

ОТЧЕТ ПО ЛАБОРАТОРНОЙ РАБОТЕ №1

ИССЛЕДОВАНИЕ РАБОТЫ ПИ-РЕГУЛЯТОРА

студент Пенкин Станислав

Вариант 17

18 февраля 2017

ИСХОДНЫЕ ДАННЫЕ:

```
V0 = 0      # начальная скорость
m = 100     # масса объекта
dt = 1      # величина шага изменения времени (сек)
maxT = 400  # максимальное время достижения круизной скорости с точностью dV
dV = 0.1    # точность достижения скорости
```

ИСХОДНЫЕ ДАННЫЕ ВАРИАНТА:

```
kP = 2      # коэффициент пропорционального регулятора
kI = 0.2    # коэффициент интегрального регулятора
kc = 1.5    # коэффициент сопротивления среды
Vdir = 35   # круизная скорость
Umax = 100  # максимальное управляющее воздействие
```

ПРОГРАММА РАСЧЕТА ТРАЕКТОРИИ СКОРОСТИ (ПИ-РЕГУЛЯТОР):

```
cruizCtrl = function(kP, kI, kc, Vdir, Umax) {
  ind = 1:maxT
  Umin = (-Umax)
  T = ind * dt
  v = T * 0
  err = 0
  sumerr = 0
  v[1] = V0
  for (i in ind[-maxT]) {
    err = Vdir - v[i]
    sumerr = sumerr + err
    u = kP * err + kI * sumerr * dt
    if (u > Umax) u = Umax
    if (u < Umin) u = Umin
    v[i + 1] = v[i] + (u - kc * v[i]) * dt / m
  }
  ## необходимо вернуть data.frame - в 1-м столбце - вектор времен, во 2-м - вектор скоростей
  data.frame(T, v)
}
```

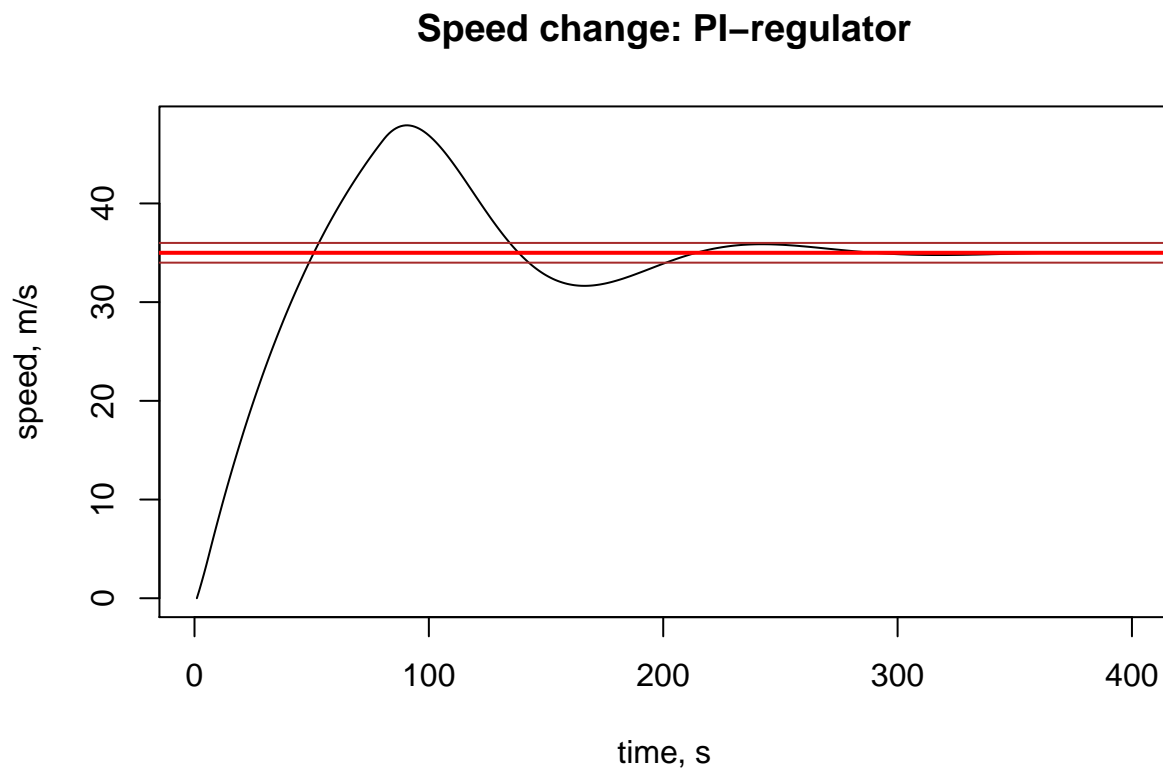
1. АНАЛИЗ РАБОТЫ ПИ-РЕГУЛЯТОРА ПРИ ЗАДАННЫХ ЗНАЧЕНИЯХ.

