



Registri e Contatori

Registri
Contatori



Introduzione

- Circuiti sequenziali speciali
 - Esiste una classe di circuiti sequenziali la cui progettazione potrebbe seguire il processo "classico" di sintesi ma che è più conveniente analizzare in altro modo.
 - La regolarità della struttura facilita la progettazione.
 - A questa classe appartengono:
 - Registri
 - Memorizzano una definita quantità di informazione
 - Possono operare sul contenuto una o più semplici trasformazioni.
 - » Shift destro/sinistro
 - » Caricamento parallelo/seriale
 - Contatori
 - Attraversano ripetutamente un numero definito di stati
 - » Contatori sincroni
 - » Contatori asincroni
 - Gestori di Code
 - FIFO, LIFO



Registri

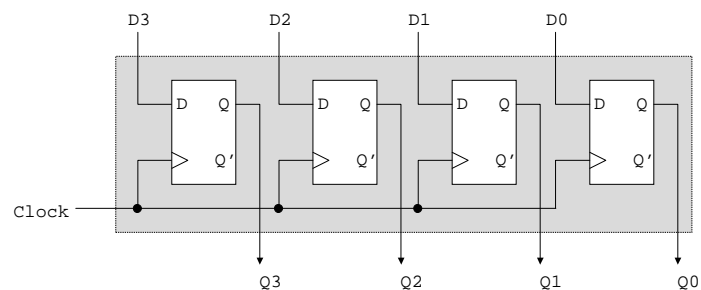
- Un *registro* è un elemento di memoria in grado di conservare un insieme di bit, denominato *parola*, su cui può eventualmente operare una o più semplici trasformazioni.
 - Benché si possa utilizzare un qualunque tipo di bistabile, per realizzare i registri si preferisce utilizzare *FF D* (*master-slave* o *edge-triggered*).
- I registri si distinguono sulla base dei seguenti aspetti:
 - Modalità di caricamento dati
 - Parallelo
 - Seriale
 - Modalità di lettura dati
 - Parallelo
 - Seriale
 - Operazioni di scorrimento sui dati:
 - a destra e/o a sinistra (aritmetico o non aritmetico) e circolare.

- 3 -



Registri

- Registro *parallelo-parallelo*
 - Esempio di registro a 4 bit.

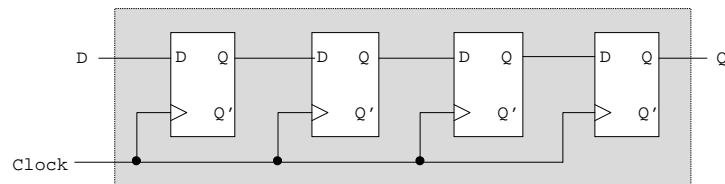


- 4 -



Registri

- Registro *serie-serie* (*Shift Register - Registro a Scorimento*)
 - Esempio di registro a 4 bit

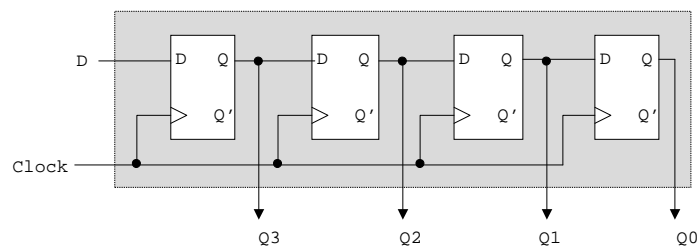


- 5 -



Registri

- Registro *serie-parallelo*
 - Esempio di registro a 4 bit



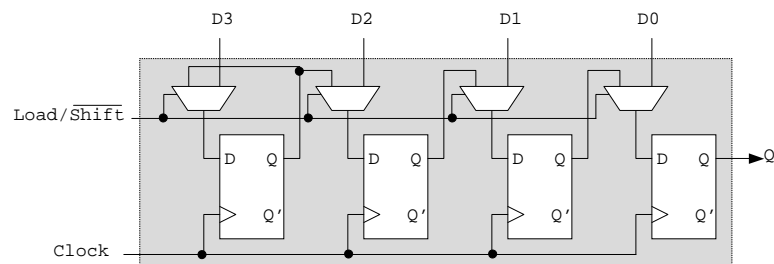
- 6 -



Registri

□ Registro *parallelo-serie*

- Esempio a 4 bit con shift-aritmetico (Shift Destro)
 - In fase di traslazione, ricopia il bit più significativo nella posizione più significativa (estensione del segno)



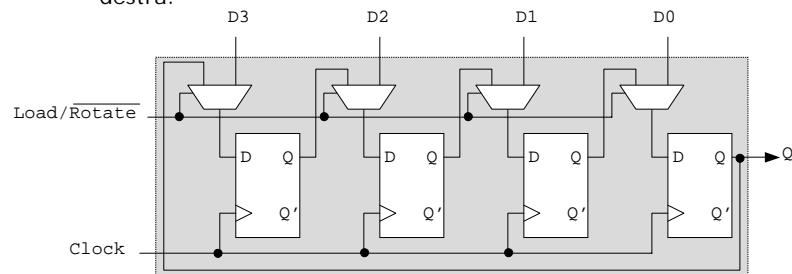
- 7 -



Registri

□ Registro *circolare* a 4 bit

- Esempio a 4 bit con rotazione a destra
 - In fase di traslazione, trasferisce il bit meno significativo al posto di quello più significativo, spostando i rimanenti di una posizione a destra.



