Семинар 10.

Задача 1. Одноканальная СМО с очередью и с абсолютным приоритетом.

Имеется одноканальная СМО с двумя местами в очереди. На вход СМО поступают два простейших потока заявок I и II с интенсивностями $\lambda_{_I}$ и $\lambda_{_2}$. Времена обслуживания - показательные с параметрами $\mu_{_1}$ и $\mu_{_2}$. Заявка I, прибывшая в СМО, «вытесняет» заявку II, если она обслуживается, и занимает место в очереди перед ней, если она стоит в очереди. «Вытесненная» заявка II покидает СМО необслуженной, если в очереди уже нет мест, и становится в очередь, если места есть. Построить размеченный граф состояний СМО, найти финальные вероятности состояний и характеристики эффективности СМО.

Задача 2. Двухканальная СМО с отказами и с приоритетом.

Имеется двухканальная СМО с отказами, на которую поступают два простейших потока заявок: І с интенсивностью λ_I и ІІ с интенсивностью λ_2 , (будем кратко называть их «заявки І» и «заявки И»). Заявки І имеют перед заявками ІІ приоритет, состоящий в следующем: если заявка І приходит в момент, когда все каналы заняты и хотя бы один из них обслуживает заявку ІІ, то пришедшая заявка І «вытесняет» из обслуживания заявку ІІ, становится на ее место, а та покидает СМО необслуженной. Если заявка І приходит в момент, когда все каналы заняты обслуживанием заявок І, то она получает отказ и покидает СМО. Заявка ІІ получает отказ, если она приходит в момент, когда заняты оба канала (безразлично какими заявками).

Построить размеченный граф состояний СМО, нумеруя состояния двумя индексами (i, j); первый указывает число заявок I, второй — число заявок II, находящихся в СМО. Написать уравнения для финальных вероятностей состояний. Решить их при $\lambda_1 = \lambda_2 = \mu_1 = \mu_2 = 1$. Найти характеристики эффективности СМО.

Задача 3. Трехканальная СМО с отказами и с приоритетом.

Условия предыдущей задачи изменены так, что количество каналов СМО с отказами равно 3. Написать уравнения для финальных вероятностей состояний. Решить их при $\lambda_1 = \lambda_2 = \mu_1 = \mu_2 = 1$. Найти характеристики эффективности СМО.