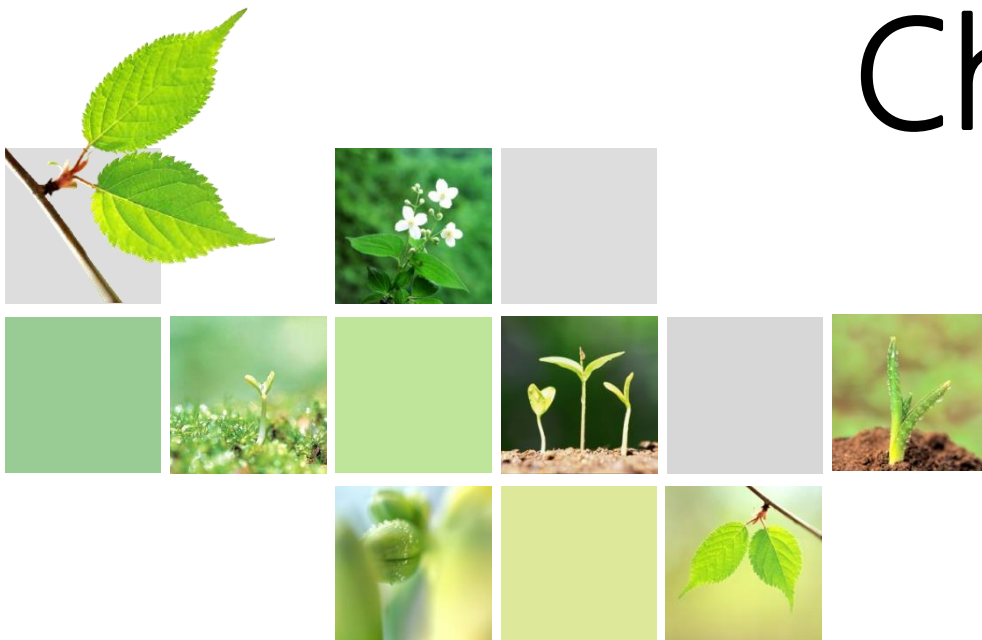


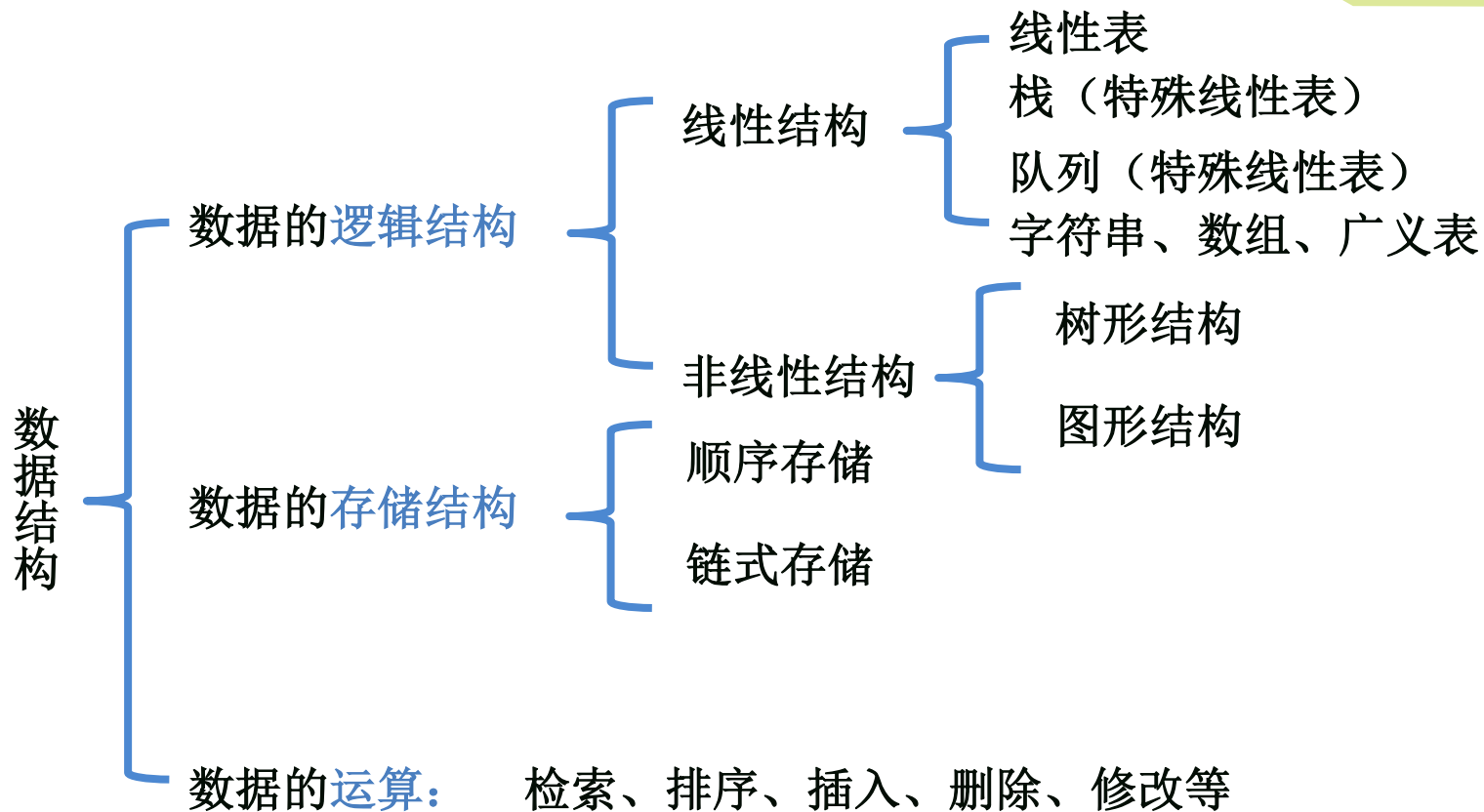
数据结构



Ch2 线性表



第一章回顾





1

• 概述

2

线性表的顺序存储结构

3

线性表的链式存储结构

4

线性表的应用实例





- 简介：
 - 线性表的定义及特点
 - 线性表的顺序存储结构
 - 线性表的链式存储结构
 - 线性表的应用实例:用线性表表示集合、一元多项式
- 重点：
 - 线性表的基本概念和术语
 - 线性表的顺序表示和链式表示方法及其上的基本操作
 - 相关算法的时间复杂度分析
- 难点：线性表的链式表示和基本操作的实现



Ch2.线性表：概述——线性表定义



- 线性表(Linear List):性质相同的数据元素构成的**有限序列**。
 - 如(3,5,56,67,88),(a,b,c,d,e,f)都是线性表
 - 更复杂的线性表中，一个数据元素可以由若干个**数据项**组成（此时可称为**记录**），含有大量记录的线性表称为**文件**。如：
学生基本信息表：

| 学号 | 姓名 | 性别 | 出生日期 | 民族 | 专业 | ... |
|-------------|----|----|-----------|----|-------|-----|
| 20102430101 | 赵光 | 男 | 1992.6.3 | 汉 | 计算机应用 | ... |
| 20102430102 | 钱伟 | 男 | 1992.2.20 | 回 | 计算机应用 | ... |
| 20102430311 | 孙丽 | 女 | 1992.12.8 | 汉 | 软件工程 | ... |

- 线性表的数据元素（记录）可由若干**数据项**组成。
- 线性表中的数据元素类型可以是多种多样的，但同一表中的元素必定**具有相同特性**，即属于同一数据对象



线性表通常可以表示为 (a_1, a_2, \dots, a_n)

- 线性表的长度（表长）：线性表中元素的个数 (n)
- 空表： $n=0$ 时，称为空表
- 位序：在非空的线性表中，每个元素都有一个确定的位置，如 $(a_1, a_2, \dots, a_i, \dots, a_n)$ 中， i 为数据元素 a_i 在线性表中的位序， a_1 为起始节点， a_n 为终端节点
- 称 a_i 是 a_{i+1} 的**直接前驱**元素， a_{i+1} 是 a_i 的**直接后继**元素



