

## **Лабораторная работа № 5**

### **Тема: "Трехмерная графика"**

Реализовать вывод на экран трехмерной поверхности с использованием графических функций вывода точек, прямых линий и полигонов.

Реализовать 3 базовых аффинных преобразования над объектом (перемещение вдоль осей, масштабирование, вращение вокруг осей).

При сдаче лабораторной работы необходимо ответить на следующие вопросы:

1) Какая модель описания трехмерной поверхности использовалась в вашей программе? Какие еще бывают модели?

2) Какая проекция использовалась? Как расположена плоскость проецирования относительно системы мировых координат в данной проекции? Как расположены лучи проецирования относительно плоскости проецирования и относительно друг друга? Приготовить рисунок расположения системы координат, объекта, плоскости проецирования и проекторов. Какие еще бывают проекции?

Минимальное требование для получения зачета по лабораторной работе – вывод каркасной модели. За самостоятельную! реализацию алгоритмов удаления невидимых поверхностей, закраски полигонов с учетом освещенности, градиентной закраски начисляются дополнительные баллы (за одно из преобразований).

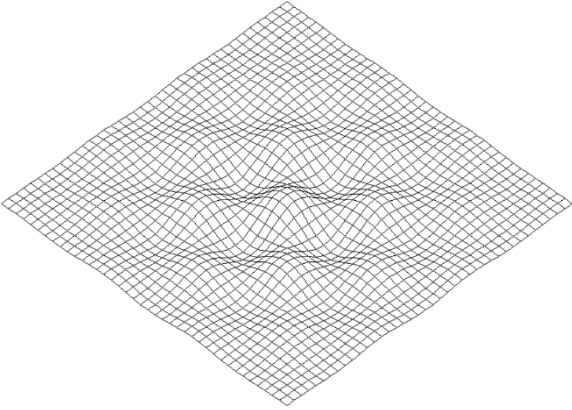
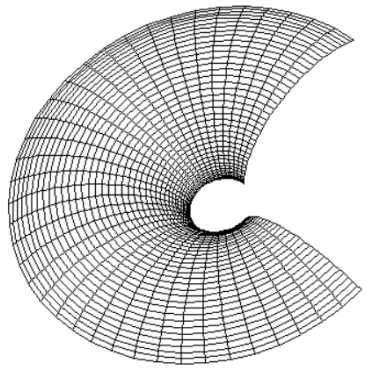
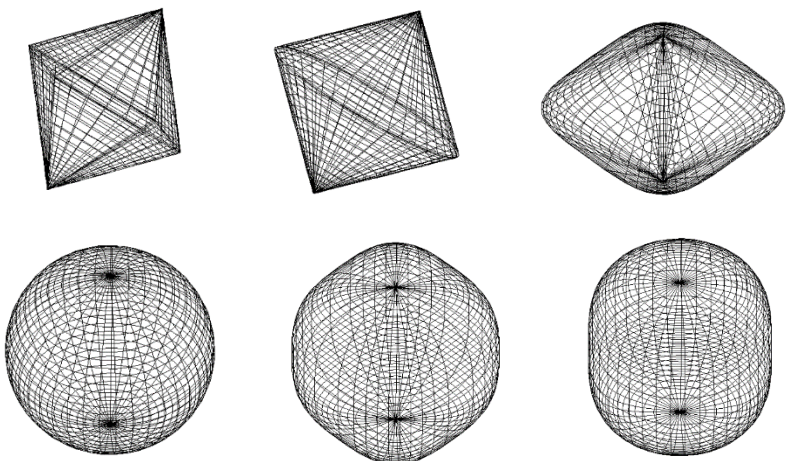
Номер варианта в задании равен:

(номер студента по списку в группе) % (количество вариантов).

