

MATLAB 大作业：图像处理

姓名：陈彦旭

学号：2022010597 班级：无24

目录

MATLAB 大作业：图像处理

Part 1 基础知识

Part 2 图像压缩编码

Part 3 信息隐藏

Part 4 人脸检测

Part 1 基础知识

在 MATLAB 中，像素值用 `uint8` 类型表示，参与浮点数运算之前需要转成 `double` 型。

利用 MATLAB 提供的 Image file I/O 函数分别完成以下处理：

(1) 以测试图像的中心为圆心，图像的长和宽中较小值的一半为半径画一个红颜色的圆。

利用 `size()` 函数获取图像的宽度与长度，从而得到圆的半径。遍历图像中的每一个像素，计算它与图像中心的距离，距离等于半径（或误差极小）时将该像素的 RGB 赋值为 `[255, 0, 0]` 红色。

效果如下：



(2) 将测试图像涂成国际象棋状的“黑白格”的样子，其中“黑”即黑色，“白”则意味着保留原图。

将图像划分为标准国际象棋棋盘的 8×8 块，将某一块区域涂成黑色的条件是：该区域的行号与列号之和为偶数，然后将该区域赋值为 `black_block = zeros(height / 8, width / 8, 3)`。

效果如下：



Part 2 图像压缩编码

(1) 图像的预处理是将每个像素灰度值减去 128，这个步骤是否可以在变换域进行？请在测试图像中截取一块验证你的结论。

将图像的每个像素灰度值减去 128，也即对整个图像矩阵减去一个全 128 的矩阵。由于 DCT 为线性变换，那么预处理图像经过变换后，等于原始图像先经过 DCT 变换，然后在变换域减去一个全 128 矩阵 DCT 变换之后的结果。

同时注意到一个全 128 的矩阵只包含直流分量，因此经过 DCT 之后只有左上角元素，其余位置均为 0。可以证明，一个全 1 的 $N \times N$ 矩阵，DCT 后为左上角元素为 N 。因此当我取一个全 128 的 8×8 矩阵的 DCT 变换，结果是只有左上角为 128×8 ，其余位置为 0。

$$\begin{bmatrix} 1 & 1 & \cdots & 1 \\ 1 & 1 & \cdots & 1 \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ 1 & 1 & \cdots & 1 \end{bmatrix} \xrightarrow{\text{DCT}} \begin{bmatrix} n & 0 & \cdots & 0 \\ 0 & 0 & \cdots & 0 \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ 0 & 0 & \cdots & 0 \end{bmatrix} \quad (1)$$

关键代码如下：

```
1 % preprocess then transform
2 res1 = dct2(test - 128);
3
4 % transform then process
5 res2 = dct2(test);
6 res2(1, 1) = res2(1, 1) - 128 * N;
```

命令行窗口

```
res1 (preprocess then transform):
    802.3750    6.4375   -2.7997   -0.3355    3.3750    4.8570    0.7538    0.5414
   -206.1181    1.7778    0.5814    1.0840    2.4289    3.8985    1.4863   -2.2833
  -128.4410   -8.3984    2.1276   -7.3214    2.0343    0.7311   -1.4974    0.0420
   -48.6248   -4.4217    6.3102   -6.1398   -1.5849    0.9921    0.7930    0.0126
     5.8750   -7.0343    7.8578   -6.9011   -3.1250   -2.0812   -0.9547    0.0246
    14.9948    4.2426    5.6529   -2.3615   -1.3597   -1.5600   -1.5017   -0.0556
     3.8178    5.3425    4.5026    2.5054   -2.6015   -2.0917   -0.8776   -0.0842
     2.8611    0.3631    1.6094    2.2353    0.2282   -0.6713   -0.7606    0.4220

res2 (transform then process):
    802.3750    6.4375   -2.7997   -0.3355    3.3750    4.8570    0.7538    0.5414
   -206.1181    1.7778    0.5814    1.0840    2.4289    3.8985    1.4863   -2.2833
  -128.4410   -8.3984    2.1276   -7.3214    2.0343    0.7311   -1.4974    0.0420
   -48.6248   -4.4217    6.3102   -6.1398   -1.5849    0.9921    0.7930    0.0126
     5.8750   -7.0343    7.8578   -6.9011   -3.1250   -2.0812   -0.9547    0.0246
    14.9948    4.2426    5.6529   -2.3615   -1.3597   -1.5600   -1.5017   -0.0556
     3.8178    5.3425    4.5026    2.5054   -2.6015   -2.0917   -0.8776   -0.0842
     2.8611    0.3631    1.6094    2.2353    0.2282   -0.6713   -0.7606    0.4220

max error:
    4.5475e-13

total error:
    7.7349e-13
```