- 8 -



Contatori

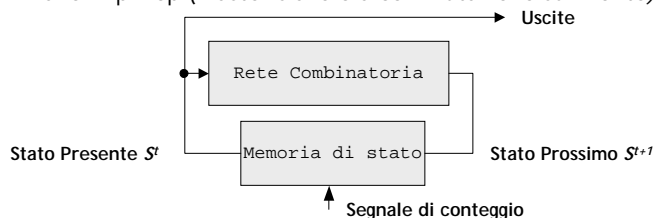
- Un contatore è una rete *sequenziale* che, solitamente, riceve in ingresso solamente *un evento di conteggio* che sposta la posizione corrente in avanti - *upwards* - (o indietro - *downwards*) di una unità.
 - Il valore raggiunto è associato allo *stato presente*.
 - Possono esistere altri ingressi di *controllo* per la realizzazione di contatori bidirezionali; il metodo di progetto cambia di poco.
- Il contatore appartiene ad una famiglia di reti sequenziali "omogenee" caratterizzate da:
 - Specifiche di funzionamento analoghe per l'intera famiglia;
 - Ripetitività e località della struttura (in molto casi).
 - Metodologia di specifica semplificata rispetto alla generica tabella degli stati e metodologia di progetto semplificata rispetto a quella generale per le reti sequenziali;

- 9 -



Contatori

- Un contatore può anche essere visto come una *generica rete sequenziale* dove, a meno di particolari specifiche, *il valore d'uscita coincide con il valore di stato*.
 - A meno di casi particolari, non sono presenti reti di transcodifica
 - Si utilizzano Flip-flop (master slave o a commutazione sul fronte)



- In pratica, adottare le *tecniche generali di progetto* delle reti sequenziali risulta eccessivamente oneroso; si ricorre a tecniche *specifiche*, più semplici, secondo criteri *tipici della classe di circuiti*.
 - consentono buona *ottimizzazione*.

- 10 -



Contatori

- Un contatore si distingue per:
 - Il *modulo* M
 - il contatore conterà da 0 a $M-1$ e, al successivo impulso, *torna a 0*;
 - Il *codice*
 - Il contatore presenta all'esterno il valore del conteggio secondo un codice stabilito.
 - A numero minimo di bit: Il numero di tali bistabili è $\lceil \log_2 M \rceil$. (es: Gray, Binario Naturale)
 - Altri codici: se il codice è su k bit, converrà usare k bistabili anche qualora fosse $k > \lceil \log_2 M \rceil$, per evitare di inserire una rete di transcodifica fra i bistabili e l'uscita del contatore. (es: 1-hot, parità)
 - La *codifica*
 - Definisce la successione degli M valori associati allo stato attraverso cui il contatore evolve.
 - Nota: la codifica dello stato è definita a priori
 - Es: $M=4$ - codice Gray (codice a numero minimo di bit) - codifica: $S_0=00$ $S_1=01$ $S_2=11$ $S_3=10$
 - Es: $M=4$ - codice Parità Pari (codice a numero non minimo di bit): codifica: $S_0=000$ $S_1=011$ $S_2=101$ $S_3=110$

- 11 -



Contatori

- Oltre che per *modulo*, *codice* e *codifica*, i contatori si distinguono in *sincroni* e *asincroni*:
 - Contatore *sincrono*:
 - Tutti i bistabili ricevono simultaneamente in ingresso l'evento di conteggio;
 - Clock oppure Gated Clock (clock attraversa una rete combinatoria).
 - Le eventuali commutazioni sono tutte simultanee (*sincrone*), a parte modeste variazioni dovute alla propagazione attraverso le reti di eccitazione dei bistabili;
 - Contatore *asincrono*:
 - Almeno un bistabile *non* riceve in ingresso il segnale di conteggio
 - La sua eventuale commutazione è comandata da quella degli altri bistabili e avverrà con un ritardo dovuto alla propagazione attraverso tali bistabili (oltre che alle reti combinatorie eventualmente presenti);
- Nel seguito si tratterà in dettaglio il progetto dei contatori, essenzialmente quelli sincroni.

