

А. Разложение на множители

2 секунды, 256 мегабайт

Дано число. Требуется разложить его на простые множители.

Входные данные

Вводится число n ($2 \leq n \leq 10^9$).

Выходные данные

Выведите через пробел разложение на простые множители в порядке неубывания множителей.

входные данные
17
выходные данные
17

входные данные
60
выходные данные
2 2 3 5

В. Большая проверка на простоту больших чисел

2 секунды, 64 мегабайта

Дано n натуральных чисел a_i . Определите для каждого числа, является ли оно простым.

Входные данные

Программа получает на вход число n , $1 \leq n \leq 5000$ и далее n чисел a_i , $1 \leq a_i \leq 10^{18}$.

Выходные данные

Если число a_i простое, программа должна вывести YES, для составного числа программа должна вывести NO.

входные данные
4 1 5 10 239
выходные данные
NO YES NO YES YES

С. Китайская теорема

2 секунды, 64 мегабайта

Решите в целых числах систему уравнений

$$\begin{cases} x \equiv a \pmod{n} \\ x \equiv b \pmod{m} \end{cases}$$

Гарантируется, что n и m взаимно просты. Среди решений следует выбрать наименьшее неотрицательное число.

Входные данные

Входной файл содержит четыре целых числа a , b , n и m ($1 \leq n, m \leq 10^6$, $0 \leq a < n$, $0 \leq b < m$).

Выходные данные

В выходной файл выведите искомое наименьшее неотрицательное число x .

входные данные
1 0 2 3
выходные данные
3

входные данные
3 2 5 9
выходные данные
38

D. Взлом RSA

2 секунды, 64 мегабайта

В 1977 году Ronald Linn Rivest, Adi Shamir и Leonard Adleman предложили новую криптографическую схему RSA, используемую до сих пор. RSA является криптосистемой с открытым ключом: зашифровать сообщение может кто угодно, знающий общеизвестный открытый ключ, а расшифровать сообщение — только тот, кто знает специальный секретный ключ.

Желающий использовать систему RSA для получения сообщений должен сгенерировать два простых числа p и q , вычислить $n = pq$ и сгенерировать два числа e и d такие, что $ed \bmod (p-1)(q-1) = 1$ (замечим, что $(p-1)(q-1) = \varphi(n)$). Числа n и e составляют открытый ключ и являются общеизвестными. Число d является секретным ключом, также необходимо хранить в тайне и разложение числа n на простые множители, так как это позволяет вычислить секретный ключ d .

Сообщениями в системе RSA являются числа из \mathbb{Z}_n . Пусть M — исходное сообщение. Для его шифрования вычисляется значение $C = M^e \bmod n$ (для этого необходимо только знание открытого ключа). Полученное зашифрованное сообщение C передается по каналу связи. Для его расшифровки необходимо вычислить значение $M = C^d \bmod n$, а для этого необходимо знание секретного ключа.

Вы перехватили зашифрованное сообщение C и знаете только открытый ключ: числа n и e . "Взломайте" RSA — расшифруйте сообщение на основе только этих данных.

Входные данные

Программа получает на вход три натуральных числа: n , e , C , $n \leq 10^9$, $e \leq 10^9$, $C < n$. Числа n и e являются частью какой-то реальной схемы RSA, т.е. n является произведением двух простых и e взаимно просто с $\varphi(n)$. Число C является результатом шифрования некоторого сообщения M .

Выходные данные

Выведите одно число M ($0 \leq M < n$), которое было зашифровано такой криптосхемой.

входные данные
143 113 41
выходные данные
123

входные данные
9173503 3 4051753
выходные данные
111111

Е. Перемножение полиномов

1 секунда, 256 мегабайт

Даны два полинома $A(x) = a_0 + a_1x + a_2x^2 + \dots + a_nx^n$ и $B(x) = b_0 + b_1x + b_2x^2 + \dots + b_nx^n$. Найдите их произведение в виде $C(x) = c_0 + c_1x + c_2x^2 + \dots + c_{2n}x^{2n}$.

Входные данные

Первая строка содержит число n ($1 \leq n \leq 10^5$). Вторая строка содержит $n + 1$ число — a_0, a_1, \dots, a_n , третья строка содержит $n + 1$ целое число — b_0, b_1, \dots, b_n ($0 \leq a_i, b_i \leq 100$).

Выходные данные

Выведите $2n + 1$ число — c_0, c_1, \dots, c_{2n} .

входные данные
2 1 4 2 2 5 6
выходные данные
2 13 30 34 12

Г. Дуэль

2 секунды, 256 мегабайт

Двое дуэлянтов решили выбрать в качестве места проведения поединка тёмную аллею. Вдоль этой аллеи растёт n деревьев и кустов. Расстояние между соседними объектами равно одному метру. Дуэль решили проводить по следующим правилам. Некоторое дерево выбирается в качестве стартовой точки. Затем два дерева, находящихся на одинаковом расстоянии от исходного, отмечаются как места для стрельбы. Дуэлянты начинают движение от стартовой точки в противоположных направлениях. Когда соперники достигают отмеченных деревьев, они разворачиваются и начинают стрелять друг в друга.

Дана схема расположения деревьев вдоль аллеи. Требуется определить количество способов выбрать стартовую точку и места для стрельбы согласно правилам дуэли.

Входные данные

Во входном файле содержится одна строка, состоящая из символов '0' и '1' — схема аллеи. Деревья обозначаются символом '1', кусты — символом '0'. Длина строки не превосходит 100000 символов.

Выходные данные

Выведите количество способов выбрать стартовую точку и места для стрельбы согласно правилам дуэли.

входные данные
101010101
выходные данные
4

входные данные
101001
выходные данные
0

В первом примере возможны следующие конфигурации дуэли (стартовое дерево и деревья для стрельбы выделены жирным шрифтом): **101010101**, **101010101**, **101010101** и **101010101**.