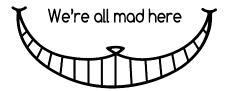
Буси-до, 武士道, кодекс чести самурая:

- 1. Подпишите работу сверху: id_for_online, фамилию, имя, номер группы.
- 2. Должно быть выписано решение задачи, только ответ не засчитывается.
- 3. Для каждого пункта задания обведите полученный результат в торжественную рамочку.
- 4. Загрузите свою работу в лмс или на гитхаб в виде одного .pdf файла. Ссылка на гитхаб: https://classroom.github.com/a/tciY6H9J.
- 5. Имя файла должно иметь вид kr4_NNN.pdf где вместо цифр NNN следует написать id_for_online.
- 6. При загрузке версий работы и на гитхаб, и в лмс, проверяется версия из лмс.
- 7. Начало контрольной: 13:00. Дедлайны: 13:40 —без штрафа, 13.45 —со штрафом 30%, 13:50 —со штрафом 60%.
- 8. Оперативные важные сообщения будут в телеграм-канале @room112.

- 1. State your identity at the top of the sheet: id_for_online, first name, last name, group number.
- 2. Full solutions are required, answer without explanations is not graded.
- 3. You should draw a pretty box around every final numeric answer or formula.
- 4. Upload your work to the lms or gihtub as a unique .pdf file. Github link: https://classroom.github.com/a/tciY6H9J.
- 5. The filename should be of the form kr4_NNN.pdf with your id_for_online instead of NNN.
- 6. If you submit your work on github and in lms, then the version in lms is checked.
- 7. Start time: 13:00. Deadlines: 13:40 —without penalty, 13:45 —30% penalty, 13:50 —60% penalty.
- 8. For prompt and important messages read the telegram channel @room112.



Вариант 1

- 1. [5 баллов] Монета подбрасывается 100 раз. По выборке из распределения Бернулли постройте 90% доверительный интервал для вероятности выпадения орла в общем виде и найдите его реализацию, если выпал 61 орел.
- 2. Рассмотрим выборку $X_1, X_2, ..., X_n$ из нормального распределения $\mathcal{N}(1, \theta)$, где θ —неизвестная дисперсия:

$$\sum_{i=1}^{100} X_i = 150, \quad \sum_{i=1}^{100} X_i^2 = 600, \quad \sum_{i=1}^{100} (X_i - 1)^2 = 400.$$

С помощью метода максимального правдоподобия постройте асимптотические доверительные интервалы с уровнем доверия 95% в общем виде и найдите их реализации для

- а) параметра θ [7 баллов];
- б) стандартного отклонения X_1 [8 баллов];
- в) вероятности $\mathbb{P}(X_1 < 3)$ [бонусный пункт в 10 баллов].

- 1. Подпишите работу сверху: id_for_online, фамилию, имя, номер группы.
- 2. Должно быть выписано решение задачи, только ответ не засчитывается.
- 3. Для каждого пункта задания обведите полученный результат в торжественную рамочку.
- 4. Загрузите свою работу в лмс или на гитхаб в виде одного .pdf файла. Ссылка на гитхаб: https://classroom.github.com/a/tciY6H9J.
- 5. Имя файла должно иметь вид kr4_NNN.pdf где вместо цифр NNN следует написать id_for_online.
- 6. При загрузке версий работы и на гитхаб, и в лмс, проверяется версия из лмс.
- 7. Начало контрольной: 13:00. Дедлайны: 13:40 —без штрафа, 13.45 —со штрафом 30%, 13:50 —со штрафом 60%.
- 8. Оперативные важные сообщения будут в телеграм-канале @room112.

Вариант 2

- 1. [5 баллов] Монета подбрасывается 196 раз. По выборке из распределения Бернулли постройте 95% доверительный интервал для вероятности выпадения орла в общем виде и найдите его реализацию, если выпало 54 орла.
- 2. Рассмотрим выборку $X_1, X_2, ..., X_n$ из нормального распределения $\mathcal{N}(1, \theta^2)$, где θ^2 —неизвестная дисперсия:

$$\sum_{i=1}^{100} X_i = 150, \quad \sum_{i=1}^{100} X_i^2 = 600, \quad \sum_{i=1}^{100} (X_i - 1)^2 = 400.$$

С помощью метода максимального правдоподобия постройте асимптотические доверительные интервалы с уровнем доверия 90% в общем виде и найдите их реализации для

- а) параметра θ [7 баллов]; Обратите внимание, именно θ !
- б) дисперсии X_1 [8 баллов];
- в) вероятности $\mathbb{P}(X_1 < 2)$ [бонусный пункт в 10 баллов].

