

Федеральное государственное бюджетное образовательное
учреждение высшего образования «Сибирский государственный
университет телекоммуникаций и информатики»

кафедра ПМиК

КУРСОВАЯ РАБОТА

по дисциплине «Объектно-ориентированное программирование»

Тема: «Построение ДОП (дерево оптимального поиска)»

Выполнил: студент группы ИП-111

Кузьменок Д.В.

Проверил: ассистент кафедры ПМиК

Дементьева К.И.

Новосибирск

2022

Содержание

| | |
|-----------------------------------------------|----|
| 1. Постановка задачи..... | 3 |
| 2. Технологии ООП..... | 4 |
| 3. Структура классов..... | 11 |
| 4. Программная реализация..... | 13 |
| 5. Результат работы..... | 18 |
| 6. Заключение..... | 20 |
| 7. Приложение. Листинг..... | 21 |
| 8. Список литературы и других источников..... | 28 |

Постановка задачи

1. Используя знания из предмета “Структуры и алгоритмы обработки данных” реализовать алгоритм построения дерева оптимального поиска, где новой и, пожалуй, основной чертой является вес вершины.

2. В программе должны использоваться методы объектно-ориентированного программирования (инкапсуляция, наследование, полиморфизм, списки инициализации, абстрактный класс и виртуальные методы, статические переменные, шаблоны).

3. Построить и вывести три матрицы: весов (AW), взвешенных весов поддеревьев (AP), корней поддеревьев (AR) – благодаря которым и строится оптимальное дерево поиска. По завершению программы на экран должны выводиться характеристики дерева – размер, контрольная сумма, высота и средневзвешенная высота – для сравнения с другими деревьями поиска.

Технологии ООП

Инкапсуляция – это поля, которые меняются или используются только внутри класса, т.е. доступа извне к ним нет (из экземпляра класса). Доступ к закрытым полям можно получить только с помощью геттеров и сеттеров.

```
template <class T>
class Vertex
{
protected:
    static int W;
    T Data;
    Vertex<T>* Left;
    Vertex<T>* Right;
    Vertex<T>* Head;

public:

    Vertex() :Left(NULL), Right(NULL), Head(NULL)
    {
        ...
    }

    ~Vertex()
    {
        Data = 0;
        Left = NULL;
        Right = NULL;
    }

    int getW()
    {
        return this->W;
    }

    void setW(int new_weight)
```

Рисунок 1 – Инкапсуляция.

Наследование – механизм базирования объекта или класса на другом объекте (наследование на основе прототипа) или классе (наследование на основе класса) с сохранением аналогичной реализации.

```
template <class T>
class Vertex
{
protected:
    static int W;
    T Data;
    Vertex<T>* Left;
    Vertex<T>* Right;
    Vertex<T>* Head;

public:
    Vertex() :Left(NULL), Right(NULL), Head(NULL)
    {
    }

    ~Vertex()
    {
        Data = 0;
        Left = NULL;
        Right = NULL;
    }
}
```

Рисунок 2 – Родительский класс.

```

template <class T>
class BinaryTree : public Vertex<T>
{
protected:
    Vertex<T>* Root;
    T A[N];
public:
    BinaryTree() :Root(NULL)
    {
    }

    void setRoot(Vertex<T>* new_Root)
    {
        this->Root = new_Root;
    }

    int random()
    {
        return rand() % 256;
    }
}

```

Рисунок 3 – Дочерний класс класса Vertex.

```

template <class T>
class DOPTree : public BinaryTree<T>
{
private:
    int AW[N + 1][N + 1];
    int AP[N + 1][N + 1];
    int AR[N + 1][N + 1];
    int W[N];
    T V[N];
public:
    void randVW()
    {
        for (int i = 0; i < N; i++)
        {
            V[i] = i + 1;
            W[i] = 1 + rand() % 10;
        }
    }

    void calculateW()
    {
        for (int i = 0; i <= N; i++)
            for (int j = i + 1; j <= N; j++)
                AW[i][j] = AW[i][j - 1] + W[j - 1];
    }
}