- 12 -



Contatori sincroni: *Contatore Binario Naturale*

□ Contatore binario (modulo 2^n)

- Modulo: 2^n ; Codice: A numero minimo bit; Codifica: Binaria Naturale
- Bistabile utilizzato: T

Tabella delle transizioni
e delle eccitazioni
per $M=2^1$

Q_0	Q_0^*	Q_0	T_0
0	1	0	1
1	0	1	1

Tabella delle transizioni
e delle eccitazioni
per $M=2^2$

Q_1Q_0	$Q_1^*Q_0^*$	Q_1Q_0	T_1T_0
0 0	0 1	0 0	0 1
0 1	1 0	0 1	1 1
1 0	1 1	1 0	0 1
1 1	0 0	1 1	1 1

Tabella delle transizioni
e delle eccitazioni
per $M=2^3$

$Q_2Q_1Q_0$	$Q_2^*Q_1^*Q_0^*$	$Q_2Q_1Q_0$	$T_2T_1T_0$
0 0 0	0 0 1	0 0 0	0 0 1
0 0 1	0 1 0	0 0 1	0 1 1
0 1 0	0 1 1	0 1 0	0 0 1
0 1 1	1 0 0	0 1 1	1 1 1
1 0 0	1 0 1	1 0 0	0 0 1
1 0 1	1 1 0	1 0 1	0 1 1
1 1 0	1 1 1	1 1 0	0 0 1
1 1 1	0 0 0	1 1 1	1 1 1

- 13 -



Contatori sincroni: *Contatore Binario Naturale*

- ### □ L'analisi delle tabelle delle eccitazioni evidenzia la seguente regolarità ($M=2^4$):

$Q_3Q_2Q_1Q_0$	$T_3T_2T_1T_0$
0 0 0 0	0 0 0 1
0 0 0 1	0 0 1 1
0 0 1 0	0 0 0 1
0 0 1 1	0 1 1 1
0 1 0 0	0 0 0 1
0 1 0 1	0 0 1 1
0 1 1 0	0 0 0 1
0 1 1 1	1 1 1 1
1 0 0 0	0 0 0 1
1 0 0 1	0 0 1 1
1 0 1 0	0 0 0 1
1 0 1 1	0 1 1 1
1 1 0 0	0 0 0 1
1 1 0 1	0 0 1 1
1 1 1 0	0 0 0 1
1 1 1 1	1 1 1 1

$$T_0 \equiv 1$$

$Q_3Q_2Q_1Q_0$	$T_3T_2T_1T_0$
0 0 0 0	0 0 0 1
0 0 0 1	0 0 1 1
0 0 1 0	0 0 0 1
0 0 1 1	0 1 1 1
0 1 0 0	0 0 0 1
0 1 0 1	0 0 1 1
0 1 1 0	0 0 0 1
0 1 1 1	1 1 1 1
1 0 0 0	0 0 0 1
1 0 0 1	0 0 1 1
1 0 1 0	0 0 0 1
1 0 1 1	0 1 1 1
1 1 0 0	0 0 0 1
1 1 0 1	0 0 1 1
1 1 1 0	0 0 0 1
1 1 1 1	1 1 1 1

$$T_1 = Q_0$$

$Q_3Q_2Q_1Q_0$	$T_3T_2T_1T_0$
0 0 0 0	0 0 0 1
0 0 0 1	0 0 1 1
0 0 1 0	0 0 0 1
0 0 1 1	0 1 1 1
0 1 0 0	0 0 0 1
0 1 0 1	0 0 1 1
0 1 1 0	0 0 0 1
0 1 1 1	1 1 1 1
1 0 0 0	0 0 0 1
1 0 0 1	0 0 1 1
1 0 1 0	0 0 0 1
1 0 1 1	0 1 1 1
1 1 0 0	0 0 0 1
1 1 0 1	0 0 1 1
1 1 1 0	0 0 0 1
1 1 1 1	1 1 1 1

$$T_2 = Q_1 * Q_0 = Q_1 * T_1$$

$Q_3Q_2Q_1Q_0$	$T_3T_2T_1T_0$
0 0 0 0	0 0 0 1
0 0 0 1	0 0 1 1
0 0 1 0	0 0 0 1
0 0 1 1	0 1 1 1
0 1 0 0	0 0 0 1
0 1 0 1	0 0 1 1
0 1 1 0	0 0 0 1
0 1 1 1	1 1 1 1
1 0 0 0	0 0 0 1
1 0 0 1	0 0 1 1
1 0 1 0	0 0 0 1
1 0 1 1	0 1 1 1
1 1 0 0	0 0 0 1
1 1 0 1	0 0 1 1
1 1 1 0	0 0 0 1
1 1 1 1	1 1 1 1

