

04/1. 遞迴

① 大問題 \rightarrow 小問題 \rightarrow 解決

② 階乘

最大公因數

搜尋

費式數列

組合數

河內塔

fractal 碎形

③ binary search

用 divide and conquer strategy 分而擊之

④ `s.substr(size-1, 1)` 把最後一個字元一個拿出來

⑤ `void writeBackward (string s, int size) {`

`if (size > 0) {`

`cout << s.substr(size-1, 1);`

`writeBackward (s, size-1);`

`} if`

`} // writeBackward()`

ex: `s = cat` `size = 3`

1. t

2. a

3. c

4.

`s = 'cat'`

\rightarrow

`s = 'ca'`

\rightarrow

`s = 'c'`

\rightarrow

`s = ''`

`size = 3`

`size = 2`

`size = 1`

`size = 0`

⑥ `int sum (int a, int b) {`

`if (a > b)`

`return sum(a-1, b) + a;`

`else`

`return b;`

`} // sum()`

④ 最大公因數

$\text{gcd}(x, y) = x$ if $y = 0$
 $= \text{gcd}(x, y \bmod x)$ if $y > x$
 $= \text{gcd}(y, x \bmod y)$ otherwise
 $\text{gcd}(x, y) = y$ if $x \bmod y = 0$
 $= \text{gcd}(y, x \bmod y)$ otherwise

```

int gcd1(int x, int y){
  if(y == 0) return x;
  else if(y > x) return gcd1(x, y % x);
  else return gcd1(y, x % y);
} // gcd1()
  
```

```

int gcd2(int x, int y) { → 有效率
  if(x % y) return y;
  else return gcd2(y, x % y);
}
  
```

- ⑤ 在 array 中找第 k 小
1. 2 分法
 2. 選擇樞紐 (pivot item)
 3. 找其中一邊 (類似二元搜尋)

⑥ 河內塔 $2^n - 1$ CH2 抽象化

物件導向

所有東西都是物件

① 封裝 hides inner details

② 繼承 reused

③ 多型

抽象化 → 模組化的延伸

ADT: Abstract Data Types (ex. List)

class 達到封裝 (含 methods & data) < private

Constructors 用來存資料

Destructor 結束程式時, 刪除資料

Inheritance

④ 父類別 Sphere

class Colored Sphere: public Sphere : ④ 子: color Sphere

ch3 串列

pointer 指標

陣列: 需移動資料

鏈結串列: 不需移動資料

`(int *) p;` (不是 NULL)

`p = &x;`

先 `p = new int;`

一定要 `delete p;`

或 `p = NULL;`

動態陣列

`int array size = 50;`

`double *anArray = new double [array size];`

陣列名稱 = 指標

`anArray[i] = *(anArray + i)` 後移 i 個

`delete [] anArray;` 刪掉一群

`struct Node {`

`int item;`

`Node * next;`

`} // Node`

if head is NULL \rightarrow empty

`Node * p;` 節點

`p = new Node;`

印內容 `for(Node* cur = head; cur != NULL; cur = cur->next)`
`cout << cur->item;`

ch4. 以遞迴解題

- 中序式 $a+b$
- 前序式 $+ab$
- 後序式 $ab+$
- 中序運算式

$\langle \text{infix} \rangle = \langle \text{identifier} \rangle |$
 $(\langle \text{infix} \rangle \langle \text{operator} \rangle \langle \text{infix} \rangle)$

$\langle \text{operator} \rangle = +, -, *, /$

$\langle \text{identifier} \rangle = a, b, \dots, z$

中: $((a+b)*c)$ $((a+b)*c)^N$
 \downarrow \downarrow

前: $*+abc$ 後: $ab+c*$

前序、後序優點: 不用考慮優先權

前序: 一個前序式再接上「非空字串」, 一定不是前序式

Backtracking Problems

ex. 八皇后, 迷宮, 數字猜謎

遞迴 vs 數學歸納法

① if (n is 0)

return 1;

else

return $n * \text{fact}(n-1)$

特性

- $\text{fact}(0) = 0! = 1$

最簡

- $\text{fact}(n) = n! = n(n-1)(n-2)\dots$ * 假設

if ($n > 0$)

- $\text{fact}(n+1) = (n+1) * \text{fact}(n) =$ 歸納

$(n+1) * n!$

② 可評估效率