```

Рисунок 4 – Дочерний класс класса BinaryTree

Полиморфизм – это свойство системы использовать объекты с одинаковым интерфейсом без информации о типе и внутренней структуре объекта. В моём случае он реализован в виде виртуальных методов.

```

virtual int SDP(Vertex<T>* p, int level) = 0;

```

Рисунок 5 – Чистый виртуальный метод, находящееся в классе BinaryTree, где с помощью наследования в классе DOPTree она будет переопределяться.

```

int SDP(Vertex<T>* p, int level)
{
    if (p == NULL)
    {
        return 0;
    }
    else
    {
        return level * (p->getW()) + SDP(p->getLeft(), level + 1) +
            SDP(p->getRight(), level + 1);
    }
}

```

Рисунок 6 – Переопределение метода в классе-наследнике

Списки инициализации – метод, при котором инициализируются переменные члены класса вместо присваивания им значений после их создания.

```

Vertex() :Left(NULL), Right(NULL), Head(NULL)
{
    ...
}

```

Рисунок 7 – Списки инициализации для указателей вершины в классе Vertex.

```

BinaryTree() :Root(NULL)
{
    ...
}

```

Рисунок 8 – Списки инициализации для корня всего дерева в классе BinaryTree.

Виртуальный метод - в объектно-ориентированном программировании метод класса, который может быть переопределён в классах-наследниках так, что конкретная реализация метода для вызова будет определяться во время исполнения.

Абстрактный класс - это класс, у которого не реализован один или больше методов.


```
virtual int SDP(Vertex<T>* p, int level) = 0;
```

Рисунок 9 – Чистый виртуальный метод в классе BinaryTree, который будет переопределён в классе-наследнике DOPTree. Также класс BinaryTree является абстрактным, так как содержит чистый виртуальный метод.

```
int SDP(Vertex<T>* p, int level)
{
    if (p == NULL)
    {
        return 0;
    }
    else
    {
        return level * (p->getW()) + SDP(p->getLeft(), level + 1) +
            SDP(p->getRight(), level + 1);
    }
}
```

Рисунок 10 – Переопределение виртуального метода в дочернем классе DOPTree.

Статическая переменная – это переменная, которая не исчезает после завершения работы функции. Значение статической переменной можно использовать при следующем вызове функции - она по-прежнему будет иметь то же значение, которое получила при последнем вызове функции.

```
template <class T>
class Vertex
{
protected:
    static int W;
```

Рисунок 11 – Использование статической переменной при создании вершин дерева.

Шаблоны - это фрагменты обобщённого кода, в котором некоторые типы или константы вынесены в параметры. Шаблонами могут быть функции, структуры (классы) и даже переменные. Компилятор превращает использование шаблона в конкретный код, подставляя в него нужные

параметры на этапе компиляции. Шаблоны позволяют писать общий код, пригодный для использования с разными типами данных.

```
template <class T>
class Vertex
{
protected:
    static int W;
    T Data;
    Vertex<T>* Left;
    Vertex<T>* Right;
    Vertex<T>* Head;
};

template <class T>
class BinaryTree : public Vertex<T>
{
protected:
    Vertex<T>* Root;
};
```

```
int main()
{
    srand(time(NULL));

    DOPTree<int> tree;

    tree.randVW();
    tree.calculateW();
    tree.calculatePR();
    Vertex<int>* p = tree.getRoot();
    tree.createTree(0, N, p);
}
```

Рисунки 12 – Использование шаблонов для того, чтобы в вершинах дерева могли записываться различные типы данных.

Структура классов

Классы в C++ — это абстракция, которая описывает методы, свойства, еще не существующих объектов.

Объекты – конкретное представление абстракции, имеющие свои свойства и методы.

В ООП существует три основных принципа построения классов:

- 1) Инкапсуляция;
- 2) Наследование;
- 3) Полиморфизм.