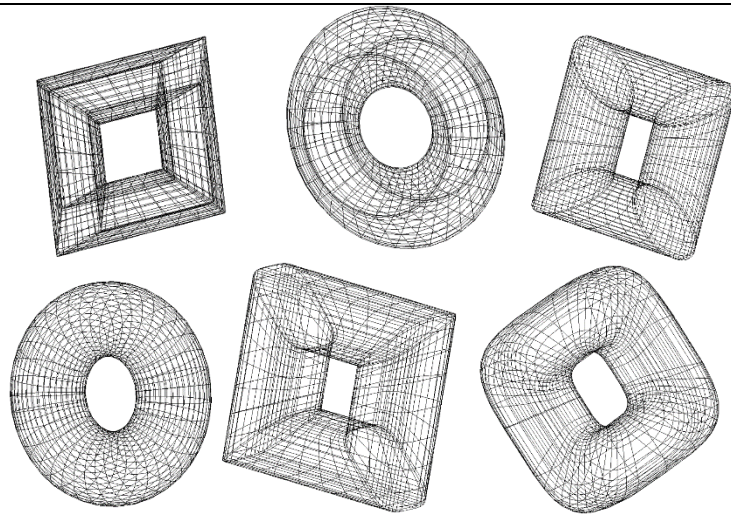
### **Дополнительные вопросы по теме "Трехмерная графика"**

1. Перечислите элементарные аффинные преобразования.
2. Каковы основные свойства аффинных преобразований?
3. Какие виды проекций вы знаете?
4. При каком виде проекции все лучи проецирования расположены под углом  $90^\circ$  к плоскости проецирования?
5. При каком виде проекции лучи проецирования исходят из одной точки?
6. Какие аффинные преобразования используются при преобразовании координат проекции в экранные координаты?
7. Какие методы описания формы поверхностей вы знаете?
8. Какие методы удаления невидимых фрагментов изображения вы знаете?
9. Модели освещения объемных фигур.
10. В чем особенности методов градиентной закраски (метод Гуро, метод Фонга)? Как они работают?
11. В чем заключается метод обратной трассировки лучей?

## Индивидуальные задания

|    |   |
|----|---|
| 1. |  $y = f(x, z) = e^{-a(x^2+z^2)} \cos(\omega_x x) \cos(\omega_z z), \quad a=0,02; \omega_x=1; \omega_z=1.$  |
| 2. |  $\begin{cases} x(\tau, \theta) = (1 + \tau - \sin(\tau)) \cos(\theta), \\ y(\tau, \theta) = 1 - \cos(\tau), \\ z(\tau, \theta) = -(1 + \tau - \sin(\tau)) \sin(\theta), \end{cases}$ $\tau \in [0, 1\pi], \theta \in [0, 1,5\pi].$   |
| 3. |  <p>Суперэллипсоид.</p> <p>Неявная форма задания <math>(x^n + y^n)^{m/n} + z^m - 1</math>.</p> <p>Параметрическая форма задания <math>(\cos^{2/m}(v) \cos^{2/n}(u), \cos^{2/m}(v) \sin^{2/n}(u), \sin^{2/m}(v))</math>.</p> <p>Промежуток изменения параметров <math>v \in [-\pi/2, \pi/2], u \in [-\pi, \pi]</math>. Изменяя значения <math>m</math> и <math>n</math>, можно получить различные вариации формы тела.</p> |

4.



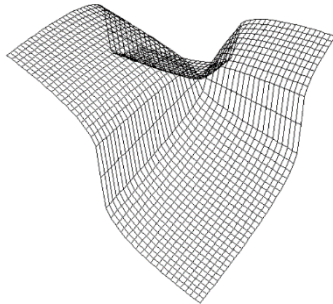
Супертороид.

Неявная форма задания  $((x^n - y^n)^{1/n} - d)^m + z^m - 1$ .

Параметрическая форма задания  $((d + \cos^{2/m}(v)) \cos^{2/n}(u), (d + \cos^{2/m}(v)) \sin^{2/n}(u), \sin^{2/m}(v))$ .

Промежуток изменения параметров  $v \in [-\pi, \pi)$ ,  $u \in [-\pi, \pi)$ . Изменяя значения  $m$  и  $n$ , можно получить различные вариации формы тела.

5.