РАСЧЕТ ТРАЕКТОРИИ СКОРОСТИ ПРИ ЗАДАННЫХ ЗНАЧЕНИЯХ ПАРАМЕТРОВ ПИ-РЕГУЛЯТОРА:

```
res = cruizCtrl(kP, kI, kc, Vdir, Umax)
head(res)
```

```
##   T      v
## 1 1 0.000000
## 2 2 0.770000
## 3 3 1.581510
## 4 4 2.431454
## 5 5 3.316787
## 6 6 4.234500
```

ВЫВОД ГРАФИКА:



ВЫВОД №1:

При заданных значениях регулятора $kP=2$, $kI=0.2$ система достигает заданной точности за время, меньшее, чем $\max T = 400$ сек.

2. ИССЛЕДУЕМ ПИ-РЕГУЛЯТОР.

ПРОГРАММА РАСЧЕТА ВРЕМЕНИ ДОСТИЖЕНИЯ ЗАДАННОЙ ТОЧНОСТИ ПО СКОРОСТИ:

```
getTime = function(tv, Vdir, dV) {
  T = tv[["T"]]
```

```

v = tv[["v"]]
i = length(v)
while ((abs(Vdir - v[i]) < dV) & (i > 1)) {
  i = i - 1
}
## необходимо вернуть время, начиная с которого скорость отклонялась от заданной
## меньше, чем на dV
T[i]
}

```

РАСЧЕТ ВРЕМЕНИ ДОСТИЖЕНИЯ ЗАДАННОЙ ТОЧНОСТИ ПРИ ЗАДАННЫХ ЗНАЧЕНИЯХ ПАРАМЕТРОВ ПИ-РЕГУЛЯТОРА:

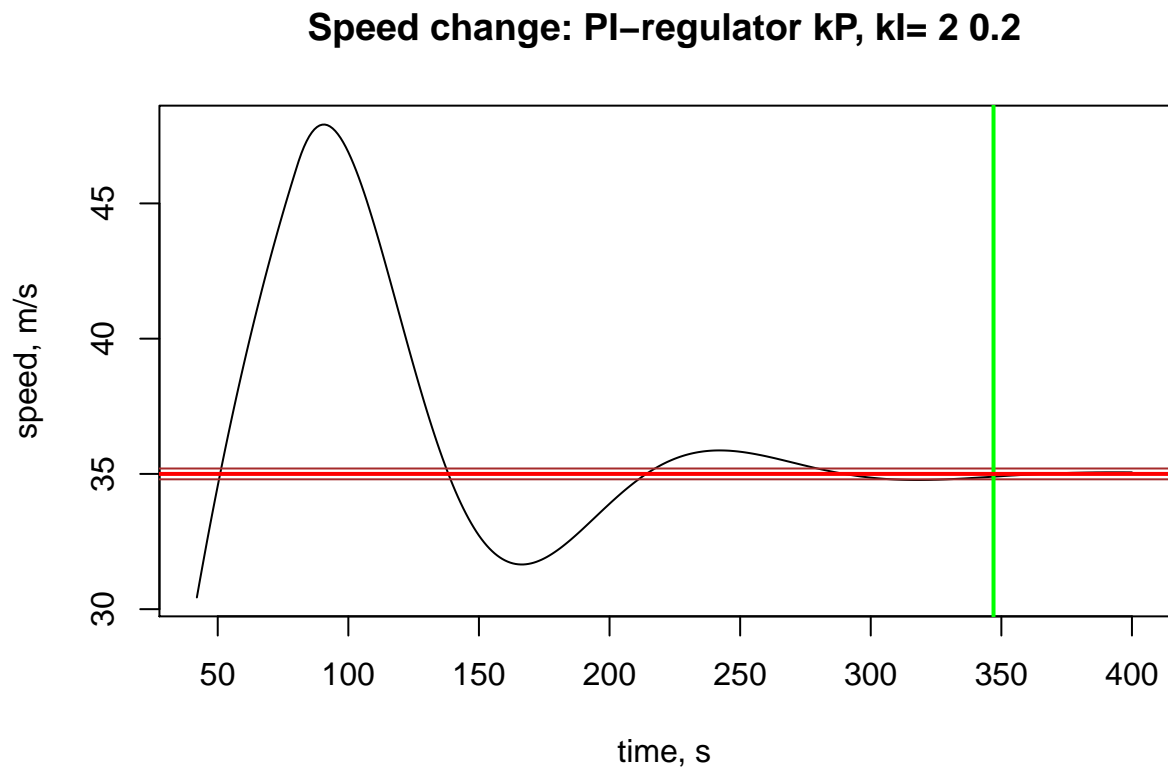
```

tLim = getTime(res, Vdir, dV)
print(paste(tLim, Vdir, dV))

```

```
## [1] "347 35 0.1"
```

ВЫВОД ГРАФИКА:



РАСЧЕТ ТРАЕКТОРИИ СКОРОСТИ ПРИ ВЫБРАННЫХ ЗНАЧЕНИЯХ ПАРАМЕТРОВ ПИ-РЕГУЛЯТОРА:

```