Спецификаторы доступа:

1. `Public` – это члены структуры или класса, к которым можно получить доступ извне структуры или класса.
2. `Private` – это члены класса, к которым могут получить доступ только другие члены класса.

```

template <class T>
class DOPTree : public BinaryTree<T>
{
private:
    int AW[N + 1][N + 1];
    int AP[N + 1][N + 1];
    int AR[N + 1][N + 1];
    int W[N];
    T V[N];
public:

    void randVW()
    {
        for (int i = 0; i < N; i++)
        {
            V[i] = i + 1;
            W[i] = 1 + rand() % 10;
        }
    }

    void calculateW()
    {
        for (int i = 0; i <= N; i++)
            for (int j = i + 1; j <= N; j++)
                AW[i][j] = AW[i][j - 1] + W[j - 1];
    }
}

```

Рисунок 13 – Класс DOPTree, у которого матрицы из private участвуют в методах в public.

3. Protected – позволяет получить доступ к члену класса, к которому принадлежит член, друзья и производные класса. Однако Protected члены недоступны вне класса.

```

template <class T>
class Vertex
{
protected:
    static int W;
    T Data;
    Vertex<T>* Left;
    Vertex<T>* Right;
    Vertex<T>* Head;
}

```

Рисунок 14 – Спецификатор `protected`, используемый в дочерних классах для инициализации вершины дерева и для их привязки между друг другом.

Программная реализация

Все основные действия программы регулируются в функции `int main()`. В ней я создаю объект дерева, строю матрицы для дерева оптимального поиска, беру указатель на корень дерева из самого основного класса `Vertex` и в конечном итоге строю само дерево. Также здесь присутствует вывод матриц, на случай ручной проверки корректности работы программы, и вывод основных характеристик дерева.

```

int main()
{
    srand(time(NULL));

    DOPTree<int> tree;

    tree.randVW();
    tree.calculateW();
    tree.calculatePR();
    Vertex<int>* p = tree.getRoot();
    tree.createTree(0, N, p);

    cout << "DOP left to right:\n";
    tree.printLR(p);
    cout << endl << endl;
    tree.printAWmatrix();
    cout << endl << endl;
    tree.printAPmatrix();
    cout << endl << endl;
    tree.printARmatrix();

    printf("\n\nn=100 | size |    sum    | height | Wavgh\n");
    printf(
        "DOP    | %4d | %9d | %6d | %3.3f\n",
        tree.size(tree.getRoot()),
        tree.sum(tree.getRoot()),
        tree.height(tree.getRoot()),
        tree.WaverageHeight());

    return 0;
}

```

Рисунок 15 – Функция main().

class Vertex – основной родительский класс, в нем происходит инициализация вершин и привязка между ними с помощью указателя Head, который содержится в списках инициализации.

```
template <class T>
class Vertex
{
protected:
    static int W;
    T Data;
    Vertex<T>* Left;
    Vertex<T>* Right;
    Vertex<T>* Head;

public:
    Vertex() :Left(NULL), Right(NULL), Head(NULL)
    {
    }

    ~Vertex()
    {
        Data = 0;
        Left = NULL;
        Right = NULL;
    }

    int getW()
    {
        return this->W;
    }

    void setW(int new_weight)
    {
        this->W = new_weight;
    }

    void setLeft(Vertex<T>* new_Left)
    {
        this->Left = new_Left;
    }

    void setRight(Vertex<T>* new_Right)
    {
        this->Right = new_Right;
    }

    void setHead(Vertex<T>* new_Head)
    {
        this->Head = new_Head;
    }

    Vertex<T>* getLeft()
    {
        return this->Left;
    }

    Vertex<T>* getRight()
    {
        return this->Right;
    }

    Vertex<T>* getHead()
    {
        return this->Head;
    }

    T getData()
    {
        return Data;
    }

    void setData(T new_data)
    {
        this->Data = new_data;
    }
};
```

Рисунок 16 – Класс Vertex (основной родительский).