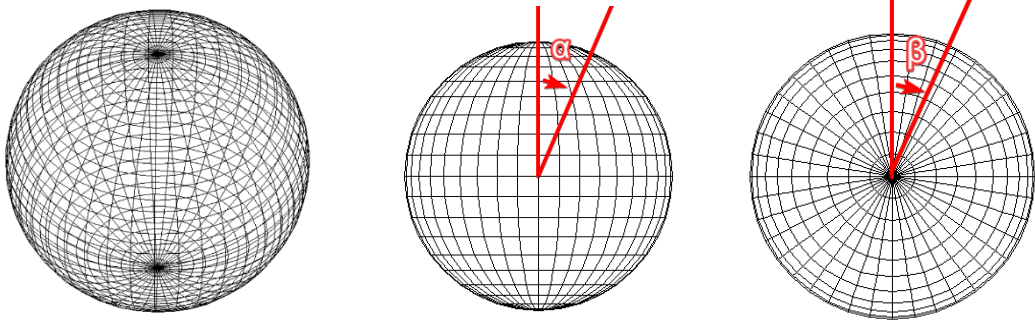


Поверхность Кэли.

$y = z^3 - xy$ ,

$x \in [-2, 2], y \in [-2, 2]$ .

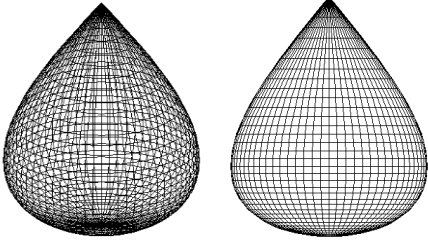
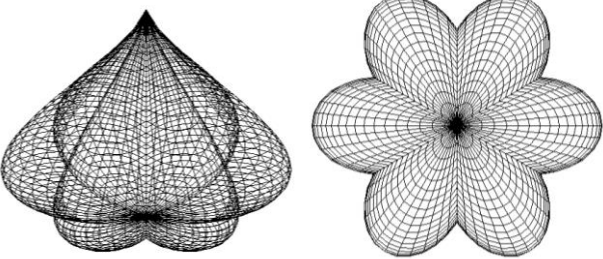
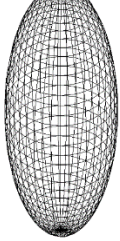
6.

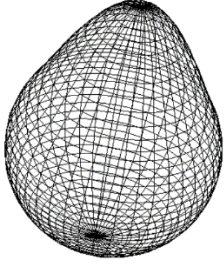
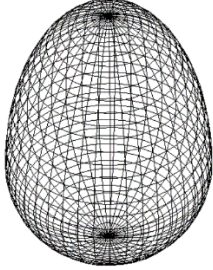
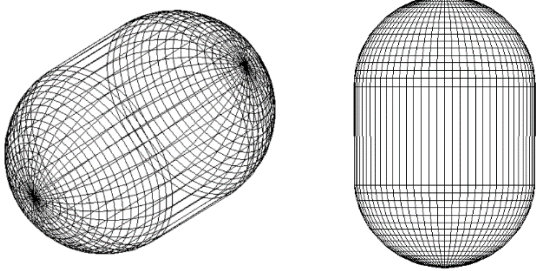


Шар.

$$\begin{cases} x = R \sin \alpha \cos \beta, \\ y = R \sin \alpha \sin \beta, \\ z = R \cos \alpha, \end{cases}$$

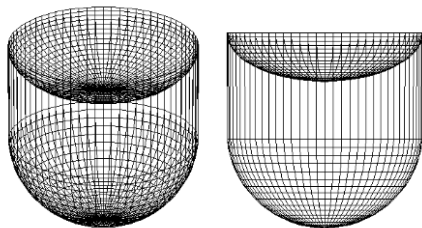
$\alpha \in [0, \pi], \beta \in [0, 2\pi]$ .