res1 = cruizCtrl(2, 0.1, kc, Vdir, Umax)
tail(res1)
```

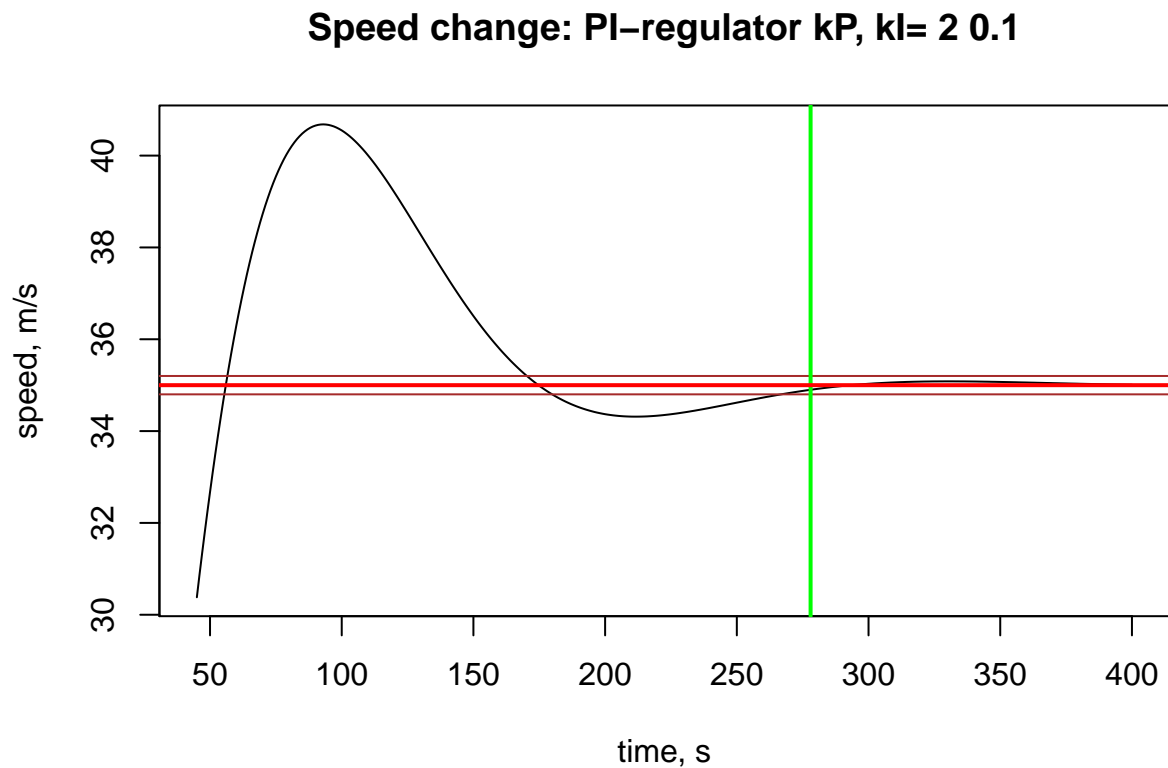
```
##      T      v
## 395 395 35.01376
## 396 396 35.01277
## 397 397 35.01181
## 398 398 35.01087
## 399 399 35.00995
## 400 400 35.00905
```