通过打印两种方法得到的矩阵可以发现几乎相同。最后经过计算 $\max(\max(\text{abs}(\text{res1} - \text{res2})))$ ，而这误差绝对值得最大值为 $4.5475\text{e-}13$ ，计算 $\text{sum}(\text{sum}(\text{abs}(\text{res1} - \text{res2})))$ ，二者误差的绝对值总和为 $7.7349\text{e-}13$ ，因此可认为两种方法处理过后结果相等。

(2) 请编程实现二维 DCT，并和 MATLAB 自带的库函数 `dct2` 比较是否一致。

直接根据 DCT 变换矩阵的规律，除了第一行之外，其他部分的系数为等差数列，因此直接使用列向量乘行向量，得到余弦内系数，避免使用循环增加时间。首先得到 D 算子：

```
1 function D = getD(N)
2     D = (1:1:N - 1)' .* (1:2:2 * N - 1);
3     D = [sqrt(1/2) * ones(1, N); cos(D * pi / (2 * N))];
4     D = D * sqrt(2 / N);
5 end
```

然后得到变换后的 C 矩阵：

```
1 function C = myDCT(P)
2     [M, N] = size(P);
3     C = getD(M) * P * getD(N)';
4 end
```

仍然选取一块图像中的 8×8 矩阵，分别打印使用库函数 `dct2()` 和自创函数 `myCPU()` 处理后的结果，发现误差极小，可以认为两种方法结果一致。

```
res1 (dct2):
802.3750    6.4375   -2.7997   -0.3355    3.3750    4.8570    0.7538    0.5414
-206.1181    1.7778    0.5814    1.0840    2.4289    3.8985    1.4863   -2.2833
-128.4410   -8.3984    2.1276   -7.3214    2.0343    0.7311   -1.4974    0.0420
-48.6248   -4.4217    6.3102   -6.1398   -1.5849    0.9921    0.7930    0.0126
 5.8750   -7.0343    7.8578   -6.9011   -3.1250   -2.0812   -0.9547    0.0246
14.9948    4.2426    5.6529   -2.3615   -1.3597   -1.5600   -1.5017   -0.0556
 3.8178    5.3425    4.5026    2.5054   -2.6015   -2.0917   -0.8776   -0.0842
 2.8611    0.3631    1.6094    2.2353    0.2282   -0.6713   -0.7606    0.4220

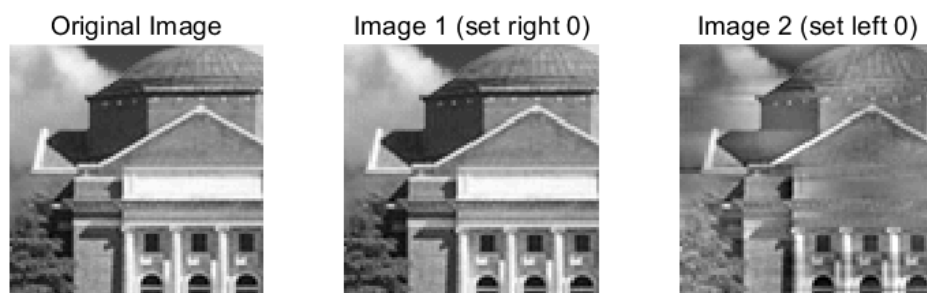
res2 (myDCT):
802.3750    6.4375   -2.7997   -0.3355    3.3750    4.8570    0.7538    0.5414
-206.1181    1.7778    0.5814    1.0840    2.4289    3.8985    1.4863   -2.2833
-128.4410   -8.3984    2.1276   -7.3214    2.0343    0.7311   -1.4974    0.0420
-48.6248   -4.4217    6.3102   -6.1398   -1.5849    0.9921    0.7930    0.0126
 5.8750   -7.0343    7.8578   -6.9011   -3.1250   -2.0812   -0.9547    0.0246
14.9948    4.2426    5.6529   -2.3615   -1.3597   -1.5600   -1.5017   -0.0556
 3.8178    5.3425    4.5026    2.5054   -2.6015   -2.0917   -0.8776   -0.0842
 2.8611    0.3631    1.6094    2.2353    0.2282   -0.6713   -0.7606    0.4220

max error:
2.7711e-13

total error:
2.0328e-12
```

