \times 80 = 16.64\Omega$$

$$\frac{1}{2} B_L = \frac{1}{2} \times 2 \times 2.74 \times 10^{-6} \times 80 = 2.192 \times 10^{-4} S$$

变压器归算到10kV侧的参数:
$$R_{T} = \frac{1}{2} \times \frac{P_{k}U_{N}^{2}}{1000S_{N}^{2}} = \frac{1}{2} \times \frac{128 \times 110^{2}}{1000 \times 15^{2}} = 3.44\Omega$$

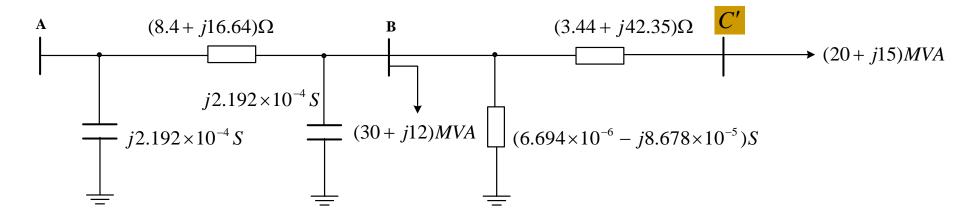
$$X_{T} = \frac{1}{2} \times \frac{U_{k}\%U_{N}^{2}}{100S_{N}} = \frac{1}{2} \times \frac{10.5 \times 110^{2}}{1000 \times 15} = 42.35\Omega$$

$$G_{T} = 2 \times \frac{P_{0}}{1000U_{N}^{2}} = 2 \times \frac{40.5}{1000 \times 110^{2}} = 6.694 \times 10^{-6} S$$

$$B_{T} = 2 \times \frac{I_{0}\%S_{N}}{100U_{N}^{2}} = 2 \times \frac{3.5 \times 15}{100 \times 110^{2}} = 8.678 \times 10^{-5} S$$

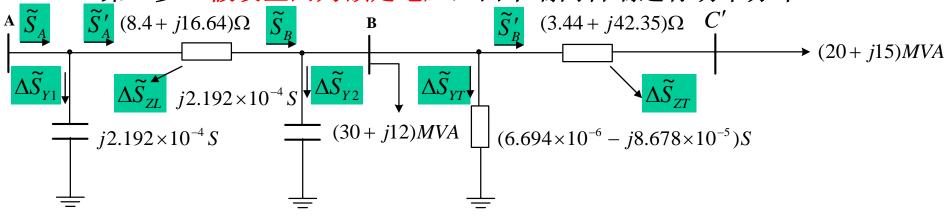
辐射形网络潮流计算算例

- 归算到110kV的等值电路:



■ 解一: 简化算法

第一步: 假设全网为额定电压,由末端向首端进行功率分布



1 变压器阻抗中功率损耗:

$$\Delta \widetilde{S}_{ZT} = \frac{20^2 + 15^2}{110^2} (3.44 + j42.35) = 0.178 + j2.188 \text{ (MVA)}$$

2 变压器阻抗支路首端功率:

$$\tilde{S}'_{B} = \tilde{S}_{LC} + \Delta \tilde{S}_{ZT} = 20.178 + j17.188 \text{ (MVA)}$$

3 变压器导纳支路功率损耗:

$$\Delta \widetilde{S}_{YT} = 110^2 (6.694 \times 10^{-6} + j8.678 \times 10^{-5}) = 0.081 + j1.05 \text{ (MVA)}$$

4 线路末端导纳支路功率损耗:

$$\Delta \tilde{S}_{Y2} = 110^2 (-j2.192 \times 10^{-4}) = -j2.65 \text{ (MVA)}$$

5 线路阻抗末端功率:

$$\tilde{S}_{B} = \tilde{S}'_{B} + \Delta \tilde{S}_{YT} + \tilde{S}_{LB} + \Delta \tilde{S}_{Y2} = 50.259 + j27.588 \text{ (MVA)}$$

6 线路阻抗中的功率损耗:

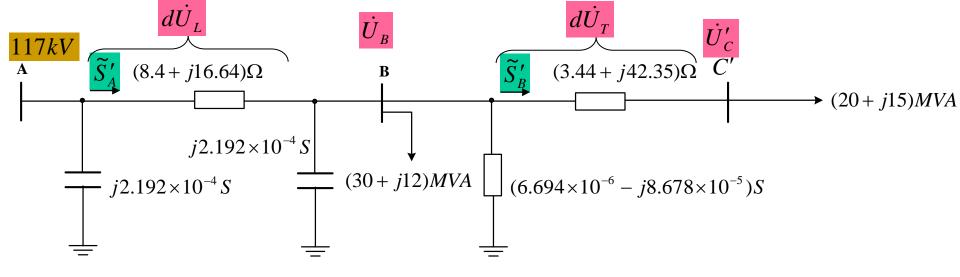
$$\Delta \widetilde{S}_{ZL} = \frac{50.259^2 + 27.588^2}{110^2} (8.4 + j16.64) = 2.282 + j4.52 \text{ (MVA)}$$