class BinaryTree – дочерний класс класса Vertex. Наследуется указатель на корень дерева. В самом же классе происходит подсчёт всех необходимых параметров дерева оптимального поиска.

```

#include <iostream>
using namespace std;
class BinaryTree : public Vertex {
public:
    BinaryTree() { root = NULL; }
    BinaryTree(int root) { root = root; }
    void setRoot(Vertex* new_root) {
        this->root = new_root;
    }
    int random() {
        return rand() % 256;
    }
    void fillarr() {
        for (int i = 0; i < n; i++) {
            a[i] = random();
        }
    }
    int size(Vertex* p) {
        if (p == NULL) {
            return 0;
        }
        else {
            return 1 + size(p->getleft()) + size(p->getright());
        }
    }
    int height(Vertex* p) {
        if (p == NULL) {
            return 0;
        }
        else {
            return 1 + max(height(p->getleft()), height(p->getright()));
        }
    }
    float averageheight() {
        return sum(root, 1) / (float)size(root);
    }
    virtual int sum(Vertex* p, int level) = 0;
    int sum(Vertex* p) {
        if (p == NULL) {
            return 0;
        }
        else {
            return p->getdata() + sum(p->getleft()) + sum(p->getright());
        }
    }
    void printA(Vertex* p) {
        if (p != NULL) {
            printA(p->getleft());
            cout << p->getdata() << " ";
            printA(p->getright());
        }
    }
    Vertex* getRoot() {
        return this->root;
    }
};

```

Рисунок 17 – Класс BinaryTree.

class DOPTree – дочерний класс класса BinaryTree. В нём происходит построение и вывод три матрицы: весов (AW), взвешенных весов поддеревьев (AP), корней поддеревьев (AR) – благодаря которым и строится оптимальное дерево поиска.

```

class DOPTree(BinaryTree):
    def __init__(self, root):
        super().__init__(root)
        self.AW = None
        self.AP = None
        self.AR = None

    def __str__(self):
        return self.__str__(self.root)

    def __str__(self, node):
        if node is None:
            return ''
        return str(node.value) + '\n' + self.__str__(node.left) + self.__str__(node.right)

    def buildAW(self):
        self.AW = [[0] * self.n for _ in range(self.n)]
        for i in range(self.n):
            for j in range(self.n):
                self.AW[i][j] = self.getAW(i, j)

    def getAW(self, i, j):
        if i == j:
            return 1
        if i > j:
            return 0
        return self.AW[i][j]

    def buildAP(self):
        self.AP = [[0] * self.n for _ in range(self.n)]
        for i in range(self.n):
            for j in range(self.n):
                self.AP[i][j] = self.getAP(i, j)

    def getAP(self, i, j):
        if i == j:
            return 1
        if i > j:
            return 0
        return self.AP[i][j]

    def buildAR(self):
        self.AR = [[0] * self.n for _ in range(self.n)]
        for i in range(self.n):
            for j in range(self.n):
                self.AR[i][j] = self.getAR(i, j)

    def getAR(self, i, j):
        if i == j:
            return i
        if i > j:
            return 0
        return self.AR[i][j]

    def buildOptimalTree(self):
        self.buildAW()
        self.buildAP()
        self.buildAR()
        self.root = self.getOptimalRoot()

    def getOptimalRoot(self):
        return self.getOptimalRoot(0, self.n - 1)

    def getOptimalRoot(self, i, j):
        if i == j:
            return i
        if i > j:
            return 0
        return self.getOptimalRoot(i, j)

    def __str__(self, node):
        if node is None:
            return ''
        return str(node.value) + '\n' + self.__str__(node.left) + self.__str__(node.right)

```

Рисунок 18 – Класс DOPTree.

Результаты работы

Результатом моей курсовой работы стало корректное построение дерева оптимального поиска (было все проверено вручную) и вывод правильных характеристик, которые ещё раз подтверждают, что дерево оптимального поиска стоит на лидирующем месте среди остальных деревьев.

```
DOP left to right:
1 2 3 4 5 6 7 8 9 10
```

Рисунок 19 - Вывод обхода дерева слева направо.