Ch2.线性表：概述——线性结构的特点



- 存在唯一的一个被称作“第一个”的数据元素 (a_1) ;
- 存在唯一的一个被称作“最后一个”的数据元素 (a_n)

1

相邻数据元素之间存在序偶关系, 若将线性表记为 $(a_1, a_2, \dots, a_{i-1}, a_i, a_{i+1}, \dots, a_n)$, 则 a_{i-1} 领先于 a_i

2

a_{i-1} 是 a_i 的直接前驱元素

a_{i+1} 是 a_i 的直接后继元素

除第一个之外, 线性表中的每个数据元素均只有一个直接前驱

4

除最后一个之外, 线性表中每个数据元素均只有一个直接后继

3



线性表案例



一元多项式的运算：实现两个多项式的加、减、乘运算

$$P_n(x) = p_0 + p_1x + p_2x^2 + \dots + p_nx^n$$

线性表P = (p₀, p₁, p₂, ..., p_n)

例如：P_n(x) = 10 + 5x - 4x² + 3x³ + 2x⁴

| 指数 (下标i) | 0 | 1 | 2 | 3 | 4 |
|-------------|----|---|----|---|---|
| 系数p[i] | 10 | 5 | -4 | 3 | 2 |



线性表案例



$$R_n(x) = P_n(x) + Q_m(x)$$

线性表R = (p₀ + q₀, p₁ + q₁, p₂ + q₂, ..., p_m + q_m,
p_{m+1}, ..., p_n)



稀疏多项式: $S(x) = 1 + 3x^{10000} + 2x^{20000}$

| 下标 | 0 | 1 | 2 |
|--------|---|-------|-------|
| 指数 | 0 | 10000 | 20000 |
| 系数p[i] | 1 | 3 | 2 |

浪费存储空间
如何处理?



稀疏多项式的运算



非零多项式的数组表示

$$(a) A(x) = 7 + 3x + 9x^8 + 5x^{17} \quad (b) B(x) = 8x + 22x^7 - 9x^8$$

| 下标i | 0 | 1 | 2 | 3 |
|--------|---|---|---|----|
| 系数a[i] | 7 | 3 | 9 | 5 |
| 指数 | 0 | 1 | 8 | 17 |

| 下标i | 0 | 1 | 2 |
|--------|---|----|----|
| 系数b[i] | 8 | 22 | -9 |
| 指数 | 1 | 7 | 8 |

$$P_n(x) = p_1x^{e1} + p_2x^{e2} + \dots + p_mx^{em}$$

线性表P = ((p1, e1), (p2, e2), ..., (pm, em))



线性表A=((7, 0), (3, 1), (9, 8), (5, 17)),

线性表B=((8, 1), (22, 7), (-9, 8))



稀疏多项式的运算



线性表 $A=((7, 0), (3, 1), (9, 8), (5, 17))$,

线性表 $B=((8, 1), (22, 7), (-9, 8))$

- 创建一个新数组c
- 从头遍历比较a和b的每一项
 - 指数相同，对应系数相加，若其和不为0，则在c中增加一个新项
 - 指数不相同，则将指数较小的项复制到c中