$$T_3 = Q_2 * Q_1 * Q_0 = Q_2 * T_2$$

- 14 -



Contatori sincroni: *Contatore Binario Naturale*

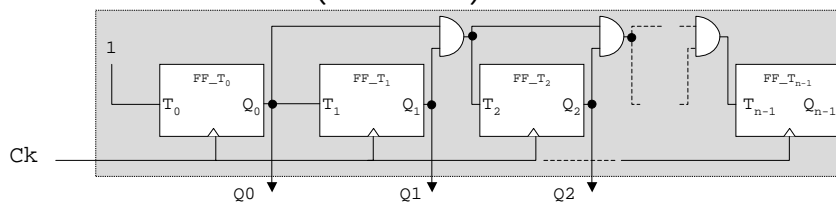
- Sono evidenti due possibili implementazioni per le funzioni di eccitazione:
 - Contatore serie: $T_0=1$; $T_1=Q_0$; $T_n=Q_{n-1} * T_{n-1}$
 - Tutti gli stadi, ad esclusione dei primi due, risultano perfettamente identici.
 - La regolarità della struttura è "pagata" con un maggior ritardo di propagazione (limita la frequenza di funzionamento).
 - Nota: la frequenza di funzionamento si riduce linearmente con la dimensione del contatore poiché T_i diventa stabile solo dopo che lo è diventato T_{i-1} .
 - Contatore parallelo: $T_0=1$; $T_1=Q_0$; $T_n=Q_{n-1} * Q_{n-2} * Q_{n-3} \dots * Q_0$
 - Schema molto semplice e regolare.
 - Minor ritardo di propagazione rispetto al caso precedente (frequenza di funzionamento maggiore rispetto al caso precedente).
 - Nota: la frequenza di funzionamento si riduce all'aumentare delle dimensioni del contatore a causa dell'aumento del numero degli ingressi alle porte AND.
- In generale, la regolarità deriva dal *ciclo di conteggio*: cambiando tipo di bistabile (es: FFD) le funzioni di eccitazione cambiano, ma la regolarità resta.

- 15 -

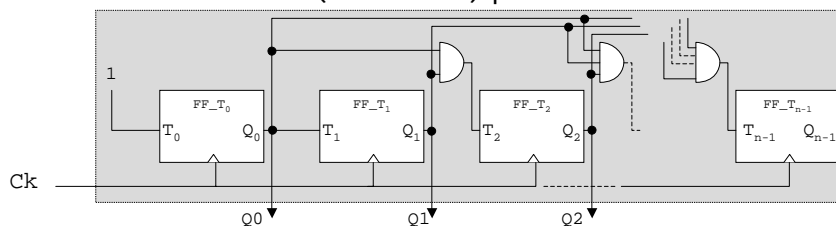


Contatori sincroni: *Contatore Binario Naturale*

- Contatore binario (modulo 2^n) serie:



- Contatore binario (modulo 2^n) parallelo:



- 16 -



Contatori sincroni: *Contatore Binario Naturale*

□ Contatore binario (modulo 2^n)

- Modulo: 2^n ; Codice: A numero minimo bit; Codifica: Binaria Naturale
- Bistabile utilizzato: D

Tabella delle eccitazioni
per $M=2^1$

Q_0	D_0
0	1
1	0

Tabella delle eccitazioni
per $M=2^2$

Q_1	Q_0	D_1	D_0
0	0	0	1
0	1	1	0
1	0	1	1
1	1	0	0

Tabella delle eccitazioni
per $M=2^3$

Q_2	Q_1	Q_0	D_2	D_1	D_0
0	0	0	0	0	1
0	0	1	0	1	0
0	1	0	0	1	1
0	1	1	1	0	0
1	0	0	1	0	1
1	0	1	1	1	0
1	1	0	1	1	1
1	1	1	0	0	0

- 17 -



Contatori sincroni: *Contatore Binario Naturale*

□ L'analisi delle tabelle delle eccitazioni evidenzia la seguente regolarità ($M=2^4$):

Q_3	Q_2	Q_1	Q_0	D_3	D_2	D_1	D_0
0	0	0	0	0	0	0	1
0	0	0	1	0	0	1	0
0	0	1	0	0	0	1	1
0	0	1	1	0	1	0	0
0	1	0	0	0	1	0	1
0	1	0	1	0	1	1	0
0	1	1	0	0	1	1	1
0	1	1	1	1	0	0	0
1	0	0	0	1	0	0	1
1	0	0	1	1	0	1	0
1	0	1	0	1	0	1	1
1	0	1	1	1	1	0	0
1	1	0	0	1	1	0	1
1	1	0	1	1	1	1	0
1	1	1	0	1	1	1	1
1	1	1	1	0	0	0	0