| AW | 0 | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 | 9 | 10 |
|----|---|---|---|----|----|----|----|----|----|----|----|
| 0 | 0 | 2 | 8 | 15 | 19 | 23 | 26 | 30 | 32 | 36 | 44 |
| 1 | 0 | 0 | 6 | 13 | 17 | 21 | 24 | 28 | 30 | 34 | 42 |
| 2 | 0 | 0 | 0 | 7 | 11 | 15 | 18 | 22 | 24 | 28 | 36 |
| 3 | 0 | 0 | 0 | 0 | 4 | 8 | 11 | 15 | 17 | 21 | 29 |
| 4 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 4 | 7 | 11 | 13 | 17 | 25 |
| 5 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 3 | 7 | 9 | 13 | 21 |
| 6 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 4 | 6 | 10 | 18 |
| 7 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 2 | 6 | 14 |
| 8 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 4 | 12 |
| 9 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 8 |
| 10 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 |

Рисунок 20 – Вывод матрицы весов.

| AP | 0 | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 | 9 | 10 |
|----|---|---|----|----|----|----|----|----|----|----|-----|
| 0 | 0 | 2 | 10 | 24 | 33 | 45 | 54 | 69 | 77 | 93 | 120 |
| 1 | 0 | 0 | 6 | 19 | 27 | 39 | 48 | 63 | 71 | 85 | 112 |
| 2 | 0 | 0 | 0 | 7 | 15 | 26 | 35 | 47 | 53 | 67 | 93 |
| 3 | 0 | 0 | 0 | 0 | 4 | 12 | 18 | 29 | 35 | 47 | 69 |
| 4 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 4 | 10 | 19 | 25 | 35 | 57 |
| 5 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 3 | 10 | 14 | 24 | 43 |
| 6 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 4 | 8 | 18 | 34 |
| 7 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 2 | 8 | 22 |
| 8 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 4 | 16 |
| 9 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 8 |
| 10 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 |

Рисунок 21 – Вывод матрицы взвешенных весов поддеревьев.

| AR | 0 | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 | 9 | 10 |
|----|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|----|
| 0 | 0 | 1 | 2 | 2 | 3 | 3 | 3 | 3 | 3 | 3 | 5 |
| 1 | 0 | 0 | 2 | 3 | 3 | 3 | 3 | 3 | 3 | 5 | 5 |
| 2 | 0 | 0 | 0 | 3 | 3 | 4 | 4 | 5 | 5 | 5 | 7 |
| 3 | 0 | 0 | 0 | 0 | 4 | 4 | 5 | 5 | 5 | 7 | 7 |
| 4 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 5 | 5 | 6 | 6 | 7 | 7 |
| 5 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 6 | 7 | 7 | 7 | 9 |
| 6 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 7 | 7 | 7 | 9 |
| 7 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 8 | 9 | 10 |
| 8 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 9 | 10 |
| 9 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 10 |
| 10 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 |

Рисунок 22 – Вывод матрицы корней поддеревьев (в ячейках матрицы содержатся индексы элементов исходного массива).

| | | | | |
|------|------|-----|--------|-------|
| n=10 | size | sum | height | wavgh |
| DOP | 10 | 55 | 4 | 2.900 |

Рисунок 23 – Вывод основных характеристик дерева.

Заключение

В конечном итоге, у меня получилось реализовать дерево оптимального поиска, используя по максимуму технологии ООП. Были реализованы все необходимые функции подсчёта, строительства и вывода, чтобы в результате получить корректно работающую программу.