(3) 如果将 DCT 系数矩阵中右侧四列的系数全部置零，逆变换后的图像会发生什么变化？选取一块图验证你的结论。如果左侧的四列置零呢？

效果如下：



可以看到，当 DCT 系数矩阵右边四列置零，逆变换后与原图像几乎相同，因为舍弃的是幅度较小的高频分量，对整体色彩变化影响不大。而把左边四列置零，逆变换之后有明显失真，整体亮度变暗，并且能明显感觉到图像中有许多“横线”。

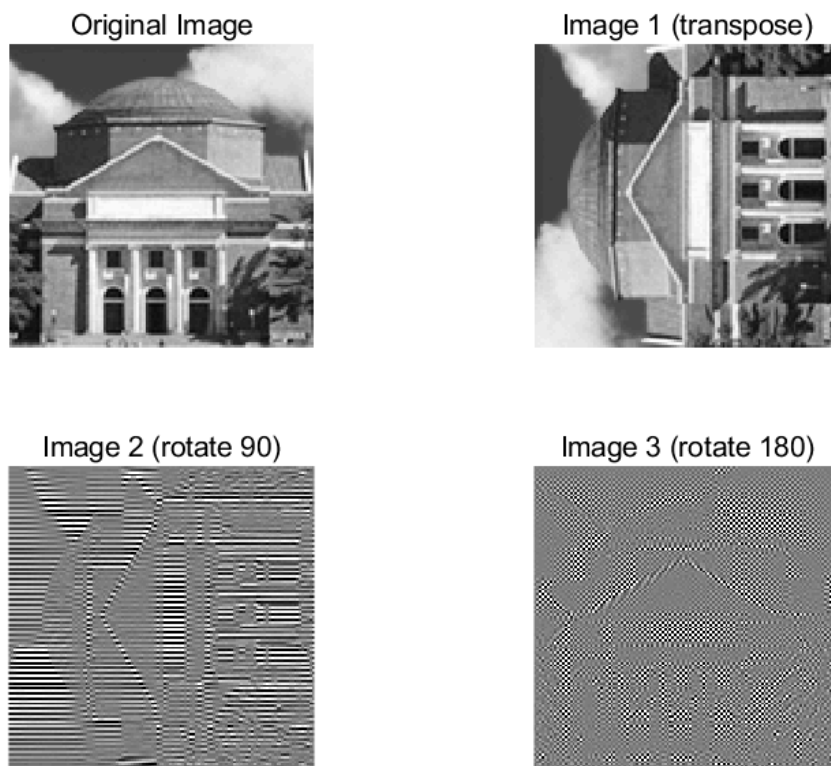
对更小范围内做如此操作时，效果如下：



可以发现右侧置零后与原图像差别不大，而左侧置零后亮度变化平坦，出现严重失真。

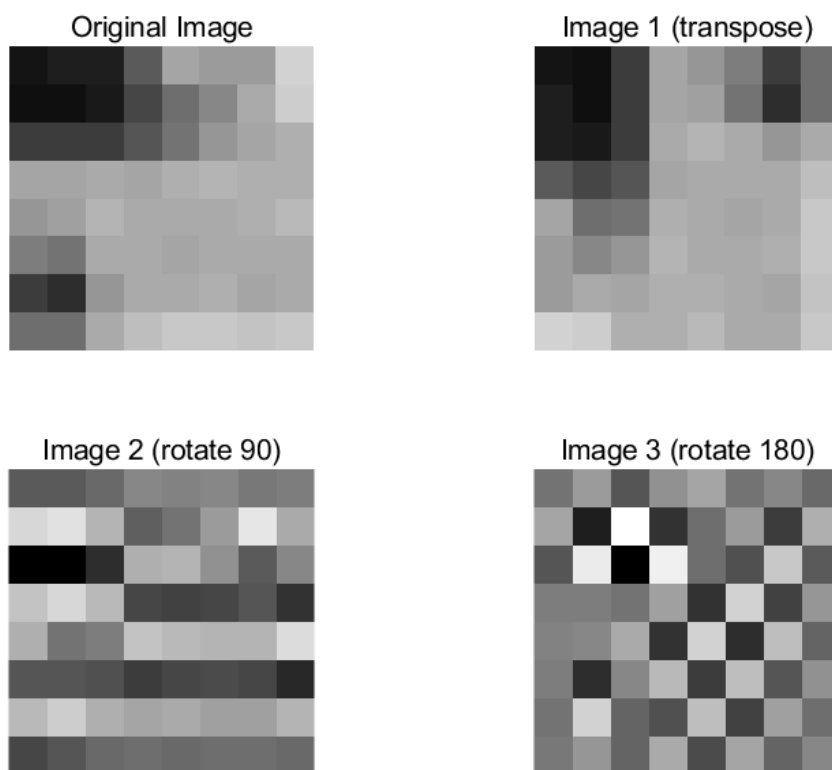
(4) 如果对 DCT 系数分别做转置、旋转 90 度和旋转 180 度操作 (rot90)，逆变换后恢复的图像有何变化？选取一块图验证你的结论。

效果如下：



从左上到右下依次为：原图像、转置、逆时针旋转 90°、旋转 180°。

对小范围内 8*8 的像素块进行测试，效果如下：



(5) 如果认为如果认为差分编码是一个系统，请绘出这个系统的频率响应，说明它是一个**高通**(低通、高通、带通、带阻)滤波器。DC 系数先进行差分编码再进行熵编码，说明 DC 系数的**高频**频率分量更多。