Q_3	Q_2	Q_1	Q_0	D_3	D_2	D_1	D_0
0	0	0	0	0	0	0	1
0	0	0	1	0	0	1	0
0	0	1	0	0	0	1	1
0	0	1	1	0	1	0	0
0	1	0	0	0	1	0	1
0	1	0	1	0	1	1	0
0	1	1	0	0	1	1	1
0	1	1	1	1	0	0	0
1	0	0	0	1	0	0	1
1	0	0	1	1	0	1	0
1	0	1	0	1	0	1	1
1	0	1	1	1	1	0	0
1	1	0	0	1	1	0	1
1	1	0	1	1	1	1	0
1	1	1	0	1	1	1	1
1	1	1	1	0	0	0	0

Q_3	Q_2	Q_1	Q_0	D_3	D_2	D_1	D_0
0	0	0	0	0	0	0	1
0	0	0	1	0	0	1	0
0	0	1	0	0	0	1	1
0	0	1	1	0	1	0	0
0	1	0	0	0	1	0	1
0	1	0	1	0	1	1	0
0	1	1	0	0	1	1	1
0	1	1	1	1	0	0	0
1	0	0	0	1	0	0	1
1	0	0	1	1	0	1	0
1	0	1	0	1	0	1	1
1	0	1	1	1	1	0	0
1	1	0	0	1	1	0	1
1	1	0	1	1	1	1	0
1	1	1	0	1	1	1	1
1	1	1	1	0	0	0	0

Q_3	Q_2	Q_1	Q_0	D_3	D_2	D_1	D_0
0	0	0	0	0	0	0	1
0	0	0	1	0	0	1	0
0	0	1	0	0	0	1	1
0	0	1	1	0	1	0	0
0	1	0	0	0	1	0	1
0	1	0	1	0	1	1	0
0	1	1	0	0	1	1	1
0	1	1	1	1	0	0	0
1	0	0	0	1	0	0	1
1	0	0	1	1	0	1	0
1	0	1	0	1	0	1	1
1	0	1	1	1	1	0	0
1	1	0	0	1	1	0	1
1	1	0	1	1	1	1	0
1	1	1	0	1	1	1	1
1	1	1	1	0	0	0	0

Parallelo: $D_0 = Q_0 \oplus 1 = Q_0'$
Serie: $D_0 = Q_0 \oplus 1 = Q_0'$

$D_1 = Q_1 \oplus Q_0$
 $D_1 = Q_1 \oplus Q_0$

$D_2 = Q_2 \oplus (Q_1 * Q_0)$
 $D_2 = Q_2 \oplus (Q_1 * Q_0) = Q_2 \oplus (Q_1 * K_0)$

$D_3 = Q_3 \oplus (Q_2 * Q_1 * Q_0)$
 $D_3 = Q_3 \oplus (Q_2 * K_1)$

- 18 -



Contatori sincroni: *codici e moduli liberi*

- Due casi diversi:
 - Progetto di contatori con modulo libero (2^n o diverso da 2^n), codice a numero **non** minimo bit e codifica **non** binaria naturale;
 - Struttura regolare.
 - Contatori ad anello (*codice one-hot*)
 - Contatore ad anello incrociato;
 - A struttura non regolare.
 - Si applica una metodologia di progetto semplificata rispetto a quella generale per le reti sequenziali;
 - Progetto di contatori con modulo diverso da 2^n , codice a numero minimo bit e codifica binaria naturale;
 - A struttura non regolare.
 - Si applica una metodologia di progetto semplificata rispetto a quella generale per le reti sequenziali;

- 19 -



Contatori sincroni: *codici e moduli liberi*

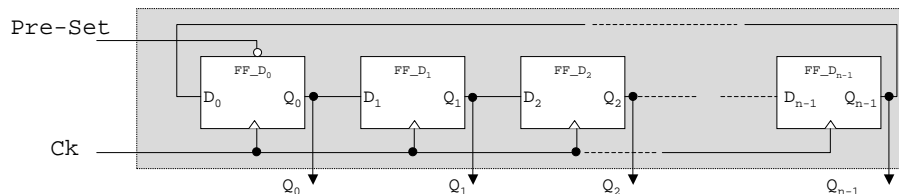
- Contatore "ad anello"
 - Modulo: n ; Codice: *One hot*; Codifica: 2^k
 - Bistabile utilizzato: D
 - Codice *one-hot*:
 - In ogni codifica valida uno e un solo bit assume valore 1, tutti gli altri valgono 0;
 - Per codificare n informazioni diverse occorrono n bit
 - il codice non è a numero minimo di bit.
 - Esempio: i numeri da 0 a 3 sono codificati come:
 - 0 = 0001 (2^0)
 - 1 = 0010 (2^1)
 - 2 = 0100 (2^2)
 - 3 = 1000 (2^3)
 - esiste una corrispondenza 1-a-1 fra l'entità codificata e la posizione dell'unico 1 nella codifica.

