

單元 1. 遞迴

Date: _____

迴圈

VS

遞迴

原理 透過條件式判斷
真假以決定程式
碼重複的次數

將大問題逐漸變小
最後解掉問題

優點 效率高

因為是同一種解法
重複，故程式精簡易解

設計遞迴程式碼要素

① 如何讓問題變小

② Base Case 終止條件、保證終止

Ex. 反向印出字串

遞迴函式開始 → 判斷終止條件
(字串還有沒有字元)

遞迴呼叫
(少一個字元的字串)

↓
← 輸出最後一個字元

Fibonacci Sequence 費氏數列:

$$F_0 = 0$$

$$F_1 = 1$$

$$F_n = F_{n-1} + F_{n-2}, (n \geq 2)$$

若一個遞迴呼叫次數為費氏數列

⇒ 呼叫次數以指數成長

⇒ 效率差

可如何改善:

① Box trace:

儲存呼叫過的遞迴函式結果,下次要用的時候可直接叫出結果

② 改變寫法:

一次回傳 (F_n, F_{n-1}) 的值, 可使呼叫次數變成線性成長

Tail recursion 尾端遞迴:

在最後才再次呼叫遞迴的函式, 可容易的改成迴圈, 有些編譯器會自動轉化尾端遞迴為迴圈, 讓程式更有效率

單元 2. 抽象化

class 類別:

屬性 Attributes: data members

運算 Behaviors: methods / member functions

物件導向的原則:

1. Encapsulation 封裝: 隱藏內部資料

2. Inheritance 繼承: 重複使用

3. Polymorphism 多型: 為不同資料類型的實體提供統一的介面

Abstract Data Type (ADT) 描述和實作

Modularity (模組化):

highly cohesive modules desired (高內聚)

Loosely coupled modules desired (低耦合)

Functional abstraction (功能性的抽象化)

Information hiding (資訊隱藏)

描述: 解釋這個 function 的功能

實作: 用程式碼把描述的功能做出來

好處: 程式只要用這些寫好的 function 就能完成, 且之後的維護也比較容易

Constructors 建構函式：要求記憶體

建立 class 的初始值

與 class 有相同的名字

不會有回傳值

若沒寫 compiler 也會生成默認的 Constructor

Destructors 解構函式：釋放記憶體

與 Constructors 相反，程式結束時用 Destructors 來釋放記憶體

若 Constructor 寫在 class 外部

要寫成 [class 名稱]::[Constructor]

其它 function 也同理

Inheritance 繼承 (可同時繼承多個 base class)：

父類別：base class

子類別：derived class^{is}

子類別可使用父類別已宣告的東西

Overloading 多載：

名稱相同，但參數不同

系統會判斷傳進的參數執行不同的函式

Private: only class instances

Protected: subclass instances

Public: any class instances

Overriding 覆載：

兩個有繼承關係的 class 可允許有完全相同的函式 (名稱、參數列都相同)，使用時會以自己 class 裡的為準

Namespaces 命名空間

using namespace [名稱]

可使用 [名稱] 內所有已定義的 class

Exception 例外

try block 設定保護範圍

catch block 捕捉例外狀況

單元3. 鏈結串列

陣列: 需要移動資料
鏈結串列: 不需移動資料

指標 = 門牌

```
int *p; // 沒有值, 但不是 NULL, 沒有房子
p = &x; // &x = 房子 X 的門牌
p = new int; // 申請一棟新房子
delete p; // 歸還房子
p = NULL; // 徹底消除門牌
```

動態陣列 $anArray[2] = *(anArray + 2)$ 陣列名稱就是指標

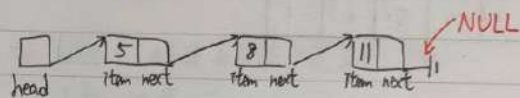
```
double *anArray = new double[50]; // 配置 50 空間
double *oldArray = anArray; // 紀錄現在的陣列
anArray = new double[150]; // 配置更大空間
for (int index = 0; index < 50; index++) // 一個一個複製
    anArray[index] = oldArray[index];
delete [] oldArray; // 歸還暫存的陣列
```

開檔 開檔 讀檔 寫檔

fopen fclose fscanf fprintf
fread fwrite
ifstream ofstream

Linked Lists 鏈結串列

```
struct Node
{
    int item; // 要存的資料
    Node *next; // 指向下一個節點
};
```



※要注意改變指標時不可以讓節點變成沒人指的狀態, 不然會找不到

走訪: `for (Node *cur = head; cur != NULL; cur = cur->next)`

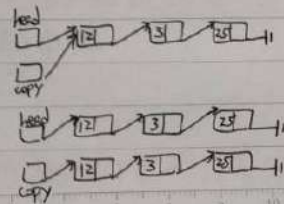
刪除: 把刪除對象的上一個接到下一個, 再刪掉刪除對象

新增: 要新增位置的上一個節點指向新增對象, 新增對象再指向下一個節點

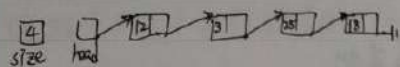
複製 Linked List

shallow copy
淺層複製

deep copy
深層複製



以陣列做鏈結串列



	0	1	2	3	4	5	6
Item	12	3	25	18			
next	1	2	3	4	5	6	-1

head 0

free 4

Note:

傳址 & : 更改指標內容

節點內的資料也可是一個物件

技巧:

- ① 最後一項指回第一個
- ② 在第一項新增一個沒有資料的節點
- ③ 雙向指標: 用兩個指標指向前一個和後一個

單元 4. 以遞迴解題

$X|Y \Rightarrow X \text{ 或 } Y$

$X \cdot Y \text{ or } XY \Rightarrow X \text{ 緊接著 } Y$

迴文: 字串前半顛倒等於字串後半

例: Anna, bob, 4884

運算式: ab 運算元 + 運算子

Infix: 中序 Ex. $a+b$

Prefix: 前序 Ex. $+ab$

Postfix: 後序 Ex. $ab+$

中序轉前序: 看左括弧

中序轉後序: 看右括弧

轉前/後序優點: 不用優先權、結合律、括弧

☆ 一個前序式後面再接上非空字串一定不是前序式

Backtracking: 遇到死路就退回上一個點

常與遞迴一起出現

Ex. 八皇后、迷宮

☆ 遞迴可用數學歸納法證明, 以及測試效率