6-2 (базовый уровень, время - 4 мин)

Тема: Поиск алгоритма минимальной длины для исполнителя.

Что нужно знать:

- *исполнитель* это человек, группа людей, животное, машина или другой объект, который может понимать и выполнять некоторые команды
- чтобы определить все возможные результаты работы алгоритма, нужно обозначить входные данные как переменные и выполнить алгоритм
- для нахождения оптимальной (самой короткой) программы, преобразующей одно число в другое с помощью заданного набора команд, проще всего строить дерево возможных вариантов, выясняя, какие результаты в принципе можно получить после одного шага, после двух шагов и т.д.
- если среди команд исполнителя есть необратимая команда (например, исполнитель работает с целыми числами и есть команда умножения любое число можно умножить на другое, но не любое число можно разделить на другое без остатка), то построение дерева вариантов лучше вести в обратном порядке, двигаясь от конечного числа к начальному; при этом ответ (последовательность команд программы) выписывается от начального числа к конечному

Пример задания:

Р-02. У исполнителя Аккорд две команды, которым присвоены номера:

- 1. отними 1
- 2. умножь на х

z dex — неизвестное положительное число. Выполняя первую из них, Аккорд отнимает от числа на экране 1, а выполняя вторую, умножает это число на x.

Программа для исполнителя Аккорд — это последовательность номеров команд.

Известно, что программа 12121 переводит число 4 в число 23. Определите значение x.

Решение (составление уравнения):

1) проблема здесь в том, что мы не знаем значения x, поэтому выполним программу, используя x как переменную:

Вход: 4

$$1:4-1=3$$

2:
$$3 \cdot x = 3x$$

1:
$$3 \cdot x - 1$$

2:
$$(3 \cdot x - 1) \cdot x = 3x^2 - x$$

1:
$$3x^2 - x - 1 = 23$$

- 2) остаётся решить уравнение $3x^2 x 1 = 23$ или $3x^2 x 24 = 0$
- 3) это уравнение имеет 2 корня, $x_1 = 3$ и $x_2 = -2,666$
- 4) нас интересует только целое положительное решение, поэтому ответ 3
- 5) Ответ: <mark>3</mark>.

Решение (метод перебора):

- 1) можно использовать метод подбора, учитывая, что нас интересует только натуральное число, большее, чем 1
- 2) пусть x = 2, тогда при выполнении программы 12121 для числа 4 получаем $4 \to 3 \to 6 \to 5 \to 10 \to 9$

что не совпадает с заданным значением 23

3) берём следующее значение, пусть x = 3, тогда при выполнении программы 12121 для числа 4 получаем

$$4 \rightarrow 3 \rightarrow 9 \rightarrow 8 \rightarrow 24 \rightarrow 23$$

что совпадает с заданным результатом.

4) Ответ: <mark>3</mark>.

Ещё пример задания:

Р-01. У исполнителя Удвоитель две команды, которым присвоены номера:

- 1. прибавь 1
- 2. умножь на 2

Выполняя первую из них, Удвоитель прибавляет к числу на экране 1, а выполняя вторую, умножает его на 2. Запишите порядок команд в программе получения из числа 3 числа 63, содержащей не более 8 команд, указывая лишь номера команд.

Решение («обратный ход»):

- 1) такие задачи проще решать, если переформулировать их для обратного исполнителя, которого можно назвать Раздвоителем; его команды
 - 1. вычти 1
 - 2. раздели на 2 (только для чётных чисел)
- 2) получим с помощью Раздвоителя число 3 из 63 (идём в обратную сторону)
- 3) будем использовать следующий (в данном случае оптимальный) алгоритм: если число нечётное, вычитаем единицу (команда 1), потому что делить его на 2 нельзя; если число чётное, делим его на два; сверху записаны номера выполняемых команд:

$$1 \quad 2 \quad 1 \quad 2 \quad 1 \quad 2 \quad 1 \quad 2$$
$$63 \rightarrow 62 \rightarrow 31 \rightarrow 30 \rightarrow 15 \rightarrow 14 \rightarrow 7 \rightarrow 6 \rightarrow 3$$

таким образом, выполняя программу 12121212, Раздвоитель получает число 3 из 63

- 4) программу для Удвоителя (выполняющего обратную цепочку действий) запишем в обратном порядке: 21212121
- <mark>5)</mark> Ответ: <mark>21212121</mark>

Ещё пример задания:

Р-00. У исполнителя Калькулятор две команды, которым присвоены номера:

- 1. прибавь 3
- 2. умножь на 4

Выполняя первую из них, Калькулятор прибавляет к числу на экране 3, а выполняя вторую, умножает его на 4. Запишите порядок команд в программе получения из числа 3 числа 57, содержащей не более 6 команд, указывая лишь номера команд.

(Например, программа 21211 это программа

умножь на 4

прибавь 3

умножь на 4

прибавь 3

прибавь 3

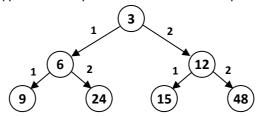
которая преобразует число 2 в 50.)

Решение (вариант 1, «прямой ход»):

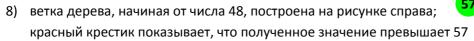
- 1) обратим внимание, что в условии ограничено число команд, поэтому неявно ставится задача написать самую короткую программу для решения задачи
- 2) начнем решать задачу, «отталкиваясь» от начального числа

не

- 3) на первом шаге с помощью имеющихся команд из числа 3 можно получить 6 или 12;
- 4) на втором шаге из 6 можно получить 9 и 24, а из 12 15 и 48, и т.д., получается такая схема (структура «дерево»), цифры около стрелок показывает номер выполненной команды:



- 5) уже чувствуется, что дерево сильно разрастается, на следующем уровне будет уже 8 вариантов, потом 16 и т.д. (на каждом следующем уровне в 2 раза большем, чем на предыдущем)
- 6) нужно выбрать такой план дальнейшего перебора вариантов, который может быстрее всего привести к цели (числу 57)
- 7) видим, что после второй операции ближе всего к результату оказалось число 48, попробуем начать анализ с этой ветки; если получится возьмем число 24 и т.д.



- 9) итак, мы вышли на число 57 в результате такой последовательности команд: 22111, ее длина равна 5, что удовлетворяет условию задачи.
- 10) таким образом, правильный ответ 22111.