- 20 -

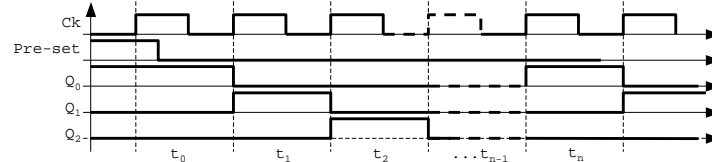


Contatori sincroni: *codici e moduli liberi*

- Contatore "ad anello" (*ring counter*) modulo n :
 - È un registro a scorrimento con riporto tra stadio iniziale e finale



- Il valore del FFD0 viene posto a 1 prima dell'inizio del conteggio; i rimanenti FFD vengono posti a 0.



- 21 -



Contatori sincroni: *codici e moduli liberi*

- Il contatore "ad anello" ha una struttura ad alto costo ma molto semplice, compatta e veloce
 - il numero di bistabili è molto più elevato del minimo e cresce linearmente.
- Viene utilizzato in applicazioni nelle quali si deve abilitare uno e un solo sottosistema; il contatore svolge il ruolo di unità di controllo.
 - Lo stato di ogni bistabile del contatore costituisce immediatamente il segnale di controllo e non occorre alcuna rete di transcodifica.
 - Se gli stati del contatore sono n , le linee di segnale che si inviano ai sottosistemi controllati sono ancora n .
 - Nota: l'uso di un contatore con un codice a numero minimo bit - es., binario naturale - richiede una rete di *transcodifica* che per ogni stato del contatore generi un valore attivo su una sola delle n linee di segnale in uscita (rete combinatoria con $k = \lceil \log n \rceil$ ingressi e n uscite); la rete di transcodifica, al crescere di n , ha costi crescenti e introduce crescenti ritardi di propagazione

- 22 -



Contatori sincroni: *codici e moduli liberi*

□ Contatore "ad anello incrociato"

- Modulo: $2 \cdot n$ (nota: sempre pari);
- Codice e Codifica (esempio):

	$Q_1 Q_0$	$Q_1' Q_0'$
0	0 0	1 1
1	0 1	1 0
2	1 1	0 0
3	1 0	0 1

	$Q_2 Q_1 Q_0$	$Q_2' Q_1' Q_0'$
0	0 0 0	1 1 1
1	0 0 1	1 1 0
2	0 1 1	1 0 0
3	1 1 1	0 0 0
4	1 1 0	0 0 1
5	1 0 0	0 1 1

	$Q_3 Q_2 Q_1 Q_0$	$Q_3' Q_2' Q_1' Q_0'$
0	0 0 0 0	1 1 1 1
1	0 0 0 1	1 1 1 0
2	0 0 1 1	1 1 0 0
3	0 1 1 1	1 0 0 0
4	1 1 1 1	0 0 0 0
5	1 1 1 0	0 0 0 1
6	1 1 0 0	0 0 1 1
7	1 0 0 0	0 1 1 1

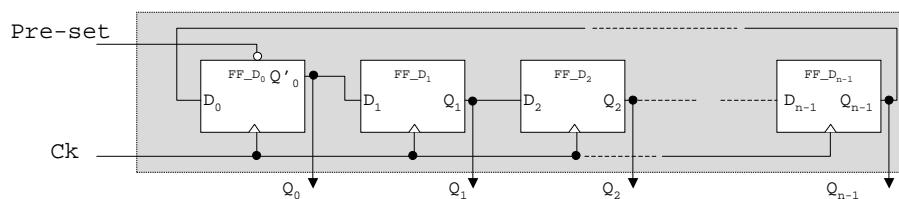
- Bistabile utilizzato: D
- Per codificare $2 \cdot n$ informazioni diverse occorrono n bit
 - Il codice non è a numero minimo di bit.
- Svantaggi principali: modulo sempre pari, codice e codifica senza particolare campo di applicabilità
- Vantaggio principale: distanza di Hamming unitaria, prestazioni elevate, meno elementi di memoria rispetto al contatore ad anello

- 23 -

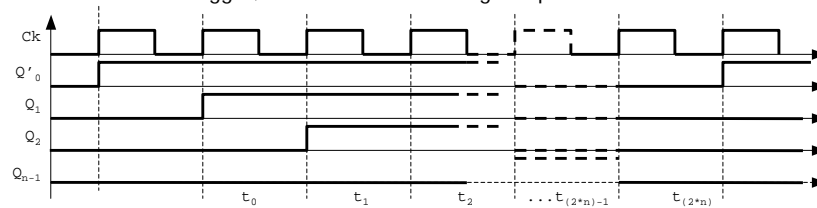


Contatori sincroni: *codici e moduli liberi*

□ Contatore "ad anello incrociato" modulo $2 \cdot n$:



- Il valore del FF_{D_0} viene inizializzato a 1 (quindi Q'_0 vale 0) prima dell'inizio del conteggio; i rimanenti FFD vengono posti a 0.