- 1. Подпишите работу сверху: id_for_online, фамилию, имя, номер группы.
- 2. Должно быть выписано решение задачи, только ответ не засчитывается.
- 3. Для каждого пункта задания обведите полученный результат в торжественную рамочку.
- 4. Загрузите свою работу в лмс или на гитхаб в виде одного .pdf файла. Ссылка на гитхаб: https://classroom.github.com/a/tciY6H9J.
- 5. Имя файла должно иметь вид kr4_NNN.pdf где вместо цифр NNN следует написать id_for_online.
- 6. При загрузке версий работы и на гитхаб, и в лмс, проверяется версия из лмс.
- 7. Начало контрольной: 13:00. Дедлайны: 13:40 —без штрафа, 13.45 —со штрафом 30%, 13:50 —со штрафом 60%.
- 8. Оперативные важные сообщения будут в телеграм-канале @room112.

Вариант 3

- 1. [5 баллов] Монета подбрасывается 169 раз. По выборке из распределения Бернулли постройте 99% доверительный интервал для вероятности выпадения орла в общем виде и найдите его реализацию, если выпало 58 орлов.
- 2. Рассмотрим выборку $X_1, X_2, ..., X_n$ из нормального распределения $\mathcal{N}(2, \theta)$, где θ —неизвестная дисперсия:

$$\sum_{i=1}^{100} X_i = 125, \quad \sum_{i=1}^{100} X_i^2 = 200, \quad \sum_{i=1}^{100} (X_i - 2)^2 = 100.$$

С помощью метода максимального правдоподобия постройте асимптотические доверительные интервалы с уровнем доверия 95% в общем виде и найдите их реализации для

- а) параметра θ [7 баллов];
- б) стандартного отклонения X_1 [8 баллов];
- в) вероятности $\mathbb{P}(X_1 < 3)$ [бонусный пункт в 10 баллов].

- 1. Подпишите работу сверху: id_for_online, фамилию, имя, номер группы.
- 2. Должно быть выписано решение задачи, только ответ не засчитывается.
- 3. Для каждого пункта задания обведите полученный результат в торжественную рамочку.
- 4. Загрузите свою работу в лмс или на гитхаб в виде одного .pdf файла. Ссылка на гитхаб: https://classroom.github.com/a/tciY6H9J.
- 5. Имя файла должно иметь вид kr4_NNN.pdf где вместо цифр NNN следует написать id_for_online.
- 6. При загрузке версий работы и на гитхаб, и в лмс, проверяется версия из лмс.
- 7. Начало контрольной: 13:00. Дедлайны: 13:40 —без штрафа, 13.45 —со штрафом 30%, 13:50 —со штрафом 60%.
- 8. Оперативные важные сообщения будут в телеграм-канале @room112.

Вариант 4

- 1. [5 баллов] Монета подбрасывается 144 раза. По выборке из распределения Бернулли постройте 95% доверительный интервал для вероятности выпадения орла в общем виде и найдите его реализацию, если выпало 45 орлов.
- 2. Рассмотрим выборку $X_1, X_2, ..., X_n$ из нормального распределения $\mathcal{N}(2, \theta^2)$, где θ^2 —неизвестная дисперсия:

$$\sum_{i=1}^{100} X_i = 125, \quad \sum_{i=1}^{100} X_i^2 = 200, \quad \sum_{i=1}^{100} (X_i - 2)^2 = 100.$$

С помощью метода максимального правдоподобия постройте асимптотические доверительные интервалы с уровнем доверия 90% в общем виде и найдите их реализации для

- а) параметра θ [7 баллов]; Обратите внимание, именно θ !
- б) дисперсии X_1 [8 баллов];
- в) вероятности $\mathbb{P}(X_1 < 1)$ [бонусный пункт в 10 баллов].