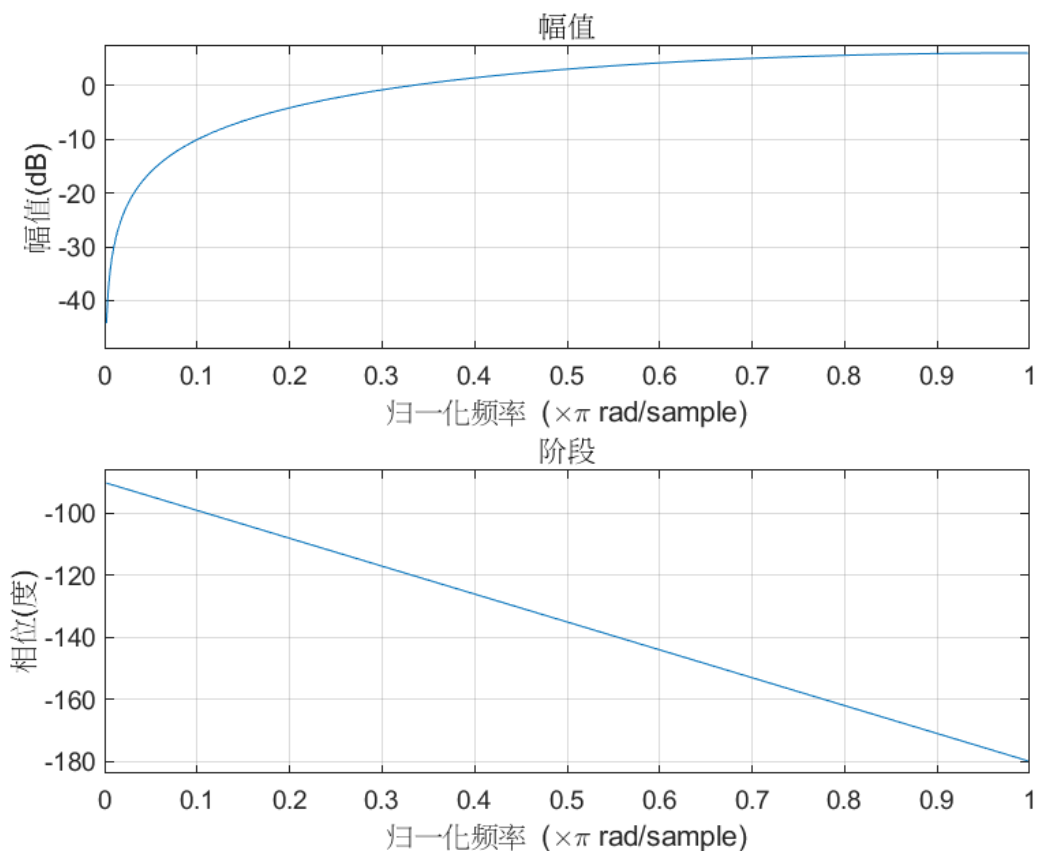
差分系统的表达式为：

$$y(n) = \begin{cases} x(n) & n = 1, \\ x(n-1) - x(n) & \text{elsewhere.} \end{cases} \quad (2)$$

做 Z 变换得知，系用函数为：

$$H(z) = \frac{1}{z^{-1} - 1} \quad (3)$$

由此可画出频率响应：



根据幅频响应可知，是一个高通滤波器。

(6) DC 预测误差的取值和 Category 值有何关系？如何利用预测误差计算出其 Category ？

根据表 2.2 可知，Category 对应的预测误差范围是 $\pm 2^{C-1} \sim 2^C - 1$ ，因此若预测误差为 error，则先对其取绝对值，然后取以 2 为底的对数，加一后向下取整，得到 Category：

$$Category = \begin{cases} 0 & error = 1, \\ \lfloor \log_2 |error| + 1 \rfloor & \text{elsewhere.} \end{cases} \quad (4)$$

(7) 你知道哪些实现 Zig-Zag 扫描的方法？请利用 MATLAB 的强大功能设计一种最佳方法。

直接使用打表的方法：

```
1 function line = zigZag_8(mat_8x8)
2     scan = [
3         1, 2, 6, 7, 15, 16, 28, 29;
4         3, 5, 8, 14, 17, 27, 30, 43;
5         4, 9, 13, 18, 26, 31, 42, 44;
6         10, 12, 19, 25, 32, 41, 45, 54;
7         11, 20, 24, 33, 40, 46, 53, 55;
8         21, 23, 34, 39, 47, 52, 56, 61;
9         22, 35, 38, 48, 51, 57, 60, 62;
10        36, 37, 49, 50, 58, 59, 63, 64
11    ];
12
13    line(scan) = mat_8x8;
14 end
```

选取图像中一块 8*8 的区域进行测试，原矩阵和 Zig-Zag 扫描的结果分别为：

```
test:
    23    30    34    92   167   159   157   214
    15    19    28    70   111   136   174   206
    64    64    62    86   119   151   169   175
   168   168   171   168   178   183   179   179
   154   160   181   172   171   172   178   185
   127   116   171   172   168   170   171   174
    64    47   150   171   171   176   168   173
   114   110   170   194   200   201   197   200

test after Zig-Zag:
列 1 至 19

    23    30    15    64    19    34    92    28    64   168   154   168    62    70   167   159   111    86   171

列 20 至 38

   160   127    64   116   181   168   119   136   157   214   174   151   178   172   171    47   114   110   150

列 39 至 57

   172   171   183   169   206   175   179   172   168   171   170   194   171   170   178   179   185   171   176

列 58 至 64

   200   201   168   174   173   197   200
```

