

Universidade Federal de Viçosa Departamento de Informática Centro de Ciências Exatas e Tecnológicas



INF 100 – Introdução à Programação

Calculando Somas e Produtos (usando comandos de repetição)

$$P = \frac{1}{2} * \frac{2}{3} * \frac{3}{4} * \frac{4}{5} * \frac{5}{6}$$
$$= \prod_{i=1}^{5} \frac{i}{i+1}$$

$$S = \frac{1}{2} - \frac{1}{3} + \frac{1}{4} - \frac{1}{5} + \frac{1}{6} - \frac{1}{7} + \cdots$$
$$= \sum_{i=2}^{\infty} (-1)^{i} * \frac{1}{i}$$





$$1 + \frac{1}{2} + \frac{1}{4} + \frac{1}{8} + \frac{1}{16} + \cdots$$

$$a_0 + a_1 + a_2 + a_3 + \cdots$$

$$\begin{cases}
 a_o = ? \\
 i \ge 1: a_{i+1} = ?
\end{cases}$$





$$1 + \frac{1}{2} + \frac{1}{4} + \frac{1}{8} + \frac{1}{16} + \cdots$$

$$a_0 + a_1 + a_2 + a_3 + \cdots$$

$$\begin{cases} a_o = 1 \\ i \ge 1 : \ a_{i+1} = \frac{a_i}{2} \end{cases}$$





$$4 - \frac{4}{3} + \frac{4}{5} - \frac{4}{7} + \frac{4}{9} + \cdots$$

termos =
$$s_i * \frac{a_i}{b_i}$$

$$\begin{cases} s_o = ? \\ a_o = ? \\ b_o = ? \end{cases}$$

$$i \ge 1: \begin{cases} s_{i+1} = ? \\ a_{i+1} = ? \\ b_{i+1} = ? \end{cases}$$





$$4 - \frac{4}{3} + \frac{4}{5} - \frac{4}{7} + \frac{4}{9} + \cdots$$

termos =
$$s_i * \frac{a_i}{b_i}$$

$$\begin{cases} s_{o} = 1 \\ a_{o} = 4 \\ b_{o} = 1 \end{cases}$$

$$\begin{cases} s_{i+1} = -1 * s_{i} \\ a_{i+1} = a_{i} \\ b_{i+1} = b_{i} + 2 \end{cases}$$





Calculando Somatórios

$$S = \sum_{i=inicio}^{fim} f$$
órmula dependendo de i

```
soma = 0
for i in range (inicio, fim+1) :
   termo = fórmula dependendo de i
   soma = soma + termo
```





Calculando Somatórios

$$S = \frac{1}{2} - \frac{1}{3} + \frac{1}{4} - \frac{1}{5} + \frac{1}{6} - \frac{1}{7} + \frac{1}{8} - \frac{1}{9} + \frac{1}{10}$$
$$= \sum_{i=2}^{10} (-1)^{i} * \frac{1}{i}$$

```
soma = 0
for i in range( 2, 11 ):
    termo = (-1)**i * (1/i)
    soma = soma + termo
    print( i, termo, soma )
```





Calculando Produtórios

$$P = \prod_{i=inicio}^{fim} f$$
órmula dependendo de i

```
prod = 1
for i in range (inicio, fim+1):
    termo = fórmula dependendo de i
    prod = prod * termo
```





Calculando Produtórios

$$P = \frac{1}{2} * \frac{2}{3} * \frac{3}{4} * \frac{4}{5} * \frac{5}{6}$$
$$= \prod_{i=1}^{5} \frac{i}{i+1}$$

```
prod = 1
for i in range( 1, 6 ):
    termo = i / (i + 1)
    prod = prod * termo
    print( i, termo, prod )
```





Usando Recorrências

$$t_0 + t_1 + t_2 + \dots + t_{n-1}$$

$$t_i = s_i * \frac{a_i}{b_i}$$

soma = 0

atribuir valores iniciais para s, a, b

for i in range (0, n):

termo = s*a/b (para qualquer fórmula que depende de i, s, a, b...)

soma = soma + termo

calcular novos valores para s, a, b



Usando Recorrências

$$4 - \frac{4}{3} + \frac{4}{5} - \frac{4}{7} + \frac{4}{9}$$

termos =
$$S_i * \frac{a_i}{b_i}$$

$$\begin{cases} s_{o} = 1 \\ a_{o} = 4 \\ b_{o} = 1 \end{cases}$$

$$\begin{cases} s_{i+1} = -1 * s_{i} \\ a_{i+1} = a_{i} \\ b_{i+1} = b_{i} + 2 \end{cases}$$

```
soma = 0
s = 1
a = 4
b = 1
for i in range( 1, 6 ):
    termo = s * (a/b)
    soma = soma + termo
    print( i, a, b, termo, soma )
    s = -s
    b = b + 2
```