- 7 线路阻抗首端的功率: $\tilde{S}'_{A} = \tilde{S}_{B} + \Delta \tilde{S}_{ZL} = 52.541 + j32.11$ (MVA)
- 8 线路首端导纳支路功率损耗:

$$\Delta \tilde{S}_{y_1} = 110^2 (-j2.192 \times 10^{-4}) = -j2.65 \text{ (MVA)}$$

9 首端功率: $\tilde{S}_A = \tilde{S}_A' + \Delta \tilde{S}_{Y1} = 52.541 + j29.458$ (MVA)

第二步:由已知的首端电压和第一步中求得的功率从首端向末端 进行电压分布。



1 线路中的电压降落:

$$\Delta U_L = \frac{52.541 \times 8.4 + 32.11 \times 16.64}{117} = 8.34 \text{ kV}$$

$$\delta U_L = \frac{52.541 \times 16.64 - 32.11 \times 8.4}{117} = 5.18 \text{ kV}$$

2 母线B的电压:

$$U_B = \sqrt{(117 - 8.34)^2 + 5.18^2} = 108.78 \,\text{kV}$$
 $\delta_B = tg^{-1} \frac{-5.18}{117 - 8.34} = -2.73^\circ$

3 变压器中的电压降落:

$$\Delta U_T = \frac{20.178 \times 3.44 + 17.188 \times 42.35}{108.78} = 7.33 \text{ kV}$$

$$\delta U_T = \frac{20.178 \times 42.35 - 17.188 \times 3.44}{108.78} = 7.31 \text{ kV}$$

4 母线C'的电压(母线C归算到110kV电压):

$$U'_{C} = \sqrt{(108.78 - 7.33)^{2} + 7.31^{2}} = 101.71 \text{ kV}$$

$$\delta'_{C} = tg^{-1} \frac{-7.31}{108.78 - 7.33} = -4.12^{\circ}$$

5 母线C的电压:

$$U_C = U_C' \times \frac{11}{110} = 101.71 \times \frac{11}{110} = 10.171 \text{ kV } \delta_C = -4.12^\circ - 2.73^\circ = -6.85^\circ$$



$$\dot{U}_{c} = 10.171 \angle -6.85^{\circ} \text{ kV}$$

辐射形网络潮流计算算例(迭代算法)

- 解二: 迭代算法(电压误差小于0.1kV时结束迭代)
- 第一步: 假设母线C归算到110kV的电压为110kV,由末端向首端 进行潮流分布
- 1 变压器阻抗中功率损耗:

$$\Delta \tilde{S}_{ZT} = \frac{20^2 + 15^2}{110^2} (3.44 + j42.35) = 0.178 + j2.188 \text{ (MVA)}$$

2 变压器阻抗支路首端功率:

$$\tilde{S}'_{B} = \tilde{S}_{LC} + \Delta \tilde{S}_{ZT} = 20.178 + j17.188 \text{ (MVA)}$$

3 变压器中的电压降落:

$$\Delta U_T = \frac{20 \times 3.44 + 15 \times 42.35}{110} = 6.40 \text{ kV} \qquad \delta U_T = \frac{20 \times 42.35 - 15 \times 3.44}{110} = 7.23 \text{ kV}$$

4 母线B的电压:

$$U_B = \sqrt{(110 + 6.40)^2 + 7.23^2} = 116.62 \text{ kV}$$
 $\delta_B = tg^{-1} \frac{7.23}{110 + 6.40} = 3.55^{\circ}$
 $\dot{U}_B = 116.62 \angle 3.55^{\circ} \text{ kV}$

辐射形网络潮流计算算例 (迭代算法)

5 变压器导纳支路中功率损耗:

$$\Delta \widetilde{S}_{YT} = 116.62^2 (6.694 \times 10^{-6} + j8.678 \times 10^{-5}) = 0.09 + j1.18 \text{ MVA}$$

6 线路末端导纳支路中功率损耗:

$$\Delta \widetilde{S}_{y2} = 116.62^2 (-j2.192 \times 10^{-4}) = -j2.98 \text{ Myar}$$

7 线路阻抗末端的功率:

$$\widetilde{S}_B = \widetilde{S}_B' + \Delta \widetilde{S}_{YT} + \widetilde{S}_{LB} + \Delta \widetilde{S}_{Y2} = 50.27 + j27.39 \text{ MVA}$$

