



Universidade Federal de Viçosa  
Departamento de Informática  
Centro de Ciências Exatas e Tecnológicas



# INF 100 – Introdução à Programação

Funções  
(parte 1)

# Motivação

- Exemplo de cálculo de  $\sqrt{x}$  usando o algoritmo proposto por Heron de Alexandria (Método de Newton):

1. Leia  $x$
2. Faça  $r = x/2$  # chute inicial para a raiz
3. Faça  $r = (r + x/r) / 2$
4. Se  $|r^2 - x| > \varepsilon$ , retorne ao passo 3
5. Escreva  $r$

onde  $\varepsilon$  = um erro estabelecido qualquer, por exemplo,  $10^{-10}$ .



# Motivação

- Possível implementação em Python:

```
x = float( input('Entre com o valor de x: '))  
r = x/2  # chute inicial para a raiz  
while abs( r*r - x ) > 1e-10:  
    r = (r + x/r) / 2  
print('Raiz de', x, '=', r )
```



# Motivação

- Imagine se tivéssemos que usar o Método de Newton sempre que fosse preciso calcular uma raiz quadrada!
  - Código confuso.
  - Difícil reusar em outros programas.
  - Fácil cometer erros.
  - Por que preciso saber como calcular raiz (ou seno, cosseno, logaritmo etc.) sempre que precisar disso?



# Funções em Python

---

- Por isso usamos funções:

```
import math
```

```
x = float( input('Entre com o valor de x: '))  
r = math.sqrt( x )  
print('Raiz de', x, '=', r )
```



# Funções em Python

- Outros exemplos de funções da biblioteca **math**:
  - **log(x)**
  - **log10(x)**
  - **exp(x)**
  - **sqrt(x)**
  - **tan(x)**
  - **sin(x)**
  - **cos(x)**
  - ...



```
import math
```

```
soma = n = 0
```

Identificando oportunidades  
para reuso de código...

Prática 06

```
while True:
```

```
    r = float( input('Entre com o raio da lata (cm): '))
```

```
    if r < 0:
```

```
        print('Somente valores >= 0 são permitidos.')
```

```
    else: break
```

```
while True:
```

```
    h = float( input('Entre com a altura da lata (cm): '))
```

```
    if h < 0:
```

```
        print('Somente valores >= 0 são permitidos.')
```

```
    else: break
```

```
while r > 0 and h > 0:
```

```
    v = math.pi * r**2 * h
```

```
    print('Volume da lata = %.2f cm3 = %.5f litros\n' % (v, v/1000) )
```

```
    soma = soma + v
```

```
    n = n + 1
```

```
while True:
```

```
    r = float( input('Entre com o raio da lata (cm): '))
```

```
    if r < 0:
```

```
        print('Somente valores >= 0 são permitidos.')
```

```
    else: break
```

```
while True:
```

```
    h = float( input('Entre com a altura da lata (cm): '))
```

```
    if h < 0:
```

```
        print('Somente valores >= 0 são permitidos.')
```

```
    else: break
```

```
if n > 0:
```

```
    media = soma/n
```

```
    print('\nMédia dos volumes = %.2f cm3 = %.5f litros' % (media, media/1000) )
```

```
import math
```

```
soma = n = 0
```

Identificando oportunidades  
para reuso de código...

Prática 06

```
while True:
    r = float( input('Entre com o raio da lata (cm): '))
    if r < 0:
        print('Somente valores >= 0 são permitidos.')
    else: break
```

```
while True:
    h = float( input('Entre com a altura da lata (cm): '))
    if h < 0:
        print('Somente valores >= 0 são permitidos.')
    else: break
```

```
while r > 0 and h > 0:
    v = math.pi * r**2 * h
    print('Volume da lata = %.2f cm3 = %.5f litros\n' % (v, v/1000) )
    soma = soma + v
    n = n + 1
```

```
while True:
    r = float( input('Entre com o raio da lata (cm): '))
    if r < 0:
        print('Somente valores >= 0 são permitidos.')
    else: break
```

```
while True:
    h = float( input('Entre com a altura da lata (cm): '))
    if h < 0:
        print('Somente valores >= 0 são permitidos.')
    else: break
```

```
if n > 0:
    media = soma/n
    print('\nMédia dos volumes = %.2f cm3 = %.5f litros' % (media, media/1000) )
```



```
import math
```

```
soma = n = 0
```

Identificando oportunidades  
para reuso de código...

