HỌC VIỆN KỸ THUẬT MẬT MÃ

Khoa An Toàn Thông Tin Bộ môn Khoa Học An Toàn Thông Tin

Kĩ Thuật Giấu Tin

Nội dung môn học

- 1. Tổng quan về giấu tin
- 2. Ẩn mã

3. Phân tích ẩn mã

4. Thủy vân số

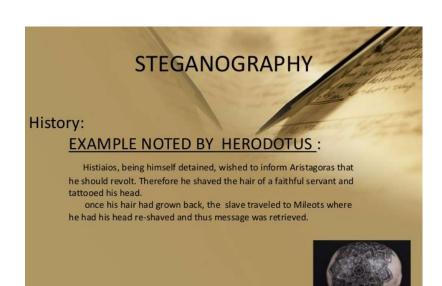
Chương 2. Ẩn mã



Chương 2. Ẩn mã



Giới thiệu





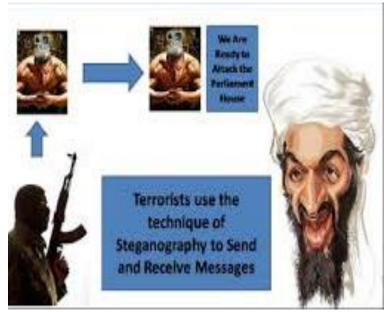


Giới thiệu

ngah di SD Neg ati. Menamatkan SM 1996. Menempuh Perguruan Islam (API) t Alfiyah Ibnu Malik Iulus Malindo Irfan, PT. Yo Harmony Cassetto Pernah pul







Chương 2. Ẩn mã



Khái niệm ẩn mã

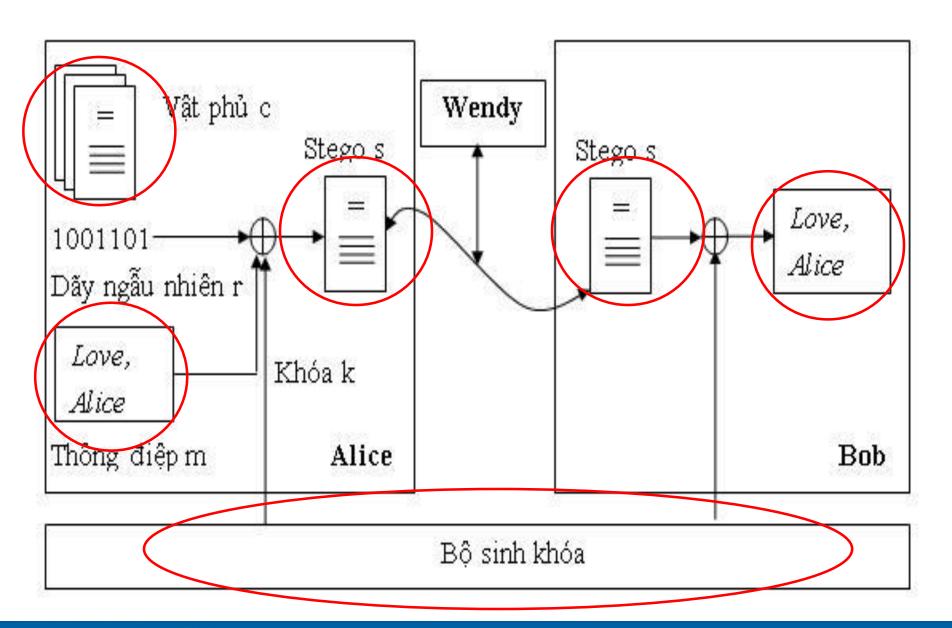
An mã học là một nghệ thuật và khoa học của việc truyền thông tin bí mật theo cách không phát hiện ra chính sự tồn tại của thông tin bí mật đó

Khái niệm ấn mã (..)

- Đối tượng được dùng để ẩn mã (cover object) gọi là môi trường chứa, vật chứa, vật phủ, vật gốc, ...
 - □ Thường dùng ảnh số, âm thanh số, văn bản, kênh liên lạc số hóa ...
- Vật sau khi được ẩn mã gọi là vật mang tin hay vật ẩn mã, ... (stego object)
 - □ Vật phủ và vật ẩn mã có bề ngoài không khác nhau

Chương 2. Ẩn mã

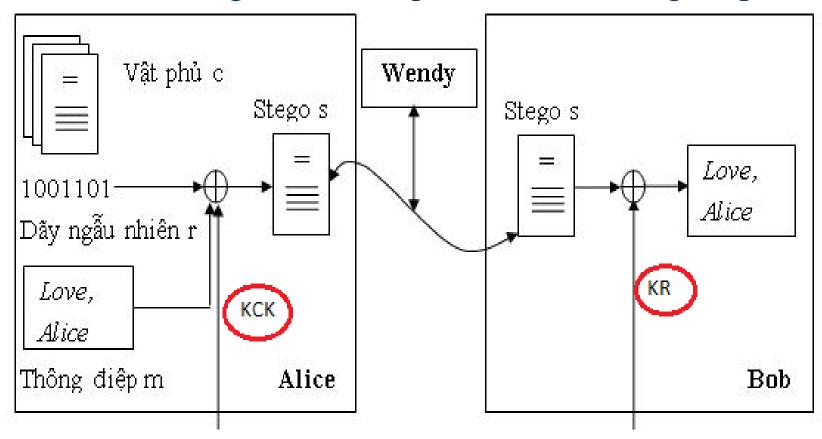




- Định nghĩa 2.1 (Ẩn mã thuần tuý)
 - □ Bộ bốn σ = (C, M, D, E), trong đó C là tập các vật phủ có thể, M là tập các thông điệp mật với |C| ≥ |M|
 - $E: C \times M \rightarrow C$ là hàm nhúng tinvà
 - $D: C \rightarrow M$ là hàm trích xuất tin với tính chất:
 - $D\big(E(c,m)\big)=m$ với $\forall m\in M$ và $c\in C$ được gọi là hệ ẩn mã thuần tuý

- Địnhnghĩa 2.3 (Ấn mã khoá bí mật)
 - □ Bộ năm $\sigma = (C, M, K, D_K, E_K)$, trong đó C là tập các vật phủ có thể, M là tập các thông điệp mật với $|C| \ge |M|$, K là tập các khoá bí mật.
 - Hàm nhúng E_K : $C \times M \times K \rightarrow C$ và
 - Hàm trích xuất D_K : $C \times K \to M$ với tính chất:
 - $D_K(E_K(c, m, k), k) = m \text{với} \forall m \in M \text{ và } c \in C \text{ và } k \in K$ được gọi là một hệ ẩn mã khoá bí mật

- Ẩn mã khóa công khai:
 - □ Sử dụng 2 khóa: khóa công khai (dùng trong quá trình nhúng) khóa riêng (trích xuất thông điệp)



Chương 2. Ẩn mã



An toàn và ấn mã

- Mục đích truyền tin ẩn mã:
 - □ Che giấu sự tồn tại của thông báo bí mật
 - □ → Độ an toàn của một hệ ẩn mã được đánh giá bởi khả năng không thể phát hiện ra chứ không phải sự khó khăn trong việc đọc nội dung thông báo
- Bài toán phân tích ấn mã là một bài toán quyết định:
 - □ Một đối tượng cho trước có chứa một thông điệp bí mật hay không
 - □ → Độ đo lí thuyết quyết định được coi là độ an toàn ẩn mã

An toàn và ẩn mã

- Trong phân tích ẩn mã, người ra quyết định có thể mắc hai loại sai lầm:
 - □ Không phát hiện
 - □ Phát hiện nhầm

An toàn và ấn mã

■ Kí hiệu:

- \Box β : Xác suất không phát hiện một đối tượng ẩn mã
- α: Xác suất phát hiện nhằm một vật phủ là đối tượng ẩn mã (xác suất khẳng định sai false positive probability)

An toàn và ẩn mã

■ Kết quả phân tích:

Thực tế Kết quả phát hiện	Vậtphủ	Vật ẩn mã					
Vật phủ	Từ chối đúng 1 – α	Không phát hiện β					
Vậtẩnmã	Phát hiện nhầm α	Phát hiện đúng 1 – β					

An toàn và ấn mã

Theo lí thuyết thông tin, nếu độ đo an toàn của hệ ẩn mã là sự không phân biệt thống kê của các phân phối thì các xác suất sai lầm trên có thể được sử dụng trong khái niệm entropy tương đối nhị phân (binary relative entropy) $d(\alpha,\beta)$ của hai phân phối nhị thức với các tham số α , $1-\alpha$ và $1-\beta$, β

$$d(\alpha,\beta) = \alpha \log \frac{\alpha}{1-\beta} + (1-\alpha)\log \frac{1-\alpha}{\beta}$$

 \square Nếu d(α, β) = 0 thì hệ ẩn mã đạt độ an toàn hoàn thiện và giá trị này càng lớn thì hệ ẩn mã càng dễ bị phát hiện

An toàn và ẩn mã

- Bằng trực quan con người đối với các sửa đổi ẩn mã cũng có thể được coi như một độ đo an toàn của ẩn mã
- Tuy nhiên, so với các phương pháp thống kê hiện đại thì hướng tiếp cận theo trực quan là ít tin cậy, phụ thuộc vào các đặc điểm hình ảnh cụ thể và không hoàn toàn tự động

An toàn và ấn mã

■ An toàn hoàn hảo:

- Chọn vật phủ C với phân bố xác suất P_C
- P_S là phân bố xác suất của E_K (c, m, k) trên tập tất cả các vật có nhúng tin được sinh ra bởi hệ ẩn mã. P_S (c) = 0 nếu vật phủ c không bao giờ được sử dụng để nhúng tin

An toàn và ẩn mã

Sử dụng định nghĩa entropy tương đối $D(P_C||P_S)$ giữa hai phân bố P_C và P_S trên tập C, ta có:

$$D(P_C||P_S) = \sum_{c \in C} P_C(c) \log \frac{P_C(c)}{P_S(c)}$$

đo độ không hiệu quả khi giả sử phân bố là P_C trong khi phân bố thực sự là P_S – tác động của quá trình nhúng tin trên phân bố P_C có thể đo được. Cụ thể, chúng ta định nghĩa độ an toàn của một hệ ẩn mã theo $D(P_C || P_S)$.