8 线路阻抗中功率损耗

$$\Delta \widetilde{S}_{ZL} = \frac{50.27^2 + 27.39^2}{116.62^2} (8.4 + j16.64) = 2.02 + j4.01 \text{ MVA}$$

9 线路阻抗首端功率:

$$\widetilde{S}'_A = \widetilde{S}_B + \Delta \widetilde{S}_{ZL} = 52.29 + j31.40 \text{ MVA}$$

辐射形网络潮流计算算例 (迭代算法)

10线路中电压降落:

$$\Delta U_L = \frac{50.27 \times 8.4 + 27.39 \times 16.64}{116.62} = 7.53 \text{ kV} \quad \delta U_L = \frac{50.27 \times 16.64 - 27.39 \times 8.4}{116.62} = 5.20 \text{ kV}$$

11 母线A电压:

$$U_A = \sqrt{(116.62 + 7.53)^2 + 5.20^2} = 124.26 \text{ kV}$$
 $\delta_A = tg^{-1} \frac{5.20}{116.62 + 7.53} = 2.40^\circ$
 $\dot{U}_A = 124.26 \angle (3.55 + 2.40)^\circ = 124.26 \angle 5.95^\circ \text{ kV}$

12 电压误差:

$$|U_A - 117| = |124.26 - 117| = 7.26 > 10^{-1} \text{ kV}$$

第二步: 由已知首端电压117kV和第一步中求得的功率从**首端向末端** 进行潮流分布。

1 线路中电压降落:

$$\Delta U_L = \frac{52.29 \times 8.4 + 31.40 \times 16.64}{117} = 8.22 \text{ kV}$$

$$\delta U_L = \frac{52.29 \times 16.64 - 31.40 \times 8.4}{117} = 5.18 \text{ kV}$$

辐射形网络潮流计算算例(迭代算法)

2 母线B电压:

$$U_B = \sqrt{(117 - 8.22)^2 + 5.18^2} = 108.90 \text{ kV}$$
 $\delta_B = tg^{-1} \frac{-5.18}{117 - 8.22} = -2.73^\circ$
 $\dot{U}_B = 108.90 \angle -2.73^\circ \text{ kV}$

3 线路阻抗中功率损耗:

$$\Delta \widetilde{S}_{ZL} = \frac{52.29^2 + 31.40^2}{117^2} (8.4 + j16.64) = 2.28 + j4.52 \text{ MVA}$$

4 线路末端导纳支路中功率损耗:

$$\Delta \widetilde{S}_{y2} = 108.90^{2} (-j2.192 \times 10^{-4}) = -j2.60 \text{ MVA}$$

5 变压器导纳支路中功率损耗:

$$\Delta \tilde{S}_{YT} = 108.90^{2} (6.694 \times 10^{-6} + j8.678 \times 10^{-5}) = 0.08 + j1.03 \text{ MVA}$$

6 变压器阻抗支路首端功率:

$$\widetilde{S}_{B}' = \widetilde{S}_{A}' - \Delta \widetilde{S}_{ZL} - \Delta \widetilde{S}_{Y2} - \widetilde{S}_{LB} - \Delta \widetilde{S}_{YT} = 19.93 + j16.45 \text{ MVA}$$

辐射形网络潮流计算算例 (迭代算法)

6 变压器阻抗中功率损耗:

$$\Delta \tilde{S}_{ZT} = \frac{19.93^2 + 16.45^2}{108.90^2} (3.44 + j42.35) = 0.19 + j2.38 \text{ MVA}$$

7 变压器中电压降落:

$$\Delta U_T = \frac{19.93 \times 3.44 + 16.45 \times 42.35}{108.90} = 7.03 \text{ kV}$$

$$\delta U_T = \frac{19.93 \times 42.35 - 16.45 \times 3.44}{108.90} = 7.23 \text{ kV}$$

8 母线*C*′电压:

$$U'_C = \sqrt{(108.90 - 7.03)^2 + 7.23^2} = 102.13 \text{ kV}$$

$$\delta_C' = tg^{-1} \frac{-7.23}{108.90 - 7.03} = -4.06^{\circ}$$

$$\dot{U}_C' = 102.13 \angle (-2.73^{\circ} - 4.06^{\circ}) = 102.13 \angle -6.79^{\circ}$$

辐射形网络潮流计算算例(迭代算法)

第三步:由已知**末端功率**和第二步中求得的**末端电压**从**末端向首端**进行潮流分布。

第四步:由己知**首端电压**和第三步中求得的**首端功率**从**首端向末端**进行潮流分布。......

