面试常考算法模板 Cheat Sheet V4.1

前言

· 版权归属: 九章算法(杭州) 科技有限公司

· 可以原文转载和分享,转载时需保留此版权信息,不得对内容进行增删和修改

· 本文作者: 九章算法令狐冲

· 官方网站: www.jiuzhang.com/?utm_source=lhc-cheatsheet-v4.0

二分法 Binary Search

使用条件

1. 排序数组 (30-40%是二分)

- 2. 当面试官要求你找一个比 O(n) 更小的时间复杂度算法的时候(99%)
- 3. 找到数组中的一个分割位置,使得左半部分满足某个条件,右半部分不满足(100%)
- 4. 找到一个最大/最小的值使得某个条件被满足(90%)

复杂度

1. 时间复杂度: O(logn)
2. 空间复杂度: O(1)

领扣例题

- · LintCode 14. 二分查找(在排序的数据集上进行二分)
 - https://www.lintcode.com/problem/first-position-of-target/description
- · LintCode 460. 在排序数组中找最接近的K个数 (在未排序的数据集上进行二分)
 - https://www.lintcode.com/problem/find-k-closest-elements/description
- LintCode 437. 书籍复印(在答案集上进行二分)
 - https://www.lintcode.com/problem/copy-books/description

代码模版

Java

```
1 int binarySearch(int[] nums, int target) {
2  // corner case 处理
```

```
if (nums == null || nums.length == 0) {
 3
 4
           return -1;
 5
       }
 6
       int start = 0, end = nums.length - 1;
 7
      while (start + 1 < end) {

// 要点2: start
10
11
           int mid = start + (end - start) / 2;
12
           // 要点3: =, <, > 分开讨论, mid 不 +1 也不 -1
13
           if (nums[mid] == target) {
14
               return mid;
15
           } else if (nums[mid] < target) {</pre>
16
17
               start = mid;
18
           } else {
19
              end = mid;
20
           }
21
       }
22
       // 要点4: 循环结束后,单独处理start和end
23
       if (nums[start] == target) {
24
25
           return start;
26
       }
27
       if (nums[end] == target) {
                   科技有限公司... 0846
28
           return end;
29
       return -1;
30
31 }
```

```
1 def binary_search(self, nums, target):
```

```
2 # corner case 处理
      # 这里等价于 nums is None or len(nums) == 0
3
4
      if not nums:
 5
          return -1
 6
7
      start, end = 0, len(nums) - 1
                                                     算法(杭州)科技有限公司…。0
8
      # 用 start + 1 < end 而不是 start < end 的目的是为了避免死循环
9
      # 在 first position of target 的情况下不会出现死循环
10
      # 但是在 last position of target 的情况下会出现死循环
11
      # 样例: nums=[1, 1] target = 1
12
      # 为了统一模板,我们就都采用 start + 1 < end,就保证不会出现死循环
13
      while start + 1 < end:
14
15
       # python 没有 overflow 的问题,直接 // 2 就可以了
16
          # java和C++ 最好写成 mid = start + (end - start) / 2
17
          # 防止在 start = 2^31 - 1, end = 2^31 - 1 的情况下出现加法 overflow
18
          mid = (start + end) // 2
          # > , =, < 的逻辑先分开写,然后在看看 = 的情况是否能合并到其他分支里
19
20
         if nums[mid] < target:</pre>
21
             start = mid
22
          elif nums[mid] == target:
             end = mid
23
24
          else:
25
             end = mid
26
      # 因为上面的循环退出条件是 start + 1 < end
27
28
      # 因此这里循环结束的时候,start 和 end 的关系是相邻关系(1和2,3和4这种)
     # 因此需要再单独判断 start 和 end 这两个数谁是我们要的答案
29
      # 如果是找 first position of target 就先看 start, 否则就先看 end
30
      if nums[start] == target:
31
32
          return start
33
      if nums[end] == target:
```

35 return −1

双指针 Two Pointers

使用条件

- 1. 滑动窗口 (90%)
- 2. 时间复杂度要求 O(n) (80%是双指针)
- 3. 要求原地操作,只可以使用交换,不能使用额外空间 (80%)
- 4. 有子数组 subarray /子字符串 substring 的关键词 (50%)
- 5. 有回文 Palindrome 关键词(50%)

复杂度

- · 时间复杂度: O(n)
 - 。 时间复杂度与最内层循环主体的执行次数有关
 - 。 与有多少重循环无关
- · 空间复杂度: O(1)
 - 。 只需要分配两个指针的额外内存

领扣例题

- · LintCode 1879. 两数之和VII(同向双指针)
 - https://www.lintcode.com/problem/two-sum-vii/description
- · LintCode1712.和相同的二元子数组(相向双指针)
 - https://www.lintcode.com/problem/binary-subarrays-with-sum/description
- · LintCode627. 最长回文串 (背向双指针)
 - https://www.lintcode.com/problem/longest-palindrome/description
 - · LintCode 64: 合并有序数组
 - https://www.lintcode.com/problem/merge-sorted-array