Возможные ловушки и проблемы:

- большую схему неудобно рисовать, в ней легко запутаться
- не всегда можно сразу угадать нужную ветку «дерева», то есть, ту, которая быстрее всего приведет к успеху

Решение (вариант 2, «обратный ход»):

- 1) нам нужно увеличить число (с 3 до 57), для этого в большинстве случаев умножение эффективнее сложения, поэтому нужно постараться максимально использовать умножение, а сложение только в крайних случаях
- 2) попробуем решить задачу «обратным ходом», начав с числа 57;
- 3) очевидно, что последней командой не может быть умножение на 4 (57 на 4 не делится), поэтому последняя команда сложение (прибавь 3), над стрелкой записан номер команды:

$$...54 \xrightarrow{1} 57$$

4) число 54 также не делится на 4, поэтому предыдущая команда – тоже сложение:

$$...51 \xrightarrow{1} 54 \xrightarrow{1} 57$$

5) аналогично для числа 51:

$$...48 \xrightarrow{1} 51 \xrightarrow{1} 54 \xrightarrow{1} 57$$

6) число 48 делится на 4, поэтому используем умножение:

$$...12 \xrightarrow{2} 48 \xrightarrow{1} 51 \xrightarrow{1} 54 \xrightarrow{1} 57$$

7) наконец, добавив в начало программы еще одно умножение, получаем полную цепочку:

$$3 \xrightarrow{2} 12 \xrightarrow{2} 48 \xrightarrow{1} 51 \xrightarrow{1} 54 \xrightarrow{1} 57$$

8) таким образом, правильный ответ – 22111, эта программа состоит из 5 команд.

Возможные ловушки и проблемы:

• иногда может потребоваться «откат» назад, например, если исходное число – 6, то применив деление на 4 для 12 мы «проскакиваем» его (получаем 12/4=3<6), поэтому нужно возвращаться обратно к 12 и дважды применять сложение; в этом случае ответ будет такой:

$$6 \xrightarrow{1} 9 \xrightarrow{1} 12 \xrightarrow{2} 48 \xrightarrow{1} 51 \xrightarrow{1} 54 \xrightarrow{1} 57$$

Почему здесь «обратный ход» лучше?:

- обратим внимание, что когда мы «шли» в обратном направлении, от конечного числа к начальному, часто очередную операцию удавалось определить однозначно (когда число не делилось на 4)
- это связано с тем, что среди допустимых команд есть «не всегда обратимая» операция умножение: умножить целое число на 4 можно всегда, а разделить нацело нет; в подобных случаях результат быстрее получается именно «обратным ходом», во время которого сразу отбрасываются невозможные варианты

Еще пример задания:

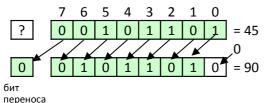
У исполнителя, который работает с положительными однобайтовыми двоичными числами, две команды, которым присвоены номера:

- 1. сдвинь влево
- 2. вычти 1

Выполняя первую из них, исполнитель сдвигает число на один двоичный разряд влево, а выполняя вторую, вычитает из него 1. Исполнитель начал вычисления с числа 104 и выполнил цепочку команд 11221. Запишите результат в десятичной системе.

Решение:

- 1) важно, что числа однобайтовые на число отводится 1 байт или 8 бит
- 2) главная проблема в этой задаче разобраться, что такое «сдвиг влево»; так называется операция, при которой все биты числа в ячейке (регистре) сдвигаются на 1 бит влево, в младший бит записывается нуль, а старший бит попадает в специальную ячейку *бит переноса*:



можно доказать, что в большинстве случаев результат этой операции — умножение числа на 2, однако есть исключение: если в старшем (7-ом) бите исходного числа x была 1, она будет «выдавлена» в бит переноса, то есть потеряна 1 , поэтому мы получим остаток от деления числа 2x на 2^8 =256

- **3)** попутно заметим, что при сдвиге вправо² в старший бит записывается 0, а младший «уходит» в бит переноса; это равносильно делению на 2 и отбрасыванию остатка
- 4) таким образом, фактически команда сдвинь влево означает умножь на 2
- 5) поэтому последовательность команд 11221 выполняется следующим образом

Код команды	Действие	Результат	Примечание	
		104		
1	умножь на 2	208		
1	умножь на 2	160	остаток от деления 208*2 на 256	
2	вычти 1	159		
2	вычти 1	158		
1	умножь на 2	60	остаток от деления 158*2 на 256	

6) правильный ответ – 60.

Еще пример задания:

Исполнитель Робот действует на клетчатой доске, между соседними клетками которой могут стоять стены. Робот передвигается по клеткам доски и может выполнять команды 1 (вверх), 2 (вниз), 3 (вправо) и 4 (влево), переходя на соседнюю клетку в направлении, указанном в скобках. Если в этом направлении между клетками стоит стена, то Робот разрушается. Робот успешно выполнил программу

3233241

¹ Используя ассемблер (язык машинных кодов с символьными командами), можно добраться до бита переноса и использовать его.

² Кроме *погического* сдвига вправо, о котором идет речь, есть еще *арифметический*, при котором старший бит не меняется.

Какую последовательность из трех команд должен выполнить Робот, чтобы вернуться в ту клетку, где он был перед началом выполнения программы, и не разрушиться вне зависимости от того, какие стены стоят на поле?

Решение:

- 1) фактически заданная программа движения Робота, которую он успешно выполнил, показывает нам свободный путь, на котором стенок нет
- 2) поэтому для того, чтобы не разрушиться на обратном пути, Робот должен идти точно по тому же пути в обратном направлении
- 3) нарисуем путь Робота, который выполнил программу 3233241:

?	?	?	?	?	?
3	•			?	
?	?		•		?
?	?	?	L		?
?	?	?	?	?	?

Робот начал движение из клетки, отмеченной красной точкой, и закончил в клетке, где стоит синяя точка

- 4) чтобы вернуться в исходную клетку (с красной точкой) по пройденному пути, Роботу нужно сделать шаг влево (команда 4), затем шаг вверх (команда 1) и еще один шаг влево (команда 4)
- 5) таким образом, ответ <mark>414</mark>.

Еще пример задания:

Исполнитель Робот ходит по клеткам бесконечной вертикальной клетчатой доски, переходя по одной из команд вверх, вниз, вправо, влево в соседнюю клетку в указанном направлении. Робот выполнил следующую программу:

вправо
вверх
влево
влево
вниз
вниз
вправо
вправо
вправо
вправо

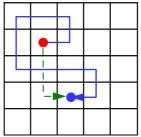
влево

Укажите наименьшее возможное число команд в программе, переводящей Робота из той же начальной клетки в ту же конечную.