An toàn và ấn mã

■ Địnhnghĩa 2.4 (Độ an toàn hoàn hảo). Giả sử σ là một hệ ẩn mã, P_S là phân bố xác suất của các vật có nhúng tin gửi trên kênh, P_C là phân bố xác suất của C. σ được gọi là ε -an toàn đối với người tấn công thụ động nếu:

$$D(P_C || P_S) \le \varepsilon$$

Và gọi là an toàn hoàn hảo nếu $\varepsilon = 0$

Do $D(P_C||P_S) = 0$ nếu và chỉ nếu hai phân bố là bằng nhau, chúng ta có thể kết luận rằng một hệ ẩn mã là an toàn hoàn hảo (về mặt lí thuyết), nếu như quá trình nhúng tin vào vật phủ không làm thay đổi phân bố xác suất củaC. Chúng ta có thể xây dựng một hệ ẩn mã với độ an toàn hoàn hảo.

An toàn và ấn mã

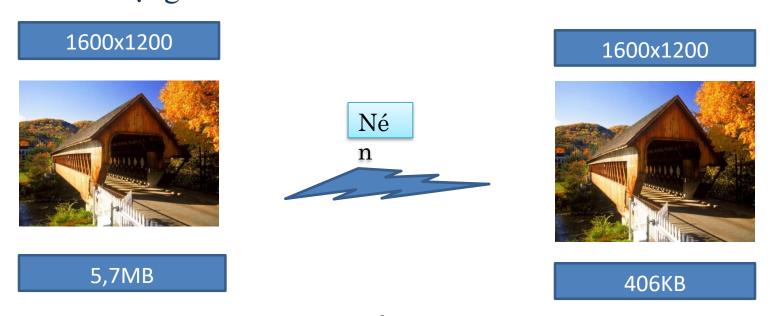
- Địnhlí 2.5 Tồn tại hệ ẩn mã an toàn hoàn hảo.
- Chứng minh:
 - Giả sử C là tập các xâu bít có độ dài n. P_C là phân bố đều trên C, và e là một thông điệp mật ($e \in C$). Người gửi chọn ngẫu nhiên một $c \in C$ và tính $s = c \oplus e$, trong đó \oplus là toán tử XOR bít. Vật có nhúng tin s sẽ được phân bố đều trên C, do vậy $P_C = P_S$ và $D(P_C || P_S) = 0$. Trong quá trình trích xuất tin, thông điệp mật e có thể được xây dựng lại bằng cách tính $s \oplus c$.
 - □ Hệ thống trên rất đơn giản nhưng không hữu dụng, vì sẽ rất khó để Alice và Bob có thể trao đổi được các xâu bít ngẫu nhiên.

Chương 2. Ẩn mã



■ Xử lí ảnh: Nén JPEG

□ Thường giảm chất lượng màu nhưng không gây ra sự chú ý về chất lượng của hình ảnh



Hình ảnh được nén bằng thuật toán nén JPEG

■ Chuyểnđổiđiểmảnh sang YCbCr

$$\Box Y = 0.299R + 0.587G + 0.114B$$

$$\Box U = 0.492(B - Y) = -0.147R - 0.289G + 0.436B$$

$$\Box V = 0.877(R - Y) = 0.615R - 0.515G - 0.100B$$

- □ Muc đích:
 - Giảm giá trị thành phần màu
 - Mắt người thường nhạy cảm với những thay đổi về độ sáng hơn là những thay đổi về màu sắc ⇒ giảm kích cõ tổng thế của tệp thường sử dụng cách giảm chất lượng màu

- Chuyển các giá trị điểm ảnh sang tần số:
 - □ Dùng biến đổi Fourier (DFT), Cosin rời rạc (DCT), ...
 - □ DCT là tiêu chuẩn quốc tế cho các hệ thống mã chuyển vị
 - Vì có đặc tính gói năng lượng tốt, cho kết quả là số thực và có các thuật toán nhanh

■ DCT một chiều:

□ Quá trình biến đổi DCT thuận (FDCT) dung trong tiêu chuẩn JPEG được định nghĩa như sau:

$$X(k) = \sqrt{\frac{2}{N}}C(k)\sum_{m=0}^{N-1} x(m)\cos\frac{(2m+1)k}{\pi 2N}$$

□ Hàm biến đổi DCT ngược:

$$x(m) = \sqrt{\frac{2}{N}} \sum_{k=0}^{N-1} X(k)C(k) \cos \frac{(2m+1)k}{\pi 2N}$$

■ Trongđó:

- $\Box X(k)$ là chuỗi kết quả
- $\Box x(m)$ là giá trị của mẫu m
- \Box k là chỉ số của hệ số khai triển
- □ *N* là số mẫu có trong tín hiệu

$$\Box C(k) = \begin{cases} \frac{1}{\sqrt{2}} & \text{n\'eu } k = 0 \\ 1 & \text{n\'eu } k \neq 0 \end{cases}$$

■ DCT hai chiều:

□ Quá trình biến đổi DCT thuận:

$$F(u,v) = \frac{C(u)C(v)}{4} \sum_{j=0}^{7} \sum_{k=0}^{7} f(j,k) \cos \frac{(2j+1)u\pi}{16} \cos \frac{(2k+1)v\pi}{16}$$

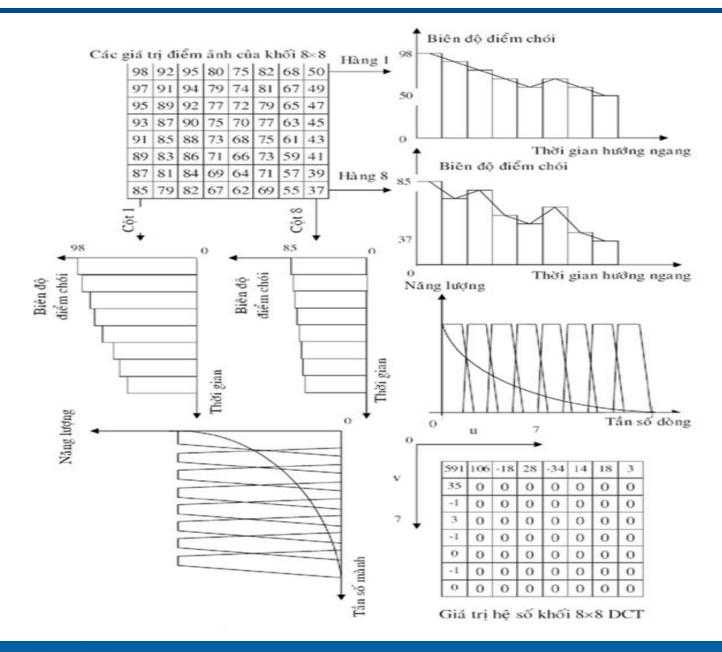
- □ Trong đó:
 - f(j,k): các mẫu gốc trong khối điểm ảnh cỡ 8×8
 - u: Tần số chuẩn hóa theo chiều ngang (0 < u < 7)
 - v: Tần số chuẩn hóa theo chiều dọc(0 < v < 7)
 - F(u, v): các hệ số biến đổi của khối DCT 8×8

•
$$C(u), C(v) = \begin{cases} \frac{1}{\sqrt{2}} & \text{n\'eu } u, v = 0 \\ 1 & \text{n\'eu } u, v \neq 0 \end{cases}$$

Phép biến đổi DCT hai chiều là biến đổi đối xứng và biến đổi nghịch có thể tạo lại các giá trị mẫu f(j,k) trên cơ sở các hệ số F(u,v) theo công thức sau

$$f(j,k) = \sum_{i=0}^{7} \sum_{k=0}^{7} \frac{C(u)C(v)}{4} F(u,v) \cos \frac{(2j+1)u\pi}{16} \cos \frac{(2k+1)v\pi}{16}$$

Mã hóa khối 8 × 8 bằng DCT hai chiều



- Lượng tử hóa
 - □ Là bước quan trọng nhất khi nén ảnh JPEG
 - □ Mục đích
 - Lượng tử các giá trị biểu thị cho hình ảnh sau giai đoạn chuyển đổi giá trị điểm ảnh sang tần số
 - □ Sau quá trình này một lượng lớn dữ liệu có thể được loại bỏ mà không ảnh hưởng tới chất lượng của ảnh

■ Hệ số lượng tử hóa thuận được xác định theo biểu thức:

$$Fq(u,v) = round \left[\frac{F(u,v)}{Q(u,v)} \right]$$

- Quá trình lượng tử hóa có trọng số có xảy ra mất thông tin, gây tổn hao
 - □ Là bước tổn hao duy nhất trong thuật toán nén

■ Việc biến đổi sao cho chất lượng hình ảnh do mắt người cảm nhận tốt, phụ thuộc vào các thành phần tần số và sự biến đổi chi tiết ảnh từng vùng trong miền không gian

□ Các ảnh càng chi tiết thì hệ số thành phần tần số cao càng lớn 0 u 7

0	u	ı	7						0		u	_;	7					
v	16	11	10	16	24	40	51	61	٧		17	18	24	47	99	99	99	99
7 ↓	12	12	14	19	26	58	60	55	7 ♦	•	18	21	26	66	99	99	99	99
	14	13	16	24	40	57	69	56			24	26	56	99	99	99	99	99
	14	17	22	29	51	87	80	62			47	66	99	99	99	99	99	99
	18	22	37	56	68	109	103	77			99	99	99	99	99	99	99	99
	24	35	55	64	81	104	113	92			99	99	99	99	99	99	99	99
	49	64	78	87	103	121	120	101			99	99	99	99	99	99	99	99
	72	92	95	98	112	100	103	99			99	99	99	99	99	99	99	99
	Bảng trọng số (theo chuẩn JPEG cho mẫu tín hiệu chói)												rọng cho 1	100)

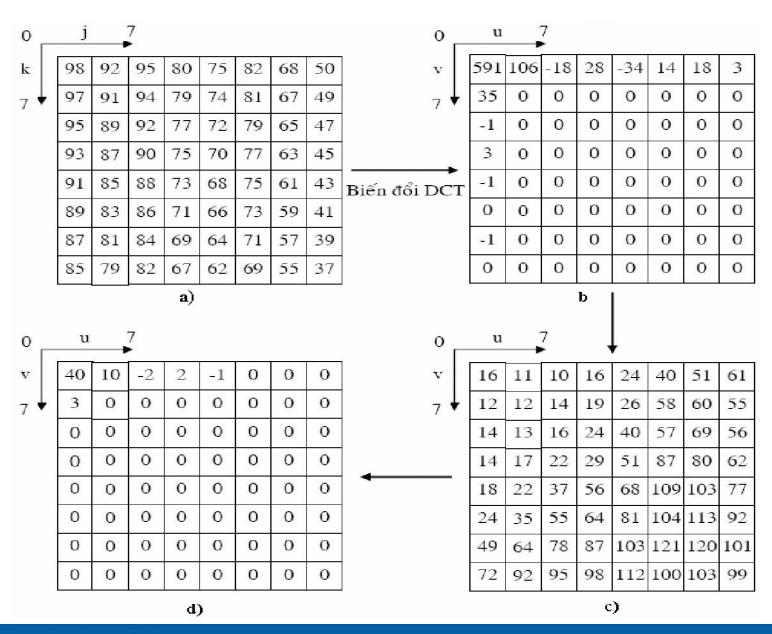
Các bảng lượng tử cho tín hiệu chói vào màu theo chuẩn JPEG

■ Khi nén ảnh theo JPEG, ma trận các hệ số khai triển sau DCT phải được nhân với bảng trọng số Q(u, v) để loại bỏ một phần các hệ số có biên độ nhỏ (thường là các thành phần cao tần).