可以发现，输出的一维向量确实是按照 Zig-Zag 顺序扫描原矩阵的。

(8) 对测试图像分块、DCT 和量化，将量化后的系数写成矩阵的形式，其中每一列为一个块的 DCT 系数 Zig-Zag 扫描后形成的列矢量，第一行为各个块的 DC 系数。

量化矩阵已经存储在 QTAB 中。

首先将测试图像划分为 8*8 大小的块，然后对每一个块进行 DCT 变换并量化，对系数矩阵做 Zig-Zag 扫描，得到一个 64*1 的列向量，将所有块对应的列向量拼接在一起得到矩阵。

最终结果存储在矩阵 result 中，形状为 64*315。

(9) 请实现本章介绍的 JPEG 编码（不包括写 JFIF 文件），输出为 DC 系数的码流、AC 系数的码流、图像高度和图像宽度，将这四个变量写入 jpegcodes.mat 文件。

DC 系数码流可使用上一问的结果。

先对 $\tilde{c}_D(n)$ 差分得到 $\hat{c}_D(n)$ ，然后进行 Huffman 编码（对应编码关系存储在矩阵 DCTAB 中），将 Huffman 编码和二进制表示（或 1-补码）拼接，得到最后的熵编码。该过程封装为函数 `genDCstream.m`。

AC 码流使用相似的方法，只是多了一层循环，以及对 (Run, size) 的联合体进行编码，注意 Run 的个数超过 16 的时候取余、添加 ZRL 即可。该过程封装为函数 `genACstream.m`。

整个编码过程封装为函数 `encodeJPEG.m`，返回值为元胞数组 `encode_res = {DCstream, ACstream, height, width, QTAB, DCTAB, ACTAB}`。

(10) 计算压缩比(输入文件长度/输出码流长度)，注意转换为相同进制。

每个像素值用 8 bits 表示，则对于 120*168 的测试图像，一共需要 120*168*8=161280 bits。

经过压缩后，DC 流为 2031 bits，AC 流系数为 23072 bits，因此一共需要 2031+23072=25103 bits。

压缩比为 $25103/161280=6.4247$ 。

使用 MATLAB 计算如下：

```
1 load('./jpegcodes.mat');
2
3 disp('origin (bits):')
4 disp(height * width * 8);
5 disp('DC stream (bits):');
6 disp(length(DCstream));
7 disp('AC stream (bits):');
8 disp(length(ACstream));
9 disp('compression ratio:');
10 disp(height * width * 8 / (length(DCstream) + length(ACstream)));
```

结果如下：

```
origin (bits):
    161280

DC stream (bits):
    2031

AC stream (bits):
    23072

compression ratio:
    6.4247
```

(11) 请实现本章介绍的 JPEG 解码，输入是你生成的 jpegcodes.mat 文件。分别用客观 (PSNR) 和主观方式评价编解码效果如何。

解码的主要过程为：熵解码、反量化、离散余弦逆变换 (IDCT)。

对于 DC 流解码：先根据 Huffman 编码解出 Category，查表得到对应的 Magnitude 的长度，取出相应比特并转化为十进制。该过程封装为函数 `recDCCoeff.m`。

对于 AC 流解码：先根据 Huffman 编码解出 Run/Size，得到对应的 Amplitude 的长度，取出相应比特并转化为十进制，此外需要对 ZRL 和 EOB 额外判断。该过程封装为函数 `recACCoeff.m`。

