Institut für Programmstrukturen und Datenorganisation Prof. Dr.-Ing. Gregor Snelting Prof. Dr. Ralf Reussner

gregor.snelting@kit.edu

reussner@kit.edu

Programmierparadigmen - WS 2022/23

https://pp.ipd.kit.edu/lehre/WS202223/paradigmen/uebung

Blatt 4: Datentypen, Typklassen

Abgabe: 24.11.2022, 14:00

Besprechung: 28.11. - 30.11.2022

Reichen Sie Ihre Abgabe bis zum 24.11.2022 um 14:00 in unserer Praktomat-Instanz unter https://praktomat.cs.kit.edu/pp 2022 WS ein.

1 Typen und Typklassen in Haskell

Geben Sie für folgende Haskell-Funktionen die allgemeinstmöglichen Typen (falls sie typisierbar sind) einschließlich etwaiger Typklasseneinschränkungen an. Begründen Sie jeweils kurz, warum diese Einschränkungen nötig sind¹.

```
fun1 xs = (xs == [])
fun2 f a = foldr f "a"
fun3 f a xs c = foldl f a xs c
fun4 f xs = map f xs xs
fun5 a b c = (maximum [a..b], 3 * c)
fun6 x y = succ (toEnum (last [fromEnum x..fromEnum y]))
fun7 x = if show x /= [] then x else error
```

Beispiellösung:

fun1 :: (Eq t) => [t] -> Bool

Listen-Vergleich xs==[] ist definiert über den Vergleich == vom Elementtyp t der Listen. Daher muss t in Typklasse Eq sein.

```
fun2 :: (s \rightarrow [Char] \rightarrow [Char]) \rightarrow t \rightarrow [s] \rightarrow [Char]
```

foldr nimmt Operator, Initialwert und Eingabeliste entgegen. Daher ist foldr f "a" eine Unterversorgung, fun2 nimmt damit als drittes Argument die Eingabeliste (Typ [s]) entgegen. Der Initialwert ist vom Typ [Char], damit auch der Rückgabewert. Der Operator f muss solche Werte mit Listenelementen vom Typ s wieder zu einem Wert vom Typ [Char] verknüpfen: (s \rightarrow [Char] \rightarrow [Char]). Das zweite Argument von fun2 wird nirgends verwendet (a \neq "a"), daher ist dessen Typ t beliebig. (String statt [Char] ist natürlich genauso richtig.)

(Seit GHC 7.10 ist foldr von Listen auf Instanzen der Typklasse Foldable generalisiert worden; damit wäre fun 2 :: Foldable f => (s -> [Char] -> [Char]) -> t -> f s -> [Char].)

```
fun3 :: ((t \rightarrow s) \rightarrow b \rightarrow (t \rightarrow s)) \rightarrow (t \rightarrow s) \rightarrow [b] \rightarrow t \rightarrow s
```

foldl wird mit Operator, Initialwert und Eingabeliste (Typ [b]) versorgt, dann auf c angewendet! Daher: foldl f a xs und Initialwert a müssen Funktionstyp t -> s haben. Dementsprechend muss der Operator solche Funktionen zusammen mit Listenelement wieder zu Funktionen verknüpfen:

¹Der GHC kann fun7 nur mit der Spracherweiterung FlexibleContexts inferieren.

((t -> s) -> b -> (t -> s)). fun3 nimmt als viertes Argument also ein t entgegen und gibt ein s zurück.

```
(Analog zu fun2 ist seit GHC 7.10 der allgemeinste Typ
```

```
fun3 :: Foldable f \Rightarrow ((t \rightarrow s) \rightarrow b \rightarrow (t \rightarrow s)) \rightarrow (t \rightarrow s) \rightarrow f b \rightarrow t \rightarrow s.)
```

fun4 nicht typisierbar

map erwartet Funktion und Liste, gibt Liste zurück, daher muss (map f xs) einen Listen-Typ haben. Andererseits wird (map f xs) auf xs angewendet, muss als einen Funktionstyp haben! Damit ist fun4 nicht typisierbar.

```
fun5 :: (Enum s, Ord s, Num t) => s -> s -> t -> (s, t)
[a..b] erfordert, dass a und b vom gleichem, aufzählbarem Typ s sind: Enum s.
maximum erfordert, dass Listenelemente geordnet sind: (Ord s).
```

fun5 gibt ein Tupel zurück, von c wird lediglich gefordert, dass für seinen Typ t Multiplikation definiert ist: Num t.

```
fun6 :: (Enum s, Enum t, Enum u) \Rightarrow s \rightarrow t \rightarrow u
```

toEnum, fromEnum konvertiert zwischen Werten aufzählbarer Typen und deren Index in der Aufzählung. Daher: x, y von möglicherweise unterschiedlichen Typen s, t mit Enum s, Enum t. last angewandt auf eine Liste vom Typ [Int] ergibt einen Int, damit ist toEnum ... und auch succ (toEnum ...) von beliebigem aufzählbaren Typ u mit Enum u.