Prática 06

```
r = leiaValorPositivo('Entre com o raio da lata (cm): ')\nh = leiaValorPositivo('Entre com a altura da lata (cm): ')
```

```
while r > 0 and h > 0:\n    v = math.pi * r**2 * h\n    print('Volume da lata = %.2f cm3 = %.5f litros\n' % (v, v/1000) )\n    soma = soma + v\n    n = n + 1
```

```
r = leiaValorPositivo('Entre com o raio da lata (cm): ')\nh = leiaValorPositivo('Entre com a altura da lata (cm): ')
```

```
if n > 0:\n    media = soma/n\n    print('\nMédia dos volumes = %.2f cm3 = %.5f litros' % (media, media/1000) )
```

...

Identificando oportunidades  
para reuso de código...

```
while True:
    n = int( input('Entre com a quantidade de alunos: '))
    if n < 2 or n > 50:
        print('Valor deve estar entre 2 e 50')
    else:
        break
soma = 0
for i in range(0, n):
    while True:
        x = int( input('Entre com a nota do próximo aluno: '))
        if x < 0 or n > 100:
            print('Valor deve estar entre 0 e 100')
        else:
            break
    soma = soma + x
media = soma / n
```



...

Identificando oportunidades  
para reuso de código...

```
while True:
    n = int( input('Entre com a quantidade de alunos: '))
    if n < 2 or n > 50:
        print('Valor deve estar entre 2 e 50')
    else:
        break
```

```
soma = 0
```

```
for i in range(0, n):
```

```
    while True:
        x = int( input('Entre com a nota do próximo aluno: '))
        if x < 0 or n > 100:
            print('Valor deve estar entre 0 e 100')
        else:
            break
```

```
    soma = soma + x
```

```
media = soma / n
```



# Funções em Python

...

```
n = leiaValor('Entre com a quantidade de alunos: ', 2, 50)
soma = 0
for i in range(0, n):
    x = leiaValor('Entre com a nota do próximo aluno: ', 0, 100)
    soma = soma + x
media = soma / n
```

O código para a função leiaValor será apresentado mais adiante...



# Funções em Python

---

- Vantagens do uso de funções:
  - Modularidade e clareza do código fonte.
  - Reuso de software.
  - Menores chances de erros.
  - Separar o uso da função de seus detalhes de implementação.
  - Permitem pensar no algoritmo em mais alto nível primeiro, para depois ir refinando ao nível de comandos da linguagem de programação.



# Funções em Python

- Para criar uma função, devemos conhecer bem as suas necessidades:
  - A função necessita de dados de entrada (parâmetros)?
  - Se sim, quais dados?
  - Espera-se que a função responda com alguma informação?
  - Se sim, qual ou quais?
- Essas perguntas devem ser respondidas enquanto se projeta a função, e elas estarão especificadas na declaração da mesma.



# Definição de uma função em Python

---

```
def nome( lista_de_parâmetros ):  
    <comandos>  
    return <valor(es) de retorno>
```

- **nome**: nome usado para chamar (usar) a função.
- **lista\_de\_parâmetros**: dados (constantes, variáveis) passados para a função.



# Funções em Python

---

- Para se trabalhar com funções deve-se
  - Declarar a função;
  - Programar a função;
  - Evocar (chamar, usar) a função.
- Exemplo: definição da função **leiaValorPositivo()** e **leiaValor()** ...





```
import math

def leiaValorPositivo( msg ):
    while True:
        vlr = float( input( msg ))
        if vlr < 0:
            print('Somente valores >= 0 são permitidos.')
        else: break
    return vlr

soma = n = 0

r = leiaValorPositivo('Entre com o raio da lata (cm): ')
h = leiaValorPositivo('Entre com a altura da lata (cm): ')

while r > 0 and h > 0:
    v = math.pi * r**2 * h
    print('Volume da lata = %.2f cm3 = %.5f litros\n' % (v, v/1000) )
    soma = soma + v
    n = n + 1

    r = leiaValorPositivo('Entre com o raio da lata (cm): ')
    h = leiaValorPositivo('Entre com a altura da lata (cm): ')

if n > 0:
    media = soma/n
    print('\nMédia dos volumes = %.2f cm3 = %.5f litros' % (media, media/1000) )
```

```
def leiaValor( msg, min, max ):  
    while True:  
        v = int( input( msg ) )  
        if v < min or v > max:  
            print('Valor deve estar entre', min, 'e', max )  
        else:  
            break  
    return v  
  
n = leiaValor('Entre com a quantidade de alunos: ', 2, 50)  
  
soma = 0  
for i in range(0, n):  
    x = leiaValor('Entre com a nota do próximo aluno: ', 0, 100)  
    soma = soma + x  
media = soma / n
```



# Exercício

- Defina uma função chamada **abs()** que aceita como parâmetro um valor  $x$  qualquer e retorna o módulo ou valor absoluto de  $x$ .