代码模版

Java

```
1 // 相向双指针(patition in quicksort)
2 public void patition(int[] A, int start, int end) {
3  if (start >= end) {
```

```
4
               return;
           }
 5
         int left = start, right = end;
 6
           // key point 1: pivot is the value, not the index
 8
           int pivot = A[(start + end) / 2];
           // key point 2: every time you compare left & right, it should be
           // left <= right not left < right</pre>
10
           while (left <= right) {</pre>
11
               while (left <= right && A[left] < pivot) {</pre>
12
              while (left <= right && A[right] > pivot) {
    right--;
13
14
15
16
17
               }
18
               if (left <= right) {</pre>
                   int temp = A[left];
19
                                     表 (杭州) 科技有限公司... 0846
20
                   A[left] = A[right];
21
                   A[right] = temp;
22
                   left++;
23
                   right--;
24
               }
25
           }
26 }
28 // 背向双指针
29 left = position;
30 right = position + 1;
31 while (left >= 0 && right < length) {
32
       if (可以停下来了) {
33
          break;
34
35
       left--;
```

```
right++;
36
37 }
38
39 // 同向双指针
40 int j = 0;
41 for (int i = 0; i < n; i++) {
42
       // 不满足则循环到满足搭配为止
      while (j < n && i 到 j之间不满足条件) {
43
          j += 1;
44
45
       }
      if (i 到 j之间满足条件) {
46
          处理i,j这次搭配
47
48
       }
49 }
50
51 // 合并双指针
52 ArrayList<Integer> merge(ArrayList<Integer> list1, ArrayList<Integer> list2) {
                                                     九章算法(抗州)科技有限公司…
      // 需要 new 一个新的 list,而不是在 list1 或者 list2 上直接改动
53
       ArrayList<Integer> newList = new ArrayList<Integer>();
54
55
       int i = 0, j = 0;
56
       while (i < list1.size() && j < list2.size()) {</pre>
57
58
          if (list1.get(i) < list2.get(j)) {</pre>
59
              newList.add(list1.get(i));
                                      杭州)科技有限公司…0846
60
              i++;
61
          } else {
              newList.add(list2.get(j));
62
63
              j++;
64
          }
65
       }
66
       // 合并上下的数到 newList 里
67
```

```
68
       // 无需用 if (i < list1.size()),直接 while 即可
69
        while (i < list1.size()) {</pre>
            newList.add(list1.get(i));
70
71
            j++;
72
        }
73
       while (j < list2.size()) {</pre>
74
            newList.add(list2.get(j);
75
            j++;
        }
76
77
78
        return newList;
79 }
```

```
1 # 相向双指针(patition in quicksort)
 2 def patition(self, A, start, end):
 3
           if start >= end:
 4
               return
 5
         left, right = start, end
 6
           # key point 1: pivot is the value, not the index
           pivot = A[(start + end) // 2];
 7
 8
           # key point 2: every time you compare left & right, it should be
 9
           # left <= right not left < right</pre>
10
           while left <= right:</pre>
11
               while left <= right and A[left] < pivot:</pre>
                                                         九章算法(杭州)科技有限公司…()
                   left += 1
12
13
               while left <= right and A[right] > pivot:
14
                    right -= 1
               if left <= right:</pre>
15
16
                   A[left], A[right] = A[right], A[left]
17
                   left += 1
                    right -= 1
18
```

```
19
20 # 背向双指针
21 left = position
22 right = position + 1
23 while left >= 0 and right < len(s):
      if left 和 right 可以停下来了:
24
     left -= 1
25
26
    right += 1
27
28
29 # 同向双指针
30 j = 0
31 for i in range(n):
      while j < n and i到j之间不满足条件: j += 1
   # 不满足则循环到满足搭配为止
32
33
34
         j += 1
35
     if i到j之间满足条件:
         处理i到j这段区间
36
37
38 # 合并双指针
39 def merge(list1, list2):
      new_list = []
40
41
      i, j = 0, 0
42
43
      # 合并的过程只能操作 i, j 的移动,不要去用 list1.pop(0) 之类的操作
44
      # 因为 pop(0) 是 O(n) 的时间复杂度
45
      while i < len(list1) and j < len(list2):</pre>
            new_list.append(list1[i])
i += 1
46
         if list1[i] < list2[j]:</pre>
47
48
49
         else:
50
            new_list.append(list2[j])
```

```
51
              j += 1
52
       # 合并剩下的数到 new_list 里
53
      # 不要用 new_list.extend(list1[i:]) 之类的方法
54
      # 因为 list1[i:] 会产生额外空间耗费
55
      while i < len(list1):</pre>
56
          new_list.append(list1[i])
57
          new_list.append(list2[j])
j += 1
          j += 1
58
      while j < len(list2):</pre>
59
60
61
62
63
      return new_list
```

排序算法 Sorting

使用条件

复杂度

· 时间复杂度:

九章算法(杭州)科技有限公司…08.46 • 快速排序(期望复杂度): O(nlogn) 。 归并排序(最坏复杂度): O(nlogn)

· 空间复杂度:

。 快速排序: O(1) 。 归并排序: O(n)

领扣例题

- · LintCode 463. 整数排序
- · LintCode 464. 整数排序 II
- · https://www.lintcode.com/problem/sort-integers-ii/description

