Navn:		Skole:	
Klasse: 20		Dato: 9. december 2021	Fag: Matematik A

Opgave 506

$$1: -4x + 2y - 3z + 5 = 0$$
$$2: 12x - 6y + 9z - 8 = 0$$

Finder normalvektorer ud fra planernes normalform

$$\overrightarrow{n_1} = \begin{pmatrix} -4\\2\\-3 \end{pmatrix}$$

$$\overrightarrow{n_2} = \begin{pmatrix} 12 \\ -6 \\ 9 \end{pmatrix}$$

Vi kan se at planerne er paralle da $\overrightarrow{n_2} = \overrightarrow{n_1} \cdot -3$

Nu skal vi finde afstanden mellem planerne

Først skal vi finde et punkt på det første plan

$$P = \begin{pmatrix} 0 \\ ? \\ 0 \end{pmatrix}$$
 Vi skal finde y komponentnen

$$-4x + 2y - 3z + 5 = 0$$

$$2y = 4x + 3z - 5$$
 Isoler y

$$y = 2x + 1.5z - 2.5$$
 Divider med 2

$$y = 2 \cdot (0) + 1.5 \cdot (0) - 2.5$$
 Indsæt tal

$$y = -2.5$$
 Udregn

$$P = \begin{pmatrix} 0 \\ -2.5 \\ 0 \end{pmatrix}$$

Når vi har et punkt på det ene plan, kan vi finde afstanden fra punktet til det andet plan

$$e = \frac{|ax_0 + by_0 + cz_0 + d|}{\sqrt{a^2 + b^2 + c^2}}$$

$$e = \frac{|12 \cdot (0) + (-6) \cdot (-2.5) + 9 \cdot (0) - 8|}{\sqrt{12^2 + (-6)^2 + 9^2}}$$

$$e = 0,4332891$$