- 1. Подпишите работу сверху: id_for_online, фамилию, имя, номер группы.
- 2. Должно быть выписано решение задачи, только ответ не засчитывается.
- 3. Для каждого пункта задания обведите полученный результат в торжественную рамочку.
- 4. Загрузите свою работу в лмс или на гитхаб в виде одного .pdf файла. Ссылка на гитхаб: https://classroom.github.com/a/tciY6H9J.
- 5. Имя файла должно иметь вид kr4_NNN.pdf где вместо цифр NNN следует написать id_for_online.
- 6. При загрузке версий работы и на гитхаб, и в лмс, проверяется версия из лмс.
- 7. Начало контрольной: 13:00. Дедлайны: 13:40 —без штрафа, 13.45 —со штрафом 30%, 13:50 —со штрафом 60%.
- 8. Оперативные важные сообщения будут в телеграм-канале @room112.

Вариант 5

- 1. [5 баллов] Монета подбрасывается 100 раз. По выборке из распределения Бернулли постройте 90% доверительный интервал для вероятности выпадения орла в общем виде и найдите его реализацию, если выпал 61 орел.
- 2. Рассмотрим выборку $X_1, X_2, ..., X_n$ из нормального распределения $\mathcal{N}(1, \theta)$, где θ —неизвестная дисперсия:

$$\sum_{i=1}^{100} X_i = 150, \quad \sum_{i=1}^{100} X_i^2 = 600, \quad \sum_{i=1}^{100} (X_i - 1)^2 = 400.$$

С помощью метода максимального правдоподобия постройте асимптотические доверительные интервалы с уровнем доверия 95% в общем виде и найдите их реализации для

- а) параметра θ [7 баллов];
- б) стандартного отклонения X_1 [8 баллов];
- в) вероятности $\mathbb{P}(X_1 > 3)$ [бонусный пункт в 10 баллов].

- 1. Подпишите работу сверху: id_for_online, фамилию, имя, номер группы.
- 2. Должно быть выписано решение задачи, только ответ не засчитывается.
- 3. Для каждого пункта задания обведите полученный результат в торжественную рамочку.
- 4. Загрузите свою работу в лмс или на гитхаб в виде одного .pdf файла. Ссылка на гитхаб: https://classroom.github.com/a/tciY6H9J.
- 5. Имя файла должно иметь вид kr4_NNN.pdf где вместо цифр NNN следует написать id_for_online.
- 6. При загрузке версий работы и на гитхаб, и в лмс, проверяется версия из лмс.
- 7. Начало контрольной: 13:00. Дедлайны: 13:40 —без штрафа, 13.45 —со штрафом 30%, 13:50 —со штрафом 60%.
- 8. Оперативные важные сообщения будут в телеграм-канале @room112.

Вариант 6

- 1. [5 баллов] Монета подбрасывается 196 раз. По выборке из распределения Бернулли постройте 95% доверительный интервал для вероятности выпадения орла в общем виде и найдите его реализацию, если выпало 54 орла.
- 2. Рассмотрим выборку $X_1, X_2, ..., X_n$ из нормального распределения $\mathcal{N}(1, \theta^2)$, где θ^2 —неизвестная дисперсия:

$$\sum_{i=1}^{100} X_i = 150, \quad \sum_{i=1}^{100} X_i^2 = 600, \quad \sum_{i=1}^{100} (X_i - 1)^2 = 400.$$

С помощью метода максимального правдоподобия постройте асимптотические доверительные интервалы с уровнем доверия 90% в общем виде и найдите их реализации для

- а) параметра θ [7 баллов]; Обратите внимание, именно θ !
- б) дисперсии X_1 [8 баллов];
- в) вероятности $\mathbb{P}(X_1 > 2)$ [бонусный пункт в 10 баллов].

- 1. Подпишите работу сверху: id_for_online, фамилию, имя, номер группы.
- 2. Должно быть выписано решение задачи, только ответ не засчитывается.
- 3. Для каждого пункта задания обведите полученный результат в торжественную рамочку.
- 4. Загрузите свою работу в лмс или на гитхаб в виде одного .pdf файла. Ссылка на гитхаб: https://classroom.github.com/a/tciY6H9J.
- 5. Имя файла должно иметь вид kr4_NNN.pdf где вместо цифр NNN следует написать id_for_online.
- 6. При загрузке версий работы и на гитхаб, и в лмс, проверяется версия из лмс.
- 7. Начало контрольной: 13:00. Дедлайны: 13:40 —без штрафа, 13.45 —со штрафом 30%, 13:50 —со штрафом 60%.
- 8. Оперативные важные сообщения будут в телеграм-канале @room112.