将 DC 和 AC 解码后的结果拼接在一起，再依次进行反 Zig-Zag、反量化、IDCT 变换，分块拼接得到复原的图像。整个解码的过程封装为函数 `decodeJPEG.m`。



主观来看，原图像与解码后的图像差别不大，能够较好的完成复原。

通过计算 $PSNR = 31.187403$ ，较大表示失真较小。

(12) 将量化步长减小为原来的一半，重做编解码。同标准量化步长的情况比较压缩比和图像质量。

减小量化步长，即 $Q_{TAB} = Q_{TAB} / 2$ 。重复第 (9) 问与第 (11) 问的步骤进行编解码，得到最终结果如下：

Original Image



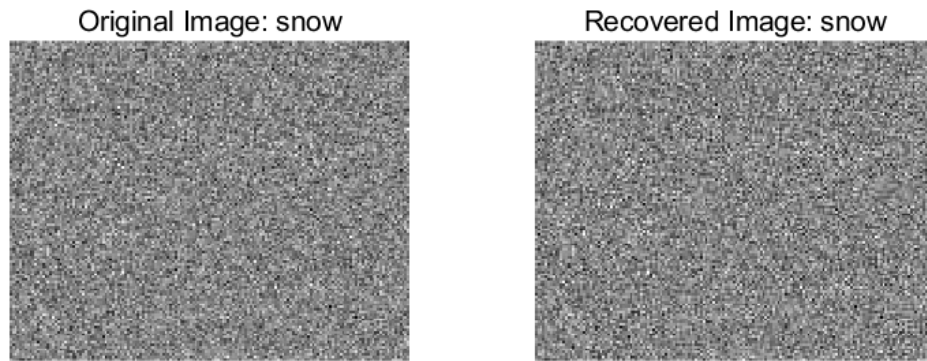
Recovered Image (halving quantization)



计算得到 $\text{PSNR} = 37.175382$ ，比前一问更高，失真更少，同时压缩比降低为 4.409690，原因可能是量化步长缩短，高频信息损失更少，因此 PSNR 升高，同时量化值增大，编码长度变长，压缩比减小。

(13) 看电视时偶尔能看到美丽的雪花图像（见 snow.mat），请对其编解码。和测试图像的压缩比和图像质量进行比较，并解释比较结果。

效果如下：



计算得到 $\text{PSNR} = 22.924444$ ，压缩比为 3.645020。

与测试图像相比，雪花图像 PSNR 较低，失真较大，且压缩比较低。原因可能是：雪花是随机出现的噪声，无规律可循，高频分量较多，高频分量不容易被量化，因此压缩比相对较低，同时高频分量被量化导致失真比较严重，PSNR 较低。

Part 3 信息隐藏

- (1) 实现本章介绍的空域隐藏方法和提取方法。验证其抗 JPEG 编码能力。
- (2) 依次实现本章介绍的三种变换域信息隐藏方法和提取方法，分析嵌密方法的隐蔽性以及嵌密后 JPEG 图像的质量变化和压缩比变化。

Part 4 人脸检测

- (1) 所给资料 Faces 目录下包含从网图中截取的 28 张人脸，试以其作为样本训练人脸标准 v 。
 - (a) 样本人脸大小不一，是否需要首先将图像调整为相同大小？
 - (b) 假设 L 分别取 3,4,5，所得三个 v 之间有何关系？

(2) 设计一种从任意大小的图片中检测任意多张人脸的算法并编程实现（输出图像在判定为人脸的位置加上红色的方框）。随意选取一张多人照片（比如支部活动或者足球比赛），对程序进行测试。尝试 L 分别取不同的值，评价检测结果有何区别。

(2) 对上述图像分别进行如下处理后

- (a) 顺时针旋转 90° (imrotate) ;
- (b) 保持高度不变，宽度拉伸为原来的 2 倍 (imresize) ;
- (c) 适当改变颜色 (imadjust) ;

再试试你的算法检测结果如何？并分析所得结果。

(4) 如果可以重新选择人脸样本训练标准，你觉得应该如何选取？