РАСЧЕТ ВРЕМЕНИ ДОСТИЖЕНИЯ ЗАДАННОЙ ТОЧНОСТИ ПРИ ВЫБРАННЫХ ЗНАЧЕНИЯХ ПАРАМЕТРОВ ПИ-РЕГУЛЯТОРА:

```
tLim1 = getTime(res1, Vdir, dV)
print(paste(tLim1, Vdir, dV))
```

```
## [1] "278 35 0.1"
```

ВЫВОД ГРАФИКА:



ВЫВОД №2:

При выбранных значениях ПИ-регулятора $k_P=2$, $k_I=0.1$ система достигает заданной точности в момент времени $t_1=278$ сек. Это быстрее, чем момент времени $t=347$ сек при заданных значениях ПИ-регулятора.

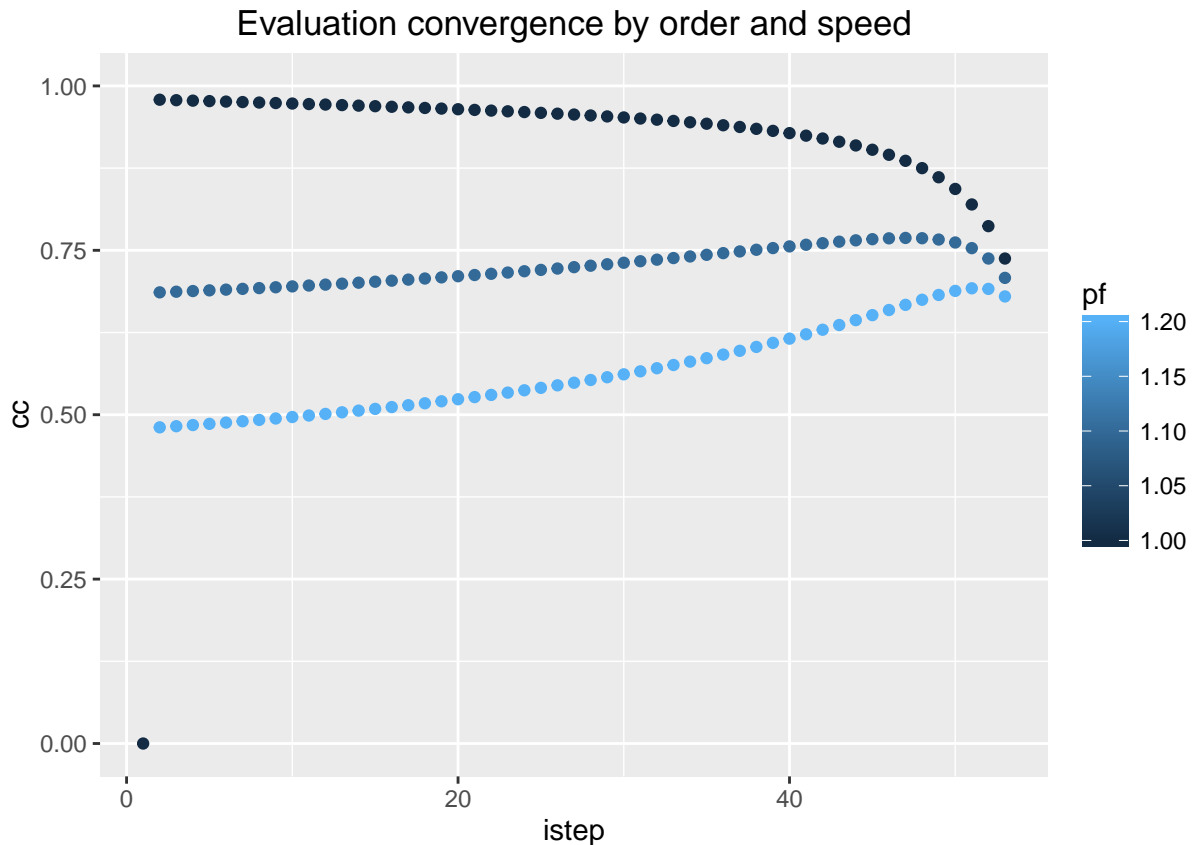
3. ИССЛЕДУЕМ ПОРЯДОК И СКОРОСТЬ СХОДИМОСТИ. ПРОГРАММА РАСЧЕТА СТАБИЛИЗИРУЕМОЙ ПОСЛЕДОВАТЕЛЬНОСТИ:

```
getCC = function(v, Vdir, p) {  
  v = v[v < Vdir - 0.1]  
  numv = length(v)  
  cc = v * 0  
  istep = rep(1:numv, length(p))  
  pf = rep(p, each = numv)  
  vf = rep(v, length(p))  
  for (i in 2:length(vf)) {  
    cc[i] = abs(Vdir - vf[i]) / abs(Vdir - vf[i - 1]) ^ pf[i]  
  }  
  ## необходимо вернуть data.frame - в 1-м столбце - вектор номеров шагов,  
  ## во 2-м - стабилизируемая последовательность,  
  ## в 3-м - фактор разных последовательностей (при разных значениях p)  
  data.frame(istep, cc, pf)  
}
```

ОЦЕНКА ПОРЯДКА И СКОРОСТИ СХОДИМОСТИ:

```
res2 = res1[res1$v < Vdir - dV * 10,]  
ccframe = getCC(res2$v, Vdir, c(1, 1.1, 1.2))
```

ВЫВОД ГРАФИКА



Видим, что стабилизация последовательности достигается при порядке $p \approx 1.1$, поэтому выбираем порядок сходимости равным 1.1.

```
order = 1.1
ccframe1 = getCC(res2$v, Vdir, c(order))
velocity = 1 / mean(ccframe1$cc)
print(velocity)
```

```
## [1] 1.403866
```

ВЫВОД №3:

При выбранных значениях $kP=2$, $kI=0.1$ ПИ-регулятора система сходится с порядком сходимости $p=1.1$ и со скоростью сходимости $velocity=1.403866$.

4. ИССЛЕДУЕМ ОПТИМАЛЬНЫЕ ПАРАМЕТРЫ РЕГУЛЯТОРА.