Решение (способ 1, моделирование движения Робота):

1) отметим, что в условии ничего не говорится о стенках, то есть, молчаливо предполагаем, что их нет

2) можно повторить все движения Робота на бумажке и посмотреть, куда он уйдет; на схеме исходная точка обозначена красной точкой, а конечная — синей, синяя линия показывает путь Робота:



3) поскольку Робот не может ходить по диагонали, для перехода из начальной точки в конечную кратчайшим путем ему нужно выполнить, например, такую программу (см. штриховые линии на рисунке):

вниз

вниз

вправо

- **4)** есть и другие варианты (попробуйте их найти!), но все они содержат 3 команды: одну команду вправо и две команды вниз
- **5)** таким образом, ответ <mark>3</mark>.

Решение (способ 2, анализ программы):

- 1) можно решить задачу без повторения движений Робота
- 2) обратим внимание, что пары команд «вперед-назад» и «влево-вправо» дают нулевой эффект, то есть, не перемещают Робота, поэтому все такие пары можно выкинуть из программы
- 3) поскольку стенок нет, все равно где стоят парные команды в программе, вычеркиваем их:



- 4) смотрим, какие команды остались (они отмечены желтым маркером), их всего 3
- 5) таким образом, ответ <mark>3</mark>.

Еще пример задания:

Исполнитель КУЗНЕЧИК живёт на числовой оси. Начальное положение КУЗНЕЧИКА – точка 0. Система команд Кузнечика:

7

Вперед 4 – Кузнечик прыгает вперед на 4 единицы,

Навад 3 – Кузнечик прыгает назад на 3 единицы.

Какое наименьшее количество раз должна встретиться в программе команда «Назад 3», чтобы Кузнечик оказался в точке 27?

Решение (составление уравнения, подбор решения):

- 1) обозначим через x количество команд «Вперед 4» в программе, а через y количество команд «Назад 3»
- 2) для того, чтобы КУЗНЕЧИК попал в точку 27 из точки 0, должно выполняться условие 4x-3y=27-0=27
- 3) это уравнение называется *диофантовым*; поскольку числа 4 и 3 взамнопростые (их наибольший общий делитель равен 1), оно имеет бесконечно много решений
- 4) из всех решений нас интересует такое, при котором ${\mathcal Y}$ наименьшее возможное неотрицательное (!) число
- 5) представим уравнение в виде

$$4x = 27 + 3y$$

нужно подобрать минимальное неотрицательное ${\mathcal Y}$, при котором правая часть делится на 4

6) дальше используем метод подбора (или перебора), начиная от 1; получаем

$$y = 0 \implies 4x = 27$$

$$y = 1 \implies 4x = 30$$

$$y = 2 \implies 4x = 33$$

$$y = 3 \implies 4x = 36$$

...

- 7) видим, что первое y, при котором 27 + 3y делится на 4, это y = 3 (при этом x = 9).
- 8) таким образом, ответ -3.

Задачи для тренировки³:

- 1) У исполнителя Утроитель две команды, которым присвоены номера:
 - 1. вычти 2
 - 2. умножь на три

Первая из них уменьшает число на экране на 2, вторая — утраивает его. Запишите порядок команд в программе получения из 11 числа 13, содержащей не более 5 команд, указывая лишь номера команд. (Например, 21211 — это программа:

```
умножь на три
вычти 2
умножь на три
вычти 2
вычти 2,
```

которая преобразует число 2 в 8). (Если таких программ более одной, то запишите любую из них.)

- 2) У исполнителя Калькулятор две команды, которым присвоены номера:
 - 1. прибавь 2
 - 2. умножь на 3

Выполняя первую из них, Калькулятор прибавляет к числу на экране 2, а выполняя вторую, утраивает его. Запишите порядок команд в программе получения из 0 числа 28, содержащей не более 6 команд, указывая лишь номера команд. (Например, программа 21211 – это программа:

```
умножь на 3
прибавь 2
умножь на 3
прибавь 2
прибавь 2,
```

которая преобразует число 1 в 19).

- 3) У исполнителя УТРОИТЕЛЬ две команды, которым присвоены номера:
 - 1. вычти 1
 - 2. умножь на 3

Первая из них уменьшает число на экране на 1, вторая – увеличивает его в три раза.

Запишите порядок команд в программе получения из числа 3 числа 16, содержащей не более 5 команд, указывая лишь номера команд.

(Например, программа 21211 это программа

```
умножь на 3
```

- 1. Демонстрационные варианты ЕГЭ 2004-2013 гг.
- 2. Тренировочные работы МИОО.
- 3. Гусева И.Ю. ЕГЭ. Информатика: раздаточный материал тренировочных тестов. СПб: Тригон, 2009.
- 4. Крылов С.С., Лещинер В.Р., Якушкин П.А. ЕГЭ-2010. Информатика. Универсальные материалы для подготовки учащихся / под ред. В.Р. Лещинера / ФИПИ. М.: Интеллект-центр, 2010.
- 5. Якушкин П.А., Ушаков Д.М. Самое полное издание типовых вариантов реальных заданий ЕГЭ 2010. Информатика. М.: Астрель, 2009.
- 6. М.Э. Абрамян, С.С. Михалкович, Я.М. Русанова, М.И. Чердынцева. Информатика. ЕГЭ шаг за шагом. М.: НИИ школьных технологий, 2010.
- 7. Самылкина Н.Н., Островская Е.М. ЕГЭ 2011. Информатика. Тематические тренировочные задания. М.: Эксмо, 2010.
- 8. Крылов С.С., Ушаков Д.М. ЕГЭ 2015. Информатика. Тематические тестовые задания. М.: Экзамен, 2015.
- 9. Ушаков Д.М. ЕГЭ-2015. Информатика. 20 типовых вариантов экзаменационных работ для подготовки к ЕГЭ. М.: Астрель, 2014.

³ Источники заданий:

```
вычти 1
умножь на 3
вычти 1
вычти 1
которая преобразует число 1 в 4.)
```

4) Имеется исполнитель Кузнечик, который живет на числовой оси. Система команд Кузнечика:

Вперед N (Кузнечик прыгает вперед на N единиц);

навад м (Кузнечик прыгает назад на М единиц).