迭代过程中各母线电压

单位: kV

迭代次数	母线A	母线B	母线C
0 (初始)	117		110
1(前推)	124.26	116.62	110
2 (回代)	117	108.90	102.13
3 (前推)	117.55	109.30	102.13
4 (回代)	117	108.71	101.53
5 (前推)	117.04	108.74	101.53

辐射形网络潮流计算算例 (算例讲评)

■ 算例讲评:

- □ 对于110kV及其以下电网,通常可不计电压降落的横分量。 本例中,若不计电压降落横分量,C母线电压为10.132kV, 误差仅10.171-10.132=0.039kV (0.4%)。
- □ 变压器中电压降落的纵分量主要取决于电抗。本例中

$$\frac{Q_B'X_T}{U_B} = \frac{17.188 \times 42.35}{108.78} = 6.692 \text{ kV}, \frac{P_B'R_T}{U_B} = \frac{20.178 \times 3.44}{108.78} = 0.638 \text{ kV}$$

- □ 变压器中的无功功率损耗远大于有功功率损耗。本例中, 变压器无功损耗 = 2.188+1.05 = 3.238 (MVar), 有功损耗 = 0.178+0.081 = 0.259 (MW)。
- □ 线路轻载时,线路电纳中发出的容性无功(负值)可能大于电抗中消耗的感性无功,此时,线路为感性无功电源。本例中,线路电纳发出的容性无功=2×2.65 = 5.3MVar,电抗中消耗的感性无功为4.52MVar。

61

辐射形网络潮流计算算例 (算例讲评)

■ 算例讲评(续1):

线路: $b_1 = 2.74 \times 10^{-6} \, \text{S/km}$

变压器: P_0 =40.5kW、 I_0 %=3.5、 S_N =15MVA

线路充电功率

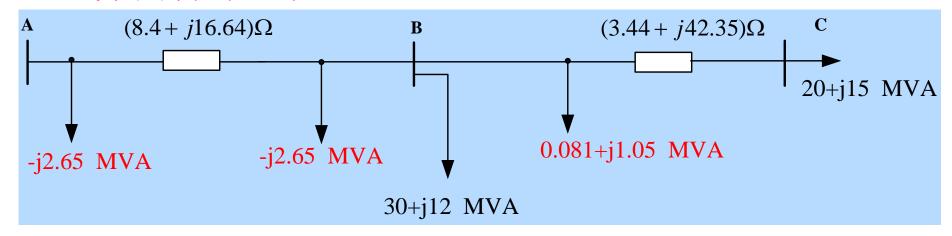
$$= -j\frac{B}{2}U_N^2 = -j\frac{1}{2}2b_1lU_N^2 = -j2.74 \times 10^{-6} \times 80 \times 110^2 = -j2.65 \text{ MVar}$$

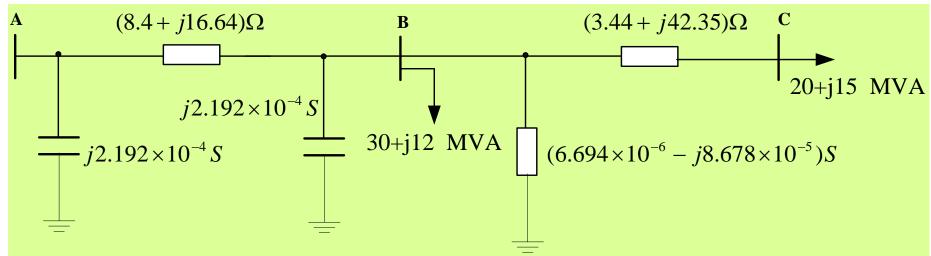
变压器空载损耗

$$= 2 \times \left(\frac{P_0}{1000} + j\frac{I_0\%}{100}S_N\right) = 2 \times \left(\frac{40.5}{1000} + j\frac{3.5}{100} \times 15\right) = 0.081 + j1.05 \text{ MVA}$$

辐射形网络潮流计算算例 (算例讲评)

■ 算例讲评(续2):