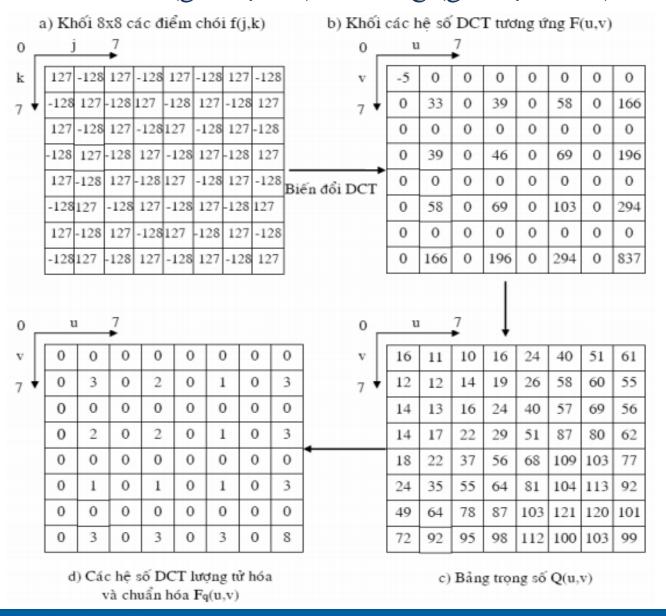
0	u	ı	7							0		u		7					
v 7 •	16 12 14 14 18 24 49	11 12 13 17 22 35 64 92	10 14 16 22 37 55 78 95	16 19 24 29 56 64 87 98	24 26 40 51 68 81 103	104 121	113 120	61 55 56 62 77 92 101 99		7	Ţ	17 18 24 47 99 99 99	18 21 26 66 99 99 99	24 26 56 99 99 99	47 66 99 99 99 99	99 99 99 99 99 99	99 99 99 99 99 99	99 99 99 99 99 99	99 99 99 99 99 99
	Bảng trọng số (theo chuẩn JPEG cho mẫu tín hiệu chói)												-	rọng cho t	700			ẩn màu))

Các bảng lượng tử cho tín hiệu chói vào màu theo chuẩn JPEG

■ Khai triển DCT và bảng trọng số Q(u,v)

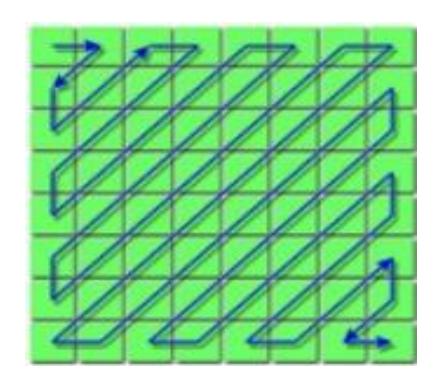


■ Ví dụ về quá trình biến đổi DCT một khối điểm ảnh có các giá trị điểm ảnh đen (giá trị = 0) và trắng (giá trị = 255) xen kẽ.



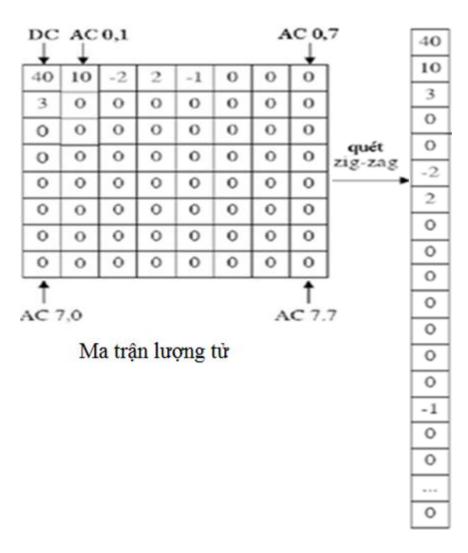
Khai triển DCT cho khối ảnh có độ chói dạng bàn cờ

- Sắp xếp zíc zắc:
 - □ Nhằm biến đổi mảng 2 chiều thành chuỗi số một chiều
 - VD: ma trận 8×8 sẽ thành véctor 1×64
 - □ Sau khi lượng tử các hệ số DCT chỉ có một vài giá trị được giữ lại là khác 0 đa số sẽ luôn luôn là số 0
 - Các số khác 0 thường nằm ở phía bên trên bên trái và các số 0 ở góc dưới bên phải
 - □ Sắp xếp"zíc zắc" lại các hệ số trên để các tần số tương tự được nhóm lại với nhau



Sắp xếp zíc zắc của các thành phần ảnh JPEG

■ VD: Quét Zíc zắc



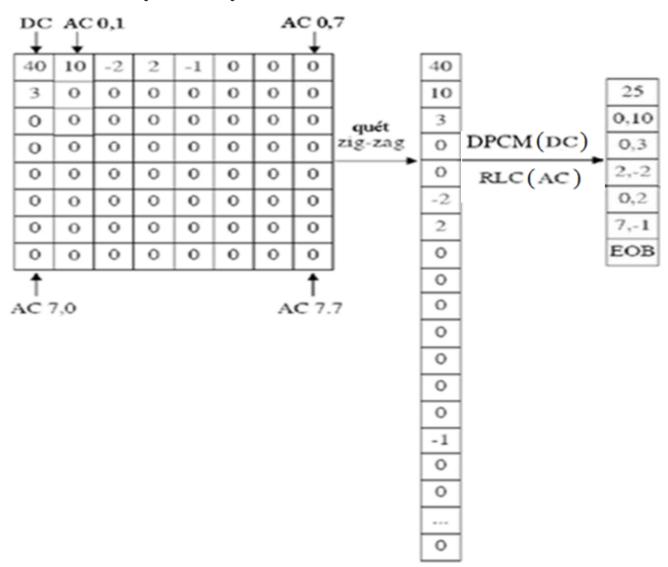
- Mã hóa ước đoán (DPCM):
 - □ Dự đoán sự sai khác của hệ số DC so với khối trước (điều chế DPCM cho thành phần DC)
 - Do giá trị của DC là lớn, thay đổi nhưng gần với giá trị của khối trước đó
 - Giả sử đang thực hiện ở khối thứ i
 - \circ Tính $\triangle = DC_i DC_{i-1}$
 - o VD: DC của khối hiện tại và khối trước lần lượt là 40 và 15 thì sử dụng mã DPCM sẽ được Δ = 40 − 15 = 25

- Mã hóa entropy, gồm:
 - □ Mã hóa RLC
 - □ Mã hóa VLC

- Mã hóa loạt dài chạy (RLC):
 - □ Thành phần AC sau khi quét zíc-zắc thì các giá trị 0 giống nhau sẽ được thay bằng mã RLC
 - □ Dấu EOB: đánh dấu vị trí bắt đầu của chuỗi các số 0 liên tiếp
 - □ Nguyên tắc:
 - Bước 1: Phát hiện loạt (loạt giá trị giống nhau)
 - Cụ thể trong trường họp này là loạt các giá trị 0 trước một giá trị khác 0
 - Bước 2: Kí hiệu mã
 - Thay loạt bằng một chuỗi mới gồm chiều dài của loạt (run length) và giá trị khác 0 tiếp theo
 - VD: có 5 giá trị 0 rồi tới giá trị 2 thì viết thành (5,2)

- Mã hóa loạt dài chạy (RLC): (..)
 - □ Chỉ hiệu quả với chiều dài loạt lớn
 - Hiệu quả của việc mã hóa (nén) không cao
 - □ Để cải tiến hiệu quả dùng mã hóa entropy
 - Mã hóa entropy dùng những đặc tính thống kê của tín hiệu được mã hóa
 - Một tín hiệu, ở đây là giá trị điểm ảnh hoặc các hệ số chuyển vị, có chứa một lượng thông tin (entropy) tùy theo những xác suất của những giá trị hay sự kiện khác nhau xuất hiện
 - VD: những từ mã ít xảy ra hơn sẽ có nhiều thông tin hơn từ mã hay xảy ra

■ VD: Thực hiện mã DPCM và RLC



- Mã hóa độ dài thay đổi (VLC)
 - □ Mã hóa thành phần DC: Giá trị hệ số sai lệch DC được mã hóa nhờ bảng phân loại và bảng Huffman
 - □ Mã hóa thành phần AC: Hệ số AC được mã hóa nhờ bảng phân loại (giống DC) và bảng Huffman (khác DC)

■ Bảng phân loại của DC và AC

Phạm vi	Loại DC	Loại AC
0	0	N/A
-1, 1	1	1
-3, -2, 2, 3	2	2
$-7, \ldots, -4, 4, \ldots, 7$	3	3
$-15, \dots, -8, 8, \dots, 15$	4	4
$-31, \ldots, -16, 16, \ldots, 31$	5	5
$-63, \ldots, -32, 32, \ldots, 63$	6	6
$-127, \ldots, -64, 64, \ldots, 127$	7	7
$-255, \ldots, -128, 128, \ldots, 255$	8	8
$-511, \ldots, -256, 256, \ldots, 511$	9	9
-1023,, -512, 512,, 1023	A	A
$-2047, \ldots, -1024, 1024, \ldots, 2047$	В	В

■ Bảng mã Huffman của DC

Phạm vi	Loại DC	Từ mã	Độ dài
$ \begin{array}{c} 0\\ -1, 1\\ -3, -2, 2, 3\\ -7, \dots, -4, 4, \dots, 7\\ -15, \dots, -8, 8, \dots, 15\\ -31, \dots, -16, 16, \dots, 31\\ -63, \dots, -32, 32, \dots, 63 \end{array} $	0 1 2 3 4 5 6	010 011 100 00 101 110	3 4 5 5 7 8 10
$-127, \dots, -64, 64, \dots, 127$ $-255, \dots, -128, 128, \dots, 255$ $-511, \dots, -256, 256, \dots, 511$ $-1023, \dots, -512, 512, \dots, 1023$ $-2047, \dots, -1024, 1024, \dots, 2047$	7 8 9 A B	11110 1111110 11111110 111111110 1111111	12 14 16 18 20