 马模板

代码模板

```
Java
    // quick sort
    public class Solution {
 3
        /**
 4
         * @param A an integer array
         * @return void
 5
         */
 6
        public void sortIntegers(int[] A) {
 7
 8
            quickSort(A, 0, A.length - 1);
 9
        }
10
        private void quickSort(int[] A, int start, int end) {
11
            if (start >= end) {
12
13
                return;
            }
14
15
            int left = start, right = end;
16
            // key point 1: pivot is the value, not the index
17
            int pivot = A[(start + end) / 2];
18
19
20
            // key point 2: every time you compare left & right, it should be
            // left <= right not left < right
21
            while (left <= right) {</pre>
22
                while (left <= right && A[left] < pivot) {</pre>
23
                    left++;
24
25
                }
                while (left <= right && A[right] > pivot) {
26
27
                    right--;
28
                }
                if (left <= right) {</pre>
29
                    int temp = A[left];
30
                    A[left] = A[right];
31
                    A[right] = temp;
32
33
                    left++;
34
35
                    right--;
                }
36
            084}
37
38
39
40
41
```

```
}
42
   // merge sort
43
    public class Solution {
44
        public void sortIntegers(int[] A) {
45
            if (A == null || A.length == 0) {
46
47
                return;
48
            }
            int[] temp = new int[A.length];
49
            mergeSort(A, 0, A.length - 1, temp);
50
51
        }
52
        private void mergeSort(int[] A, int start, int end, int[] temp) {
53
            if (start >= end) {
54
55
                return;
56
            }
            // 处理左半区间
57
58
            mergeSort(A, start, (start + end) / 2, temp);
            // 处理右半区间
59
            mergeSort(A, (start + end) / 2 + 1, end, temp);
60
            // 合并排序数组
61
            merge(A, start, end, temp);
62
63
        }
64
                                                         九章算法(抗州)科技有限公司…
        private void merge(int[] A, int start, int end, int[] temp) {
65
            int middle = (start + end) / 2;
66
            int leftIndex = start;
67
            int rightIndex = middle + 1;
68
            int index = start;
69
            while (leftIndex <= middle && rightIndex <= end) {</pre>
70
                if (A[leftIndex] < A[rightIndex]) {</pre>
71
                    temp[index++] = A[leftIndex++];
72
73
                } else {
                    temp[index++] = A[rightIndex++];
74
                }
75
            }
76
            while (leftIndex <= middle) {</pre>
77
78
                temp[index++] = A[leftIndex++];
79
            }
            while (rightIndex <= end) {</pre>
80
                temp[index++] = A[rightIndex++];
81
82
            }
83
            for (int i = start; i <= end; i++) {</pre>
                A[i] = temp[i];
84
85
```

```
87 }
```

```
Python
    # quick sort
    class Solution:
 3
        # @param {int[]} A an integer array
 4
        # @return nothing
        def sortIntegers(self, A):
 5
            # Write your code here
 6
             self.quickSort(A, 0, len(A) - 1)
 7
 8
 9
        def quickSort(self, A, start, end):
            if start >= end:
10
11
               return
12
            left, right = start, end
13
            # key point 1: pivot is the value, not the index
14
            pivot = A[(start + end) // 2];
15
16
            # key point 2: every time you compare left & right, it should be
17
          # left <= right not left < right
18
            while left <= right:</pre>
19
                 while left <= right and A[left] < pivot:</pre>
20
                     left += 1
21
22
                while left <= right and A[right] > pivot:
23
                     right -= 1
24
25
26
                 if left <= right:</pre>
                     A[left], A[right] = A[right], A[left]
27
                                                          九章算法(杭州)科技有限公司…。0
28
                     left += 1
29
                     right -= 1
30
31
            self.quickSort(A, start, right)
32
            self.quickSort(A, left, end)
33
    # merge sort
34
    class Solution:
35
        def sortIntegers(self, A):
36
            if not A:
37
```

```
38
                 return A
39
            temp = [0] * len(A)
40
            self.merge_sort(A, 0, len(A) - 1, temp)
41
42
        def merge_sort(self, A, start, end, temp):
43
            if start >= end:
44
45
                return
46
            self.merge_sort(A, start, (start + end) // 2, temp)
# 处理右半区间
47
48
49
            self.merge_sort(A, (start + end) // 2 + 1, end, temp)
50
            # 合并排序数组
51
            self.merge(A, start, end, temp)
52
53
        def merge(self, A, start, end, temp):
54
            middle = (start + end) // 2
55
            left_index = start
56
57
            right_index = middle + 1
            index = start
58
59
            while left_index <= middle and right_index <= end:</pre>
60
                if A[left_index] < A[right_index]:</pre>
61
                     temp[index] = A[left_index]
62
                     index += 1
63
64
                    left_index += 1
65
                else:
                     temp[index] = A[right_index]
66
                     index += 1
67
                     right_index += 1
68
69
            while left_index <= middle:</pre>
70
                temp[index] = A[left_index]
71
                index += 1
72
                left_index += 1
73
74
            while right_index <= end:</pre>
75
76
                temp[index] = A[right_index]
                index += 1
77
                right_index += 1
78
79
            for i in range(start, end + 1):
80
                A[i] = temp[i]
81
```

二叉树分治 Binary Tree Divide & Conquer

使用条件

- ·二叉树相关的问题 (99%)
- · 可以一分为二去分别处理之后再合并结果 (100%)
- ·数组相关的问题(10%)

复杂度

时间复杂度 O(n)

空间复杂度 O(n) (含递归调用的栈空间最大耗费)

领扣例题

- · LintCode 1534. 将二叉搜索树转换为已排序的双向链接列表
 - https://www.lintcode.com/problem/convert-binary-search-tree-to-sorted-doubly-linked-list/description
- · LintCode 94. 二叉树中的最大路径和
 - https://www.lintcode.com/problem/binary-tree-maximum-path-sum/description
- · LintCode 95.验证二叉查找树
 - https://www.lintcode.com/problem/validate-binary-search-tree/description