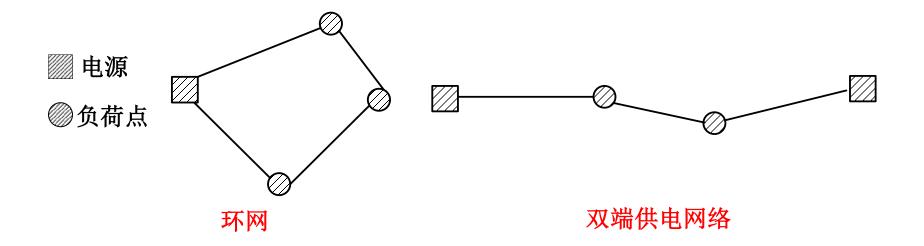


3.2 辐射形和环形网络的潮流分布

- 辐射形网络的潮流计算
- ■环形网络的潮流计算

环形网络的潮流计算

■ 环形网络(闭式网络): 任何负荷都能从 两个或两个以上的方向获取功率

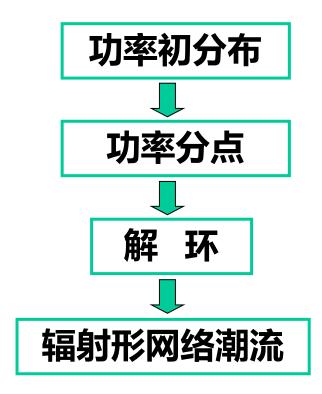


环形网络的潮流计算

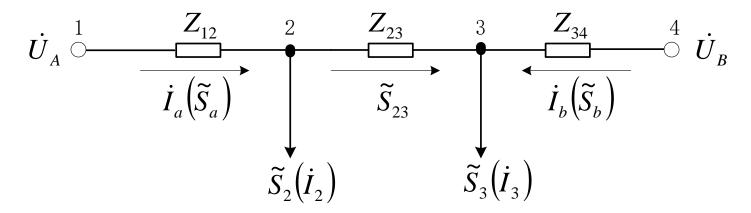
- □ 手算方法的基本思想
- □两端供电网络功率的初步分布
- □ 环网功率的初步分布
- □环形网络潮流的计算步骤

手算方法的基本思想

基本思想:寻找功率分点,将环形网络转化(解环)为辐射形网络进行计算



1 电源点发出的功率



回路方程:

$$d\dot{U} = \dot{U}_a - \dot{U}_b = \sqrt{3}Z_{12}\dot{I}_a + \sqrt{3}Z_{23}(\dot{I}_a - \dot{I}_2) - \sqrt{3}Z_{34}(\dot{I}_2 + \dot{I}_3 - \dot{I}_a)$$

近似处理:

- •不计网络中的功率损耗,即认为支路中流过同一功率;
- •假设全网均为额定电压,即有: $I = S/\sqrt{3}U_N$

$$d\dot{U} = \dot{U}_a - \dot{U}_b = \sqrt{3}Z_{12}\dot{I}_a + \sqrt{3}Z_{23}(\dot{I}_a - \dot{I}_2) - \sqrt{3}Z_{34}(\dot{I}_2 + \dot{I}_3 - \dot{I}_a)$$

$$\dot{I} = \dot{S} / \sqrt{3} U_N$$

$$U_{N}d\dot{U} = Z_{12} \overset{*}{S}_{a} + Z_{23} \left(\overset{*}{S}_{a} - \overset{*}{S}_{2} \right) + Z_{34} \left(\overset{*}{S}_{a} - \overset{*}{S}_{2} - \overset{*}{S}_{3} \right)$$



$$\widetilde{S}_{a} = \frac{\widetilde{S}_{2}(Z_{23}^{*} + Z_{34}^{*}) + \widetilde{S}_{3} Z_{34}^{*}}{(Z_{12} + Z_{23} + Z_{34})} + \frac{U_{N} d U}{(Z_{12} + Z_{23} + Z_{34})}$$

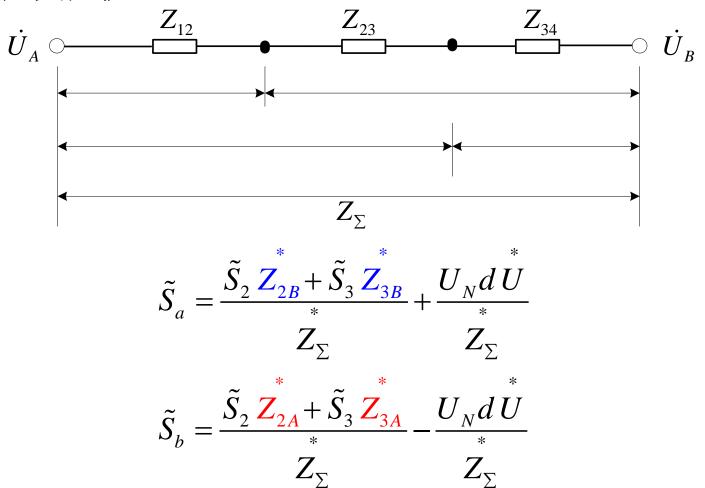
$$(Z_{12} + Z_{23} + Z_{34})$$

(3-36a)

同理,
$$\widetilde{S}_b = \frac{\widetilde{S}_3(Z_{12} + Z_{23}) + \widetilde{S}_2 Z_{12}}{*} - \frac{U_N dU}{*} (Z_{12} + Z_{23} + Z_{34}) (Z_{12} + Z_{23} + Z_{34})$$