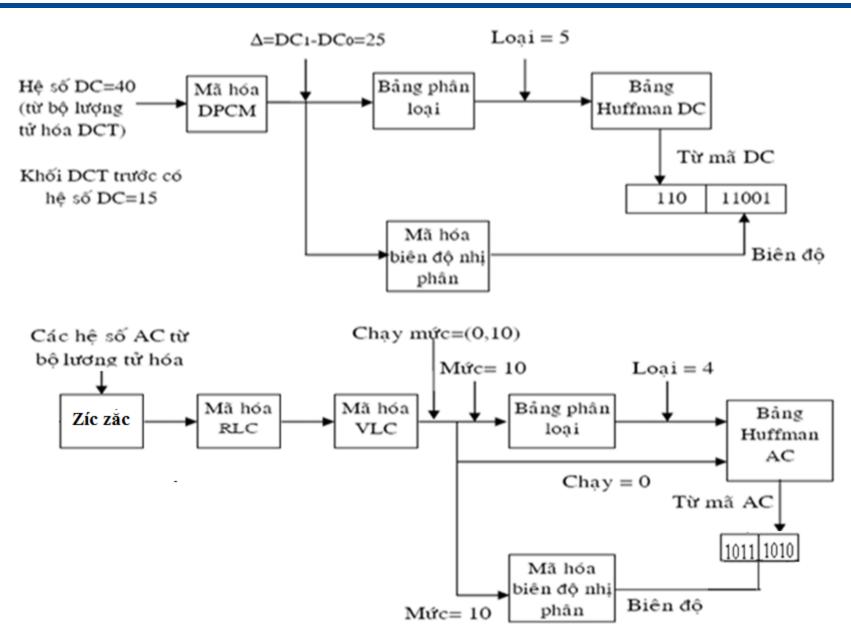
Bảng mã Huffman của AC

Loạt chạy/ Loại AC	Từ mã		Loạt chạy Loại AC	Từ mã	Độ dài
0/0	1010 (= EOB)	4	120,00		
0/1	00	3	8/1	11111010	9
0/2	01	4	8/2	1111111111000000	17
0/3	100	6	8/3	1111111110110111	19
0/4	1011	8	8/4	11111111110111000	20
0/5	11010	10	8/5	11111111110111001	21
0/6	111000	12	8/6	1111111110111010	
0/7	1111000	14	8/7	1111111110111011	
0/8	1111110110	18	8/8	11111111110111100	24
0/9	11111111110000010	25	8/9	1111111110111101	25
0/A	11111111110000011	1 26	8/A	1111111110111110	
1/1	1100	5	9/1	111111000	10
1/2	111001	8	9/2	11111111110111111	18
1/3	1111001	10	9/3	11111111111000000	19
1/4	111110110	13	9/4	11111111111000001	20
1/5	11111110110	16	9/5	1111111111000010	21
1/6	11111111110000100	22	9/6	11111111111000011	22
1/7	11111111110000101	23	9/7	11111111111000100	23
1/8	11111111110000110	24	9/8	1111111111000101	24
1/9	11111111110000111	25	9/9	11111111111000110	25
1/A	11111111110001000	26	9/A	11111111111000111	26
2/1	11011	6	A/1	111111001	10
2/2	11111000	10	A/2	11111111111001000	18
2/3	1111110111	13			19
2/4	11111111110001001	20		1111111111001010	20
2/5	11111111110001010	21		11111111111001011	21
2/6	11111111110001011	1 22		1111111111001100	22

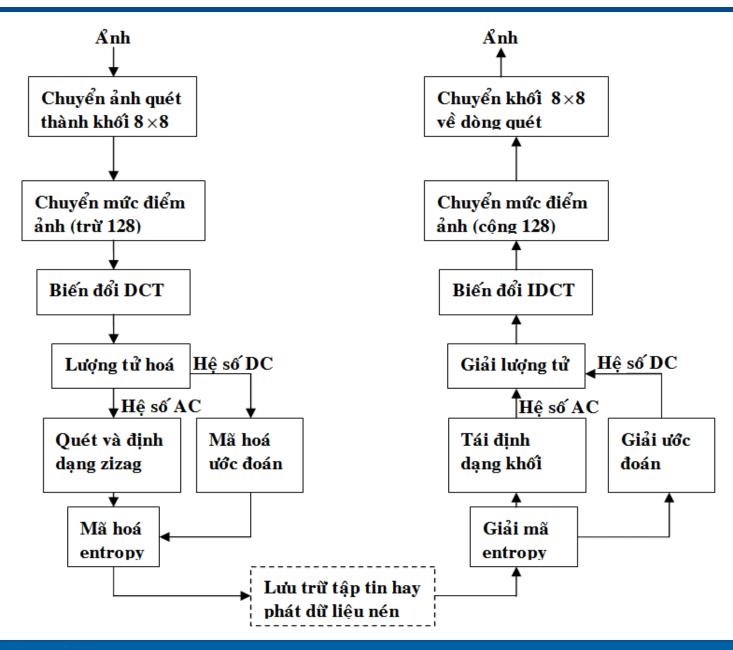
- Chi tiết cách mã hóa DC:
 - □ Giá trị △ thu được sau điều chế DPCM được mã vào 2 phần, với độ dài mã
 - Phần 1: Mã ứng với loại của △
 - \circ Từ bảng phân loại DC \rightarrow loại của \triangle
 - Từ bảng Huffman của DC → mã Huffman ứng với loại của △ và độ dài của từ mã ứng với giá trị △
 - \circ VD: \triangle =25 → thuộc loại 5 ứng với từ mã 110
 - Phần 2: Mã biên độ của △
 - Biên độ là vị trí của △ trong phạm vi mà nó thuộc vào (các vị trí được đánh số từ 0) (VD △=25 ứng với biên độ là 25)
 - \circ Chuyển biên độ sang dạng nhị phân có độ dài bằng độ dài của từ mã ứng với \triangle trừ đi độ dài của mã phần 1
 - VD: △=25, có độ dài từ mã là 8, phần 1 có độ dài là 3 thì biên độ 25 sẽ được biểu diễn dưới dạng nhị phân có độ dài là 8-3=5, cụ thể mã là 11001 → Mã tổng thể của △=25 là 110 11001

- Chi tiết cách mã hóa AC:
 - □ Cũng mã thành 2 phần ứng với loại của AC và biên độ của giá trị AC tương tự đối với DC
 - □ VD: Mã RLC (0,10)
 - Từ bảng phân loại → Giá trị 10 thuộc loại 4 với biên độ là 10
 - Phần 1: mã tương ứng với (0,4) là 1011 (độ dài phần 1
 là 4) và tổng độ dài mã giá trị AC là 8
 - Phần 2: chuyển biên độ 10 sang nhị phân với độ dài là 8-4=4, tức là 1010
 - → Mã VLC tổng thể của mã RLC (0,10) là 1011 1010

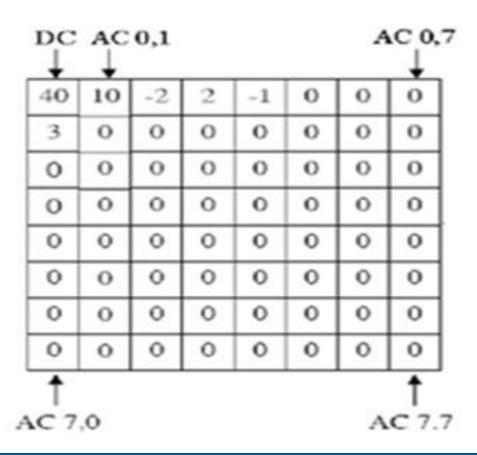
Sơ đồ khối hệ thống mã kết quả DCT sau khi lượng tử hóa



Mô hình chuẩn JPEG

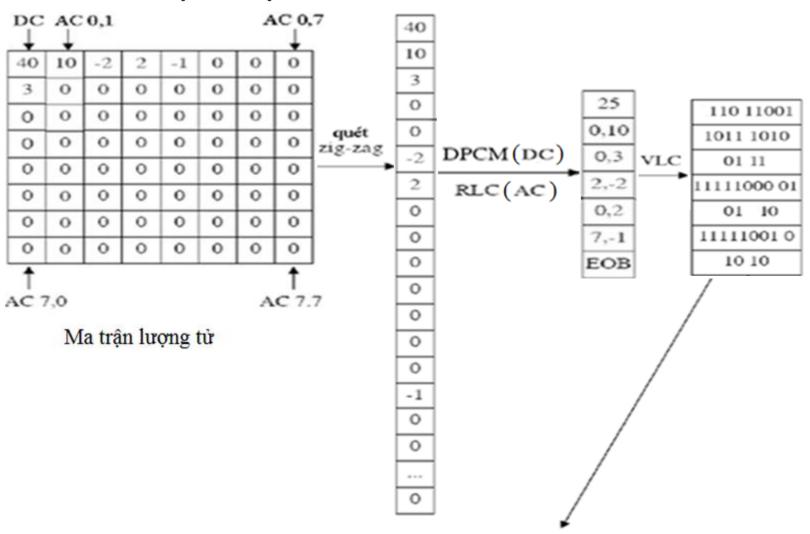


■ VD: Cho ma trận ảnh lượng tử như sau, hãy mã hóa thành mã nhị phân biết giá trị DC của khối DCT trước là 15



■ Kết quả

■ VD: Thực hiện mã DPCM và RLC



BT áp dụng

■ Cho ma trận ảnh lượng tử:

$$\begin{bmatrix} 85 & -5 & -2 & 2 \\ 1 & 0 & 2 & 0 \\ 0 & -1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}$$

- Biết rằng hệ số DC của khối trước là 60. Hãy mã hóa ma trận ảnh thành mã nhị phân
- Kết quả: 11011001 100010 001 11111100001 0110 0110 000 1010

BT áp dụng

■ Giải:

$$\begin{bmatrix} 85 & -5 & -2 & 2 \\ 1 & 0 & 2 & 0 \\ 0 & -1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}$$
 Zig zag

-5 1 0

85

0

0

0

DPCM(DC) RLC(AC)

25 0, -5 0, 1 2, -2 0, 2 0, 2 0, -1 EOB

BTVN

■ Sử dụng Matlab thực hiện tuần tự các bước chuyển mức điểm ảnh, biến đổi DCT, lượng tử hóa trong sơ đồ nén JPEG với MT đầu vào:

```
70
       66
59
   55
        90
            109
59
       113
            154
       122
                 106
   68
      104
            126
                 88
                      68
   60
        70
                 68
                      58
            55
   64 	 59
                      65
            65
                      78
79
        68
```