Bei einem Aufruf, z.B. fun6 3 71, wird Ergebnistyp (und damit: Ergebniswert) durch Typkontext bestimmt.

Beispiel:

```
(fun6 3 71):"ello" \Rightarrow^* Hello
(fun6 3 71)+0 \Rightarrow^* 72.
```

```
fun7 :: (Show ([Char] -> a)) => ([Char] -> a) -> ([Char] -> a)
error (im else) hat Typ [Char] -> a, damit ist der Typ von x und des gesamten if-then-else-
Ausdrucks von dieser Gestalt. Aufruf show x erzwingt Show ([Char] -> a).
```

2 Abstrakte Syntaxbäume

Geben Sie Ihre Lösung als Modul Ast ab.

1. Definieren Sie einen Datentyp Exp t für arithmetische Ausdrücke. Ein Ausdruck ist dabei entweder eine Variable, eine Integer-Konstante oder die Summe zweier arithmetischer Ausdrücke. Der Typ der vorkommenden Variablennamen soll dabei nicht spezifiziert sein, verwenden Sie dafür den Typparameter t.

Beispiellösung:

```
data Exp t
    = Var t
    | Const Integer
    | Add (Exp t) (Exp t)
```

Im Weiteren sei der Typ **type** Env t = t -> Integer gegeben. Ein Element von diesem Typ stellt eine *Variablenumgebung* dar, also eine Funktion, welche jeder Variablen einen Integer-Wert zuweist.

2. Definieren Sie eine Funktion eval :: Env t -> Exp t -> Integer, welche eine Variablenumgebung und einen Ausdruck nimmt, und diesen komplett auswertet.

Beispiellösung:

```
eval :: Env a -> Exp a -> Integer
eval env (Var v) = env v
eval env (Const c) = c
eval env (Add e1 e2) = (eval env e1) + (eval env e2)
```

3. Erweitern Sie den Datentyp Exp t sowie die Auswertungsfunktion eval um die boole'schen Operationen Less, And und Not, sowie um einen ternären If-Then-Else-Operator. Nehmen Sie für die boole'schen Operationen C-Semantik an. D.h. False entspricht dem Wert 0, jeder andere Wert ist True. Sollte eine boole'sche Operation das Ergebnis True generieren, verwenden Sie als Rückgabewert die 1.

Beispiellösung:

```
data Exp t
  = Var t
  | Const Integer
  | Add (Exp t) (Exp t)
  | Less (Exp t) (Exp t)
  | And (Exp t) (Exp t)
  | Not (Exp t)
  | If (Exp t) (Exp t) (Exp t)
eval :: Env a -> Exp a -> Integer
eval env (Var v) = env v
eval env (Const c) = c
eval env (Add e1 e2) = (eval env e1) + (eval env e2)
eval env (Less e1 e2)
  \mid eval env e1 < eval env e2 = 1
  | otherwise = 0
eval env (And e1 e2)
  \mid eval env e1 == 0 \mid eval env e2 == 0 = 0
  | otherwise = 1
eval env (Not e1)
  \mid eval env e1 == 0 = 1
  | otherwise = 0
eval env (If b t e)
  \mid eval env b == 0 = eval env e
  | otherwise = eval env t
```

4. Geben Sie eine Instanziierung der Typklasse Show für Ihren Datentyp an, die einen Ausdruck in Infix-Notation darstellt. Die Addition zweier Konstanten 3 und 4 soll beispielsweise als (3 + 4) dargestellt werden. Für die Konvertierung in eine Zeichenkette in der Typklasse Show ist die Funktion show :: a -> String verantwortlich, die Sie implementieren müssen. Achten Sie auf ausreichende Klammerung der Ausdrücke, da wir für die Operationen keine Präzedenzen definiert haben.

```
instance Show a => Show (Exp a) where
  show (Var a) = show a
  show (Const i) = show i
```