Вариант 7

- 1. [5 баллов] Монета подбрасывается 169 раз. По выборке из распределения Бернулли постройте 99% доверительный интервал для вероятности выпадения орла в общем виде и найдите его реализацию, если выпало 58 орлов.
- 2. Рассмотрим выборку $X_1, X_2, ..., X_n$ из нормального распределения $\mathcal{N}(2, \theta)$, где θ —неизвестная дисперсия:

$$\sum_{i=1}^{100} X_i = 125, \quad \sum_{i=1}^{100} X_i^2 = 200, \quad \sum_{i=1}^{100} (X_i - 2)^2 = 100.$$

С помощью метода максимального правдоподобия постройте асимптотические доверительные интервалы с уровнем доверия 95% в общем виде и найдите их реализации для

- а) параметра θ [7 баллов];
- б) стандартного отклонения X_1 [8 баллов];
- в) вероятности $\mathbb{P}(X_1 > 3)$ [бонусный пункт в 10 баллов].

- 1. Подпишите работу сверху: id_for_online, фамилию, имя, номер группы.
- 2. Должно быть выписано решение задачи, только ответ не засчитывается.
- 3. Для каждого пункта задания обведите полученный результат в торжественную рамочку.
- 4. Загрузите свою работу в лмс или на гитхаб в виде одного .pdf файла. Ссылка на гитхаб: https://classroom.github.com/a/tciY6H9J.
- 5. Имя файла должно иметь вид kr4_NNN.pdf где вместо цифр NNN следует написать id_for_online.
- 6. При загрузке версий работы и на гитхаб, и в лмс, проверяется версия из лмс.
- 7. Начало контрольной: 13:00. Дедлайны: 13:40 —без штрафа, 13.45 —со штрафом 30%, 13:50 —со штрафом 60%.
- 8. Оперативные важные сообщения будут в телеграм-канале @room112.

Variant 1

- 1. [5 points] A coin was tossed 100 times and landed tails up in 61 tosses. Provide the general formula and particular values of the 90% confidence interval for the probability of landing tails up.
- 2. Consider a random sample $X_1, X_2, ..., X_n$ from normal distribution $\mathcal{N}(1, \theta)$, with unknown variance θ :

$$\sum_{i=1}^{100} X_i = 150, \quad \sum_{i=1}^{100} X_i^2 = 600, \quad \sum_{i=1}^{100} (X_i - 1)^2 = 400.$$

Using maximum likelihood provide general formula and particular values of the 95% asymptotic confidence interval for:

- a) parameter θ [7 points];
- 6) standard deviation X_1 [8 points];
- в) probability $\mathbb{P}(X_1 < 1)$ [bonus question for 10 points].

- 1. State your identity at the top of the sheet: id for online, first name, last name, group number.
- 2. Full solutions are required, answer without explanations is not graded.
- 3. You should draw a pretty box around every final numeric answer or formula.
- 4. Upload your work to the lms or gihtub as a unique .pdf file. Github link: https://classroom.github.com/a/tciY6H9J.
- 5. The filename should be of the form kr4 NNN.pdf with your id for online instead of NNN.
- 6. If you submit your work on github and in lms, then the version in lms is checked.
- 7. Start time: 13:00. Deadlines: 13:40 —without penalty, 13:45 —30% penalty, 13:50 —60% penalty.
- 8. For prompt and important messages read the telegram channel @room112.

Variant 2

- 1. [5 points] A coin was tossed 196 times and landed tails up in 54 tosses. Provide the general formula and particular values of the 95% confidence interval for the probability of landing tails up.
- 2. Consider a random sample $X_1, X_2, ..., X_n$ from normal distribution $\mathcal{N}(1, \theta^2)$, with unknown variance θ^2 :

$$\sum_{i=1}^{100} X_i = 150, \quad \sum_{i=1}^{100} X_i^2 = 600, \quad \sum_{i=1}^{100} (X_i - 1)^2 = 400.$$

Using maximum likelihood provide general formula and particular values of the 95% asymptotic confidence interval for:

- a) parameter θ [7 points]; Be careful, exactly for θ !
- б) variance X_1 [8 points];
- в) probability $\mathbb{P}(X_1 < 2)$ [bonus question for 10 points].