(3-36b)

如图定义阻抗



■ 电源点发出功率的分析:

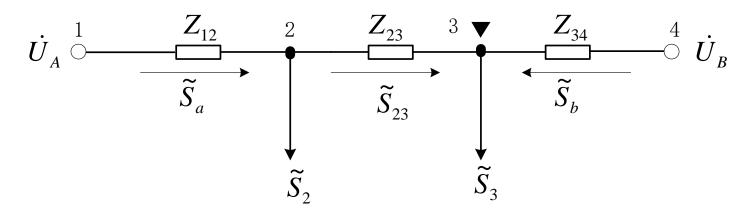
$$\tilde{S}_{a} = \frac{\tilde{S}_{2} Z_{2B}^{*} + \tilde{S}_{3} Z_{3B}^{*}}{Z_{\Sigma}} + \frac{U_{N} d U}{Z_{\Sigma}}$$

$$\tilde{S}_{b} = \frac{\tilde{S}_{2} Z_{2A}^{*} + \tilde{S}_{3} Z_{3A}^{*}}{Z_{\Sigma}} - \frac{U_{N} d U}{Z_{\Sigma}}$$

$$Z_{\Sigma}$$

取决于负荷点的 位置和功率 循环功率 \tilde{S}_c : 与负荷 大小和位置无关

2 由功率平衡求其他支路的功率



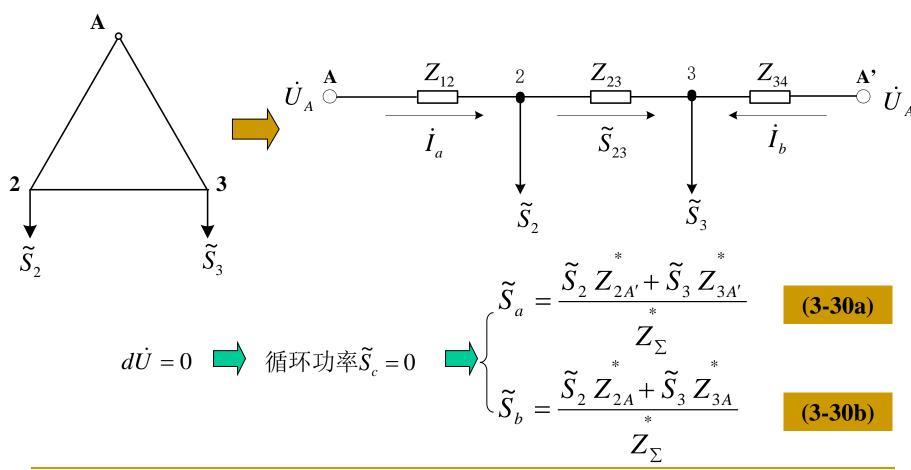
其他支路功率:

$$\widetilde{S}_{23} = \widetilde{S}_a - \widetilde{S}_2$$
 或 $\widetilde{S}_{23} = \widetilde{S}_3 - \widetilde{S}_b$

功率分点: 电力网中功率由两个方向流入的节点。用符号▼标出。当有功分点和无功分点不重合时,用▼表示有功分点,▽表示无功分点。当有功分点和无功分点不一致时,在无功分点处解列。

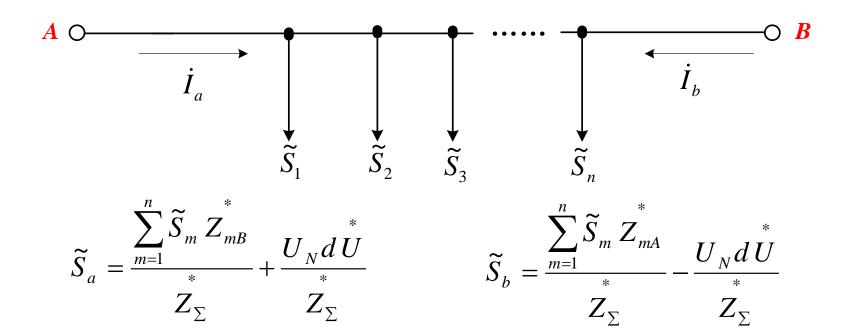
环网中的功率初分布

■ 从电源点将环网打开,可等值为双端供电网络。



环形网络功率初分布公式的推广

□一般网络:按阻抗(共轭)分布



环形网络功率初分布公式的推广

□均一网络:按电阻分布

各线路
$$\frac{x_1}{r_1}$$
 = const

$$\tilde{S}_{a} = \frac{\sum \tilde{S}_{m}(R_{mB} - jX_{mB})}{\sum (R_{m} - jX_{m})} + \frac{U_{N}dU}{Z_{\Sigma}} = \frac{\sum \tilde{S}_{m}R_{mB}(1 - jX_{mB}/R_{mB})}{\sum R_{m}(1 - jX_{m}/R_{m})} + \frac{U_{N}dU}{Z_{\Sigma}}$$