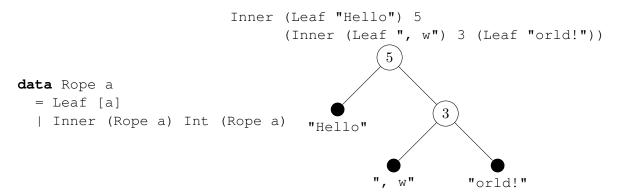
```
show (Add e1 e2) = "(" ++ show e1 ++ "_+_" ++ show e2 ++ ")"
show (Less e1 e2) = "(" ++ show e1 ++ "_<_" ++ show e2 ++ ")"
show (And e1 e2) = "(" ++ show e1 ++ "_&_" ++ show e2 ++ ")"
show (Not e) = "!(" ++ show e ++ ")"
show (If b t e) = "(" ++ show b ++ "_?_" ++ show t ++ "_:_" ++ show e ++ ")"</pre>
```

3 Haskell: Ropes [alte Klausuraufgabe, 18 Punkte]

Geben Sie Ihre Lösungen als Modul Ropes ab.

Zur Manipulation langer Strings greifen Texteditoren häufig auf *Ropes* zurück. Ein Rope ist ein binärer Baum, der eine Liste (z.B. einen String) repräsentiert. In den Blättern ist von links nach rechts eine Zerlegung der Liste gespeichert. Innere Knoten sind hingegen mit der Länge der vom linken Teilbaum dargestellten Teilliste, ihrem *Gewicht*, annotiert.

Nachfolgend sehen Sie eine Datentypdefinition für Ropes in Haskell (*In der Klausur ohne Typparameter, sondern nur für Strings*). Rechts daneben ist eine von mehreren gültigen Darstellungen des Strings "Hello, world!" als Rope Char und ihr zugehöriger Haskell-Ausdruck abgebildet.



1. Implementieren Sie die Funktion

[5 Punkte]

```
ropeLength :: Rope a -> Int
```

die die Länge der durch das Rope dargestellten Zeichenkette berechnet. Nutzen Sie das Gewicht innerer Knoten, um möglichst wenige Knoten zu besuchen.

Beispiellösung:

```
ropeLength :: Rope a -> Int
ropeLength (Leaf s) = length s
ropeLength (Inner _ w r) = w + ropeLength r
```

2. Implementieren Sie die Funktion

[2 Punkte]

```
ropeConcat :: Rope a -> Rope a -> Rope a
```

die die übergebenen Ropes verkettet. Benutzen Sie ropeLength zur Berechnung des Gewichts.

```
ropeConcat :: Rope a -> Rope a -> Rope a
ropeConcat l r = Inner l (ropeLength l) r
```

```
ropeSplitAt :: Int -> Rope a -> (Rope a, Rope a)
```

rope Split
At i r zerlegt das Rope r der Länge n, das die Liste $[a_0, ..., a_{n-1}]$ dar
stellt, an Index i in zwei Teilropes: Das erste Teilrope stellt die Liste $[a_0, ..., a_{i-1}]$ dar, das zweite Teilrope $[a_i, ..., a_{n-1}]$. Für Indexwerte außerhalb des Intervalls [0, n] ist die Funktion unspezifiert.

Verwenden Sie das Gewicht innerer Knoten, um die Spaltposition zu finden. Die Listenfunktionen drop, take :: Int -> [a] -> [a] sind hilfreich, um die Listen in den Blattknoten zu zerlegen.

Beispiel 2 :

```
> let (1, r) = ropeSplitAt 6 (fromList "Hello, world!")
> toList 1
"Hello,"
> toList r
" world!"
```

Beispiellösung:

4. Implementieren Sie die Funktion

Nicht Teil der Klausur [3 Punkte]

```
ropeInsert :: Int -> Rope a -> Rope a -> Rope a
```

ropeInsert i a b fügt Rope a in Rope b an Index i ein. Für Indexwerte außerhalb des Intervalls [0, ropeLength b] ist die Funktion unspezifiert.

Hinweis: Verwenden Sie von Ihnen schon definierte Funktionen!

Beispiel:

²Dieses Beispiel verwendet die Funktionen fromList:: [a] -> Rope a und toList:: Rope a -> [a], um zwischen Strings und zugehörigen Ropes zu konvertieren. Diese dürfen Sie nicht in Ihrer Lösung verwenden. Für das Übungsblatt dürfen Sie sie aber gerne selbst definieren, um die Beispiele und andere Eingaben auszuprobieren.

```
ropeDelete :: Int -> Int -> Rope a -> Rope a
```

ropeDelete i j rope löscht die Teilliste $[a_i, ..., a_{j-1}]$ aus rope, so dass das resultierende Rope die Liste $[a_0, ..., a_{i-1}, a_j, ..., a_{n-1}]$ darstellt. Falls nicht $0 \le i \le j \le n$ gilt, ist die Funktion unspezifiert.

Hinweis: Verwenden Sie von Ihnen schon definierte Funktionen!