Приложение. Листинг

```
#include <algorithm>
#include <iostream>
#include <time.h>

#define N 10

using namespace std;

template <class T>
class Vertex
{
protected:
    static int W;
    T Data;
    Vertex<T>* Left;
    Vertex<T>* Right;
    Vertex<T>* Head;

public:

    Vertex() :Left(NULL), Right(NULL), Head(NULL)
    {

    }

    ~Vertex()
    {
        Data = 0;
        Left = NULL;
        Right = NULL;
    }

    int getW()
    {
        return this->W;
    }

    void setW(int new_weight)
    {
        this->W = new_weight;
    }

    void setLeft(Vertex<T>* new_Left)
    {
        this->Left = new_Left;
    }

    void setRight(Vertex<T>* new_Right)
    {
        this->Right = new_Right;
    }

    void setHead(Vertex<T>* new_Head)
    {
        this->Head = new_Head;
    }
}
```

```

Vertex<T>* getLeft()
{
    return this->Left;
}

Vertex<T>* getRight()
{
    return this->Right;
}

Vertex<T>* getHead()
{
    return this->Head;
}

T getData()
{
    return Data;
}

void setData(T new_data)
{
    this->Data = new_data;
}
};

template <class T>
int Vertex<T>::W = 0;

template <class T>
class BinaryTree : public Vertex<T>
{
protected:
    Vertex<T>* Root;
    T A[N];
public:

    BinaryTree() :Root(NULL)
    {

    }

    void setRoot(Vertex<T>* new_Root)
    {
        this->Root = new_Root;
    }

    int random()
    {
        return rand() % 256;
    }

    void fillArr()
    {
        for (int i = 0; i < N; i++)
        {
            A[i] = random();
        }
    }
}

```

```

int size(Vertex<T>* p)
{
    if (p == NULL)
    {
        return 0;
    }
    else
    {
        return 1 + size(p->getLeft()) + size(p->getRight());
    }
}

int height(Vertex<T>* p)
{
    if (p == NULL)
    {
        return 0;
    }
    else
    {
        return 1 + max(height(p->getLeft()), height(p->getRight()));
    }
}

float averageHeight()
{
    return SDP(Root, 1) / (float)size(Root);
}

virtual int SDP(Vertex<T>* p, int level) = 0;

int sum(Vertex<T>* p)
{
    if (p == NULL)
    {
        return 0;
    }
    else
    {
        return p->getData() + sum(p->getLeft()) + sum(p->getRight());
    }
}

void printLR(Vertex<T>* p)
{
    if (p != NULL)
    {
        printLR(p->getLeft());
        cout << p->getData() << " ";
        printLR(p->getRight());
    }
}

Vertex<T>* getRoot()
{
    return this->Root;
}

```

```
};
```

```

template <class T>
class DOPTree : public BinaryTree<T>
{
private:
    int AW[N + 1][N + 1];
    int AP[N + 1][N + 1];
    int AR[N + 1][N + 1];
    int W[N];
    T V[N];
public:

    void randVW()
    {
        for (int i = 0; i < N; i++)
        {
            V[i] = i + 1;
            W[i] = 1 + rand() % 10;
        }
    }

    void calculateW()
    {
        for (int i = 0; i <= N; i++)
            for (int j = i + 1; j <= N; j++)
                AW[i][j] = AW[i][j - 1] + W[j - 1];
    }

    void calculatePR()
    {
        int i, j, m, min, k, h;
        for (i = 0; i < N; i++)
        {
            j = i + 1;
            AP[i][j] = AW[i][j];
            AR[i][j] = j;
        }
        for (h = 2; h <= N; h++)
        {
            for (i = 0; i <= N - h; i++)
            {
                j = i + h;
                m = AR[i][j - 1];
                min = AP[i][m - 1] + AP[m][j];
                for (k = m + 1; k <= AR[i + 1][j]; k++)
                {
                    int x = AP[i][k - 1] + AP[k][j];
                    if (x < min)
                    {
                        m = k;
                        min = x;
                    }
                }
                AP[i][j] = min + AW[i][j];
                AR[i][j] = m;
            }
        }
    }

    void add(T D, int W, Vertex<T>*& p)