代码模板

Java

```
1 public ResultType divideConquer(TreeNode node) {
2    // 递归出口
3    // 一般处理 node == null 就够了
4    // 大部分情况不需要处理 node == leaf
5    if (node == null) {
6        return ...;
7    }
8    // 处理左子树
9    ResultType leftResult = divideConquer(node.left);
10   // 处理右子树
```

```
ResultType rightResult = divideConquer(node.right);

//合并答案
ResultType result = merge leftResult and rightResult
return result;

}
```

```
1 def divide_conquer(root):
      # 递归出口
     # 一般处理 node == null 就够了
3
     # 大部分情况不需要处理 node == leaf
      if root is None:
6
          return ...
      # 处理左子树
7
      left_result = divide_conquer(node.left)
     # 处理右子树
      right_result = divide_conquer(node.right)
10
      # 合并答案
11
      result = merge left_result and right_result to get merged result
12
13
      return result
```

二叉搜索树非递归 BST Iterator

使用条件

- · 用非递归的方式(Non-recursion / Iteration)实现二叉树的中序遍历
- · 常用于 BST 但不仅仅可以用于 BST

复杂度

时间复杂度 O(n)

空间复杂度 O(n)

领扣例题

- · LintCode 67. 二叉树的中序遍历
 - https://www.lintcode.com/problem/binary-tree-inorder-traversal/description
- · LintCode 902. 二叉搜索树的第 k 大元素
- https://www.lintcode.com/problem/kth-smallest-element-in-a-bst/description

代码模板

Java

```
1 List<TreeNode> inorderTraversal(TreeNode root) {
2
       List<TreeNode> inorder = new ArrayList<>();
                              九章算法(抗州)科技有限公司…0846
      if (root == null) {
           return inorder;
4
 5
       }
       // 创建一个 dummy node, 右指针指向 root
6
       // 放到 stack 里,此时栈顶 dummy 就是 iterator 的当前位置
       TreeNode dummy = new TreeNode(0);
8
       dummy.right = root;
9
       Stack<TreeNode> stack = new Stack<>();
10
11
       stack.push(dummy);
12
       // 每次将 iterator 挪到下一个点
13
       // 就是调整 stack 使得栈顶是下一个点
14
       while (!stack.isEmpty()) {
15
          TreeNode node = stack.pop();
16
           if (node.right != null) {
17
              node = node.right;
18
              while (node != null) {
19
                  stack.push(node);
20
                  node = node.left;
21
              }
22
23
          }
          if (!stack.isEmpty()) {
24
```

```
25     inorder.add(stack.peek());
26     }
27     }
28     return inorder;
29 }
```

```
1 def inorder_traversal(root):
       if root is None:
2
3
          return []
4
       # 创建一个 dummy node, 右指针指向 root
5
       # 并放到 stack 里,此时 stack 的栈顶 dummy
6
       # 是 iterator 的当前位置
       dummy = TreeNode(0)
8
       dummy.right = root
9
       stack = [dummy]
10
      # 每次将 iterator 挪到下一个点
# 也就是调整 s+s / **
11
12
13
14
15
       while stack:
16
          node = stack.pop()
17
          if node.right:
              node = node.right
18
              while node:
19
20
                  stack.append(node)
                  node = node.left
21
22
          if stack:
23
              inorder.append(stack[-1])
       return inorder
24
```

宽度优先搜索 BFS

使用条件

- 1. 拓扑排序(100%)
- 2. 出现连通块的关键词(100%)
- 3. 分层遍历(100%)
- 4. 简单图最短路径(100%)
- 5. 给定一个变换规则,从初始状态变到终止状态最少几步(100%)

复杂度

· 时间复杂度: O(n + m) 。 n 是点数, m 是边数

· 空间复杂度: O(n)

领扣例题

- · LintCode 974. 01 矩阵(分层遍历)
- 九章算法(杭州)科技有限公司…0846 https://www.lintcode.com/problem/01-matrix/description
- · LintCode 431. 找无向图的连通块
 - https://www.lintcode.com/problem/connected-component-in-undirected-graph/descripti on
- · LintCode 127. 拓扑排序
 - 九章算法(杭州)科技有限公司…084年 https://www.lintcode.com/problem/topological-sorting/description

代码模版

Java

```
1 ReturnType bfs(Node startNode) {
    // BFS 必须要用队列 queue,别用栈 stack!
2
3
     Queue<Node> queue = new ArrayDeque<>();
    // hashmap 有两个作用,一个是记录一个点是否被丢进过队列了,避免重复访问
     // 另外一个是记录 startNode 到其他所有节点的最短距离
5
     // 如果只求连通性的话,可以换成 HashSet 就行
     // node 做 key 的时候比较的是内存地址
     Map<Node, Integer> distance = new HashMap<>();
8
9
```

```
distance.put(startNode, 0); // or 1 if necessary
      // 把起点放进队列和哈希表里,如果有多个起点,都放进去
10
11
12
13
      // while 队列不空,不停的从队列里拿出一个点,拓展邻居节点放到队列中
14
15
      while (!queue.isEmpty()) {
         Node node = queue.poll();
16
          // 如果有明确的终点可以在这里加终点的判断
17
         if (node 是终点) {
18
19
             break or return something;
20
         }
         for (Node neighbor : node.getNeighbors()) {
21
22
             if (distance.containsKey(neighbor)) {
23
                continue;
24
             }
25
             queue.offer(neighbor);
26
             distance.put(neighbor, distance.get(node) + 1);
         }
27
28
      }
      // 如果需要返回所有点离起点的距离,就 return hashmap
29
30
      return distance;
      // 如果需要返回所有连通的节点,就 return HashMap 里的所有点
31
32
      return distance.keySet();
     // 如果需要返回离终点的最短距离
33
      return distance.get(endNode);
34
35 }
```

```
1 def bfs(start_node):
2  # BFS 必须要用队列 queue,别用栈 stack!
3  # distance(dict) 有两个作用,一个是记录一个点是否被丢进过队列了,避免重复访问
4  # 另外一个是记录 start_node 到其他所有节点的最短距离
```

```
# 如果只求连通性的话,可以换成 set 就行
5
      queue = collections.deque([start_node])
6
7
8
      distance = {start_node: 0}
9
      # while 队列不空,不停的从队列里拿出一个点,拓展邻居节点放到队列中
10
      while queue:
11
12
         node = queue.popleft()
         # 如果有明确的终点可以在这里加终点的判断
13
         if node 是终点:
14
             break or return something
15
16
         for neighbor in node.get_neighbors():
             if neighor in distnace:
17
18
                continue
19
             queue.append(neighbor)
20
             distance[neighbor] = distance[node] + 1
21
      # 如果需要返回所有点离起点的距离,就 return hashmap
22
23
      return distance
      # 如果需要返回所有连通的节点,就 return HashMap 里的所有点
24
25
      return distance.keys()
      # 如果需要返回离终点的最短距离
26
      return distance[end_node]
27
```