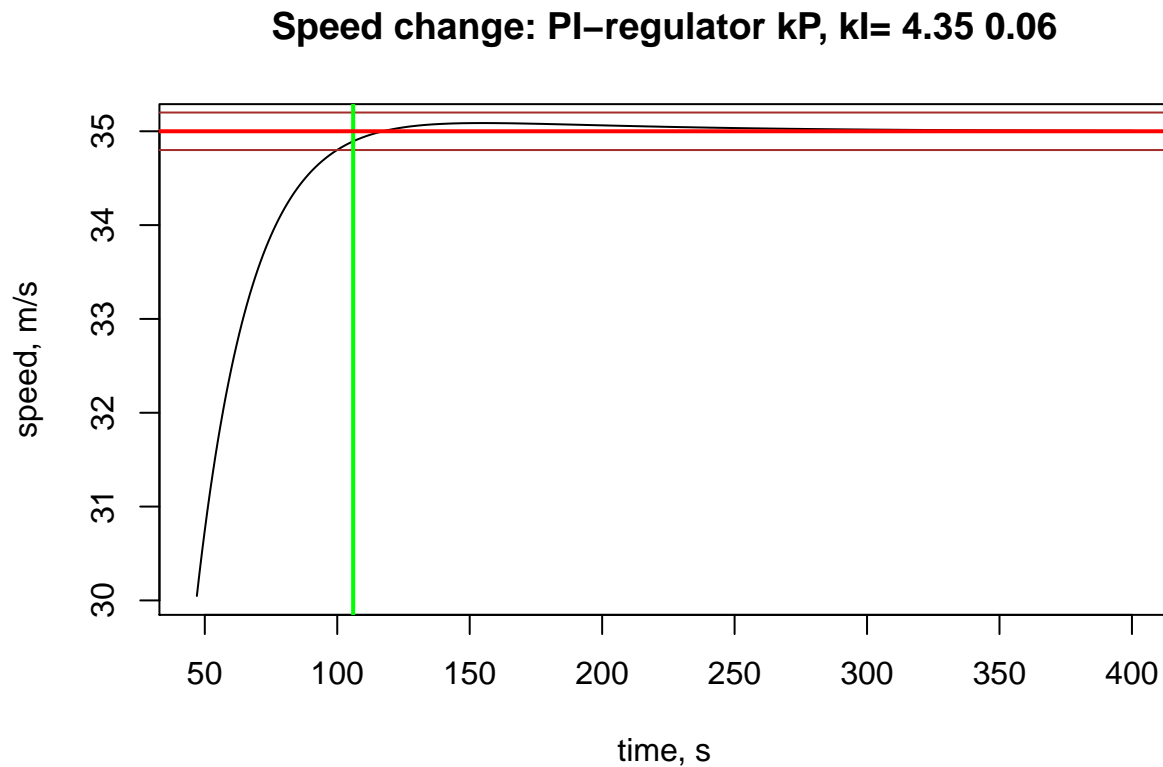
```
kP = c(seq(from = 0, to = 5, by = 0.05))
kI = c(seq(from = 0, to = 1, by = 0.01))
for (iI in 1:101) {
  for (iP in 1:101) {
    res = cruizCtrl(kP[iP], kI[iI], kc, Vdir, Umax)
    tLim = getTime(res, Vdir, dV)
    data[i, 1] = kP[iP]
    data[i, 2] = kI[iI]
```

```

    data[i, 3] = tLim
    i = i + 1
  }
}
opt = data[which.min(data$tLim),]
res = cruizCtrl(opt$kP, opt$kI, kc, Vdir, Umax)

