

\mathbf{DMA}

Ugeopgave 8 Matti Andreas Nielsen 4. januar 2017

Indhold

1	\mathbf{Del}																								2
	1.1								•			 		•											2
	1.2					٠					•														2
	1.3		•	 •	•	•		•	•					•	•			•		•	•	•	•		2
2	Del																								3
	2.1	•			•																				3
	2.2																								1

1 Del

1.1

Formlen for antallet af måder hvorpå man kan danne en ordnet liste af r tal fra mængden $\{1, 2, ..., 500\}$ når gentagelser er tilladt er 500^r fordi selvom dét er en ordnet liste, så når gentagelser er tilladt så kan man i worst case vælge tallet 500 hver eneste gang.

Uden gentagelser kan man opskrive formlen $\frac{500!}{(500-r)!}$

1.2

Lad n være længden på vores hashtable og 500 er mængden af unikke udfald eller hash værdier vores nøgle funktion f kan generer.

Så første gang vi indsætter et element så er der $(\frac{500}{500}) = 1 \leftrightarrow 100\%$ chance for at vi ikke får en kollision, så hvis vi f.eks vil indsætte 3 tal får vi

$$\frac{500}{500} \times \frac{499}{500} \times \frac{498}{500}$$

det kan vi prøve at sætte på samme brøkstreg

$$\frac{500 \times 499 \times 498}{500^3}$$

Dette kan vi omskrive videre ved at bruge fakulteter til

$$\frac{\frac{500!}{(500-n)!}}{500^n}$$

Og det er måske ikke så praktisk når man kun vil indsætte 3 tal, men hvis man skal indsætte 25 giver det mening.

f.eks

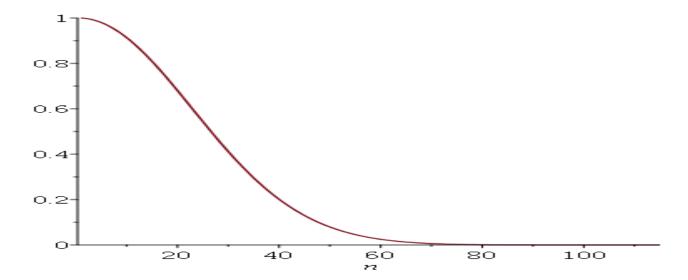
$$\frac{\frac{500!}{(500-30)!}}{500^{30}} = 0.41 \leftrightarrow 41\%$$

chance for ikke at få en kollision.

1.3

Kan se på figur 1 at jeg har plottet hashfunktionen imellem 1 og 100 når den har plads til 500 hashes

og det ligner at den rammer under 50% chance for ikke at få en kollision omkring 27



Figur 1: Sandsynligheden for at en kollision ikke forekommer i en hashtabel

2 Del

2.1

Relationen R på $\mathbb R$ givet ved

$$xRy \iff x - y \in \mathbb{Z}$$

(her er \mathbb{Z} mængden af hele tal).

• Symmetrisk: Relationen er symmetrisk fordi

$$xRy \iff x - y \in \mathbb{Z}$$

$$\iff y - x \in \mathbb{Z}$$

$$\iff yRx$$

• Refleksiv: Relationen er refleksiv fordi

$$x = y \implies x - y = 0 \in \mathbb{Z}$$

• Transitiv: Relationen er transitiv fordi

$$(a,b),(b,c)\in R\implies a-b\in\mathbb{Z}\wedge b-c\in\mathbb{Z}\implies (a-b)+(b-c)\in\mathbb{Z}\implies (a-c)\in\mathbb{Z}$$

Vi kan derfor konkludere at relationen er en ækvivalens relation

2.2

Relationen S på \mathbb{R} givet ved

$$xSy \iff xy > 0$$

- Symmetrisk: S er symmetrisk pgadet er lige meget hvilken rækkefølge man ganger i så får man det samme, dét vil sige at alle tal som er med i relationen kan byttes om, og så vil de stadig være med i relationen.
- Refleksiv: Ser ikke refleksiv fordi $0,0\in S\wedge 0*0\neq>0$
- \bullet Transitiv: S er transitiv, fordi

$$(a,b),(b,c) \in S \implies ab > 0 \land bc > 0 \implies b^2ac > 0$$

Fordi

$$ab > 0 \implies b \neq 0$$

kan vi give b en negativ eksponent, ved at gange med

$$b^{-2}$$

og får

$$b^{-2}b^2ac > 0 \implies ac > 0$$