```



```

{
    if (p == NULL)
    {
        p = new Vertex<T>;
        if (this->getRoot() == NULL) {
            this->setRoot(p);
            this->setHead(NULL);
        }
        p->setData(D);
        p->setW(W);
    }
    else if (D < p->getData())
    {
        Vertex<T>* pp = p->getLeft();
        add(D, W, pp);
        p->setLeft(pp);
    }

    else if (D > p->getData())
    {
        Vertex<T>* pq = p->getRight();
        add(D, W, pq);
        p->setRight(pq);
    }
}

void createTree(int L, int R, Vertex<T>*& root)
{
    if (L < R)
    {
        int k = AR[L][R];
        add(V[k - 1], W[k - 1], root);
        createTree(L, k - 1, root);
        createTree(k, R, root);
    }
}

int SDP(Vertex<T>* p, int level)
{
    if (p == NULL)
    {
        return 0;
    }
    else
    {
        return level * (p->getW()) + SDP(p->getLeft(), level + 1) +
            SDP(p->getRight(), level + 1);
    }
}

void printAWmatrix()
{
    cout << "AW  ";
    for (int i = 0; i < N + 1; i++) printf("%3d ", i);
    cout << endl;
    for (int i = 0; i < N + 1; i++) cout << "____";
    cout << "____" << endl;
    for (int i = 0; i < N + 1; i++)
    {

```

```

        printf("%3d |", i);
        for (int j = 0; j < N + 1; j++) printf("%3d|", AW[i][j]);
        cout << endl;
        for (int j = 0; j < N + 1; j++) cout << "____";
        cout << "____|" << endl;
    }
    cout << endl;
}

void printAPmatrix()
{
    cout << "AP    ";
    for (int i = 0; i < N + 1; i++) printf("%3d ", i);
    cout << endl;
    for (int i = 0; i < N + 1; i++) cout << "____";
    cout << "____" << endl;
    for (int i = 0; i < N + 1; i++)
    {
        printf("%3d |", i);
        for (int j = 0; j < N + 1; j++) printf("%3d|", AP[i][j]);
        cout << endl;
        for (int j = 0; j < N + 1; j++) cout << "____";
        cout << "____|" << endl;
    }
    cout << endl;
}

void printARmatrix()
{
    cout << "AR    ";
    for (int i = 0; i < N + 1; i++) printf("%3d ", i);
    cout << endl;
    for (int i = 0; i < N + 1; i++) cout << "____";
    cout << "____" << endl;
    for (int i = 0; i < N + 1; i++)
    {
        printf("%3d |", i);
        for (int j = 0; j < N + 1; j++) printf("%3d|", AR[i][j]);
        cout << endl;
        for (int j = 0; j < N + 1; j++) cout << "____";
        cout << "____|" << endl;
    }
    cout << endl;
}

int sumW(Vertex<T>* p)
{
    if (p == NULL)
    {
        return 0;
    }
    else
    {
        return p->getW() + sumW(p->getLeft()) + sumW(p->getRight());
    }
}

float WaverageHeight()
{
    return (float)SDP(this->getRoot(), 1) / sumW(this->getRoot());
}

```

```

    }
};

int main()
{
    srand(time(NULL));

    DOPTree<int> tree;

    tree.randVW();
    tree.calculateW();
    tree.calculatePR();
    Vertex<int>* p = tree.getRoot();
    tree.createTree(0, N, p);

    cout << "DOP left to right:\n";
    tree.printLR(p);
    cout << endl << endl;
    tree.printAWmatrix();
    cout << endl << endl;
    tree.printAPmatrix();
    cout << endl << endl;
    tree.printARmatrix();

    printf("\n\nn=100 | size |    sum    | height | Wavgh\n");
    printf(
        "DOP    | %4d | %9d | %6d | %3.3f\n",
        tree.size(tree.getRoot()),
        tree.sum(tree.getRoot()),
        tree.height(tree.getRoot()),
        tree.WaverageHeight());

    return 0;
}

```

Список литературы и других источников

1. Лафоре, Р. Объектно-ориентированное программирование в C++. – СПб : Питер, 2003. – С. 124-129.
2. Страуструп, Б. Язык программирования C++. – М. : Бином, 2010. – С. 34-41.
3. Мейер, Б. Почувствуй класс: учимся программировать хорошо с объектами и контрактами. – М. : Интернет-университет информационных технологий, 2011. – С. 111-114.
4. Буч, Г. Объектно-ориентированный анализ и проектирование с примерами приложений. – СПб : Бином, 1998. – С. 36.
5. Вайсфельд, М. Объектно-ориентированное мышление. – СПб : Питер Пресс, 2014. – С. 84-86.