Beispiel:

```
> toList (ropeDelete 1 3 (fromList "0123"))
"03"
```

Beispiellösung:

```
ropeDelete i j r = ropeConcat a d
where
    (a, _) = ropeSplitAt i r
    (_, d) = ropeSplitAt j r
```

6. Implementieren Sie mit Ropes einen trivialen, aber Nicht Teil der Klausur [1337 Bonuspunkte] theoretisch effizienten Texteditor!

Der Editor soll mit einem leeren Dokument beginnen und pro Eingabezeile einen der folgenden Befehle akzeptieren und auf das aktuelle Dokument ausführen (Zeilennummern sind dabei 1-basiert und inklusiv zu verstehen):

```
i line text: Füge text als neue Zeile mit der Zeilennumer line ein d start stop: Lösche Zeilen start bis stop c start stop text: Ersetze Zeilen start bis stop mit text
```

Nach jedem Befehl soll der Editor das gesamte aktuelle Dokument ausgeben.

Beispiel:

```
$ runhaskell SampleSolution.hs
i 1 hello
hello
i 2 world
hello
world
i 2 cruel
hello
cruel
world

c 1 2 goodbye
goodbye
world
```

Hinweise: Stellen Sie ein Dokument als Rope String dar, wobei jeder String einer Dokumentzeile entspricht. Damit können wir effizient eine oder mehrere Zeilen einfügen, ersetzen oder löschen.

Implementieren Sie Ihren Editor als Funktion ed :: [String] -> [String], welche eine Liste von Eingeabe-Strings lazy in eine Liste von Ausgabestrings übersetzt. Eine passend main-Funktion können Sie dann als

```
main = interact (unlines . ed . lines)
```

definieren, welches, ebenfalls lazy, die Zeilen aus der Eingabe liest, mit ed verarbeitet und die Ergebniszeilen ausgibt. Dank Laziness können hierbei Zeilen ausgegeben werden noch bevor alle Eingabezeilen eingelesen wurden. (Diese main-Funktion unter ghoi auszuführen kann zu Problemen führen, mit runhaskell wie im Beispiel oben sollte es aber funktionieren.)

Die Parameter jedes Befehls können Sie mit words :: String -> [String] zerlegen und mit der gegenteiligen Funktion unwords :: [String] -> String wieder zusammenfügen. Zeilennummern können Sie mittels read :: Read a => String -> a, der Umkehrung von show, zu einem Integer parsen.

Sonderzusatzaufgabe: Definieren Sie den Befehl u zum (ggf. mehrfachen) Rückgängigmachen der letzten Änderung(en)! Sie sollten dazu statt einem einzelnen Rope nun eine Liste (Stack) von Ropes speichern, um sich alte Dokumentzustände zu merken. Hier können wir insbesondere von der Eigenschaft von Ropes (sowie allen anderen Haskell-Datenstrukturen) Gebrauch machen, dass Transformationen ein Rope nicht destruktiv verändern, sondern immer ein neues Rope zurückgeben.

```
fromList :: [a] -> Rope a
fromList as = Leaf as
toList :: Rope a -> [a]
toList (Leaf as) = as
toList (Inner r1 \_ r2) = toList r1 ++ toList r2
ed :: [String] -> [String]
ed = go (fromList [])
 where
   go _[] = []
   go r (cmd:cmds) =
      let r' = run (words cmd) r in
      toList r' ++ "" : go r' cmds
   -- dass hier aufeinanderfolgende Leerzeichen verloren gehen, ist
   -- natürlich ein Feature, kein Bug
    run ("i":1:ss) = ropeInsert (read l - 1) (fromList [unwords ss])
    run ["d", s, e] = ropeDelete (read s - 1) (read e)
    run ("c":s:e:ss) = run ("i":s:ss) . run ["d", s, e]
    run cmd = error "invalid command"
edUndo :: [String] -> [String]
edUndo = go [fromList []]
 where
   go _[] = []
    go rs (cmd:cmds) =
      let (r:rs') = run (words cmd) rs in
      toList r ++ "" : go (r:rs') cmds
    run ("i":1:ss) (r:rs) =
      ropeInsert (read 1 - 1) (fromList [unwords ss]) r : r : rs
    run ["d", s, e] (r:rs) = ropeDelete (read s - 1) (read e) r : r : rs
    run ("c":s:e:ss) rs =
      let (r:_:rs) = run ("i":s:ss) (run ["d", s, e] rs) in
      r:rs
```

```
run ["u"] (r:r':rs) = r':rs
run _ = error "invalid command"
main = interact (unlines . edUndo . lines)
```