```

ВЫВОД ГРАФИКА



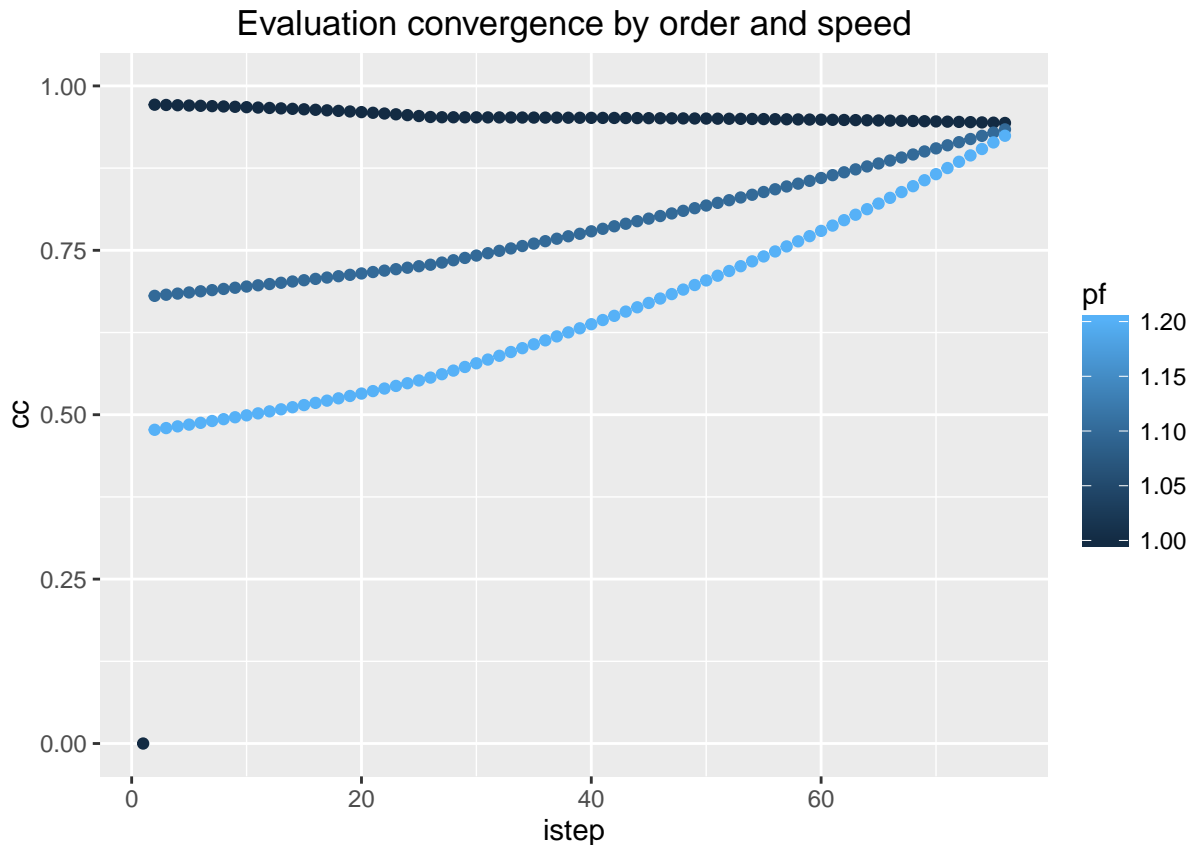
ОЦЕНКА ПОРЯДКА И СКОРОСТИ СХОДИМОСТИ:

```

res1 = res[res$v < Vdir - dV * 10,]
ccframe = getCC(res1$v, Vdir, c(1, 1.1, 1.2))

```

ВЫВОД ГРАФИКА



Видим, что стабилизация последовательности достигается при порядке $p \approx 1.01$, поэтому выбираем порядок сходимости равным 1.01.

```
order = 1.01
ccframe1 = getCC(res2$v, Vdir, c(order))
velocity = 1 / mean(ccframe1$cc)
print(velocity)
```

```
## [1] 1.115976
```

ВЫВОД №4:

Найдены лучшие параметры ПИ-регулятора $k_P=4.35$, $k_I=0.06$. Время достижения заданной точности управления составило $t=106$ сек . Скорость сходимости равна $velocity=1.115976$ при порядке сходимости $p=1.01$.

Регулировка k_P отвечает за изменение воздействия в зависимости от разницы крейсерской и текущей скорости. Чем больше k_P , тем большее воздействие будет на объект. Регулировка k_I нужна для компенсации возрастающего с увеличением скорости сопротивления среды. Значение k_I надо выбирать исходя из того, насколько велико сопротивление среды.