Java 拓扑排序 BFS 模板

```
1 List<Node> topologicalSort(List<Node> nodes) {
2    // 统计所有点的入度信息,放入 hashmap 里
3    Map<Node, Integer> indegrees = getIndegrees(nodes);
4    // 将所有入度为 0 的点放到队列中
6    Queue<Node> queue = new ArrayDeque<>();
7    for (Node node : nodes) {
```

```
if (indegrees.get(node) == 0) {
 8
              queue.offer(node);
9
          }
10
11
       }
12
13
       List<Node> topoOrder = new ArrayList<>();
       while (!queue.isEmpty()) {
14
           Node node = queue.poll();
15
          topoOrder.add(node);
16
           for (Node neighbor : node.getNeighbors()) {
17
              // 入度减一
18
              indegrees.put(neighbor, indegrees.get(neighbor) - 1);
19
              // 入度减到@说明不再依赖任何点,可以被放到队列(拓扑序)里了
20
              if (indegrees.get(neighbor) == 0) {
21
                  queue.offer(neighbor);
22
23
              }
      章算法(抗州)科技有限公司…0846
24
25
26
       // 如果 queue 是空的时候,图中还有点没有被挖出来,说明存在环
27
       // 有环就没有拓扑序
28
       if (topoOrder.size() != nodes.size()) {
29
           return 没有拓扑序;
30
       3 0840
31
32
       return topoOrder;
33 }
34
35
   Map<Node, Integer> getIndegrees(List<Node> nodes) {
36
       Map<Node, Integer> counter = new HashMap<>();
37
       for (Node node : nodes) {
38
           counter.put(node, 0);
39
       }
```

```
for (Node node: nodes) {

for (Node neighbor: node.getNeighbors()) {

counter.put(neighbor, counter.get(neighbor) + 1);

}

return counter;

}
```

```
1 def get_indegrees(nodes):
       counter = {node: 0 for node in nodes}
2
       for node in nodes:
3
4
        for neighbor in node.get_neighbors():
               counter[neighbor] += 1
 5
6
       return counter
 7
8 def topological_sort(nodes):
       # 统计入度
9
10
       indegrees = get_indegrees(nodes)
11
       # 所有入度为 0 的点都放到队列里
       queue = collections.deque([
12
13
           node
14
           for node in nodes
15
           if indegrees[node] == 0
16
       ])
       # 用 BFS 算法一个个把点从图里挖出来
17
18
       topo_order = []
19
       while queue:
20
           node = queue.popleft()
21
           topo_order.append(node)
22
           for neighbor in node.get_neighbors():
23
               indegrees[neighbor] -= 1
```

```
if indegrees[neighbor] == 0:

queue.append(neighbor)

# 判断是否有循环依赖

if len(topo_order) != len(nodes):

return 有循环依赖(环),没有拓扑序

return topo_order
```

深度优先搜索 DFS

使用条件

- · 找满足某个条件的所有方案 (99%)
- · 二叉树 Binary Tree 的问题 (90%)
- · 组合问题(95%)
- - 。 判断条件: 组合中的元素是顺序无关的
 - · 排列问题 (95%)
 - 。问题模型:求出所有满足条件的"排列"
 - 。 判断条件:组合中的元素是顺序"相关"的。

不要用 DFS 的场景

- 1. 连通块问题(一定要用 BFS,否则 StackOverflow)
- 2. 拓扑排序(一定要用 BFS,否则 StackOverflow)
- 3. 一切 BFS 可以解决的问题

复杂度

· 时间复杂度: O(方案个数 * 构造每个方案的时间)

。 树的遍历: O(n)

• 排列问题: O(n!*n)

∘ 组合问题: O(2^n*n)

领扣例题

- · LintCode 67.二叉树的中序遍历(遍历树)
 - https://www.lintcode.com/problem/binary-tree-inorder-traversal/description
- · LintCode 652.因式分解(枚举所有情况)
 - https://www.lintcode.com/problem/factorization/description

代码模版

Java

```
L章算法(杭州)科技有限公司... 0840
1 public ReturnType dfs(参数列表) {
     if (递归出口) {
         记录答案;
         return;
     for (所有的拆解可能性) {
         修改所有的参数
7
         dfs(参数列表);
8
         还原所有被修改过的参数
9
     }
10
     return something 如果需要的话,很多时候不需要 return 值除了分治的写法
11
12 }
```