|     |   |
|-----|---|
| 7.  | <p>Капля_1.</p> $x = R \sin \alpha \cos \beta,$ $y = R \sin \alpha \sin \beta,$ $z = \begin{cases} R \cos \alpha / \cos(\pi/3 - \alpha), & \text{если } \alpha \in [0, \pi/3], \\ R \cos \alpha, & \alpha \in [\pi/3, \pi], \end{cases}$ $\alpha \in [0, \pi], \beta \in [0, 2\pi].$  |
| 8.  |  <p>Капля_2.</p> $x = R \sin \alpha \cos \beta,$ $y = R \sin \alpha \sin \beta,$ $z = -R \sqrt{A \cdot \sin(0,5 \cdot \alpha)^2} + 1,5 \cdot R,$ <p><math>A \in [1, \infty]</math> – влияет на высоту (рекомендуемое значение - 6),<br/> <math>\alpha \in [0, \pi], \beta \in [0, 2\pi].</math></p>  |
| 9.  |  <p>Чеснок.</p> $x = R \sin \alpha \cos \beta (1 + 0,5  \sin(K \cdot \beta) ),$ $y = R \sin \alpha \sin \beta (1 + 0,5  \sin(K \cdot \beta) ),$ $z = -R \sqrt{A \cdot \sin(0,5 \cdot \alpha)^{1,5}} + 1,5 \cdot R,$ <p><math>K = \text{количество зубчиков} \times 0,5,</math><br/> <math>A \in [1, \infty]</math> – влияет на высоту (рекомендуемое значение - 6),<br/> <math>\alpha \in [0, \pi], \beta \in [0, 2\pi].</math></p> |
| 10. |  <p>Эллипсоиды.</p> $\begin{cases} x = R \sin \alpha \cos \beta, \\ y = R \sin \alpha \sin \beta, \\ z = k \cdot R \cos \alpha, \end{cases}$   |

|     |   |
|-----|---|
|     | $k$ – коэффициент сжатия (растяжения),<br>$\alpha \in [0, \pi], \beta \in [0, 2\pi]$ .  |
| 11. |  <p>Груша.</p> $x = R \sin \alpha \cos \beta,$ $y = R \sin \alpha \sin \beta,$ $z = \begin{cases} R \cos \alpha + 2,5R(\cos \alpha - 0,5)^2, & \text{если } R \cos \alpha > 2, \\ R \cos \alpha, & \text{иначе,} \end{cases}$ $\alpha \in [0, \pi], \beta \in [0, 2\pi]$ . |
| 12. |  <p>Яйцо.</p> $x = R \sin \alpha \cos \beta,$ $y = R \sin \alpha \sin \beta,$ $z = \begin{cases} 2R \cos \alpha, & \text{если } R \cos \alpha > 0, \\ R \cos \alpha, & \text{иначе,} \end{cases}$ $\alpha \in [0, \pi], \beta \in [0, 2\pi]$ .                            |
| 13. |  <p>Киндер-сюрприз.</p> $x = R \sin \alpha \cos \beta,$ $y = R \sin \alpha \sin \beta,$ $z = \begin{cases} R \cos \alpha + R, & \text{если } R \cos \alpha > 0, \\ R \cos \alpha, & \text{иначе,} \end{cases}$ $\alpha \in [0, \pi], \beta \in [0, 2\pi]$ .              |



14.



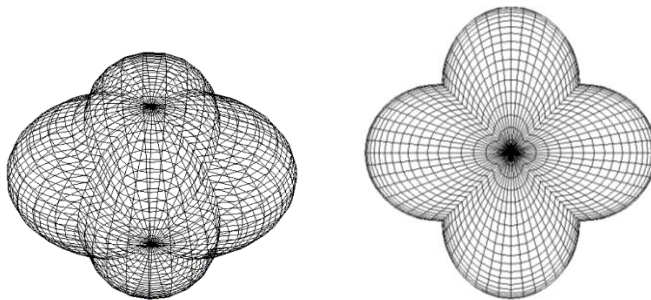
Половинка киндер-сюрприза.

$$x = R \sin \alpha \cos \beta,$$

$$y = R \sin \alpha \sin \beta,$$

$$z = \begin{cases} R - 0,5R \cos \alpha, & \text{если } R \cos \alpha > 0, \\ R \cos \alpha, & \text{иначе.} \end{cases}$$

15.