Переменные N и M могут принимать любые целые положительные значения. Известно, что Кузнечик выполнил программу из 50 команд, в которой команд "Назад 2" на 12 больше, чем команд "Вперед 3". Других команд в программе не было. На какую одну команду можно заменить эту программу, чтобы Кузнечик оказался в той же точке, что и после выполнения программы?

- 5) Исполнитель КАЛЬКУЛЯТОР имеет только две команды, которым присвоены номера:
 - 1. Умножь на 2
 - 2. Вычти 2

Выполняя команду номер 1, КАЛЬКУЛЯТОР умножает число на экране на 2, а выполняя команду номер 2, вычитает из числа на экране 2. Напишите программу, содержащую не более 5 команд, которая из числа 7 получает число 44. Укажите лишь номера команд. Например, программа 11221 – это программа:

```
Умножь на 2;
Умножь на 2;
Вычти 2;
Вычти 2;
Умножь на 2,
```

которая преобразует число 5 в число 32.

- 6) Исполнитель КАЛЬКУЛЯТОР имеет только две команды, которым присвоены номера:
 - 1. умножь на 3
 - 2. вычти 2

Выполняя команду номер 1, КАЛЬКУЛЯТОР умножает число на экране на 3, а выполняя команду номер 2, вычитает из числа на экране 2. Напишите программу, содержащую не более 5 команд, которая из числа 1 получает число 23. Укажите лишь номера команд. Например, программа 11221 – это программа:

```
умножь на 3
умножь на 3
вычти 2
вычти 2
умножь на 3,
```

которая преобразует число 1 в число 15.

- 7) Исполнитель КАЛЬКУЛЯТОР имеет только две команды, которым присвоены номера:
 - 1. Вычти 3
 - 2.Умножь на 2

Выполняя команду номер1, КАЛЬКУЛЯТОР вычитает из числа на экране 3, а выполняя команду номер 2, умножает число на экране на 2. Напишите программу, содержащую не более 5 команд, которая из числа 5 получает число 25. Укажите лишь номера команд. Например, программа 22221 – это программа:

Умножь на 2 Умножь на 2 Умножь на 2 Умножь на 2 Вычти 3,

которая преобразует число 1 в число 13.

- 8) Исполнитель КАЛЬКУЛЯТОР имеет только две команды, которым присвоены номера:
 - 1. Умножь на 2
 - 2. Вычти 1

Выполняя команду номер 1, КАЛЬКУЛЯТОР умножает число на экране на 2, а выполняя команду номер 2, вычитает из числа на экране 1. Напишите программу, содержащую не более 4 команд, которая из числа 7 получает число 52. Укажите лишь номера команд. Например, программа 12121 - это программа:

Умножь на 2 Вычти 1 Умножь на 2 Вычти 1 Умножь на 2

которая преобразует число 5 в число 34.

9) Исполнитель Чертежник имеет перо, которое можно поднимать, опускать и перемещать. При перемещении опущенного пера за ним остается след в виде прямой линии. У исполнителя существуют следующие команды:

Сместиться на вектор (а, b) – исполнитель перемещается в точку, в которую можно попасть из данной, пройдя \mathbf{a} единиц по горизонтали и \mathbf{b} – по вертикали.

Запись: **Повторить 5** [**Команда 1 Команда 2**] означает, что последовательность команд в квадратных скобках повторяется 5 раз.

Чертежник находится в начале координат. Чертежнику дан для исполнения следующий алгоритм:

```
Сместиться на вектор (5,2)
Сместиться на вектор (-3, 3)
Повторить 3[Сместиться на вектор (1,0)]
Сместиться на вектор (3, 1)
```

На каком расстоянии от начала координат будет находиться исполнитель Чертежник в результате выполнения данного алгоритма?

- 10) Исполнитель КАЛЬКУЛЯТОР имеет только две команды, которым присвоены номера:
 - 1. Умножь на 2
 - 2. Прибавь 1

Выполняя команду номер 1, КАЛЬКУЛЯТОР умножает число на экране на 2, а выполняя команду номер 2, прибавляет к числу на экране 1. Напишите программу, содержащую не более 5 команд, которая из числа 6 получает число 33. Укажите лишь номера команд. Например, программа 12122 -это программа:

Умножь на 2 Прибавь 1 Умножь на 2 Прибавь 1

Прибавь 1

которая преобразует число 5 в число 24.

- 11) У исполнителя, который работает с положительными однобайтовыми двоичными числами, две команды, которым присвоены номера:
 - 1. сдвинь влево
 - 2. вычти 1

Выполняя первую из них, исполнитель сдвигает число на один двоичный разряд влево, а выполняя вторую, вычитает из него 1. Исполнитель начал вычисления с числа 91 и выполнил цепочку команд 112112. Запишите результат в десятичной системе.

- 12) У исполнителя, который работает с положительными однобайтовыми двоичными числами, две команды, которым присвоены номера:
 - 1. сдвинь вправо
 - 2. прибавь 4

Выполняя первую из них, исполнитель сдвигает число на один двоичный разряд вправо, а выполняя вторую, добавляет к нему 4. Исполнитель начал вычисления с числа 191 и выполнил цепочку команд 112112. Запишите результат в десятичной системе.

- 13) Исполнитель КАЛЬКУЛЯТОР имеет только две команды, которым присвоены номера:
 - 1. Вычти 1
 - 2. Умножь на 2

Выполняя команду номер 1, КАЛЬКУЛЯТОР вычитает из числа на экране 1, а выполняя команду номер 2, умножает число на экране на 2. Напишите программу, содержащую не более 4 команд, которая из числа 3 получает число 16. Укажите лишь номера команд. Например, программа 21211 – это программа:

```
Умножь на 2
Вычти 1
Умножь на 2
Вычти 1
Вычти 1
```

которая преобразует число 1 в число 0.

- 14) Исполнитель КВАДРАТОР имеет только две команды, которым присвоены номера:
 - 1. Возведи в квадрат
 - 2. Прибавь 1

Выполняя команду номер 1, КВАДРАТОР возводит число на экране в квадрат, а выполняя команду номер 2, прибавляет к этому числу 1. Напишите программу, содержащую не более 4 команд, которая из числа 2 получает число 36. Укажите лишь номера команд. Например, программа 2122 — это программа:

```
Прибавь 1
Возведи в квадрат
Прибавь 1
Прибавь 1
```

которая преобразует число 1 в число 6.