Somas e Produtos Infinitos

$$t_0 + t_1 + t_2 + \cdots$$
$$t_i = s_i * \frac{a_i}{b_i}$$

```
soma = 0
atribuir valores iniciais para s, a, b
i = ... atribuir valor inicial para contador de iterações (opcional)
precisao = ... valor bem pequeno
while True:
     termo = s*a/b (ou qualquer fórmula que depende de i, s, a, b...)
     soma = soma + termo
     if abs(termo) < precisao:</pre>
           break
     calcular novos valores para s, a, b
     i = i + 1 (opcional)
```





Somas Infinitas

$$4 - \frac{4}{3} + \frac{4}{5} - \frac{4}{7} + \frac{4}{9} + \cdots$$

$$\mathsf{termos} = s_i * \frac{a_i}{b_i}$$

$$\begin{cases} s_{o} = 1 \\ a_{o} = 4 \\ b_{o} = 1 \end{cases}$$

$$\begin{cases} s_{i+1} = -1 * s_{i} \\ a_{i+1} = a_{i} \\ b_{i+1} = b_{i} + 2 \end{cases}$$

```
soma = 0
precisao = 1e-2
while True:
    termo = s * (a/b)
    soma = soma + termo
    print( i, s, a, b, termo, soma )
    if abs( termo ) < precisao:</pre>
        break
    S = -S
    b = b + 2
    i = i + 1
```





Somas Infinitas

$$4 - \frac{4}{3} + \frac{4}{5} - \frac{4}{7} + \frac{4}{9} + \cdots$$

$$termos = s_i * \frac{a_i}{b_i}$$

$$\begin{cases} s_{o} = 1 \\ a_{o} = 4 \\ b_{o} = 1 \end{cases}$$

$$\begin{cases} s_{i+1} = -1 * s_{i} \\ a_{i+1} = a_{i} \\ b_{i+1} = b_{i} + 2 \end{cases}$$

```
soma = 0
precisao = 1e-2
termo = 1
while abs( termo ) >= precisao:
   termo = s * (a/b)
    soma = soma + termo
   print( i, s, a, b, termo, soma )
   S = -S
   b = b + 2
    i = i + 1
```





$$S = 1 + \frac{3}{4} + \frac{5}{9} + \frac{7}{16} + \frac{9}{25} + \frac{11}{36} + \frac{13}{49}$$
$$= \sum_{i=1}^{7} \frac{2i - 1}{i^2}$$





Gregory-Leibniz:

$$\pi = 4 - \frac{4}{3} + \frac{4}{5} - \frac{4}{7} + \frac{4}{9} + \cdots$$
$$= \sum_{i=0}^{\infty} (-1)^{i} \frac{4}{2i+1}$$





Nilakantha:

$$\pi = 3 + \frac{4}{2 * 3 * 4} - \frac{4}{4 * 5 * 6} + \frac{4}{6 * 7 * 8} - \frac{4}{8 * 9 * 10} + \cdots$$

$$= 3 + \sum_{i=1}^{\infty} \frac{4}{(2i)(2i+1)(2i+2)} * (-1)^{i+1}$$





John Wallis:

$$\frac{\pi}{2} = \frac{2}{1} * \frac{2}{3} * \frac{4}{3} * \frac{4}{5} * \frac{6}{5} * \frac{6}{7} * \frac{8}{7} * \frac{8}{9} * \cdots$$

$$= \prod_{i=1}^{\infty} \frac{i + (i\%2)}{i + ((i+1)\%2)}$$





$$1 - \frac{3}{2} + \frac{5}{4} - \frac{7}{8} + \frac{9}{16} + \cdots$$

termos =
$$s_i * \frac{a_i}{b_i}$$

$$\begin{cases} s_o = 1 \\ a_o = 1 \\ b_o = 1 \end{cases}$$

$$\begin{cases} i \ge 1 : \begin{cases} s_{i+1} = -1 * s_i \\ a_{i+1} = a_i + 2 \\ b_{i+1} = b_i * 2 \end{cases}$$





François Viéte:

$$\frac{2}{\pi} = \frac{\sqrt{2}}{2} * \frac{\sqrt{2 + \sqrt{2}}}{2} * \frac{\sqrt{2 + \sqrt{2} + \sqrt{2}}}{2} * \cdots$$

termos =
$$\frac{a_i}{2}$$

$$\begin{cases} a_o = \sqrt{2} \\ i \ge 1: \quad a_{i+1} = \sqrt{2 + a_i} \end{cases}$$