$$= \frac{\sum \tilde{S}_{m}R_{mB} + U_{N}dU}{\sum \tilde{S}_{m}R_{mB} + U_{N}dU}$$

$$= \frac{\sum \tilde{S}_{m} R_{mB}}{\sum R_{m}} + \frac{U_{N} d U}{Z_{\Sigma}} = \frac{\sum \tilde{S}_{m} R_{mB}}{R_{\Sigma}} + \frac{U_{N} d U}{Z_{\Sigma}}$$

同理,
$$\widetilde{S}_b = \frac{\sum \widetilde{S}_m R_{mA}}{R_{\Sigma}} - \frac{U_N dU}{Z_{\Sigma}}$$

环形网络功率初分布公式的推广

□ 同截面网络:按长度分布

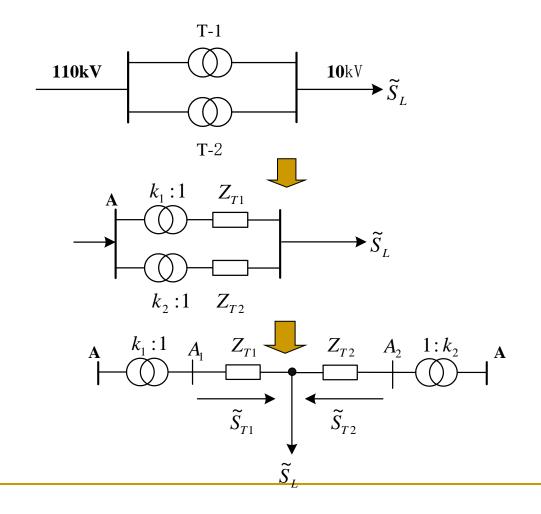
各线路 $r_1 + jx_1 = const$

$$\tilde{S}_{a} = \frac{\sum \tilde{S}_{m} (r_{1} - jx_{1}) l_{mB}}{\sum (r_{1} - jx_{1}) l_{m}} + \frac{U_{N} d U}{Z_{\Sigma}} = \frac{\sum \tilde{S}_{m} l_{mB}}{l_{\Sigma}} + \frac{U_{N} d U}{Z_{\Sigma}}$$

同理,
$$\widetilde{S}_b = rac{\sum \widetilde{S}_m l_{mA}}{l_{\Sigma}} - rac{U_N d \overset{*}{U}}{Z_{\Sigma}}$$

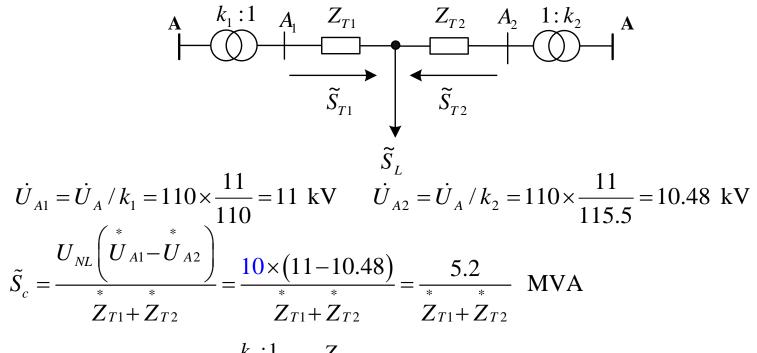
环网中变压器变比不匹配时的循环功率 (自学)

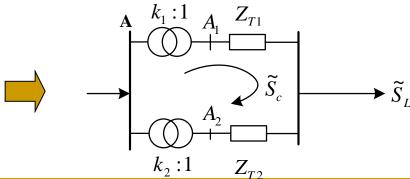
例如:两台并列运行变压器, k_1 =110/11, k_2 =115.5/11



