

Addition

$$\text{Enc}'_{pk}(m) = (b+m, a)$$

$$\text{Dec} \left(\begin{pmatrix} 10+10i \\ 10i \end{pmatrix} \right) = \begin{pmatrix} 5 \\ 11 \\ 0 \\ 4 \end{pmatrix} = m \quad \text{Dec} \left(\begin{pmatrix} 10 \\ -10 \end{pmatrix} \right) = \begin{pmatrix} 0 \\ 7 \\ 0 \\ -7 \end{pmatrix} = n'$$

$$\text{Enc}'_{pk}(m) = \left(\begin{pmatrix} 30 \\ 5 \\ 30 \\ 30 \end{pmatrix} \oplus \begin{pmatrix} 5 \\ 11 \\ 0 \\ 4 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 5 \\ 25 \\ 2 \\ 29 \end{pmatrix} \right) \pmod{q_L}$$
$$= \left(\begin{pmatrix} 3 \\ 16 \\ 30 \\ 2 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 5 \\ 25 \\ 2 \\ 29 \end{pmatrix} \right) = x$$

$$\text{Enc}'_{pk}(n') = \left(\begin{pmatrix} 30 \\ 5 \\ 30 \\ 30 \end{pmatrix} \oplus \begin{pmatrix} 0 \\ 7 \\ 0 \\ -7 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 5 \\ 25 \\ 2 \\ 29 \end{pmatrix} \right)$$
$$= \left(\begin{pmatrix} 30 \\ 12 \\ 30 \\ 23 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 5 \\ 25 \\ 2 \\ 29 \end{pmatrix} \right) = y$$

Now 3 less
neg. Vereinfachter Verschlüsselung ohne Fehler

$$\text{Add}(x, y) = x \oplus y = \left(\begin{pmatrix} 3 \\ 16 \\ 30 \\ 2 \end{pmatrix} \oplus \begin{pmatrix} 30 \\ 12 \\ 30 \\ 23 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 5 \\ 25 \\ 2 \\ 29 \end{pmatrix} \oplus \begin{pmatrix} 5 \\ 25 \\ 2 \\ 29 \end{pmatrix} \right)$$
$$= \left(\begin{pmatrix} 33 \\ 28 \\ 60 \\ 25 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 10 \\ 50 \\ 4 \\ 58 \end{pmatrix} \right)$$
$$= \left(\begin{pmatrix} 1 \\ 28 \\ 28 \\ 25 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 10 \\ 18 \\ 4 \\ 26 \end{pmatrix} \right) = z$$

$$\text{Dec}_{sk}(z) = \begin{pmatrix} 1 \\ 28 \\ 28 \\ 25 \end{pmatrix} \oplus \begin{pmatrix} 10 \\ 18 \\ 4 \\ 26 \end{pmatrix} \ominus \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \\ 1 \\ -1 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 11 \\ 14 \\ 0 \\ 31 \end{pmatrix}$$

kommt von Key, zu Demozwecken

↓

Fehler abziehen:

$$\begin{pmatrix} 11 \\ 14 \\ 0 \\ 31 \end{pmatrix} - \begin{pmatrix} 6 \\ -4 \\ 0 \\ 2 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 5 \\ 18 \\ 0 \\ 29 \end{pmatrix}$$

$$\text{Dec} \left(\begin{pmatrix} 5 \\ 18 \\ 0 \\ 29 \end{pmatrix} \right) = \begin{pmatrix} -2,78 & + & 33,24; \\ 12,78 & + & 33,24; \end{pmatrix}$$

inaccurate because 29 too close to mod
with -3 it works