Python

```
1 def dfs(参数列表):
    if 递归出口:
        记录答案
3
        return
    for 所有的拆解可能性:
5
        修改所有的参数
        dfs(参数列表)
7
        还原所有被修改过的参数
    return something 如果需要的话,很多时候不需要 return 值除了分治的写法
9
```

动态规划 Dynamic Programming

使用条件

- · 使用场景:
 - 求方案总数(90%)
 - 。 求最值(80%)

- 求可行性(80%)
- · 不适用的场景:
- 。 找所有具体的方案(准确率99%)
 - 。 输入数据无序(除了背包问题外,准确率60%~70%)
 - 。暴力算法已经是多项式时间复杂度(准确率80%)
 - · 动态规划四要素(对比递归的四要素):
 - 。 状态 (State) -- 递归的定义
 - 。 方程 (Function) -- 递归的拆解
 - 。 初始化 (Initialization) -- 递归的出口
 - 。 答案 (Answer) -- 递归的调用
 - · 几种常见的动态规划:
 - ・背包型
 - 。 给出 n 个物品及其大小,问是否能挑选出一些物品装满大小为m的背包
 - 题目中通常有"和"与"差"的概念,数值会被放到状态中
 - 。 通常是二维的状态数组,前i个组成和为i状态数组的大小需要开(n+1)*(m+1)
 - 。 几种背包类型:
 - 01背包
 - · 状态 state

dp[i][j] 表示前 i 个数里挑若干个数是否能组成和为 j

方程 function

dp[i][j] = dp[i - 1][j] 如果 j < A[i - 1]

第 i 个数的下标是 i - 1, 所以用的是 A[i - 1] 而不是 A[i]

初始化 initialization

答案 answer

使得 dp[n][v], 0 s <= v <= m 为 true 的最大 v

- 多重背包
 - · 状态 state

dp[i][j] 表示前i个物品挑出一些放到 j 的背包里的最大价值和

方程 function

其中 0 <= count <= j / A[i - 1]

初始化 initialization

dp[0][0..m] = 0答案 answer dp[n][m]

- 区间型
- · 题目中有 subarray / substring 的信息
 - 。 大区间依赖小区间
 - 。用 dp[i][j] 表示数组/字符串中 i, j 这一段区间的最优值/可行性/方案总数
 - 状态 state

dp[i][j] 表示数组/字符串中 i,j 这一段区间的最优值/可行性/方案总数 方程 function

dp[i][j] = max/min/sum/or(dp[i,j 之内更小的若干区间])

匹配型

- 。 通常给出两个字符串
- 。 两个字符串的匹配值依赖于两个字符串前缀的匹配值
- 字符串长度为 n,m 则需要开 (n+1) x (m+1) 的状态数组
- 要初始化 dp[i][0] 与 dp[0][i]
- 通常都可以用滚动数组进行空间优化
- 。 状态 state

dp[i][j] 表示第一个字符串的前 i 个字符与第二个字符串的前 j 个字符怎么样怎么样 (max/min/sum/or)

划分型

- 是前缀型动态规划的一种,有前缀的思想
- 如果指定了要划分为几个部分:
 - dp[i][j] 表示前i个数/字符划分为j个 部分的最优值/方案数/可行性
- 如果没有指定划分为几个部分:
 - dp[i] 表示前i个数/字符划分为若干个 部分的最优值/方案数/可行性
- 。 状态 state

指定了要划分为几个部分: dp[i][j] 表示前i个数/字符划分为j个部分的最优值/方案数/可行

没有指定划分为几个部分: dp[i] 表示前i个数/字符划分为若干个部分的最优值/方案数/可行

・接龙型

性

- 。 通常会给一个接龙规则,问你最长的龙有多长
- 状态表示通常为: dp[i]表示以坐标为 i 的元素结尾的最长龙的长度
- 。 LIS 的二分做法选择性的掌握,但并不是所有的接龙型DP都可以用二分来优化 。 状态 state
- 。 状态 state

|状态表示通常为: dp[i] 表示以坐标为 i 的元素结尾的最长龙的长度 方程 function dp[i] = max{dp[j] + 1}, j 的后面可以接上 i

复杂度

- · 时间复杂度:
- 。 O(状态总数 * 每个状态的处理耗费) 。 等于O(状态总数 * 注等**)

 - · 空间复杂度:
 - O(状态总数) (不使用滚动数组优化)
 - 。 O(状态总数 / n)(使用滚动数组优化, n是被滚动掉的那一个维度)

领扣例题

- · LintCode563.背包问题V(背包型):
- 實質法(杭州)科技有限公司…084年 https://www.lintcode.com/problem/backpack-v/description
- · LintCode76.最长上升子序列(接龙型):
 - https://www.lintcode.com/problem/longest-increasing-subsequence/description
- · LintCode 476.石子归并V(区间型):
 - https://www.lintcode.com/problem/stone-game/description
- · LintCode 192. 通配符匹配 (匹配型):
- https://www.lintcode.com/problem/wildcard-matching/description
 - · LintCode107.单词拆分(划分型):
 - https://www.lintcode.com/problem/word-break/description

堆 Heap

使用条件

- 1. 找最大值或者最小值(60%)
- 2. 找第 k 大(pop k 次 复杂度O(nlogk))(50%)
- 3. 要求 logn 时间对数据进行操作(40%)