■ Ma trận lượng tử Q:

```
    16
    11
    10
    16
    24
    40
    51
    61

    12
    12
    14
    19
    26
    58
    60
    55

    14
    13
    16
    24
    40
    57
    69
    56

    14
    17
    22
    29
    51
    87
    80
    62

    18
    22
    37
    56
    68
    109
    103
    77

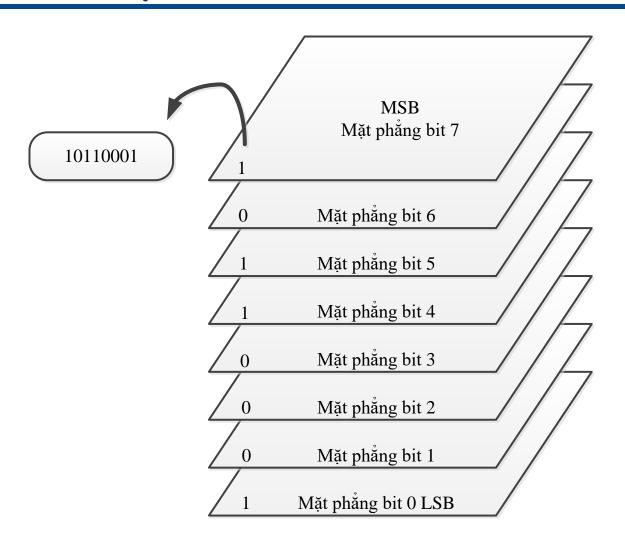
    24
    35
    55
    64
    81
    104
    113
    92

    49
    64
    78
    87
    103
    121
    120
    101

    72
    92
    95
    98
    112
    100
    103
    99
```

- Kĩ thuật ẩn mã trên miền không gian ảnh
 - □Kĩ thuật LSB
 - Tuần tự
 - Ngẫu nhiên
 - □ Kĩ thuật ẩn mã trong khối bít
- Kĩ thuật ẩn mã trên miền tần số
 - □ Jsteg
 - □ OutGuess 0.1
 - □ OutGuess 0.2
 - □ F3, F4, F5

- Kĩ thuật LSB
 - □ KN: Bít có trọng số thấp nhất (LSB)
 - Là bít có ảnh hưởng ít nhất tới việc quyết định màu sắc của mỗi điểm ảnh
 - □VD: Điểm ảnh biểu diễn bởi 8 bit 011100101
 - 2 LSB: 0111001**01**
 - 3 LSB: 011100**101**



Các mặt phẳng bít đối với biểu diễn dữ liệu 8 bit

- Ví dụ minh họa: (Dùng Paint)
 - \Box 1 điểm ảnh trên hệ màu RGB (15 128 10)

$$0000\ 1111 - 1000\ 0000 - 0000\ 1010$$

□ Nếu thay bit LSB trên kênh B:

$$0000\ 1111 - 1000\ 0000 - 0000\ 101\underline{1}$$

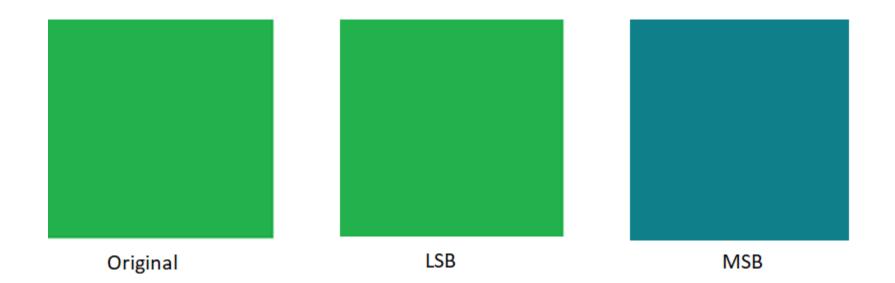
$$(15 - 128 - 11)$$

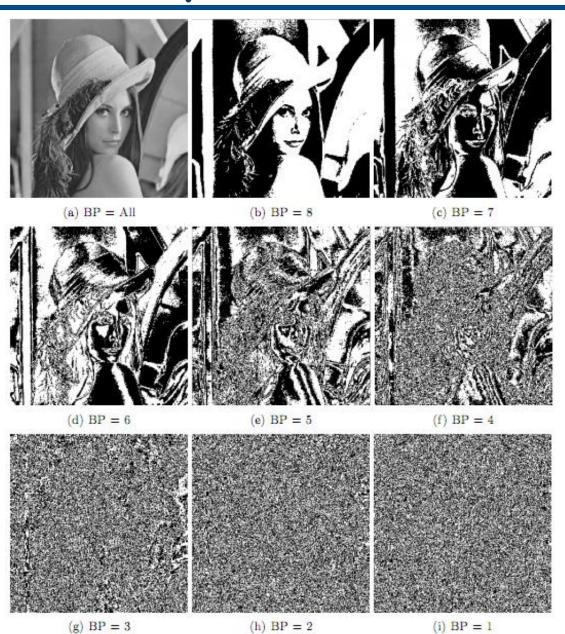
□ Nếu thay bit MSB trên kênh B:

$$0000\ 1111 - 1000\ 0000 - \underline{1}000\ 1010$$

$$(15 - 128 - 138)$$

- Kĩ thuật LSB (..)
 - □Kĩ thuật LSB là thay thế các bít có trọng số thấp nhất hay chèn thông tin cần giấu vào LSB





Hình ảnh và các mặt phẳng bit giảm dần

- Thuật toán giấu và tìm kiếm tuần tự:
 - □ Thuật toán nhúng:
 - $D\hat{a}u \ v\hat{a}o$: Ånh phủ c, thông điệp m
 - Đầu ra: Ảnh có nhúng tin
 - 1. for i = 1, ..., l(m) do
 - 2. $p \leftarrow LSB(c_i)$
 - 3. if $p \neq m_i$ then
 - 4. $c_i \leftarrow m_i$
 - end if
 - 6. end for

- Thuật toán tríchxuất:
 - □ Đầu vào:Ảnh có nhúng tins
 - $\square D \hat{a} u \ ra$: thông điệp m'
 - 1. for i = 1, ..., l(s) do
 - 2. $m'_i \leftarrow LSB(s_i)$
 - 3. end for

- Thuật toán giấu và tìm kiếm ngẫu nhiên:
 - □ Thuật toán nhúng:
 - $\partial \hat{a}u \ v \hat{a}o$: Ånh phủ c, khóa k, thông điệp m
 - Đầu ra: Ảnh có nhúng tin
 - 1. Tạo vật ngẫu nhiên C từ dữ liệu c và mấm khóa k xáo trộn điểm ảnh
 - 2. for i = 1, ..., l(m) do
 - 3. $p \leftarrow LSB(C_i)$
 - 4. if $p \neq m_i$ then
 - 5. $C_i \leftarrow m_i$
 - end if
 - 7. end for
 - 8. Trả về tạo độ gốc c từ dữ liệu C và mầm khóa k

- Thuật toán trích xuất tin:
 - $\square D \hat{a} u \ v \hat{a} o$: Ånh có nhúng tin s, khóa k
 - $\square D \hat{a} u \ ra$:Thông điệp m'
 - 1. Tạo vật ngẫu nhiên S từ dữ liệu S và mầm khóa k xáo trộn điểm ảnh
 - 2. for i = 1, ..., l(s) do
 - 3. $m_i' \leftarrow LSB(s_i)$
 - 4. end for

■ Bài tập áp dụng:

□ Cho ma trận điểm ảnh của ảnh phủ C:

57	49	48	44	48	53
43	48	49	34	43	49
47	46	38	37	43	57
50	66	42	48	42	60
38	51	43	47	47	55
58	47	48	42	46	42

- □ Khóa k gồm các tham số (a, p) = (13,37). Xáo trộn các điểm ảnh của C theo công thức: y_i = aⁱ mod p. Với y_i là vị trí xáo trộn của điểm ảnh thứ i trong C
- □ Áp dụng thuật toán giấu và tìm kiếm ngẫu nhiên, em hãy nhúng thông điệp m = 0100111011 và trích xuất thông tin từ ma trận ảnh stego thu được

- Kĩ thuật ẩn mã trong khối bít
 - □ Khá đơn giản
 - □ Thường áp dụng cho ảnh đen trắng (ảnh nhị phân)
 - □ Ý tưởng:
 - Chia ảnh thành các khối con cỡ $m \times n$
 - Giấu thông tin vào các khối con sao cho thỏa mãn một bất biến nào đó

- Kĩ thuật ẩn mã trong khối bít (..)
 - □ Thuật toán Wu-Lee
 - •Do M.Y.Wu và J.H.Lee đề xuất năm 1998
 - Chia ảnh nhị phân thành các khối đều nhau
 - Mỗi khối là một ma trận nhị phân
 - Giấu thông tin mật vào mỗi khối bằng cách thay đổi nhiều nhất một bít của khối

- Thuật toán Wu-Lee (..)
 - \Box Định nghĩa các phép toán AND (\land) và XOR (\oplus) hai bít a, b tùy ý

а	b	$a \wedge b$	$a \oplus b$
1	1	1	0
1	0	0	1
0	1	0	1
0	0	0	0

- Thuật toánWu-Lee (..)
 - \Box Định nghĩa các phép toán AND (\land) và XOR (\oplus) hai ma trận A và B bít cùng cấp
 - Nếu $A = (a_{ij}), B = (b_{ij}), C = (c_{ij}), D = (d_{ij})$
 - •thì $A \wedge B = C \text{v\'oi} c_{ij} = a_{ij} b_{ij}$
 - \bullet và $A \oplus B = D$ với $d_{ij} = a_{ij} \oplus b_{ij}$

- Thuật toán Wu-Lee (..)
 - □ VD phép AND và XOR hai ma trận bít

1	0	1	1
1	1	0	1
0	1	0	0
1	0	1	1

Ma trận A

0	0	1	0
0	1	0	1
0	0	0	0
1	0	0	1

Ma trận C

0	0	1	0
0	1	1	1
1	0	1	0
1	1	0	1

Ma trận B

1	0	0	1
1	0	1	0
1	1	1	0
0	1	1	0

Ma trận D

- Thuật toánWu-Lee (..)
 - \Box Định nghĩa: Cho X là một ma trận bít thì SUM(X)được xác định là tổng các giá trị 1 trên ma trận X
 - □ VD: Xét hai ma trận A và B ở ví dụ trước
 - Thi SUM(A) = 10
 - \bullet SUM(B) = 9

