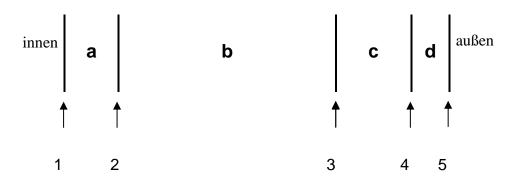
## Beispiel:

**2.22** Gegeben ist eine Außenwand mit folgenden Eigenschaften:



		Dicke in cm	Wärmeleitfähigkeit in Wm <sup>-1</sup> K <sup>-1</sup>
а	Innenputz	2	0,350
b	Kalksandstein-	24	0,560
	Mauerwerk		
С	Wärmedämmschicht	5,0	0,045
d	Kunstharzputz	1	0,700

- (a) Berechnen Sie den Wärmedurchgangskoeffizienten der Wand!
- (b) Berechnen Sie die Temperaturen an den in der Skizze mit Pfeilen bezeichneten Stellen der Wand (1-5) für den Fall, dass die Innentemperatur 21 °C und die Außentemperatur 4 °C beträgt!

ges.: 
$$U_{\rm W}$$
,  $\theta_1$ ,  $\theta_2$ ,  $\theta_3$ ,  $\theta_4$ ,  $\theta_5$ 

Lös.:

$$(\mathbf{a})$$

$$U_{\mathrm{W}} = \frac{1}{R_{\mathrm{T}}}$$

$$R_{\rm T} = R_{\rm si} + R + R_{\rm se}$$

$$R = R_{\rm a} + R_{\rm b} + R_{\rm c} + R_{\rm d} = \frac{d_{\rm a}}{\lambda_{\rm a}} + \frac{d_{\rm b}}{\lambda_{\rm b}} + \frac{d_{\rm c}}{\lambda_{\rm c}} + \frac{d_{\rm d}}{\lambda_{\rm d}}$$

$$R = \left(\frac{0,020}{0,350} + \frac{0,240}{0,560} + \frac{0,050}{0,045} + \frac{0,010}{0,700}\right) \frac{\text{m}^2 \text{ K}}{\text{W}}, R = 1,6111 \frac{\text{m}^2 \text{ K}}{\text{W}}$$

$$R_{\rm a} = 0.0571 \frac{{
m m}^2 {
m K}}{{
m W}}, \ R_{\rm b} = 0.4286 \frac{{
m m}^2 {
m K}}{{
m W}}, \ R_{\rm c} = 1.1111 \frac{{
m m}^2 {
m K}}{{
m W}}, \ R_{\rm d} = 0.0143 \frac{{
m m}^2 {
m K}}{{
m W}}$$

$$R_{\rm T} = (0.13 + 1.6111 + 0.04) \, \frac{{\rm m}^2 \, {\rm K}}{{\rm W}}, \ R_{\rm T} = 1.7811 \, \frac{{\rm m}^2 \, {\rm K}}{{\rm W}}$$

$$U_{\rm W} = \frac{1}{1.7811} \frac{\rm W}{\rm m^2 \ K} \implies U_{\rm W} = 0.5615 \ \rm W \ m^{-2} \ K^{-1}, \quad \underline{U_{\rm W} = 0.56 \ \rm W \ m^{-2} \ K^{-1}}$$

$$j = U_{\rm W} \cdot \Delta \theta = U_{\rm W} \cdot (\theta_{\rm i} - \theta_{\rm e}) \implies j = 0.561 \cdot (21 - 4) \frac{\rm W}{\rm m^2}, \ j = 9.54 \frac{\rm W}{\rm m^2}$$

$$\Delta \theta_{i} = R_{si} \cdot j$$
 = 0.13  $\frac{m^{2} K}{W} \cdot 9.54 \frac{W}{m^{2}}$  = 1.24 K

$$\Delta \theta_{\rm a} = R_{\rm a} \cdot j = 0.0571 \frac{{\rm m}^2 {\rm K}}{{\rm W}} \cdot 9.54 \frac{{\rm W}}{{\rm m}^2} = 0.54 {\rm K}$$

$$\Delta \theta_{\rm b} = R_{\rm b} \cdot j$$
 = 0,4286  $\frac{{\rm m}^2 \,{\rm K}}{{\rm W}} \cdot 9,54 \frac{{\rm W}}{{\rm m}^2}$  = 4,09 K

$$\Delta \theta_{\rm c} = R_{\rm c} \cdot j$$
 = 1,1111  $\frac{{\rm m}^2 \,{\rm K}}{{\rm W}} \cdot 9,54 \frac{{\rm W}}{{\rm m}^2}$  = 10,60 K

$$\Delta \theta_{\rm d} = R_{\rm d} \cdot j = 0.0143 \, \frac{{\rm m}^2 \,{\rm K}}{{\rm W}} \cdot 9.54 \, \frac{{\rm W}}{{\rm m}^2} = 0.14 \,{\rm K}$$

$$\Delta \theta_{\rm e} = R_{\rm se} \cdot j$$
 = 0.04  $\frac{{\rm m}^2 \,{\rm K}}{{\rm W}} \cdot 9.54 \frac{{\rm W}}{{\rm m}^2}$  = 0.38 K

$$\mathcal{G}_{1} = \mathcal{G}_{si} = \mathcal{G}_{i} - \Delta \mathcal{G}_{i} = (21 - 1.24)^{\circ}C$$
 $\mathcal{G}_{2} = \mathcal{G}_{i} - \Delta \mathcal{G}_{i} - \Delta \mathcal{G}_{3} = (21 - 1.24 - 0.54)^{\circ}C$ 
 $\mathcal{G}_{3} = 19.76^{\circ}C \approx 19.8^{\circ}C$ 
 $\mathcal{G}_{4} = 19.76^{\circ}C \approx 19.2^{\circ}C$ 
 $\mathcal{G}_{5} = 19.22^{\circ}C \approx 19.2^{\circ}C$ 

$$\theta_3 = \theta_1 - \Delta \theta_1 - \Delta \theta_2 - \Delta \theta_3 = (21 - 1.24 - 0.54 - 4.09)$$
°C  $\theta_3 = 15.13$ °C  $\approx 15.1$ °C

$$\begin{split} \mathcal{G}_{4} &= \mathcal{G}_{i} - \Delta \mathcal{G}_{i} - \Delta \mathcal{G}_{a} - \Delta \mathcal{G}_{b} - \Delta \mathcal{G}_{c} = \left(21 - 1,24 - 0,54 - 4,09 - 10,60\right) ^{\circ} C \\ &\qquad \qquad \mathcal{G}_{4} = 4,53 ^{\circ} C \approx 4,5 ^{\circ} C \\ \mathcal{G}_{5} &= \mathcal{G}_{i} - \Delta \mathcal{G}_{i} - \Delta \mathcal{G}_{a} - \Delta \mathcal{G}_{b} - \Delta \mathcal{G}_{c} - \Delta \mathcal{G}_{d} = \left(21 - 1,24 - 0,54 - 4,09 - 10,60 - 0,14\right) ^{\circ} C \\ &\qquad \qquad \mathcal{G}_{5} = 4,39 ^{\circ} C \approx 4,4 ^{\circ} C \end{split}$$

Kontrolle: 
$$\theta_5 = \theta_{se} = \theta_{e} + \Delta \theta_{e} = (4+0.38) \,^{\circ}\text{C}$$
  $\theta_5 = 4.38 \,^{\circ}\text{C} \approx 4.4 \,^{\circ}\text{C}$