- 15) Исполнитель КАЛЬКУЛЯТОР имеет только две команды, которым присвоены номера:
 - 1. Вычти 1
 - 2.Умножь на 2

Выполняя команду номер 1, КАЛЬКУЛЯТОР вычитает из числа на экране 1, а выполняя

команду номер 2, умножает число на экране на 2. Напишите программу, содержащую не более 4 команд, которая из числа 2 получает число 14. Укажите лишь номера команд. Например, программа 12211 – это программа:

Вычти 1 Умножь на 2 Умножь на 2 Вычти 1 Вычти 1,

которая преобразует число 7 в число 22.

16) Исполнитель Робот ходит по клеткам бесконечной вертикальной клетчатой доски, переходя по одной из команд **вверх, вниз, вправо, влево** в соседнюю клетку в указанном направлении. Робот выполнил следующую программу:

влево вверх вверх влево вниз вправо вправо вправо

Укажите наименьшее возможное число команд в программе, Робота из той же начальной клетки в ту же конечную.

- 17) На экране есть два окна, в каждом из которых записано по числу. Исполнитель СУММАТОР имеет только две команды, которым присвоены номера:
 - 1. Запиши сумму чисел в первое окно
 - 2. Запиши сумму чисел во второе окно

Выполняя команду номер 1, СУММАТОР складывает числа в двух окнах и записывает результат в первое окно, а выполняя команду номер 2, заменяет этой суммой число во втором окне. Напишите программу, содержащую не более 5 команд, которая из пары чисел 1 и 2 получает пару

чисел 13 и 4. Укажите лишь номера команд. Например, программа 21211 – это программа:

Запиши сумму чисел во второе окно Запиши сумму чисел во второе окно Запиши сумму чисел во второе окно Запиши сумму чисел в первое окно Запиши сумму чисел в первое окно

которая преобразует пару чисел 1 и 0 в пару чисел 8 и 3.

- 18) Исполнитель КАЛЬКУЛЯТОР имеет только две команды, которым присвоены номера:
 - 1. Вычти 1
 - 2. Умножь на 3

Выполняя команду номер 1, КАЛЬКУЛЯТОР вычитает из числа на экране 1, а выполняя команду номер 2, умножает число на экране на 3. Напишите программу, содержащую не более 5 команд, которая из числа 3 получает число 16. Укажите лишь номера команд. Например, программа 21211 – это программа:

Умножь на 3 Вычти 1 Умножь на 3 Вычти 1

Вычти 1

которая преобразует число 1 в число 4.

- 19) У исполнителя Калькулятор две команды, которым присвоены номера:
 - 1. прибавь 3
 - 2. умножь на 2

Выполняя первую из них, Калькулятор прибавляет к числу на экране 3, а выполняя вторую, удваивает его. Запишите порядок команд в программе получения из 1 числа 47, содержащей не более 6 команд, указывая лишь номера команд. (Например, программа 21211 – это программа:

```
умножь на 2
прибавь 3
умножь на 2
прибавь 3
прибавь 3,
```

которая преобразует число 1 в 16).

20) Исполнитель Робот действует на клетчатой доске, между соседними клетками которой могут стоять стены. Робот передвигается по клеткам доски и может выполнять команды 1 (вверх), 2 (вниз), 3 (вправо) и 4 (влево), переходя на соседнюю клетку в направлении, указанном в скобках. Если в этом направлении между клетками стоит стена, то Робот разрушается. Робот успешно выполнил программу

1132432

Какую последовательность из трех команд должен выполнить Робот, чтобы вернуться в ту клетку, где он был перед началом выполнения программы, и не разрушиться вне зависимости от того, какие стены стоят на поле?

21) Исполнитель Робот действует на клетчатой доске, между соседними клетками которой могут стоять стены. Робот передвигается по клеткам доски и может выполнять команды 1 (вверх), 2 (вниз), 3 (вправо) и 4 (влево), переходя на соседнюю клетку в направлении, указанном в скобках. Если в этом направлении между клетками стоит стена, то Робот разрушается. Робот успешно выполнил программу

33233241

Какую последовательность из четырех команд должен выполнить Робот, чтобы вернуться в ту клетку, где он был перед началом выполнения программы, и не разрушиться вне зависимости от того, какие стены стоят на поле?

22) Имеется исполнитель Кузнечик, который живет на числовой оси. Система команд Кузнечика:

Вперед N - Кузнечик прыгает вперед на N единиц

Навад М - Кузнечик прыгает назад на М единиц

Переменные N и M могут принимать любые целые положительные значения. Кузнечик выполнил программу из 20 команд, в которой команд «Назад 4» на 4 меньше, чем команд «Вперед 3» (других команд в программе нет). На какую одну команду можно заменить эту программу?

23) Исполнитель Робот ходит по клеткам бесконечной вертикальной клетчатой доски, переходя по одной из команд вверх, вниз, вправо, влево в соседнюю клетку в указанном направлении. Робот выполнил следующую программу:

вверх

		·
		влево
		влево
		вниз
		вниз
		вправо
		вправо
		вниз
		вправо
		вверх
		ажите наименьшее возможное число команд в программе, переводящей Робота из той же чальной клетки в ту же конечную.
24)	од	сполнитель Робот ходит по клеткам бесконечной вертикальной клетчатой доски, переходя по цной из команд вверх, вниз, вправо, влево в соседнюю клетку в указанном направлении. Робот полнил следующую программу:
		вправо
		вниз
		вправо
		вверх
		влево
		вверх
		вверх
		влево
		ажите наименьшее возможное число команд в программе, переводящей Робота из той же чальной клетки в ту же конечную.
25)	од	сполнитель Робот ходит по клеткам бесконечной вертикальной клетчатой доски, переходя по цной из команд вверх, вниз, вправо, влево в соседнюю клетку в указанном направлении. Робот полнил следующую программу:
		вниз
		влево
		вниз
		влево
		вверх
		вправо
		вверх
	Ук	ажите наименьшее возможное число команд в программе, переводящей Робота из той же

Укажите наименьшее возможное число команд в программе, переводящей Робота из той же начальной клетки в ту же конечную.