- 1. State your identity at the top of the sheet: id for online, first name, last name, group number.
- 2. Full solutions are required, answer without explanations is not graded.
- 3. You should draw a pretty box around every final numeric answer or formula.
- 4. Upload your work to the lms or gihtub as a unique .pdf file. Github link: https://classroom.github.com/a/tciY6H9J.
- 5. The filename should be of the form kr4 NNN.pdf with your id for online instead of NNN.
- 6. If you submit your work on github and in lms, then the version in lms is checked.
- 7. Start time: 13:00. Deadlines: 13:40 —without penalty, 13:45 —30% penalty, 13:50 —60% penalty.
- 8. For prompt and important messages read the telegram channel @room112.

Variant 3

- 1. [5 points] A coin was tossed 169 times and landed tails up in 58 tosses. Provide the general formula and particular values of the 99% confidence interval for the probability of landing tails up.
- 2. Consider a random sample $X_1, X_2, ..., X_n$ from normal distribution $\mathcal{N}(2, \theta)$, with unknown variance θ :

$$\sum_{i=1}^{100} X_i = 125, \quad \sum_{i=1}^{100} X_i^2 = 200, \quad \sum_{i=1}^{100} (X_i - 2)^2 = 100.$$

Using maximum likelihood provide general formula and particular values of the 95% asymptotic confidence interval for:

- a) parameter θ [7 points];
- 6) standard deviation X_1 [8 points];
- в) probability $\mathbb{P}(X_1 < 3)$ [bonus question for 10 points].

- 1. State your identity at the top of the sheet: id for online, first name, last name, group number.
- 2. Full solutions are required, answer without explanations is not graded.
- 3. You should draw a pretty box around every final numeric answer or formula.
- 4. Upload your work to the lms or gihtub as a unique .pdf file. Github link: https://classroom.github.com/a/tciY6H9J.
- 5. The filename should be of the form kr4_NNN.pdf with your id_for_online instead of NNN.
- 6. If you submit your work on github and in lms, then the version in lms is checked.
- 7. Start time: 13:00. Deadlines: 13:40 —without penalty, 13:45 —30% penalty, 13:50 —60% penalty.
- 8. For prompt and important messages read the telegram channel @room112.

Variant 4

- 1. [5 points] A coin was tossed 144 times and landed tails up in 45 tosses. Provide the general formula and particular values of the 95% confidence interval for the probability of landing tails up.
- 2. Consider a random sample $X_1, X_2, ..., X_n$ from normal distribution $\mathcal{N}(2, \theta^2)$, with unknown variance θ^2 :

$$\sum_{i=1}^{100} X_i = 125, \quad \sum_{i=1}^{100} X_i^2 = 200, \quad \sum_{i=1}^{100} (X_i - 2)^2 = 100.$$

Using maximum likelihood provide general formula and particular values of the 90% asymptotic confidence interval for:

- a) parameter θ [7 points]; Be careful, exactly for θ !
- б) variance X_1 [8 points];
- в) probability $\mathbb{P}(X_1 < 4)$ [bonus question for 10 points].

- 1. State your identity at the top of the sheet: id for online, first name, last name, group number.
- 2. Full solutions are required, answer without explanations is not graded.
- 3. You should draw a pretty box around every final numeric answer or formula.
- 4. Upload your work to the lms or gihtub as a unique .pdf file. Github link: https://classroom.github.com/a/tciY6H9J.
- 5. The filename should be of the form kr4 NNN.pdf with your id for online instead of NNN.
- 6. If you submit your work on github and in lms, then the version in lms is checked.
- 7. Start time: 13:00. Deadlines: 13:40 —without penalty, 13:45 —30% penalty, 13:50 —60% penalty.
- 8. For prompt and important messages read the telegram channel @room112.