# Exercício

---

```
def abs( x ):
    if x < 0:
        return -x
    else:
        return x
```



# Exercício – programa completo

```
def abs( x ):
    3 → if x < 0:
        return -x
    else:
        4 (return x)
        2
x1 = float( input('Entre com o x1: ') )
x2 = float( input('Entre com o x2: ') )
print(' |x1 - x2| =', abs( (x1-x2) ))
print(' |x1| =', abs( x1 ))
print(' |x2| =', abs( x2 ))
```

Diagram annotations: Blue arrows show function calls. Arrow 1 points from the `abs(x1)` call to the `abs` function definition. Arrow 2 points from the `abs(x1-x2)` call to the `abs` function definition. Arrow 3 points from the `abs` function definition to the `if` statement. Arrow 4 points from the `return x` statement to the `abs(x1-x2)` call.



# Passagem de parâmetro – por valor

1. A expressão é avaliada (uma constante, uma variável ou uma expressão / fórmula);
2. O valor-resultado é copiado para dentro do parâmetro da função, obedecendo a mesma ordem de chamada e de declaração;
3. A execução do programa é desviada para o início da função;
4. Ao encontrar um comando **return**, o programa retorna a execução para o local de onde a função foi chamada, juntamente com o valor de retorno, se houver.



# Funções em Python

- No nosso exemplo, a função `abs()` retorna um resultado.
- Podemos ter funções que executam alguma tarefa específica mas não retornam nenhum valor como resultado. Ex.:

`sound( frequencia, duracao_ms )`

Propósito: emitir um som com determinada frequência em hertz e duração em ms pelo autofalante do computador.



# Funções em Python

```
def sound( frequencia, duracao_ms ):
```

```
...
```

```
...
```

```
...
```

Nesse caso não precisa ter o comando *return*. A execução da função terminará quando o último comando da função for executado.

```
def sound( frequencia, duracao_ms ):
```

```
...
```

```
...
```

```
return
```

Ou pode ter o comando *return*, mas sem o valor de retorno.





# Funções em Python

- Também podemos ter funções que não recebem nenhum parâmetro:

```
def beep():
```

```
...
```

```
def pi():
```

```
    return 3.1415926535897
```



# Funções em Python

---

- Exemplos de uso:

```
beep()
```

```
sound( 200, 1000 )
```

```
print( pi() )
```



# Mais exemplos

---

...

```
def media( a, b ):
    m = (a + b) / 2
    return m
```

```
m = media( 5.5, 7.8 )
print( 'Média =', m )
```



# Mais exemplos

---

...

```
def media( a, b ):
    return (a + b) / 2
```

```
m = media( 5.5, 7.8 )
print( 'Média =', m )
```



# Mais exemplos

```
...  
def maior( a, b ):  
    if a > b:  
        return a  
    else:  
        return b
```

```
x = float( input('x = '))  
y = float( input('y = '))  
print('Maior valor =', maior( x, y ))
```



# Funções em Python

- Erros comuns:

```
def f( x, y ):
    r = x*x + y    (esqueceu do return)
```

```
def funcao( x, y ):
    return x*x + y
```

```
def pi():
    return 3.1415926535897
```

```
print( pi ) ← pi()
print( funcao( 12 ) )
```

(faltou um parâmetro)



# Exercício 1

- Implemente uma função que recebe como parâmetros três valores reais  $a$ ,  $b$  e  $c$ , e retorna o maior deles. Use duas abordagens:
  - a) Uma função `maior3( a, b, c )` totalmente independente;
  - b) Uma função `maior3( a, b, c )` que usa a função `maior( a, b )` já feita antes.



# Exercício 1a

---

```
def maior3( a, b, c ):
    if a > b and a > c:
        return a
    else:
        if b > c:
            return b
        else:
            return c
```





# Exercício 1a

```
def maior3( a, b, c ):
    m = a
    if b > m: m = b
    if c > m: m = c
    return m
```



# Exercício 1b

```
def maior( a, b ):  
    if a > b: return a  
    else: return b
```

```
def maior3( a, b, c ):  
    return maior( maior( a, b ), c )
```



## Exercício 2

- Implemente uma função que recebe como parâmetro um valor inteiro  $n$  e retorna o valor de  $n!$ . A função pode supor que  $n$  será sempre inteiro e não negativo, sem ter que verificar essa condição.



# Exercício 2

*# versão 1*

```
def fatorial( n ):
    fat = 1
    while n > 1:
        fat = fat * n
        n = n - 1
    return fat
```



# Exercício 2

*# versão 2*

```
def fatorial( n ):
    fat = 1
    for i in range(2, n+1):
        fat = fat * i
    return fat
```



## Exercício 2

*# recurvidade: função que chama  
# ela mesma*

```
def fatorial( n ):  
    if n <= 1:  
        return 1  
    else:  
        return n * fatorial( n-1 )
```