26) Исполнитель Робот ходит по клеткам бесконечной вертикальной клетчатой доски, переходя по одной из команд **вверх, вниз, вправо, влево** в соседнюю клетку в указанном направлении. Робот выполнил следующую программу:

вверх влево влево вверх вправо вверх вправо

Укажите наименьшее возможное число команд в программе, переводящей Робота из той же начальной клетки в ту же конечную.

27) Исполнитель Робот действует на клетчатой доске, между соседними клетками которой могут стоять стены. Робот передвигается по клеткам доски и может выполнять команды 1 (вверх), 2 (вниз), 3 (вправо) и 4 (влево), переходя на соседнюю клетку в направлении, указанном в скобках. Если в этом направлении между клетками стоит стена, то Робот разрушается. Робот успешно выполнил программу

2324142

Какую последовательность из трех команд должен выполнить Робот, чтобы вернуться в ту клетку, где он был перед началом выполнения программы, и не разрушиться вне зависимости от того, какие стены стоят на поле?

- 28) У исполнителя Калькулятор две команды, которым присвоены номера:
 - 1. прибавь 2
 - 2. умножь на 3

Выполняя первую из них, Калькулятор прибавляет к числу на экране 2, а выполняя вторую, утраивает его. Запишите порядок команд в программе получения из 0 числа 56, содержащей не более 5 команд, указывая лишь номера команд. (Например, программа 21211 – это программа:

```
умножь на 3
прибавь 2
умножь на 3
прибавь 2
прибавь 2,
```

которая преобразует число 2 в 28).

- 29) У исполнителя Калькулятор две команды, которым присвоены номера:
 - 1. прибавь 1
 - 2. умножь на 3

Выполняя первую из них, Калькулятор прибавляет к числу на экране 1, а выполняя вторую, утраивает его. Запишите порядок команд в программе получения из 2 числа 26, содержащей не более 6 команд, указывая лишь номера команд. (Например, программа 21211 – это программа:

```
умножь на 3
прибавь 1
умножь на 3
прибавь 1
прибавь 1,
которая преобразует число 1 в 14).
```

30) Исполнитель КАЛЬКУЛЯТОР имеет только две команды, которым присвоены номера:

- 1. Вычти 1
- 2. Умножь на 2

Выполняя команду номер 1, КАЛЬКУЛЯТОР вычитает из числа на экране 1, а выполняя

команду номер 2, умножает число на экране на 2. Напишите программу, содержащую не более 4 команд, которая из числа 13 получает число 100. Укажите лишь номера команд. Например, программа 21211 – это программа:

Умножь на 2 Вычти 1 Умножь на 2 Вычти 1 Вычти 1

которая преобразует число 2 в число 4.

- 31) Исполнитель КВАДРАТОР имеет только две команды, которым присвоены номера:
 - 1. Возведи в квадрат
 - 2. Прибавь 1

Выполняя команду номер 1, КВАДРАТОР возводит число на экране в квадрат, а выполняя команду номер 2, прибавляет к этому числу 1. Напишите программу, содержащую не более 4 команд, которая из числа 1 получает число 17. Укажите лишь номера команд. Например, программа 12122 — это программа:

```
Возведи в квадрат
Прибавь 1
Возведи в квадрат
Прибавь 1
Прибавь 1
```

которая преобразует число 1 в число 6.

- 32) У исполнителя Калькулятор две команды, которым присвоены номера:
 - 1. прибавь 1
 - 2. умножь на 3

Выполняя первую из них, Калькулятор прибавляет к числу на экране 1, а выполняя вторую, утраивает его. Запишите порядок команд в программе получения из 3 числа 34, содержащей не более 5 команд, указывая лишь номера команд.

(Например, программа 21211 - это программа

```
умножь на 3
прибавь 1
умножь на 3
прибавь 1
прибавь 1
```

которая преобразует число 1 в 14.)

- 33) Исполнитель Вычислитель работает с целыми положительными однобайтными числами. Он может выполнять две команды:
 - 1. сдвинь биты числа влево на одну позицию
 - 2. прибавь 1

Например, число 7 (00000111 $_2$) преобразуется командой 1 в 14 (00001110 $_2$). Для заданного числа 14 выполнена последовательность команд 11222. Запишите полученный результат в десятичной системе счисления.

34) Исполнитель КУЗНЕЧИК живёт на числовой оси. Начальное положение КУЗНЕЧИКА – точка 0. Система команд Кузнечика:

```
Вперед 6 – Кузнечик прыгает вперёд на 6 единиц, 
Назад 4 – Кузнечик прыгает назад на 4 единицы.
```

Какое наименьшее количество раз должна встретиться в программе команда «Назад 4», чтобы Кузнечик оказался в точке 28?

35) Исполнитель КУЗНЕЧИК живёт на числовой оси. Начальное положение КУЗНЕЧИКА – точка 0. Система команд Кузнечика:

Вперед 5 – Кузнечик прыгает вперёд на 5 единиц,

Навад 3 – Кузнечик прыгает назад на 3 единицы.

Какое наименьшее количество раз должна встретиться в программе команда «Назад 3», чтобы Кузнечик оказался в точке 21?

36) Исполнитель КУЗНЕЧИК живёт на числовой оси. Начальное положение КУЗНЕЧИКА – точка 0. Система команд Кузнечика:

Вперед 7 – Кузнечик прыгает вперёд на 7 единиц,

Навад 5 – Кузнечик прыгает назад на 5 единиц.

Какое наименьшее количество раз должна встретиться в программе команда «Назад 5», чтобы Кузнечик оказался в точке 19?

37) Исполнитель КУЗНЕЧИК живёт на числовой оси. Начальное положение КУЗНЕЧИКА – точка 10. Система команд Кузнечика:

Вперед 7 – Кузнечик прыгает вперёд на 7 единиц,

Навад 4 — Кузнечик прыгает назад на 4 единицы.

Какое наименьшее количество раз должна встретиться в программе команда «Назад 4», чтобы Кузнечик оказался в точке 43?

38) Исполнитель КУЗНЕЧИК живёт на числовой оси. Начальное положение КУЗНЕЧИКА – точка 15. Система команд Кузнечика:

Вперед 17 – Кузнечик прыгает вперёд на 17 единиц,

Навад 6 – Кузнечик прыгает назад на 6 единиц.

Какое наименьшее количество раз должна встретиться в программе команда «Назад 6», чтобы Кузнечик оказался в точке 36?