Тюк.

$$x = R \sin \alpha \cos \beta (1 + 0,5 |\sin(K \cdot \beta)|),$$

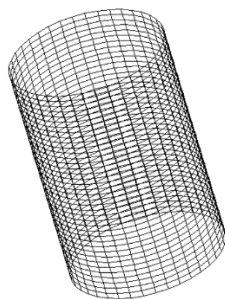
$$y = R \sin \alpha \sin \beta (1 + 0,5 |\sin(K \cdot \beta)|),$$

$$z = R \cos \alpha,$$

$K$  – количество "лепестков"  $\times 0,5$ ,

$\alpha \in [0, \pi]$ ,  $\beta \in [0, 2\pi]$ .

16.



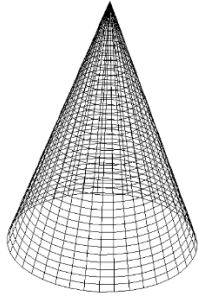
Цилиндр.

$$\begin{cases} x = R \sin \alpha, \\ y = R \cos \alpha, \\ z = H \cdot k, \end{cases}$$

$H$  – высота цилиндра,  $R$  – радиус цилиндра,

$\alpha \in [0, 2\pi]$ ,  $k \in [-1/2; 1/2]$ .

17.



Конус и усеченный конус.

$$\begin{cases} x = (R_1 + (R_2 - R_1)(k - 0,5)) \cdot \sin \alpha, \\ y = (R_1 + (R_2 - R_1)(k - 0,5)) \cdot \cos \alpha, \\ z = H \cdot k, \end{cases}$$

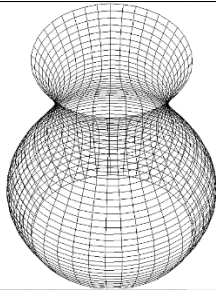
$H$  – высота конуса,

$R_1$  – радиус нижней части конуса,

$R_2$  – радиус верхней части конуса,

$\alpha \in [0, 2\pi]$ ,  $k \in [-1/2; 1/2]$ .

18.



Ваза.

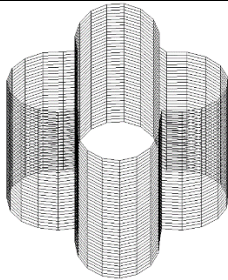
$$\begin{cases} x = R \cdot (1 - 0,3 \sin(2k\pi)) \cdot \sin \alpha, \\ y = R \cdot (1 - 0,3 \sin(2k\pi)) \cdot \cos \alpha, \\ z = H \cdot k, \end{cases}$$

$H$  – высота вазы,

$R$  – максимальный радиус вазы,

$\alpha \in [0, 2\pi]$ ,  $k \in [-1/2; 1/2]$ .

19.



Формочка.

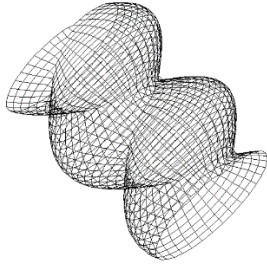
$$\begin{cases} x = R \cdot (1 + |\sin(2\alpha)|) \cdot \sin \alpha, \\ y = R \cdot (1 + |\sin(2\alpha)|) \cdot \cos \alpha, \\ z = H \cdot k, \end{cases}$$

$H$  – высота формочки,

$R$  – радиус формочки,

$\alpha \in [0, 2\pi]$ ,  $k \in [-1/2; 1/2]$ .

20.

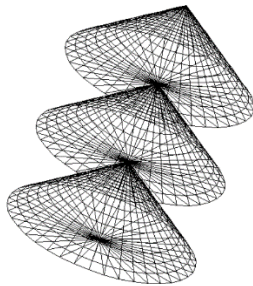


Макаронина.

$$\begin{cases} x = R \cdot (1 + |\sin(2k\pi + 0,5\alpha)|) \cdot \sin \alpha, \\ y = R \cdot (1 + |\sin(2k\pi + 0,5\alpha)|) \cdot \cos \alpha, \\ z = H \cdot k, \end{cases}$$

 $H$  – высота макаронины, $R$  – радиус макаронины, $\alpha \in [0, 2\pi], k \in [-1/2; 1/2]$ .