- Các kĩ thuật trên ảnh số
 - Thuật toánWu-Lee (..)
 - □ Thuật toán:
 - Đầu vào:
 - \circ Ảnh gốc nhị phân F cỡ là bội của $m \times n$
 - Khóa bí mật K là một ma trận nhị phân cỡ
 m × n
 - Thông điệp bí mật dưới dạng bít
 - Đầu ra: Ảnh F' có nhúng tin

- Thuật toán Wu-Lee (..)
 - □ Thuật toán: (..)
 - Bước 1: Chia ảnh F thành các khối nhỏ, mỗi khối có kích thước là $m \times n$
 - $Bu\acute{o}c$ 2: Với mỗi khối ảnh nhỏ F_i thu được từ bước 1, ta kiểm tra điều kiện sau:

$$0 < SUM(F_i \land K) < SUM(K)$$

- \circ Nếu đúng thì chuyển đến bước 3 để giấu thông tin vào trong khối F_i
- \circ Không đúng thì không giấu dữ liệu vào trong khối F_i (khối F_i được giữ nguyên)

- Thuật toán Wu-Lee (..)
 - $Bu\acute{o}c$ 3: Gọi bít cần giấu vào trong khối F_i là b, thực hiện các bước sau để thay đổi F_i

```
if (SUM(F_i \land K) \mod 2 = b) then giữ nguyên F_i
else if (SUM(F_{i} \land K) = 1) then
             Chọn ngấu nhiên một bít (j,k) thỏa mãn đồng thời
             [F_i]_{jk} = 0 và [K]_{jk} = 1 sau đó chuyển giá trị của bít [F_i]_{jk} thành I
        else if (SUM(F_i \land K) = SUM(K) - 1) then
                     Chọn ngấu nhiên một bít (j,k) thỏa mãn đồng thời
                     [F_i]_{jk} = 1 và [K]_{jk} = 1 sau đó chuyển giá trị của bít [F_i]_{jk} thành 0
              else Chọn ngẫu nhiên một bít mà [K]_{ik} = 1 chuyển giá trị của bít [F_i]_{ik}
                      từ 0 trở thành 1, hoặc từ 1 trở thành 0
```

■ Thuật toán Wu-Lee (..)

□ VD:

Cần nhúng thông tin B vào ảnh F sử dụng khóa
 K như sau

	F_{1}			F_2	
1	1	0	1	1	1
1	1	1	1	1	0
0	1	0	0	0	0
0	0	1	0	0	0
1	1	0	1	1	1
0	1	1	0	1	0
	_				

Thông tin giấu B = 011

1	1	0
1	1	1
0	1	0

K

■ Thuật toán Wu-Lee (..)

□Bước 1:

•Chia ảnh F thành 4 khối nhỏ F_1 , F_2 , F_3 , F_4 có kích thước là 3×3

□Bước 2:

- Với mỗi F_i , kiểm tra điều kiện 0 < $SUM(F_i \land K) < SUM(K)$
 - \circ Đúng thì giấu vào F_i (thực hiện bước 3)
 - \circ Sai thì giữ nguyên F_i (không giấu)

- Thuật toán Wu-Lee (..)
 - \square Với F_1
 - Vì $0 < SUM(F_1 \land K) = SUM(K) = 6$ nên không giấu được dữ liệu vào trong F_1
 - \Box Với F_2
 - Vì $0 < SUM(F_2 \land K) = 4 < SUM(K) = 6$, nên một bít sẽ được giấu vào khối F_2 (giấu bit 0)
 - Thực hiện bước 3
 - o Ta thấy $SUM(F_2 \land K) \mod 2 = 4 \mod 2 = 0$ và cũng chính là bằng bít cần giấu b = 0 vì vậy khối F_2 được giữ nguyên

- Các kĩ thuật trên ảnh số
 - Thuật toánWu-Lee (..)
 - \Box Với F_3
 - •Ta có $0 < SUM(F_3 \land K) = 3 <$ SUM(K) = 6 nên có thể giấu bít thứ 2 là b = 1 vào khối này
 - •Thực hiện bước 3
 - Kiểm tra thấy $SUM(F_3 \land K) \mod 2 =$ 3 $\mod 2 = 1$ cũng chính bằng bít cần giấu nên ta vẫn giữ nguyên F_3

- Thuật toánWu-Lee (..)
 - $\Box V\acute{o}iF_4$
 - Ta có $0 < SUM(F_4 \land K) = 4 < SUM(K)$ nên có thể giấu bít thứ 3 là b = 1 vào khối này
 - Thực hiện bước 3
 - Kiểm tra thấy $SUM(F_4 \land K) \mod 2 = 4 \mod 2 = 0 \neq b$
 - Kiểm tra $SUM(F_4 \land K) = 4 \neq 1 \ v \text{à} \neq SUM(K) 1 = 5 \text{ vì vậy chọn ngẫu nhiên một bít } [K]_{jk} = 1 \text{ rồi đảo bít } [F]_{jk}$, cụ thể ở đây ta chọn bít $[K]_{21} = 1 \text{ và đảo bít } [F_4]_{21}$ từ 1 thành 0

- Thuật toán Wu-Lee (..)
 - □ Kết quả

 F_3

	F_1			F_2	
1	1	0	1	1	1
1	1	1	1	1	0
0	1	0	0	0	0
0	0	1	0	0	0
1	1	0	1	1	1
0	1	1	0	1	0

 F_4

K

	F_1'			F_2'	
1	1	0	1	1	1
1	1	1	1	1	0
0	1	0	0	0	0
0	0	1	0	0	0
1	1	0	0	1	1
0	1	1	0	1	0

 F_3'

 F_4'

- ThuậttoánWu-Lee (..)
 - □ Nhận xét:
 - Khóa K nhằm làm tăng độ mật của thuật toán
 - \circ Cần biết được kích thước khối là $m \times n$ và giá trị cụ thể của K
 - $F_i \wedge K$ quy định thuật toán chỉ được phép sửa các bít trong khối F_i ứng với bít 1 trong khóa K
 - $\circ \to K$ được xem như một mặt nạ, tạo ra khung nhìn cho thuật toán
 - Có thể thay phép ∧ bằng các phép toán khác

- Thuật toán Wu-Lee (..)
 - □ Nhận xét: (..)
 - Điều kiện $0 < SUM(F_i \land K) < SUM(K)$
 - \circ Loại trừ trường hợp $F_i \wedge$ K toàn 0 hoặc giống như khóa K thì không được giấu tin để tránh bị lộ
 - ullet Bước 3 tối đa chỉ đảo một bít của F_i
 - \circ Để được khối F'_i thỏa mãn bất biến: $SUM(F'_i \land K) \mod 2 = b$
 - \circ Việc chọn bít trong F_i để đảo cần tuân theo nguyên tắc: Nếu $F_i \wedge K$ có nhiều bít 1 thì chọn bít 1, ngược lại có quá ít bít 1 thì chọn bít 0
 - → Giảm khả năng bít đảo bị phát hiện

- Thuật toán Wu-Lee (..)
 - □ Nhận xét: (..)
 - Trích xuất thông tin cần sử dụng bất biến này
 - o Duyệt lần lượt các khối F'_i của ảnh đích F'. Nếu F'_i thỏa mãn điều kiện $0 < SUM(F'_i \land K) < SUM(K)$ thì tính bít b đã được giấu vào trong khối bằng công thức tính $b = SUM(F_i \land K) \mod 2$
 - Thay đổi nhiều nhất một bít của khối F_i khi giấu 1 bít thông tin vào trong khối nên với một khối có kích thước $m \times n$ đủ lớn thì sự thay đổi của F_i là nhỏ

- Thuật toán Wu-Lee (..)
 - □ Nhận xét: (..)
 - Nên chọn ảnh F không được có quá nhiều điểm trắng hoặc có quá nhiều điểm đen
 - Vì tỉ lệ bít giấu được sẽ rất thấp
 - Nếu áp dụng đối với ảnh đen trắng, thuật toán chưa đạt được những yêu cầu cần thiết về dung lượng, độ an toàn cũng như chất lượng ảnh
 - Sử dụng ảnh màu thì kết quả khả quan hơn

■ Bài tập:

□ Áp dụng thuật toán giấu tin trong khối bit Wu –
 Lee thực hiện nhúng và trích xuất tin B = 010 vào ảnh F sử dụng khóa K, với các giả thiết cho ở dưới.

KhóaK

Ảnh F					
1	1	0	1	0	1
1	0	1	1	1	1
0	1	1	0	1	0
0	1	0	1	1	1
1	1	1	0	0	0
0	1	1	1	0	0

0	1	0
1	1	1
0	1	1

- □ Với một khối ảnh con nào đó, tại sao trong trường hợp $sum(F_i \land K) = 1$ thì phải chọn vị trí điểm ảnh có bit bằng 0 để đảo?
- □ Bất biến của thuật toán này là gì? Vai trò của bất biến đó thể hiện như thế nào?

- Kĩ thuật ẩn mã trên miền tần số (DCT, DFT)
 - □ Sử dụng phương pháp biến đổi trực giao chẳng hạn như Cosine rời rạc hay Fourier,... để chuyển miền không gian ảnh sang miền tần số.
 - □ Thông điệp sẽ được nhúng trong miền không gian tần số của ảnh theo kĩ thuật trải phổ trong truyền thông.

Thuật toán Jsteg

- □ Quá trình nhúng tin:
 - $\partial \hat{a}u \ v \hat{a}o$: Ånh phủ c, thông điệp m
 - Đầu ra: Ảnh có nhúng tin s
 - 1. Chuyển đổi ảnh c sang miền DCT d trong các khối 8×8
 - 2. for i=1,...,l(m) do
 - 3. $p \leftarrow h$ ệ số DCT tiếp theo từ d
 - 4. while p=DC or p=0 or p=1 do
 - 5. $p \leftarrow h\hat{e} s\hat{o}$ DCT tiếp theo từ d
 - 6. end while
 - 7. $p_i \leftarrow p \mod 2 + m_i$
 - 8. $d_i \leftarrow p_i$
 - 9. end for
 - 10. Chuyển đổi mỗi khối 8 × 8 trở lại miền không gian để được s

- Quản lí trích xuất tin:
 - $\square D \hat{a} u \ v \hat{a} o$: Ånh phủ c, thông điệp m
 - \Box $D\hat{a}u$ ra: Ånh có nhúng tin s
 - 1. Chuyển đổi ảnh s sang miền DCT d trong các khối 8×8
 - 2. for i=1,...,l(s) do
 - 3. $p \leftarrow h\hat{e} s\hat{o}$ DCT tiếp theo từ d
 - 4. while p=DC or p=0 or p=1 do
 - 5. $p \leftarrow h\hat{e} s\hat{o}$ DCT ti $\hat{e}p$ theo tù d
 - 6. end while
 - 7. $m_i \leftarrow p \mod 2$
 - 8.end for

■ Bài tập áp dụng:

□ Cho ma trận các hệ số DCT 8 × 8 như sau:

1480	49	-61	0	0	0	1	0
10	0	1	-22	11	8	0	0
1	1	0	0	0	0	0	0
-19	0	1	27	1	1	1	1
1	1	0	0	0	0	0	0
-30	0	-19	1	0	1	0	1
0	0	0	0	1	-4	1	0
1	1	0	0	1	0	1	1

□ Áp dụng thuật toán Jsteg để ẩn đoạn mã 8 bit m = 00101101 và thực hiện trích xuất m sau khi nhúng.