堆不能解决的问题

- 1. 查询比某个数大的最小值/最接近的值(平衡排序二叉树 Balanced BST 才可以解决)
- 2. 找某段区间的最大值最小值(线段树 SegmentTree 可以解决)
- 3. O(n)找第k大 (使用快排中的partition操作)

领扣例题

- · LintCode 1274. 查找和最小的K对数字
 - https://www.lintcode.com/problem/find-k-pairs-with-smallest-sums/description
- · LintCode 919. 会议室 II
 - https://www.lintcode.com/problem/meeting-rooms-ii/description
- · LintCode 1512.雇佣K个人的最低费用
- https://www.lintcode.com/problem/minimum-cost-to-hire-k-workers/description

代码模板

Java 带删除特定元素功能的堆

```
1 class ValueIndexPair {
       int val, index;
       public ValueIndexPair(int val, int index) {
           this.val = val;
           this.index = index;
 5
       }
6
7 }
8 class Heap {
       private Queue<ValueIndexPair> minheap;
       private Set<Integer> deleteSet;
10
       public Heap() {
11
           minheap = new PriorityQueue<>((p1, p2) -> (p1.val - p2.val));
12
           deleteSet = new HashSet<>();
13
       }
14
15
       public void push(int index, int val) {
16
           minheap.add(new ValueIndexPair(val, index));
17
       }
18
19
       private void lazyDeletion() {
20
           while (minheap.size() != 0 && deleteSet.contains(minheap.peek().index)) {
21
22
               ValueIndexPair pair = minheap.poll();
               deleteSet.remove(pair.index);
23
```

```
} 海法(杭州)科技有
24
25
26
       public ValueIndexPair top() {
27
           lazyDeletion();
28
29
           return minheap.peek();
       } ~846
30
31
       public void pop() {
32
           lazyDeletion();
33
           minheap.poll();
34
35
       }
36
       public void delete(int index) {
37
           deleteSet.add(index);
38
       }
39
40
       public boolean isEmpty() {
41
           return minheap.size() == 0;
42
       }
43
44 }
```

Python 带删除特定元素功能的堆

```
from heapq import heappush, heappop

class Heap:

def __init__(self):

self.minheap = []

self.deleted_set = set()

def push(self, index, val):
```

```
10
           heappush(self.minheap, (val, index))
11
       def _lazy_deletion(self):
12
13
           while self.minheap and self.minheap[0][1] in self.deleted_set:
14
               heappop(self.minheap)
15
       def top(self):
16
           self._lazy_deletion()
17
           return self.minheap[0]
18
19
       def pop(self):
20
21
           self._lazy_deletion()
           heappop(self.minheap)
22
23
                                     法(杭州)科技有限公司…0846
24
       def delete(self, index):
25
           self.deleted_set.add(index)
26
       def is_empty(self):
27
28
            return not bool(self.minheap)
```

并查集 Union Find

使用条件

- ·需要查询图的连通状况的问题
- ・需要支持快速合并两个集合的问题

复杂度

- · 时间复杂度 union O(1), find O(1)
- · 空间复杂度 O(n)

领扣例题

- · LintCode 1070. 账号合并
 - https://www.lintcode.com/problem/accounts-merge/

- · LintCode 1014. 打砖块
 - https://www.lintcode.com/problem/bricks-falling-when-hit/
- · LintCode 1813. 构造二叉树
- 九章算法(杭州)科技有限公司… 084年 https://www.lintcode.com/problem/construct-binary-tree/