21.

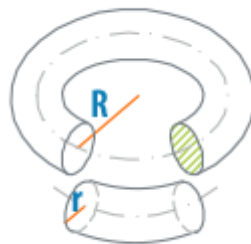
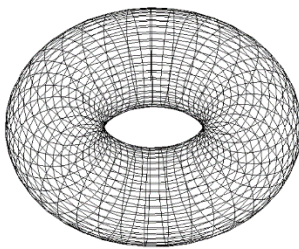


Ёлочка.

$$\begin{cases} x = (k \cdot N \bmod R) \cdot \sin \alpha, \\ y = (k \cdot N \bmod R) \cdot \cos \alpha, \\ z = H \cdot k, \end{cases}$$

 $H$  – высота ёлочки, $R$  – максимальный радиус ёлочки, $N$  – количество ярусов, $\alpha \in [0, 2\pi], k \in [0; 1]$ .

22.



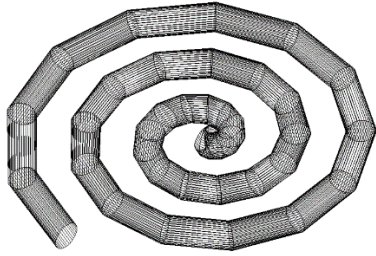
Тор.

$$\begin{cases} x = (R + r \cos \alpha) \cdot \sin \beta, \\ y = (R + r \cos \alpha) \cdot \cos \beta, \\ z = r \sin \alpha, \end{cases}$$

 $R$  – расстояние от центра образующей окружности до оси вращения, $r$  – радиус образующей окружности, $\alpha \in [0, 2\pi], \beta \in [-\pi, \pi]$ .



23.



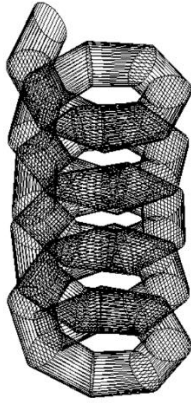
Спираль.

$$\begin{cases} x = (R + r \cos \alpha) \cdot \sin \beta, \\ y = (R + r \cos \alpha) \cdot \cos \beta, \\ z = r \sin \alpha, \end{cases}$$

$$R = A + B \cdot \beta,$$

$$\alpha \in [0, 2\pi], \beta \in [-2\pi, 2\pi].$$

24.



Пружина.

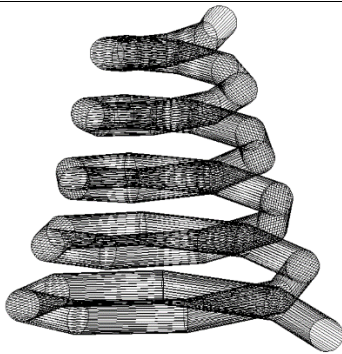
$$x = (R + r \cos \alpha) \sin \beta,$$

$$y = (R + r \cos \alpha) \cos \beta,$$

$$z = r \cdot \sin \alpha + k \cdot \beta,$$

$k - \text{const}$  (определяет шаг витков спирали по высоте),  
 $\alpha \in [0, 2\pi], \beta \in [-n \cdot \pi, n \cdot \pi]$ , где  $n$  – число витков спирали.

25.



Коническая спираль.

$$\begin{cases} x = (R + p\beta + r \cos \alpha) \sin \beta, \\ y = (R + p\beta + r \cos \alpha) \cos \beta, \\ z = r \sin \alpha + k\beta, \end{cases}$$

где  $p$  определяет увеличение большого радиуса пропорционально  
 длине, а  $k$  – задает шаг витков пружины по высоте,  
 $\alpha \in [0, 2\pi], \beta \in [-n \cdot \pi, n \cdot \pi]$ , где  $n$  – число витков спирали.