Національна академія наук України Міністерство освіти і науки України Державна наукова установа «Київський академічний університет»

«Допущено до захисту»
Завідувач кафедри математики,
доктор фіз.-мат. наук
Вячеслав БОЙКО

«____» травня 2025 р.

Лобанов Денис Артемович КВАЛІФІКАЦІЙНА РОБОТА

на здобуття освітнього ступеня «магістр» Спеціальність 111 «Математика»

Тема: «Опис кубічних кілець зі скінченним числом незвідних зображень»

Засвідчую, що кваліфікаційна робота містить результати власних дослі-
джень. Використання ідей, результатів і текстів інших авторів маютн
посилання на відповідне джерело Д.А. ЛОБАНОВ
Науковий керівник
доктор фізмат. наук, професор
Дрозд Юрій Анатолійович

Анотація

Лобанов Д.А., Опис кубічних кілець зі скінченним числом незвідних зображень, Кваліфікаційна робота на здобуття освітнього ступеня «магістр» за спеціальністю 111 Математика, Київський академічний університет, Київ, 2025, ?? с., ?? джерел.

???Текст анотації???

MSC: ???????

Ключові слова: ???????

Abstract

LastName N.S., ????????, Master Thesis, speciality 111 Mathematics. – Kyiv Academic University, Kyiv, 2025, ?? pages, ?? references.

??????

MCS: ???????

Key words: ???????

Зміст

Перелік умовних позначень

\mathbb{Z}	кільце цілих чисел
Λ	кубічне кільце
f	кубічна форма (індекс-форма) кільця
Δ	дискримінант кубічної форми
G	група Лі
\mathfrak{g}	алгебра Лі
Q	оператор однопараметричної групи Лі
\mathbb{R}^n	<i>п</i> -вимірний евклідів простір
$X \simeq \mathbb{R}^n$	простір незалежних змінних $x = (x^1, x^2,, x^n)$
$U\simeq \mathbb{R}^m$	простір залежних змінних $u = \left(u^1, u^2, \dots, u^m\right)$
$u_i^{\alpha} = \frac{\partial u^{\alpha}}{\partial x^i}$	частинна похідна від залежної змінної u^{α}
	за незалежною змінною x^i
D_i	оператор повної похідної за змінною x^i
$Q \atop r$	r-те продовження оператора Q
$\stackrel{'}{I}$	набір інваріантів нульового порядку
$I_{(r)}$	набір інваріантів r -го порядку, $r \geq 1$

Вступ

?????????? [**?**, **?**, **?**]

Розділ 1

Максимальне кубічне кільце

1.1. Попередні відомості про кубічні кільця

Необхідно пригадати важливі означення та результати.

Означення 1.1. Кубічним кільцем Λ називають вільним \mathbb{Z} -модулем рангу 3.

Означення 1.2. Базис $\{1, \omega_1, \omega_2\}$ кубічного кільця Λ називається **нормальним**, якщо

$$\omega_1 \cdot \omega_2 \in \mathbb{Z}$$

Зафіксуємо базис $\{1, \omega_1, \omega_2\}$ кільця Λ . Тоді $\omega_1 \cdot \omega_2 = k\omega_1 + l\omega_2 + m$ при $k, l, m \in \mathbb{Z}$. Замінивши ω_1 на $\omega_1 - l$ та ω_2 на $\omega_2 - k$, отримуємо нормальний базис $\{1, \omega_1 - l, \omega_2 - k\}$. Отже, надалі всі базиси в кубічних кільцях – нормальні.

Запишемо таблицю множення для базиса $\{1, \omega_1, \omega_2\}$:

$$\omega_1^2 = b\omega_1 + a\omega_2 + r$$

$$\omega_1\omega_2 = s$$

$$\omega_2^2 = d\omega_1 + c\omega_2 + t$$

Прирівнявши $(\omega_1^2) \cdot \omega_2 = \omega_1 \cdot (\omega_1 \cdot \omega_2)$ та $\omega_1 \cdot (\omega_2^2) = (\omega_1 \cdot \omega_2) \cdot \omega$, отримуємо співвідношення r = -ac, s = ad, t = -bd. Отже, таблиця множення задається чотирма числами $a, b, c, z \in \mathbb{Z}$:

$$\omega_1^2 = b\omega_1 + a\omega_2 - ac$$

$$\omega_1\omega_2 = ad$$

$$\omega_2^2 = d\omega_1 + c\omega_2 + -bd$$

Розділ 2

Назва розділу

2.1. Назва секції

Висновки

У роботі ??????

Список використаних джерел

- 1. Бойко В.М., Узагальнені оператори Казіміра, сингулярні модулі редукції та симетрії диференціальних рівнянь, Дис. . . . док. фіз.-мат. наук, Інституту математики НАН України, Київ, 2018, 338 с., https://www.imath.kiev.ua/~boyko/BoykoThesis.pdf.
- 2. Boyko V.M., Lokaziuk O.V., Popovych R.O., Admissible transformations and Lie symmetries of linear systems of second-order ordinary differential equations, arXiv:2105.05139.
- 3. Maple 17, https://www.maplesoft.com/products/Maple/.
- 4. Olver P.J., Equivalence, invariants, and symmetry, Cambridge, University Press Cambridge, 1995, xvi+525 pp., https://doi.org/10.1017/CB09780511609565.
- Popovych R.O., Boyko V.M., Nesterenko M.O., Lutfullin M.V., Realizations of real low-dimensional Lie algebras, *J. Phys. A* 36 (2003), no. 26, 7337–7360, https://doi.org/10.1088/0305-4470/36/26/309; math-ph/0301029.

Додаток А

Назва додатку

А.1. Назва секції додатку