Variant 5

- 1. [5 points] A coin was tossed 100 times and landed tails up in 61 tosses. Provide the general formula and particular values of the 90% confidence interval for the probability of landing tails up.
- 2. Consider a random sample $X_1, X_2, ..., X_n$ from normal distribution $\mathcal{N}(1, \theta)$, with unknown variance θ :

$$\sum_{i=1}^{100} X_i = 150, \quad \sum_{i=1}^{100} X_i^2 = 600, \quad \sum_{i=1}^{100} (X_i - 1)^2 = 400.$$

Using maximum likelihood provide general formula and particular values of the 95% asymptotic confidence interval for:

- a) parameter θ [7 points];
- 6) standard deviation X_1 [8 points];
- в) probability $\mathbb{P}(X_1 > 1)$ [bonus question for 10 points].

- 1. State your identity at the top of the sheet: id_for_online, first name, last name, group number.
- 2. Full solutions are required, answer without explanations is not graded.
- 3. You should draw a pretty box around every final numeric answer or formula.
- 4. Upload your work to the lms or gihtub as a unique .pdf file. Github link: https://classroom.github.com/a/tciY6H9J.
- 5. The filename should be of the form kr4_NNN.pdf with your id_for_online instead of NNN.
- 6. If you submit your work on github and in lms, then the version in lms is checked.
- 7. Start time: 13:00. Deadlines: 13:40 —without penalty, 13:45 —30% penalty, 13:50 —60% penalty.
- 8. For prompt and important messages read the telegram channel @room112.

Variant 6

- 1. [5 points] A coin was tossed 196 times and landed tails up in 54 tosses. Provide the general formula and particular values of the 95% confidence interval for the probability of landing tails up.
- 2. Consider a random sample $X_1, X_2, ..., X_n$ from normal distribution $\mathcal{N}(1, \theta^2)$, with unknown variance θ^2 :

$$\sum_{i=1}^{100} X_i = 150, \quad \sum_{i=1}^{100} X_i^2 = 600, \quad \sum_{i=1}^{100} (X_i - 1)^2 = 400.$$

Using maximum likelihood provide general formula and particular values of the 95% asymptotic confidence interval for:

- a) parameter θ [7 points]; Be careful, exactly for θ !
- б) variance X_1 [8 points];
- в) probability $\mathbb{P}(X_1 > 2)$ [bonus question for 10 points].

- 1. State your identity at the top of the sheet: id for online, first name, last name, group number.
- 2. Full solutions are required, answer without explanations is not graded.
- 3. You should draw a pretty box around every final numeric answer or formula.
- 4. Upload your work to the lms or gihtub as a unique .pdf file. Github link: https://classroom.github.com/a/tciY6H9J.
- 5. The filename should be of the form kr4 NNN.pdf with your id for online instead of NNN.
- 6. If you submit your work on github and in lms, then the version in lms is checked.
- 7. Start time: 13:00. Deadlines: 13:40 —without penalty, 13:45 —30% penalty, 13:50 —60% penalty.
- 8. For prompt and important messages read the telegram channel @room112.

Variant 7

- 1. [5 points] A coin was tossed 169 times and landed tails up in 58 tosses. Provide the general formula and particular values of the 99% confidence interval for the probability of landing tails up.
- 2. Consider a random sample $X_1, X_2, ..., X_n$ from normal distribution $\mathcal{N}(2, \theta)$, with unknown variance θ :

$$\sum_{i=1}^{100} X_i = 125, \quad \sum_{i=1}^{100} X_i^2 = 200, \quad \sum_{i=1}^{100} (X_i - 2)^2 = 100.$$

Using maximum likelihood provide general formula and particular values of the 95% asymptotic confidence interval for:

- a) parameter θ [7 points];
- 6) standard deviation X_1 [8 points];
- в) probability $\mathbb{P}(X_1 > 3)$ [bonus question for 10 points].

- 1. State your identity at the top of the sheet: id for online, first name, last name, group number.
- 2. Full solutions are required, answer without explanations is not graded.
- 3. You should draw a pretty box around every final numeric answer or formula.
- 4. Upload your work to the lms or gihtub as a unique .pdf file. Github link: https://classroom.github.com/a/tciY6H9J.
- 5. The filename should be of the form kr4 NNN.pdf with your id for online instead of NNN.
- 6. If you submit your work on github and in lms, then the version in lms is checked.
- 7. Start time: 13:00. Deadlines: 13:40 —without penalty, 13:45 —30% penalty, 13:50 —60% penalty.
- 8. For prompt and important messages read the telegram channel @room112.