39) Исполнитель КУЗНЕЧИК живёт на числовой оси. Начальное положение КУЗНЕЧИКА – точка 20. Система команд Кузнечика:

Вперед 3 – Кузнечик прыгает вперёд на 3 единицы,

Навад 5 – Кузнечик прыгает назад на 5 единиц.

За какое наименьшее количество команд можно перевести Кузнечика в точку (-4)?

- 40) У исполнителя Калькулятор две команды, которым присвоены номера:
 - 1. прибавь 1
 - 2. умножь на 3

Выполняя первую из них, Калькулятор прибавляет к числу на экране 1, а выполняя вторую, утраивает его. Запишите порядок команд в программе получения из 4 числа 51, содержащей не более 5 команд, указывая лишь номера команд.

(Например, программа 21211 – это программа

умножь на 3

прибавь 1

умножь на 3

прибавь 1

прибавь 1

которая преобразует число 1 в 14.)

- 41) Исполнитель КАЛЬКУЛЯТОР имеет только две команды, которым присвоены номера:
 - 1. Прибавь 1
 - 2. Умножь на 2

Выполняя команду номер 1, КАЛЬКУЛЯТОР прибавляет к числу на экране 1, а выполняя команду номер 2, умножает число на экране на 2. Укажите минимальное число команд, которое должен выполнить исполнитель, чтобы получить из числа 17 число 729.

- 42) Исполнитель КАЛЬКУЛЯТОР имеет только две команды, которым присвоены номера:
 - 1. Прибавь 1
 - 2. Умножь на 2

Выполняя команду номер 1, КАЛЬКУЛЯТОР прибавляет к числу на экране 1, а выполняя команду номер 2, умножает число на экране на 2. Укажите минимальное число команд, которое должен выполнить исполнитель, чтобы получить из числа 21 число 813.

- 43) Исполнитель КАЛЬКУЛЯТОР имеет только две команды, которым присвоены номера:
 - 1. Прибавь 1
 - 2. Умножь на 2

Выполняя команду номер 1, КАЛЬКУЛЯТОР прибавляет к числу на экране 1, а выполняя команду номер 2, умножает число на экране на 2. Укажите минимальное число команд, которое должен выполнить исполнитель, чтобы получить из числа 19 число 629.

- 44) Исполнитель КАЛЬКУЛЯТОР имеет только две команды, которым присвоены номера:
 - 1. Прибавь 1
 - 2. Умножь на 3

Выполняя команду номер 1, КАЛЬКУЛЯТОР прибавляет к числу на экране 1, а выполняя команду номер 2, умножает число на экране на 3. Укажите минимальное число команд, которое должен выполнить исполнитель, чтобы получить из числа 37 число 1013.

- 45) Исполнитель КАЛЬКУЛЯТОР имеет только две команды, которым присвоены номера:
 - 1. Прибавь 1
 - 2. Умножь на 2

Выполняя команду номер 1, КАЛЬКУЛЯТОР прибавляет к числу на экране 1, а выполняя команду номер 2, умножает число на экране на 2. Укажите минимальное число команд, которое должен выполнить исполнитель, чтобы получить из числа 23 число 999.

- 46) Исполнитель КАЛЬКУЛЯТОР имеет только две команды, которым присвоены номера:
 - 1. Прибавь 7
 - 2. Раздели на 4

Выполняя команду номер 1, КАЛЬКУЛЯТОР прибавляет к числу на экране 7, а выполняя команду номер 2, делит число на экране на 4. Напишите программу, содержащую не более 5 команд, которая из числа 13 получает число 10. Укажите лишь номера команд. Например, программа 21211 — это программа:

Раздели на 4

Прибавь 7

Раздели на 4

Прибавь 7

Прибавь 7

которая преобразует число 20 в число 17.

- 47) Исполнитель КАЛЬКУЛЯТОР имеет только две команды, которым присвоены номера:
 - 1. Прибавь 5
 - 2. Умножь на 3

Выполняя команду номер 1, КАЛЬКУЛЯТОР прибавляет к числу на экране 5, а выполняя команду номер 2, умножает число на экране на 3. Напишите программу, содержащую не

более 5 команд, которая из числа 3 получает число 59.

- 48) У исполнителя Арифметик две команды, которым присвоены номера:
 - 1. прибавь 2,
 - 2. умножь на 3.

Первая из них увеличивает число на экране на 2, вторая утраивает его.

Запишите порядок команд в программе преобразования числа 3 в число 69, содержащей не более 5 команд, указывая лишь номера команд. Если таких программ более одной, то запишите любую из них.

- 49) У исполнителя Квадр две команды, которым присвоены номера:
 - 1. прибавь 1,
 - 2. возведи в квадрат.

Первая из этих команд увеличивает число на экране на 1, вторая – возводит в квадрат. Программа для исполнителя Квадр - это последовательность номеров команд.

Запишите программу для исполнителя Квадр, которая преобразует число 5 в число 2500 и содержит не более 6 команд. Если таких программ более одной, то запишите любую из них.

- 50) У исполнителя Квадр две команды, которым присвоены номера:
 - 1. прибавь 1,
 - 2. возведи в квадрат.

Первая из этих команд увеличивает число на экране на 1, вторая – возводит в квадрат. Программа для исполнителя Квадр - это последовательность номеров команд.

Запишите программу для исполнителя Квадр, которая преобразует число 3 в число 10001 и содержит не более 6 команд. Если таких программ более одной, то запишите любую из них.

- 51) У исполнителя Арифметик две команды, которым присвоены номера:
 - 1. прибавь 2,
 - умножь на 3.

Первая из них увеличивает число на экране на 2, вторая утраивает его.

Запишите порядок команд в программе преобразования числа 12 в число 122, содержащей не более 5 команд, указывая лишь номера команд. Если таких программ более одной, то запишите любую из них.

- 52) У исполнителя Квадр две команды, которым присвоены номера:
 - 1. прибавь 2,
 - 2. возведи в квадрат.

Первая из этих команд увеличивает число на экране на 2, вторая — возводит в квадрат. Программа для исполнителя Квадр - это последовательность номеров команд.

Запишите программу для исполнителя Квадр, которая преобразует число 1 в число 123 и содержит не более 5 команд. Если таких программ более одной, то запишите любую из них.

- 53) (http://ege.yandex.ru) У исполнителя Калькулятор две команды, которым присвоены номера:
 - 1. отними 2
 - 2. раздели на 3

Выполняя первую из них, Калькулятор отнимает от числа на экране 2, а выполняя вторую, делит его на 3 (если деление нацело невозможно, Калькулятор отключается).