Thuật toán OutGuess 0.1:

- □ Quá trình nhúng tin:
 - $D\hat{a}u \ v \hat{a}o$: Ånh phủ c, thông điệp m, khóa k
 - Đầu ra: Ảnh có nhúng tin
 - 1. Chuyển đổi ảnh c sang miền DCT d trong các khối 8×8
 - 2. Tạo chuỗi giả ngẫu nhiên dùng dữ liệu d và khóa k
 - 3. for i=1,...,l(m) do
 - p ← hệ số giả ngẫu nhiên DCT tiếp theo của ảnh c
 - 5. while p=DC or p=0 or p=1 do
 - p ← hệ số giả ngẫu nhiên DCT tiếp theo của ảnh
 - 7. end while
 - 8. $p_i \leftarrow p \mod 2 + m_i$
 - 9. c_i ← p_i
 - 10.end for
 - 11. Đưa các hệ số đã xáo trộn trở về vị trí ban đầu (dùng mầm khóa k)
 - 12. Chuyển đổi mỗi khối 8 × 8 trở lại miền không gian

Quá trình xuất tin:

- □ Đầu vào: Ánh có nhúng tin s
- $\square D \hat{a} u ra$: Thông điệp m
 - Chuyển đổi ảnh s sang miền DCT d trong các khối 8 × 8
 - Tạo chuỗi giả ngẫu nhiên dùng dữ liệu
 d và khóa k
 - 3. for i=1,...,l(s) do
 - p ← hệ số giả ngẫu nhiên DCT tiếp theo của ảnh s
 - 5. while p=DC or p=0 or p=1 do
 - p ← hệ số giả ngẫu nhiên DCT tiếp theo của ảnh
 - end while
 - 8. $m_i \leftarrow p \mod 2$
 - 9. end for

- Bài tập áp dụng:
 - □ Cho ma trận các hệ số DCT 8 × 8 như sau:

1480	49	-61	0	0	0	1	0
10	0	1	-22	11	8	0	0
1	1	0	0	0	0	0	0
-19	0	1	27	1	1	1	1
1	1	0	0	0	0	0	0
-30	0	-19	1	0	1	0	1
0	0	0	0	1	-4	1	0
1	1	0	0	1	0	1	1

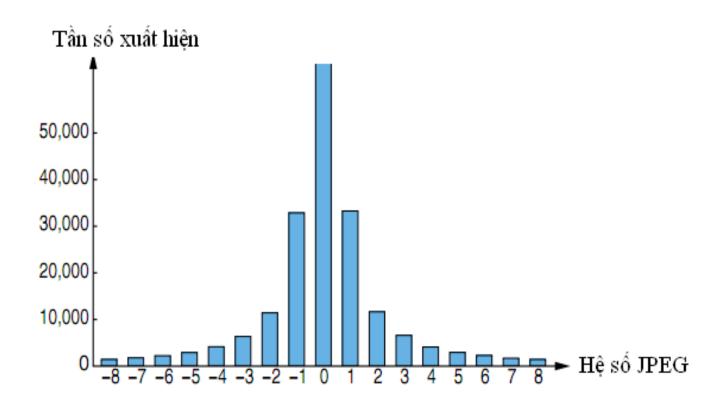
- □ Dựa trên thuật toán Outguess, yêu cầu:
 - Tạo chuỗi giả ngẫu nhiên DCT bằng cách trích rút các hệ số DCT trên theo sắp xếp zig – zag, sau đó dịch phải k = 3 vị trí
 - Thực hiện ẩn tin m = 01101011 trong khối ma trận trên

- Thuật toán Outguess 0.2:
 - □ Tương tự như Outguess 0.1, tuy nhiên sau khi nhúng tin có thêm quá trình hiệu chỉnh để ảnh sau khi nhúng có đặc tính tương tự như một hình "ảnh sạch" giúp chống lại được phương pháp phân tích thống kê

■ Thuật toán F3:

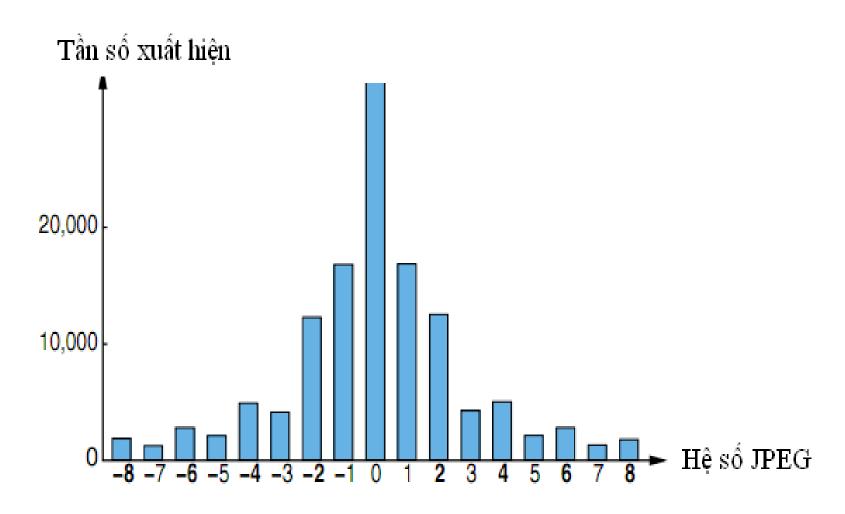
- □ Không ghi đè các bit mà giảm giá trị tuyệt đối của hệ số được nhúng. Không sử dụng hệ số 0 để nhúng
- □ LSB của hệ số khác 0 giống với thông điệp mật sau khi nhúng thì không ghi đè các bit vì kiểm tra khi bình phương có thể dễ dàng phát hiện ra những thay đổi đó.
- □ Trái ngược với Jsteg, F3 sử dụng các hệ số có giá trị 1.

■ Đối xứng của 1 và -1 có thể thấy trong hình dưới đây



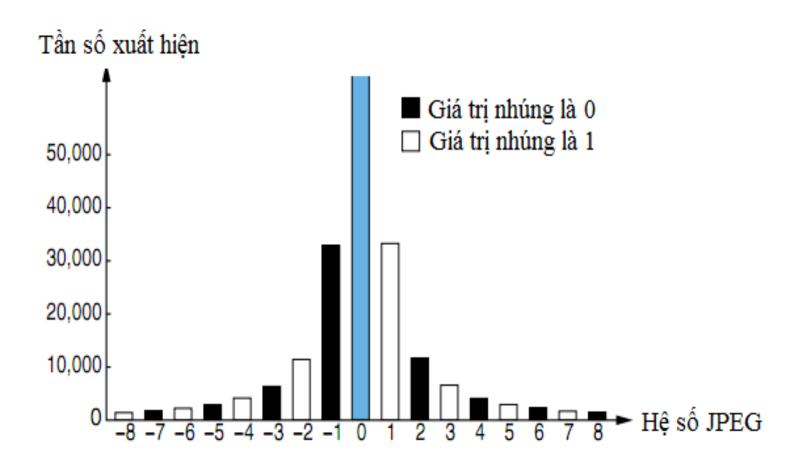
Biểu đồ các hệ số JPEG sau khi lượng tử hóa

- Một số bít được nhúng có thể gây nên sự hao hụt trong trường hợp thuật toán F3 giảm giá trị tuyệt đối của 1 và -1 thành 0. Người nhận không thể phân biệt được đâu là hệ số 0 thực sự hay là được sinh ra từ sự hao hụt trên.
- Thuật toán trích xuất sẽ bỏ qua tất cả các hệ số bằng 0. Do đó, người gửi sẽ nhúng lại các bít bị ảnh hưởng khi chính họ tạo ra hệ số 0.



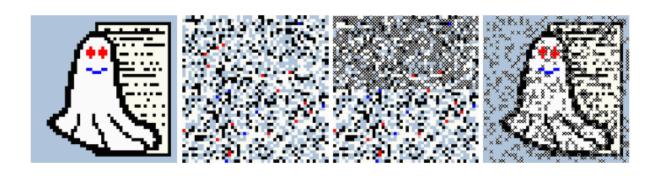
F3 tạo ra một số lượng lớn các hệ số chẵn

- Thuật toán F4: loại bỏ 2 điểm yếu của F3 (sự hao hụt, nhiều hệ số chẵn hơn so với hệ số lẻ) bằng cách ánh xạ các hệ số âm thành các giá trị ẩn mã ngược:
 - □ Các hệ số chẵn âm biểu diễn cho giá trị ẩn mã 1, lẻ âm là 0, chẵn dương biểu diễn cho 0, lẻ dương cho 1
 - Ví dụ: Nhúng 0 vào một hệ số DCT bằng -3, kết quả sẽ vẫn là -3, trong khi nếu dùng F3 thì nó sẽ được thay bằng -2



Biểu đồ các hệ số JPEG với thuật toán F4

- Thuật toán F5:
 - □ Sắp xếp hoán vị:
 - F5 sử dụng hoán vị để sắp xếp lại các hệ số trước rồi sau đó thực hiện nhúng tuần tự
 - Phép hoán vị phụ thuộc vào một khóa được lấy từ mật khẩu



Phép nhúng hoán vị phân phối những sự thay đổi(×)

■ Ma trận nhúng:

□ Ví dụ:

- Nhúng một thông điệp rất ngắn chỉ 217 byte (1736 bít), thuật toán F4 thay đổi 1157 vị trí trong ảnh Expro ở hình sau.
- Tuy nhiên, thuật toán F5 cũng nhúng thông điệp đó bằng cách sử dụng ma trận nhúng chỉ thay đổi 459 vị trí.