代码模板

java

```
1 class UnionFind {
2
       private Map<Integer, Integer> father;
       private Map<Integer, Integer> sizeOfSet;
3
       private int numOfSet = 0;
       public UnionFind() {
 5
           // 初始化父指针,集合大小,集合数量
6
           father = new HashMap<Integer, Integer>();
7
           sizeOfSet = new HashMap<Integer, Integer>();
8
           numOfSet = 0;
9
10
       }
11
       public void add(int x) {
12
           // 点如果已经出现,操作无效
13
14
          if (father.containsKey(x)) {
               return;
15
          }
16
          // 初始化点的父亲为 空对象null
17
           // 初始化该点所在集合大小为 1
18
          // 集合数量增加 1
19
           father.put(x, null);
20
           sizeOfSet.put(x, 1);
21
          numOfSet++;
22
       }
23
24
25
       public void merge(int x, int y) {
           // 找到两个节点的根
26
```

```
27
          int rootX = find(x);
28
          int rootY = find(y);
          // 如果根不是同一个则连接
29
30
         if (rootX != rootY) {
              // 将一个点的根变成新的根
31
              // 集合数量减少 1
32
              // 计算新的根所在集合大小
33
              father.put(rootX, rootY);
34
              numOfSet--;
35
              sizeOfSet.put(rootY, sizeOfSet.get(rootX) + sizeOfSet.get(rootY));
36
          }
37
38
      }
39
40
      public int find(int x) {
          // 指针 root 指向被查找的点 x
41
          // 不断找到 root 的父亲
42
          // 直到 root 指向 x 的根节点
43
          while (father.get(root) != null) {
    root = fat!
         int root = x;
44
45
46
              root = father.get(root);
47
          }
          // 将路径上所有点指向根节点 root
48
49
          while (x != root) {
              // 暂存 x 原本的父亲
50
51
              // 将 x 指向根节点
             // x 指针上移至 x 的父节点
52
53
              int originalFather = father.get(x);
54
              father.put(x, root);
55
              x = originalFather;
56
          }
57
58
          return root;
```

```
59
       }
60
       public boolean isConnected(int x, int y) {
61
          // 两个节点连通 等价于 两个节点的根相同
62
          return find(x) == find(y);
63
64
       }
65
       public int getNumOfSet() {
66
          // 获得集合数量
67
          return numOfSet;
68
       }
69
70
       public int getSizeOfSet(int x) {
71
          // 获得某个点所在集合大小
72
          return sizeOfSet.get(find(x));
73
74
       }
75 }
```

```
1 class UnionFind:
    def __init__(self):
         # 初始化父指针,集合大小,集合数量
3
         self.father = {}
5
         self.size_of_set = {}
         self.num_of_set = 0
                             算法(杭州)科技有限公司…0846
      def add(self, x):
         # 点如果已经出现,操作无效
9
         if x in self.father:
10
11
             return
         # 初始化点的父亲为 空对象None
12
         # 初始化该点所在集合大小为 1
13
```

```
# 集合数量增加 1
14
15
     self.father[x] = None
16
          self.num_of_set += 1
17
          self.size_of_set[x] = 1
18
19
      def merge(self, x, y):
          # 找到两个节点的根
20
          root_x, root_y = self.find(x), self.find(y)
21
          # 如果根不是同一个则连接
22
          if root_x != root_y:
23
              # 将一个点的根变成新的根
24
              # 集合数量减少 1
25
             # 计算新的根所在集合大小
26
27
             self.father[root_x] = root_y
28
             self.num_of_set -= 1
29
             self.size_of_set[root_y] += self.size_of_set[root_x]
30
31
      def find(self, x):
          # 指针 root 指向被查找的点 x
32
          # 不断找到 root 的父亲
33
          # 直到 root 指向 x 的根节点
35
          root = x
          while self.father[root] != None:
36
37
              root = self.father[root]
          # 将路径上所有点指向根节点 root
38
39
          while x != root:
              # 暂存 x 原本的父亲
40
             # 将 x 指向根节点
41
             # x 指针上移至 x 的父节点
42
43
             original_father = self.father[x]
44
             self.father[x] = root
             x = original_father
45
```

```
46
          return root
47
       def is_connected(self, x, y):
48
          # 两个节点连通 等价于 两个节点的根相同
49
          return self.find(x) == self.find(y)
50
51
       def get_num_of_set(self):
52
          # 获得集合数量
53
          return self.num_of_set
54
55
       def get_size_of_set(self, x):
56
          # 获得某个点所在集合大小
57
          return self.size_of_set[self.find(x)]
58
```

字典树 Trie

使用条件

- · 需要查询包含某个前缀的单词/字符串是否存在
- 字符矩阵中找单词的问题

复杂度

- · 时间复杂度 O(L) 增删查改
- ·空间复杂度 O(N * L) N 是单词数,L是单词长度

领扣例题

- · LintCode 1221. 连接词
 - https://www.lintcode.com/problem/concatenated-words/
- · LintCode 1624. 最大距离
- https://www.lintcode.com/problem/max-distance/
- · LintCode 1090. 映射配对之和
 - https://www.lintcode.com/problem/map-sum-pairs/

代码模板

```
1 class TrieNode {
       // 儿子节点
       public Map<Character, TrieNode> children;
 3
       // 根节点到该节点是否是一个单词
 4
       public boolean isWord;
 5
       // 根节点到该节点的单词是什么
 6
 7
       public String word;
       public TrieNode() {
9
           sons = new HashMap<Character, TrieNode>();
10
           isWord = false;
           word = null;
11
12
       }
13 }
14
15 public class Trie {
16
       private TrieNode root;
17
     public Trie() {
18
           root = new TrieNode();
19
       }
20
21
       public TrieNode getRoot() {
                              九章算法(杭州)科技有限公司… 0846
22
      return root;
23
       }
24
25
       // 插入单词
       public void insert(String word) {
26
27
           TrieNode node = root;
28
           for (int i = 0; i < word.length(); i++) {</pre>
29
               char letter = word.charAt(i);
30
              if (!node.sons.containsKey(letter)) {
31
                  node.sons.put(letter, new TrieNode());
```

```
}
32
33
               node = node.sons.get(letter);
34
           }
35
           node.isWord = true;
36
           node.word = word;
37
       }
38
       // 判断单词 word 是不是在字典树中
39
       public boolean hasWord(String word) {
40
41
           int L = word.length();
           TrieNode node = root;
42
           for (int i = 0; i < L; i++) {
43
               char letter = word.charAt(i);
44
45
              if (!node.sons.containsKey(letter)) {
46
                   return false;
47
               }
                              九草算法(杭州)科技有限公司…0846
48
              node = node.sons.get(letter);
49
           }
50
51
           return node.isWord;
52
       }
53
54
       // 判断前缀 prefix 是不是在字典树中
       public boolean hasPrefix(String prefix) {
55
56
           int L = prefix.length();
57
           TrieNode node = root;
58
           for (int i = 0; i < L; i++) {
59
               char letter = prefix.charAt(i);
60
              if (!node.sons.containsKey(letter)) {
                   return false;
61
              node = node.sons.get(letter);
62
63
```

```
64 }
65 return true;
66 }
67 }
```

九章算法(杭州)科技有限公司…0846

九章算

以有限公司... 0846

九章算法(杭州)科技有限公司… 08.46

九章算法(杭州)科技有限公司…0846

九章算法(杭州)科技有限公司…084

· 左照公司... 0846

、新镇法(杭州)科技有限公司…0846

. 上有限公司... 0846

少有限公司... 084f