Запишите порядок команд в программе получения из числа 37 число 3, содержащей не более 5 команд, указывая лишь номера команд.

- 54) (http://ege.yandex.ru) У исполнителя Калькулятор две команды, которым присвоены номера:
 - 1. отними 1
 - 2. раздели на 3

Выполняя первую из них, Калькулятор отнимает от числа на экране 1, а выполняя вторую, делит его на 3 (если деление нацело невозможно, Калькулятор отключается).

Запишите порядок команд в программе получения из числа 37 число 1, содержащей не более 5 команд, указывая лишь номера команд.

- 55) (http://ege.yandex.ru) У исполнителя Калькулятор две команды, которым присвоены номера:
 - 1. отними 1
 - 2. раздели на 5

Выполняя первую из них, Калькулятор отнимает от числа на экране 1, а выполняя вторую, делит его на 5 (если деление нацело невозможно, Калькулятор отключается).

Запишите порядок команд в программе получения из числа 56 число 1, содержащей не более 5 команд, указывая лишь номера команд.

- 56) (http://ege.yandex.ru) У исполнителя Калькулятор две команды, которым присвоены номера:
 - 1. отними 1
 - 2. раздели на 10

Выполняя первую из них, Калькулятор отнимает от числа на экране 1, а выполняя вторую, делит его на 10 (если деление нацело невозможно, Калькулятор отключается).

Запишите порядок команд в программе получения из числа 121 число 1, содержащей не более 5 команд, указывая лишь номера команд.

- 57) У исполнителя Калькулятор две команды, которым присвоены номера:
 - 1. отними 2
 - 2. раздели на 5

Выполняя первую из них, Калькулятор отнимает от числа на экране 2, а выполняя вторую, делит его на 5 (если деление нацело невозможно, Калькулятор отключается).

Запишите порядок команд в программе получения из числа 152 число 2, содержащей не более 5 команд, указывая лишь номера команд.

- 58) У исполнителя Калькулятор две команды, которым присвоены номера:
 - 1. отними 2
 - 2. раздели на 5

Выполняя первую из них, Калькулятор отнимает от числа на экране 2, а выполняя вторую, делит его на 5 (если деление нацело невозможно, Калькулятор отключается).

Запишите порядок команд в программе получения из числа 177 числа 1, содержащей не более 5 команд, указывая лишь номера команд.

- 59) У исполнителя Калькулятор три команды, которым присвоены номера:
 - 1. прибавь 2
 - 2. прибавь 3
 - 3. умножь на 10

Выполняя первую из них, Калькулятор прибавляет к числу на экране 2, выполняя вторую – прибавляет 3, а выполняя третью – умножает его на 10.

Запишите порядок команд в программе получения из числа 1 числа 434, содержащей не более 6 команд, указывая лишь номера команд.

- 60) У исполнителя Калькулятор две команды, которым присвоены номера:
 - 1. отними 1
 - 2. умножь на 5

Выполняя первую из них, Калькулятор отнимает от числу на экране 1, выполняя вторую – умножает его на 5. Запишите порядок команд в программе получения из числа 1 числа 99, содержащей не более 5 команд, указывая лишь номера команд.

61) У исполнителя Калькулятор две команды, которым присвоены номера:

- 1. прибавь 3
- 2. умножь на 2

Выполняя первую из них, Калькулятор прибавляет к числу на экране 3, выполняя вторую — умножает его на 2. Запишите порядок команд в программе получения из числа 12 числа 123, содержащей не более 5 команд, указывая лишь номера команд.

- 62) У исполнителя Калькулятор две команды, которым присвоены номера:
 - 1. прибавь 3
 - 2. умножь на 2

Выполняя первую из них, Калькулятор прибавляет к числу на экране 3, выполняя вторую — умножает его на 2. Запишите порядок команд в программе получения из числа 11 числа 103, содержащей не более 5 команд, указывая лишь номера команд.

- 63) У исполнителя Удвоитель две команды, которым присвоены номера:
 - 1. прибавь 1
 - 2. умножь на 2

Выполняя первую из них, Удвоитель прибавляет к числу на экране 1, выполняя вторую — умножает его на 2. Запишите порядок команд в программе получения из числа 7 числа 130, содержащей не более 6 команд, указывая лишь номера команд.

- 64) У исполнителя Аккорд две команды, которым присвоены номера:
 - 1. прибавь 2
 - 2. умножь на х

где x — неизвестное положительное число. Выполняя первую из них, Аккорд добавляет к числу на экране 2, а выполняя вторую, умножает это число на x.

Программа для исполнителя Аккорд – это последовательность номеров команд.

Известно, что программа 12211 переводит число 1 в число 52. Определите значение x.

- 65) У исполнителя Аккорд две команды, которым присвоены номера:
 - 1. прибавь 3
 - 2. умножь на х

где x — неизвестное положительное число. Выполняя первую из них, Аккорд добавляет к числу на экране 1, а выполняя вторую, умножает это число на x.

Программа для исполнителя Аккорд – это последовательность номеров команд.

Известно, что программа 12112 переводит число 3 в число 36. Определите значение x.

- 66) У исполнителя Аккорд две команды, которым присвоены номера:
 - 1. прибавь х
 - 2. умножь на 2

где x — неизвестное положительное число. Выполняя первую из них, Аккорд добавляет к числу на экране x, а выполняя вторую, умножает это число на 2.

Программа для исполнителя Аккорд – это последовательность номеров команд.

Известно, что программа 12121 переводит число 4 в число 65. Определите значение x.

- 67) У исполнителя Аккорд две команды, которым присвоены номера:
 - 1. вычти х
 - 2. умножь на 3

где x — неизвестное положительное число. Выполняя первую из них, Аккорд вычитает из числа на экране x, а выполняя вторую, умножает это число на 3.

Программа для исполнителя Аккорд – это последовательность номеров команд.

Известно, что программа 12211 переводит число 12 в число 53. Определите значение x.

- 68) У исполнителя Калькулятор две команды, которым присвоены номера:
 - 1. прибавь 2

2. умножь на 5

Выполняя первую из них, Калькулятор прибавляет к числу на экране 2, выполняя вторую – умножает его на 5. Запишите порядок команд в программе получения из числа 2 числа 24, содержащей не более 4 команд, указывая лишь номера команд.