- 24 -



Contatori sincroni: *codici e moduli liberi*

□ Contatore modulo diverso da 2^n : Esempio1.

- Modulo: 6; Codice: A numero minimo bit; Codifica: Binaria Naturale
- Bistabile utilizzato: T

Tabella delle transizioni e delle eccitazioni per M= 6

$Q_2 Q_1 Q_0$	$Q_2' Q_1' Q_0'$
0 0 0	0 0 1
0 0 1	0 1 0
0 1 0	0 1 1
0 1 1	1 0 0
1 0 0	1 0 1
1 0 1	0 0 0



$Q_2 Q_1 Q_0$	$T_2 T_1 T_0$
0 0 0	0 0 1
0 0 1	0 1 1
0 1 0	0 0 1
0 1 1	1 1 1
1 0 0	0 0 1
1 0 1	1 0 1



$$\begin{aligned} T_2 &= Q_1 * Q_0 + Q_2 * Q_0 \\ T_1 &= Q_2' * Q_0 \\ T_0 &= 1 \end{aligned}$$

Nota: le equazioni derivano dalla sintesi delle tre funzioni combinatorie T_0 , T_1 e T_2

- 25 -



Contatori sincroni: *codici e moduli liberi*

□ Contatore modulo diverso da 2^n : Esempio2.

- Modulo: 10; Codice: A numero minimo bit; Codifica: Binaria Naturale (Contatore *BCD* o *Decadico*)
- Bistabile utilizzato: T

Tabella delle transizioni e delle eccitazioni per M= 10

$Q_3 Q_2 Q_1 Q_0$	$Q_3' Q_2' Q_1' Q_0'$
0 0 0 0	0 0 0 1
0 0 0 1	0 0 1 0
0 0 1 0	0 0 1 1
0 0 1 1	0 1 0 0
0 1 0 0	0 1 0 1
0 1 0 1	0 1 1 0
0 1 1 0	0 1 1 1
0 1 1 1	1 0 0 0
1 0 0 0	1 0 0 1
1 0 0 1	0 0 0 0



$Q_3 Q_2 Q_1 Q_0$	$T_3 T_2 T_1 T_0$
0 0 0 0	0 0 0 1
0 0 0 1	0 0 1 1
0 0 1 0	0 0 0 1
0 0 1 1	0 1 1 1
0 1 0 0	0 0 0 1
0 1 0 1	0 0 1 1
0 1 1 0	0 0 0 1
0 1 1 1	1 1 1 1
1 0 0 0	0 0 0 1
1 0 0 1	1 0 0 1



$$\begin{aligned} T_3 &= Q_3 * Q_0 + Q_2 * Q_1 * Q_0 \\ T_2 &= Q_1 * Q_0 \\ T_1 &= Q_3' * Q_0 \\ T_0 &= 1 \end{aligned}$$

Nota: In modo analogo si potrebbe ottenere la realizzazione mediante FFD.

$$\begin{aligned} D_0 &= Q_0' \\ D_1 &= Q_3' * Q_1' * Q_0 + Q_3' * Q_1 * Q_0' \\ D_2 &= Q_3' * Q_2' * Q_1 * Q_0 + Q_2 * Q_0' + Q_2 * Q_1' \\ D_3 &= Q_3 * Q_1' + Q_2 * Q_1 * Q_0 \end{aligned}$$

- 26 -



Contatori sincroni: *Composizione di contatori*

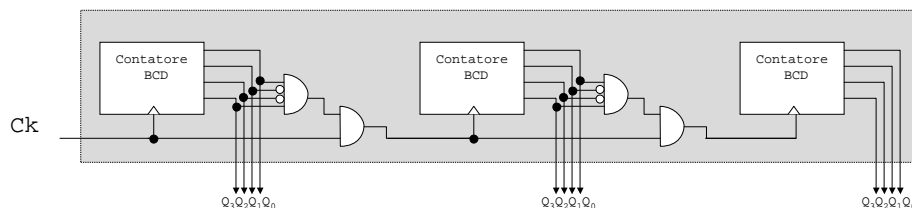
- È possibile realizzare contatori per moduli elevati partendo da contatori più semplici
 - Esempio: realizzare un contatore a k cifre decimali utilizzando K blocchi del contatore decadico (Mod-10 ([0..9]));
- Ogni sotto-contatore genera un segnale di traboccamento (*carry*) che, quando raggiunge valore 1, consente al clock di attivare il sotto-contatore collegato ad esso in cascata.
- La condizione di traboccamento è quella indicata dalla ultima configurazione di stato presente prodotta dal contatore a valle.
 - Esempio: nel contatore BCD, la condizione di traboccamento è 1001 che corrisponde a $f(Q_3, Q_2, Q_1, Q_0) = Q_3 * Q_2' * Q_1' * Q_0$
- Il modulo del contatore complesso è il prodotto dei moduli.
 - Esempio: Due contatori Mod-2 e Mod-5 possono produrre un contatore decadico.