环网中变压器变比不匹配时的循环功率

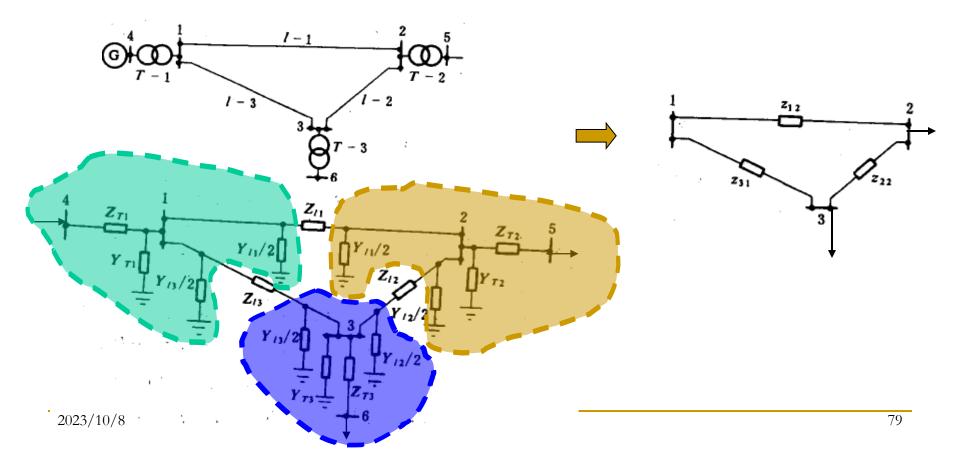
■ 设母线A的实际运行电压为110kV





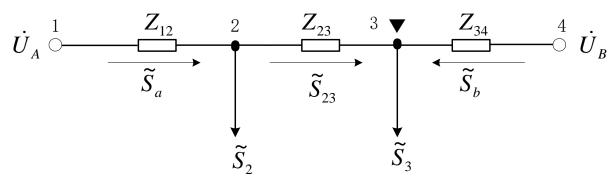
环形网络的潮流计算步骤

□ **第一步:** 网络化简。应用<u>运算负荷</u>和<u>运算功率</u>的概念 和额定电压的假设将网络简化为只含线路阻抗和等值负 荷节点的网络。

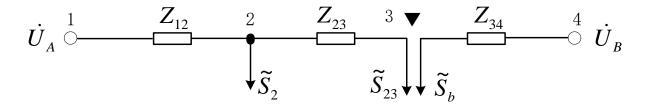


环形网络的潮流计算步骤

□ **第二步:** 功率的初分布(不计算阻抗功率损耗),确定 功率分点



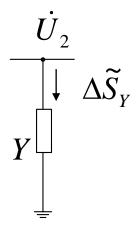
□ 第三步: 从功率分点解环, 转化为两个辐射形网络



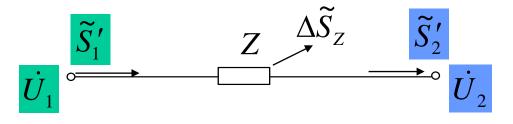
第四步:按照辐射形网络潮流计算方法(第3种情况), 计算网络的功率分布和电压分布。

- 本章解决两个问题:
 - □线路和变压器运行状况的计算
 - □简单电力网络的潮流计算
- 线路、变压器运行状况的计算:
 - 」功率分布
 - □ 电压分布
 - □电能损耗
- 简单电力网络的潮流计算
 - □ 辐射形网络
 - □ 环形网络

■功率计算

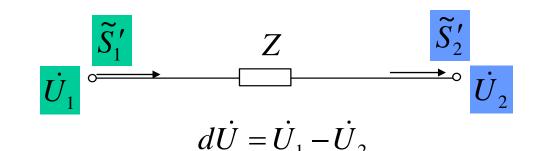


$$\Delta \widetilde{S}_Y = U_2^2 \overset{*}{Y}$$



- •已知末端参数: $\Delta \tilde{S}_Z = \frac{P_2'^2 + Q_2'^2}{U_2^2} (R + jX)$
- •已知首端参数: $\Delta \tilde{S}_Z = \frac{P_1'^2 + Q_1'^2}{U_1^2} (R + jX)$

■ 电压计算



已知末端参数:
$$\Delta U = \frac{P_2'R + Q_2'X}{U_2}$$
, $\delta U = \frac{P_2'X - Q_2'R}{U_2}$

$$U_1 = \sqrt{\left(U_2 + \Delta U\right)^2 + \left(\delta U\right)^2}, \ \delta_1 = tg^{-1} \frac{\delta U}{U_2 + \Delta U}$$

已知首端参数:
$$\Delta U = \frac{P_1'R + Q_1'X}{U_1}$$
, $\delta U = \frac{P_1'X - Q_1'R}{U_1}$

$$U_2 = \sqrt{\left(U_1 - \Delta U\right)^2 + \left(\delta U\right)^2}$$
, $\delta_2 = tg^{-1} \frac{-\delta U}{U_1 - \Delta U}$

■ 电压指标: 电压降落、电压损耗、电压偏移

■ 电能损耗:

$$\Delta W = \Delta P_{\rm max} \tau_{\rm max}$$

□工程算法

- 简单电网潮流计算:
 - □ 辐射型网络: 三种情况
 - □ 环形网络:
 - 第一步: 网络化简
 - 第二步: 功率初分布
 - 第三步: 从功率分点解环
 - 第四步: 求解辐射形网络潮流