

solution

斜率(slope):

对于 50%的数据:

直接枚举两点用斜率公式计算即可，时间复杂度 $O(n^2)$ 。

对于 100%的数据:

最大斜率一定在横坐标相邻的两个点产生。证明很容易，假设最大斜率两点间有一点，则这个点和两个点中至少一个点的斜率不小于这两点的斜率。因此我们只要按横坐标排序扫描一遍即可，时间复杂度 $O(n\log n)$ 。

最优路线(path):

对于 50%的数据:

枚举路径上最大点权，只保留点权不超过某个点的点，使用 floyd 计算每两个点之间的最短瓶颈路，时间复杂度 $O(n^4)$ 。

对于 100%的数据:

考虑 floyd 的本质： $f[k][i][j]$ 表示只经过前 k 个点的情况下 i 到 j 的最短路，一般按节点标号顺序枚举 k 即可求得两两最短路。这里我们可以改变枚举顺序，按点权从小到大枚举 k ，这样 $f[k][i][j]$ 就是点权不超过第 k 个点， i 到 j 的最短路，在每个阶段都更新一遍两两点对答案，时间复杂度 $O(n^3)$ 。

小 G 的线段树(segment):

对于 20%的数据:

暴力枚举所有可能的操作序列,使用期望的定义式计算每个询问的答案,时间复杂度 $O(n! \cdot n^2)$ 。

对于 50%的数据:

容易发现,一个区间的和的期望,等于区间内所有点的答案的期望的和。因此我们可以求出每个点最后的期望答案,最后回答所有询问。对每个点,首先找出所有覆盖该点的操作。在最后一个赋值操作之前,所有操作都是无效的。每个赋值操作出现在最后的概率都是相等的,所以赋值操作对答案的贡献是它们的平均数。而对于加法操作,当且仅当这个操作出现在所有赋值操作之后才有贡献。即相当于 $k+1$ 个物品随机排列,某个物品出现在最后的概率,为 $1/(k+1)$ 。这样对每个点计算完答案后求出前缀和,询问时只需用前缀和相减。时间复杂度 $O(nm+q)$ 。

对于 100%的数据:

上述对每个点答案的计算,可以使用差分解决,只需对赋值操作的和、加法操作的和、赋值操作的次数作差分,就能在 $O(n+m)$ 的时间内求得每个点的答案,时间复杂度 $O(n+m+q)$ 。