- 27 -

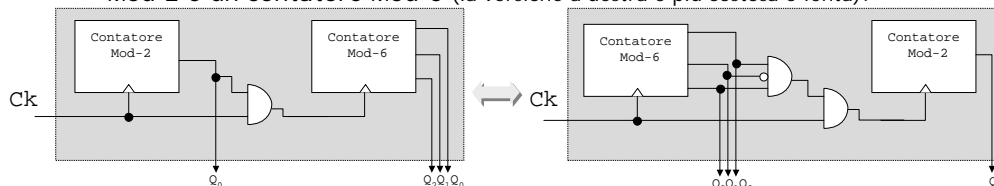


Contatori sincroni: *Composizione di contatori*

- Esempio: contatore BCD a 3 Cifre (Mod-1000).



- Esempio: contatore Mod-12 mediante composizione di un contatore Mod-2 e un contatore Mod-6 (la versione a destra è più costosa e lenta).



- 28 -



Contatori asincroni: *Generalità*

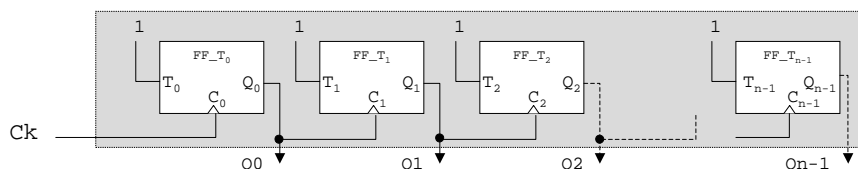
- Contatore *asincrono*:
 - Almeno un bistabile *non* riceve in ingresso il segnale di conteggio né in modo diretto né in modo indiretto;
 - Indiretto: clock in AND con una funzione logica che ha, come supporto, alcune/tutte le variabili di stato (*gated clock*).
 - La sua commutazione dei bistabili che non sono collegati al clock è comandata da quella degli altri bistabili e avverrà con un ritardo dovuto alla propagazione attraverso tali FF (oltre che alle eventuali reti combinatorie);
 - La commutazione è generata dall'opportuno fronte di commutazione sull'uscita di almeno uno degli altri bistabili coinvolti.
- *Modulo, codice e codifica* possono anche essere specificati arbitrariamente; purtroppo, può accadere che un contatore asincrono con queste caratteristiche non sia realizzabile.
- Ipotesi: uso di bistabili T che commutano sul fronte ed in cui T viene posto ad 1.

- 29 -



Contatori asincroni: *Contatore Binario Naturale*

- Contatore binario (modulo 2^n)
 - Modulo: 2^n ; Codice: A numero minimo bit; Codifica: Binaria Naturale
 - Bistabile utilizzato: T
 - Il contatore è ottenuto collegando in cascata i bistabili.
 - Con FFT che commutano sul fronte di salita il contatore *conta indietro*.
 - » *conta avanti* con FF che commutano sul fronte di discesa.
 - Funzionamento: il fronte di salita del clock modifica lo stato di FF_ T_0 che passa da 0 ad 1; questo fronte di salita modifica lo stato di FF_ T_1 che, a sua volta, genera un fronte di salita che modifica lo stato di FF_ T_2 ;
 - » 000...00, 111...11, 111...10, ...

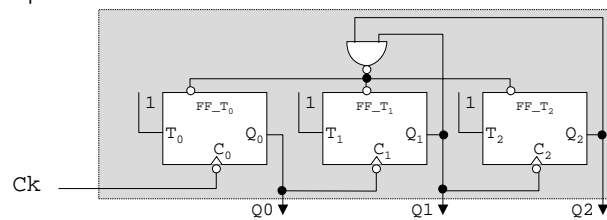


- 30 -



Contatori asincroni: *Contatore Binario Naturale*

- Contatore binario (modulo 2^n)
 - Modulo: diverso da 2^n ; Codice: A numero minimo bit; Codifica: Binaria Naturale
 - Bistabile utilizzato: T
 - Contatore indietro (conta in avanti se il fronte di commutazione è quello di discesa)
 - Il fronte di salita del clock modifica lo stato di FF_T0 che passa da 0 ad 1; questo fronte di salita modifica lo stato di FF_T1;
 - La configurazione successiva all'ultima valida pone lo stato di tutti i FF a 000...00.
 - Esempio: contatore in avanti MOD5



- 31 -