- Quá trình nhúng được mô tả:
 - □ Nhúng hai bit x_1 , x_2 vào 3 bit có thể sửa là a_1 , a_2 , a_3 mà chỉ thay đổi nhiều nhất là 1 bit. Có 4 trường hợp có thể xảy ra:
 - $x_1 = a_1 \oplus a_3$, $x_2 = a_2 \oplus a_3 \Longrightarrow$ không cần thay đổi gì
 - $x_1 \neq a_1 \oplus a_3$, $x_2 = a_2 \oplus a_3 \Longrightarrow$ thay đổi a_1
 - $x_1 = a_1 \oplus a_3$, $x_2 \neq a_2 \oplus a_3 \Longrightarrow$ thay đổi a_2
 - $x_1 \neq a_1 \oplus a_3$, $x_2 \neq a_2 \oplus a_3 \Longrightarrow$ thay đổi a_3
 - □ Trong 4 TH trên chỉ thay đổi không quá 1 bit

- Từ mã *a* với *n* bít có thể sửa, *k* bít thông điệp bí mật *x*.
- $\blacksquare f$ là hàm băm trích xuất k bít từ một từ mã.
- Ma trận nhúng cho phép tìm được từ mã a' được sửa một cách thích hợp với mọi a và x, sao cho x = f(a') để khoảng cách Hamming: $d(a, a') \le d_{max}$
- (d_{max}, n, k) : là một từ mã với n vị trí được thay đổi trong không quá d_{max} vị trí để nhúng k bit

- Thuật toán F5 thực hiện ma trận nhúng chỉ với $d_{max} = 1$.
- Với (1, n, k), các từ mã có độ dài n = 2^k − 1. Ta có phân phối thay đổi:

$$D(k) = \frac{1}{n+1} = \frac{1}{2^k}$$

Và tỉ lệ nhúng:

$$R(k) = \frac{k}{n} = \frac{k}{2^k - 1}$$

Sử dụng phân phối thay đổi và tỉ lệ nhúng ta xác định được sự hiệu quả của quá trình nhúng W(k):

$$W(k) = \frac{R(k)}{D(k)} = \frac{2^k}{2^k - 1} \cdot k$$

Hiệu quả của quá trình nhúng đối với mã (1, n, k)luôn luôn lớn hơn k

k	n	Mật độ sửa	Tỉ lệ nhúng	Hiệu quả nhúng
1	1	50.00%	100.00%	2
2	3	25.00%	66.67%	2.67
3	7	12.50%	42.86%	3.43
4	15	6.25%	26.67%	4.27
5	31	3.12%	16.13%	5.16
6	63	1.56%	9.52%	6.09
7	127	0.78%	5.51%	7.06
8	255	0.39%	3.14%	8.03
9	511	0.20%	1.76%	9.02

Quan hệ giữa mật độ thay đổi và tỉ lệ nhúng

■ Hình dưới đây cho thấy sự phụ thuộc giữa các bít thông báo x_i và các vị trí thay đổi bít a'_i .

f(a') a ₁ '	a ₂ '	a ₃ '		f(a')	a ₁ '	a ₂ '	a ₃ '	a ₄ '	a5'	a ₆ '	a ₇ '	
X ₁	X		X	-	X ₁	X		X		X		X	
\mathbf{x}_2		X	X		\mathbf{x}_2		X	X			X	X	
					X3				X	X	X	X	

■ Ta xác định hàm băm f:

$$f(a) = \bigoplus_{i=1}^{n} a_i \cdot i$$

■ Ta tìm vị trí bit:

$$s = x \oplus f(a)$$

■ Kết quả từ mã được thay đổi:

$$a = \begin{cases} a, n \in u \ s = 0 \ (\leftrightarrow x = f(a)) \\ (a_1, a_2, ..., a_s, ..., a_n), n g u \circ c \ l \neq i \end{cases}$$

$$a' = \begin{cases} a, n \in u \ s = 0 \ (\leftrightarrow x = f(a)) \\ (a_1, a_2, ..., \neg a_s, ..., a_n), n g u \circ c \ l \neq i \end{cases}$$

- Mô tả thuật toán F5:
 - □ Quá trình nhúng:
 - Lấy biểu diễn RGB của ảnh đầu vào
 - Tính bảng lượng tử tương ứng với yếu tố chất lượng của ảnh Q và nén ảnh trong khi lưu các hệ số lượng tử DCT.
 - Tính toán công suất dự kiến khi không có ma trận nhúng:

$$C = h_{DCT} - \frac{h_{DCT}}{64} - h(0) - h(1) + 0.49h(1)$$

- h_{DCT} là tất cả các hệ số DCT
- o h(0) là số các hệ số AC DCT bằng 0
- o h(1) là số các hệ số AC DCT có trị tuyệt đối bằng 1
- $\circ \frac{h_{DCT}}{64}$ là số các hệ số DC
- -h(1) + 0.49h(1) = -0.51h(1)là ước lượng sự hao hụt

■ Dùng mật khấu do người dùng xác định trước để sinh ra một mầm cho PRNG nhằm xác định cách nhúng ngẫu nhiên các bít thông điệp. PRNG cũng được sử dụng để sinh một dãy bít giả ngẫu nhiên, dãy bít này sẽ được XOR với thông điệp để tạo nên dãy bít được ngẫu nhiên hóa. Trong suốt quá trình nhúng, bỏ qua các hệ số DC và các hệ số bằng 0.

■ Chia thông điệp thành các đoạn k bít mà được nhúng thành một nhóm $2^k - 1$ hệ số theo cách ngẫu nhiên. Nếu giá trị băm của nhóm đó không khớp với các bít thông điệp thì giảm giá trị tuyệt đối của một trong các hệ số của nhóm đi 1 để khớp được với dãy bít thông điệp. Nếu hệ số chuyển thành 0 thì gọi là hao hụt và nhúng lại k bít thông điệp giống như vậy vào nhóm hệ số DCT tiếp theo (chú ý là LSB(d) = $d \mod 2$, với d > 0 và LSB(d) = 1 $d \mod 2$, với d < 0).

■ Nếu kích cỡ của thông điệp khớp với dung lượng đã ước lượng thì tiến hành nhúng, ngược lại hiển thị thông điệp báo lỗi chỉ rõ độ dài tối đa có thể. Có một số trường hợp ít xảy ra khi dự đoán công suất sai vì sự hao hụt đã dự tính lớn hơn. Trong những trường hợp này, chương trình cần nhúng càng nhiều càng tốt và đưa ra cảnh báo.

Chương 2. Ẩn mã



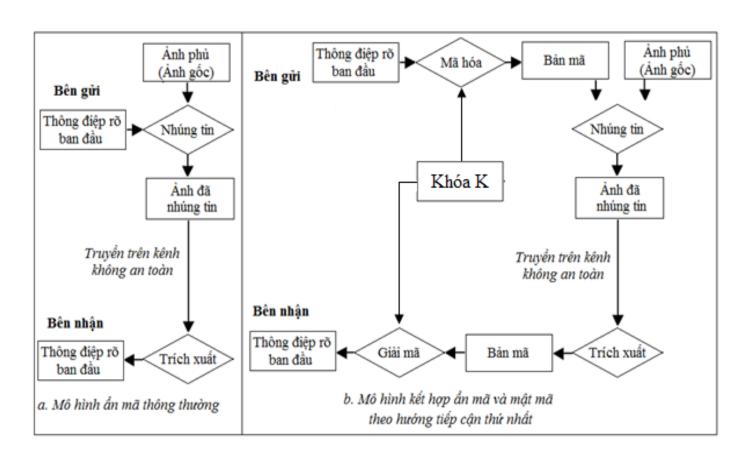
- Ẩn mã trong tệp âm thanh:
 - An mã trong âm thanh mang những đặc điểm riêng khác với ẩn mã trong các đối tượng đa phương tiện khác. Để đảm bảo yêu cầu cơ bản của ẩn mã thì giấu tin trong tệp âm thanh thuộc vào hệ thống thính giác của con người. Hệ thống thính giác của con người nghe được các tín hiệu ở các dải tần rộng và công suất lớn, đặc điểm này gây khó khăn trong phương pháp giấu tin trong âm thanh
 - Giấu thông tin trong tệp âm thanh đòi hỏi yêu cầu rất cao về tính đồng bộ và tính an toàn của thông tin, các phương pháp giấu thông tin trong âm thanh đều lợi dụng điểm yếu trong hệ thống thính giác của con người

- Ẩn mã trong tệp văn bản
 - □ Được phân thành 2 hướng:
 - Văn bản chứa là văn bản được chụp lại và lưu trên máy như 1 ảnh nhị phân => Kĩ thuật này thực hiện như giấu tin trong ảnh nhị phân
 - Phương tiện chứa sử dụng để giấu tin được lưu dưới dạng văn bản
 - 0 Ẩn dữ liệu bằng cách dịch chuyển dòng (line shift)
 - Ẩn dữ liệu bằng cách dịch chuyển từ (word shift)
 - Phương pháp khoảng trắng mở
 - Phương pháp cú pháp
 - Phương pháp ngữ nghĩa (Semantic methods)

Chương 2. Ẩn mã

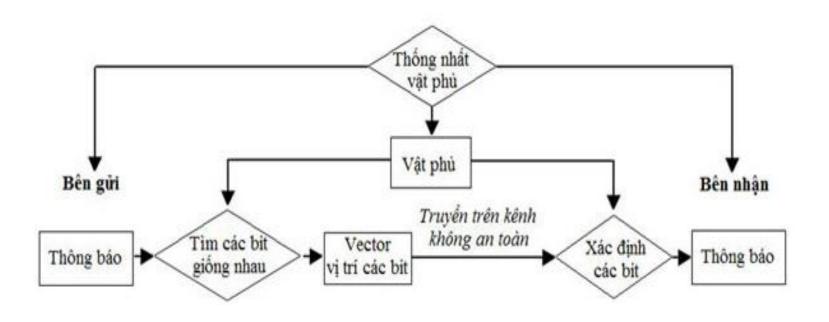


■ Kết hợp ẩn mã và mật mã có sửa vật phủ:



Mô hình ẩn mã thông thường và kết hợp với mật mã

■ Kết hợp ẩn mã và mật mã không sửa vật phủ



Mô hình kết hợp ẩn mã và mật mã không sửa vật phủ

Bài tập lớn

- Lập trình xây dựng chương trình giấu tin mật trong ảnh RGB sử dụng kĩ thuật LSB và trích xuất được tin mật từ ảnh đã được giấu tin
- Lập trình xây dựng chương trình giấu tin mật dùng thuật toán Jsteg