一个多项式已遍历完毕时，将另一个剩余项一次复制到c中



稀疏多项式的运算



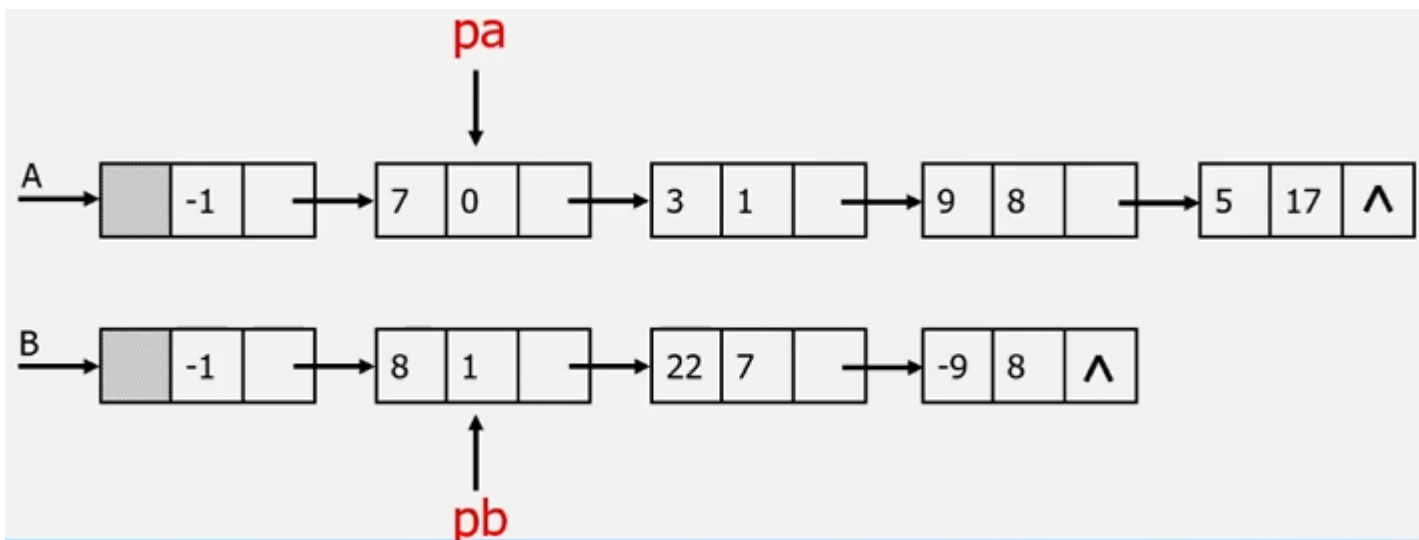
- 顺序存储结构的问题:

- 存储空间分配不灵活
- 运算的空间复杂度高



链式存储结构

$$A(x) = 7 + 3x + 9x^8 + 5x^{17} \quad B(x) = 8x + 22x^7 - 9x^8$$



稀疏多项式的运算



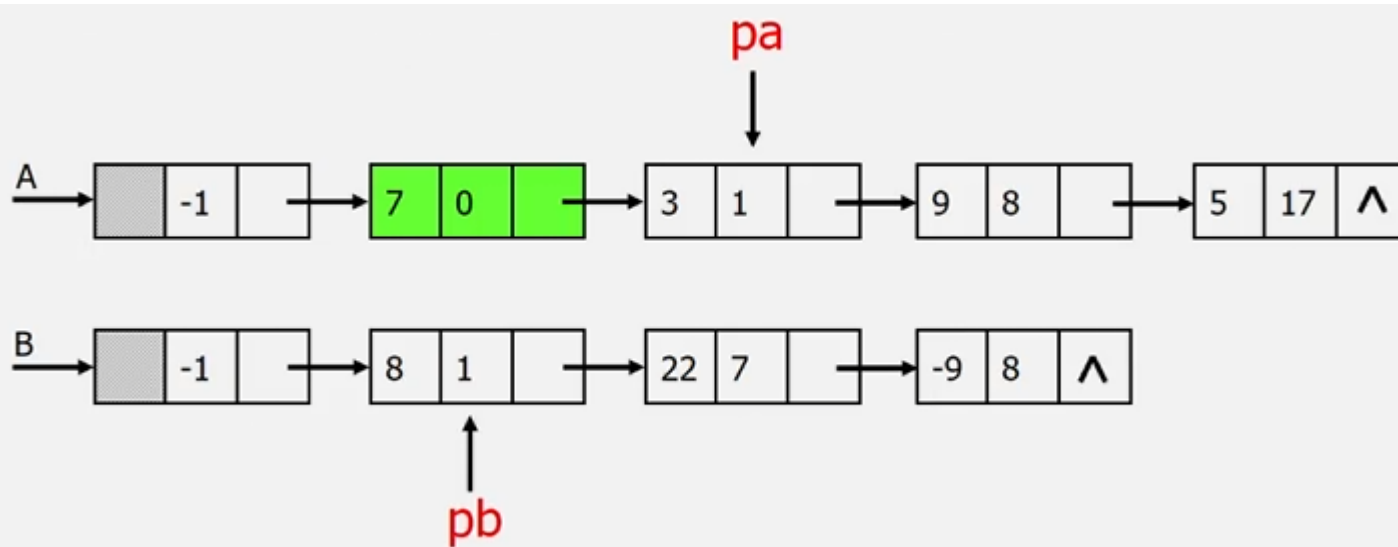
- 顺序存储结构的问题:

- 存储空间分配不灵活
- 运算的空间复杂度高



链式存储结构

$$A(x) = 7 + 3x + 9x^8 + 5x^{17} \quad B(x) = 8x + 22x^7 - 9x^8$$



稀疏多项式的运算



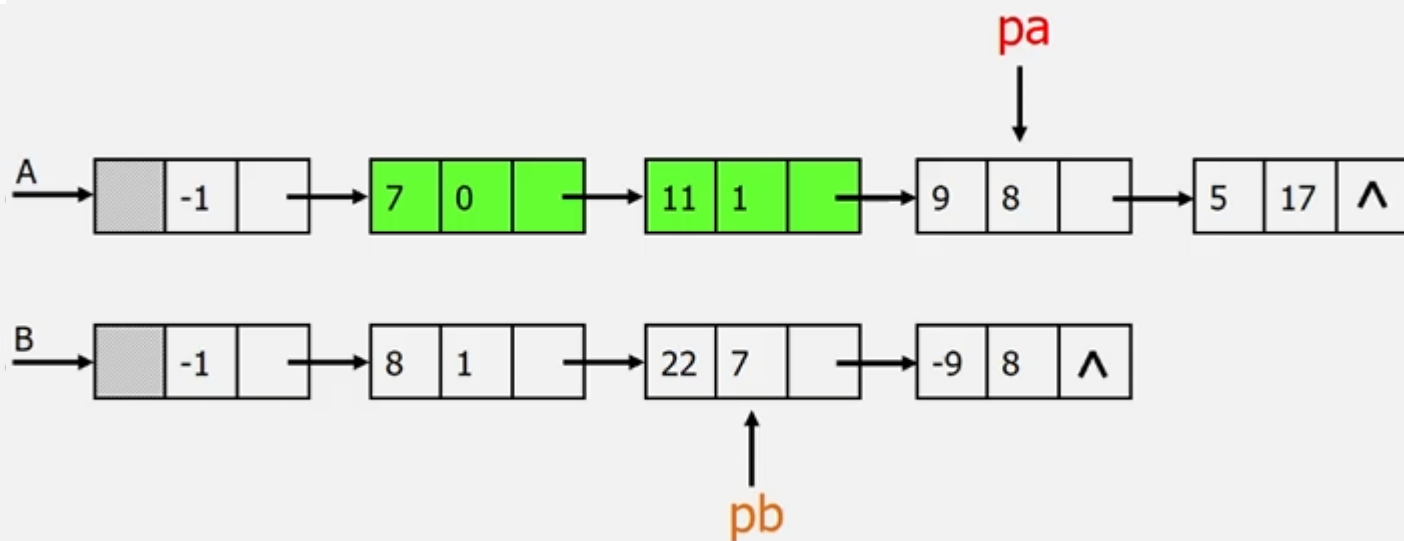
- 顺序存储结构的问题:

- 存储空间分配不灵活
- 运算的空间复杂度高



链式存储结构

$$A(x) = 7 + 3x + 9x^8 + 5x^{17} \quad B(x) = 8x + 22x^7 - 9x^8$$



稀疏多项式的运算



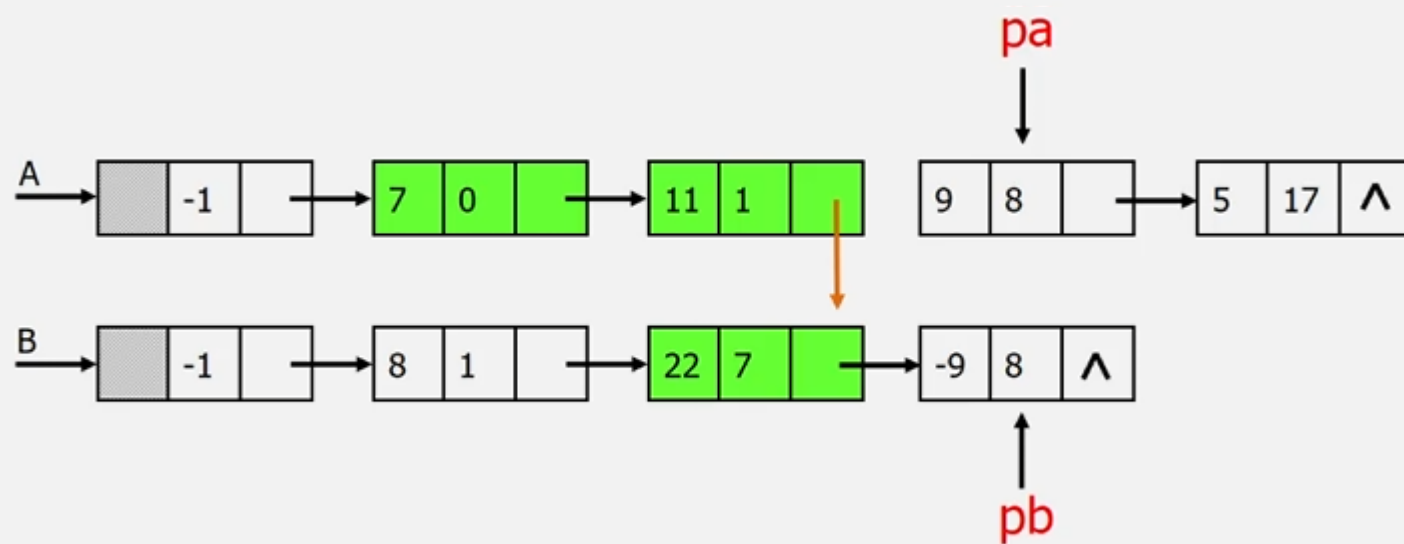
- 顺序存储结构的问题:

- 存储空间分配不灵活
- 运算的空间复杂度高



链式存储结构

$$A(x) = 7 + 3x + 9x^8 + 5x^{17} \quad B(x) = 8x + 22x^7 - 9x^8$$



稀疏多项式的运算



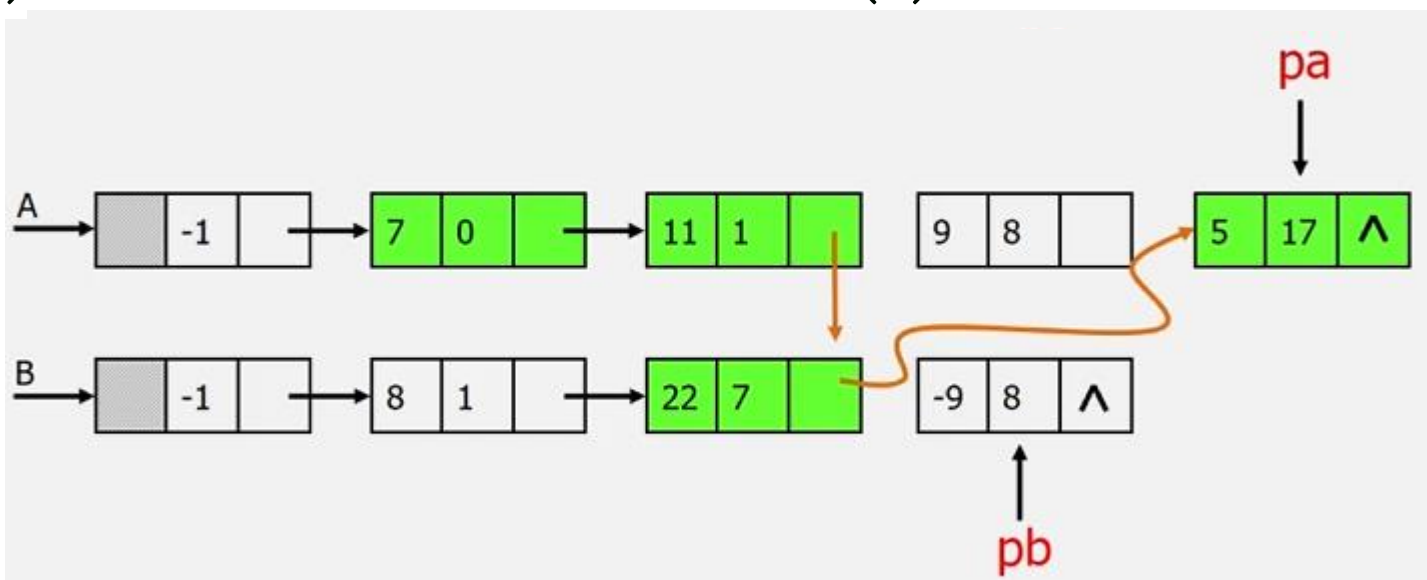
- 顺序存储结构的问题:

- 存储空间分配不灵活
- 运算的空间复杂度高



链式存储结构

$$A(x) = 7 + 3x + 9x^8 + 5x^{17} \quad B(x) = 8x + 22x^7 - 9x^8$$



线性表案例



| book.txt - 记事本 | | |
|-------------------------------|---------------|----|
| 文件(F) 编辑(E) 格式(O) 查看(V) 帮助(H) | | |
| ISBN | 书名 | 定价 |
| 9787302257646 | 程序设计基础 | 25 |
| 9787302219972 | 单片机技术及应用 | 32 |
| 9787302203513 | 编译原理 | 46 |
| 9787811234923 | 汇编语言程序设计教程 | 21 |
| 9787512100831 | 计算机操作系统 | 17 |
| 9787302265436 | 计算机导论实验指导 | 18 |
| 9787302180630 | 实用数据结构 | 29 |
| 9787302225065 | 数据结构 (C语言版) | 38 |
| 9787302171676 | C#面向对象程序设计 | 39 |
| 9787302250692 | C语言程序设计 | 42 |
| 9787302150664 | 数据库原理 | 35 |
| 9787302260806 | Java编程与实践 | 56 |
| 9787302252887 | Java程序设计与应用教程 | 39 |
| 9787302198505 | 嵌入式操作系统及编程 | 25 |
| 9787302169666 | 软件测试 | 24 |
| 9787811231557 | Eclipse基础与应用 | 35 |

需要的功能:

- (1) 查找
- (2) 插入
- (3) 删除
- (4) 修改
- (5) 排序
- (6) 计数

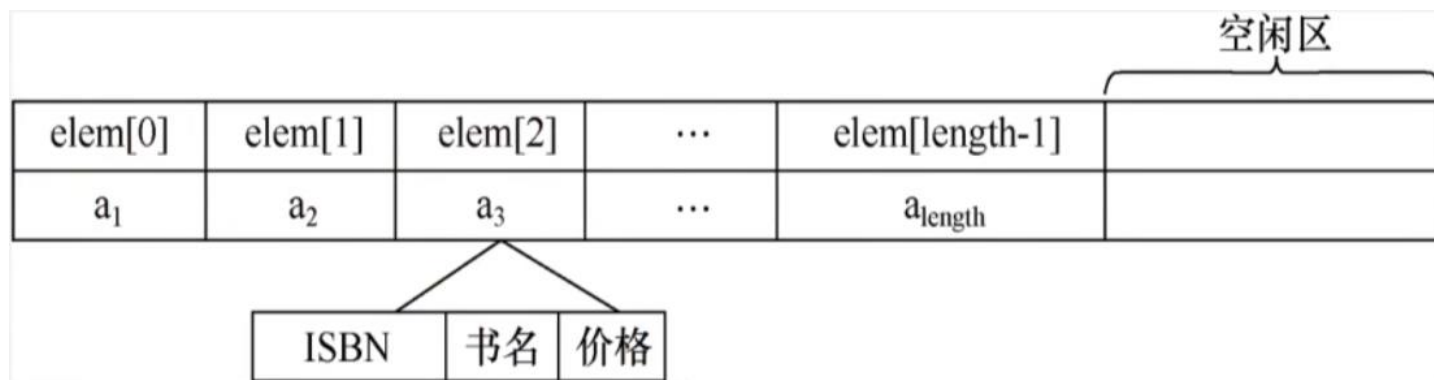
- 图书表抽象为线性表
- 表中图书抽象为线性表中的数据元素



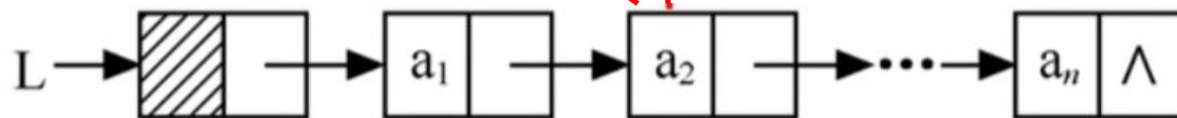
线性表案例



• 图书顺序表



• 图书链表



- ✓ 选择适当的存储结构
- ✓ 实现此存储结构上的基本操作
- ✓ 利用基本操作完成功能



总结



- 线性表中数据元素的类型可以为简单类型或复杂类型
- 许多实际应用问题所设计的基本操作有很大相似性，不应为每个具体应用单独编写一个程序
- 从具体应用中抽象出共性的逻辑结构和基本操作（抽象数据类型），然后实现其存储结构和基本操作



补充：操作算法中用到的预定义常量和类型



//函数结果状态代码

```
#define TRUE 1
```

```
#define FALSE 0
```

```
#define OK 1
```

```
#define ERROR 0
```

```
#define INFEASIBLE -1
```

```
#define OVERFLOW -2
```

//Status 是函数的类型，其值是函数结果状态代码

```
typedef int Status;
```

```
typedef char ElemType;
```



Ch2.线性表：概述——线性表应用



•需求：线性表 LA 和 LB 分别表示集合 A 和 B，求 $A=A \cup B$ 。

•解决方案：把存在于LB但不存在于LA的元素插入LA。

示例

•算法描述：

```
void set_union(List &La, List Lb) {
```

```
    int La_len, Lb_len, i;
```

```
    ElemType e;
```

```
    La_len=ListLength(La);
```

```
    Lb_len=ListLength(Lb);
```

```
    for(i=1; i<=Lb_len; i++){
```

①从Lb中取第 i 个元素e if(!LocateElem(La,e,equal)

②如果在La中不存在与e相等的元素

③则在La的表尾插入e

```
    }//for  
}// set_union
```

算法中可不写变量声明

GetElem(Lb,i,e);

ListInsert(La, ++La_len,e);



Ch2.线性表：概述——线性表应用2



- 需求：把2个非递减有序的线性表LA和LB归并为非递减有序的线性表LC。

```
void MergeList(List La, List Lb, List &Lc){//...
```

```
    InitList(Lc);
```

```
    i=j=1; k=0; //初始化
```

```
    La_len=ListLength(La); Lb_len=ListLength(Lb); //分别求La、Lb表长
```

```
    while(i<=La_len && j<=Lb_len){
```

```
        GetElem(La,i,ai); GetElem(Lb,j,bj);
```

```
        //把 ai、bj 中较小的那个插入到 Lc 的表尾
```

```
        if(ai<=bj) { ListInsert(Lc,++k,ai); ++i; }
```

```
        else { ListInsert(Lc,++k,bj); ++j; }
```

```
    }
```

```
    while(i<=La_len) { GetElem(La,i++,ai); ListInsert(Lc,++k,ai); } //...
```

```
    while(j<=Lb_len) { GetElem(Lb,j++,bj); ListInsert(Lc,++k,bj); } //...
```

```
}
```

示例

书写规范





1

概述

2

• 线性表的顺序存储结构

3

线性表的链式存储结构

4

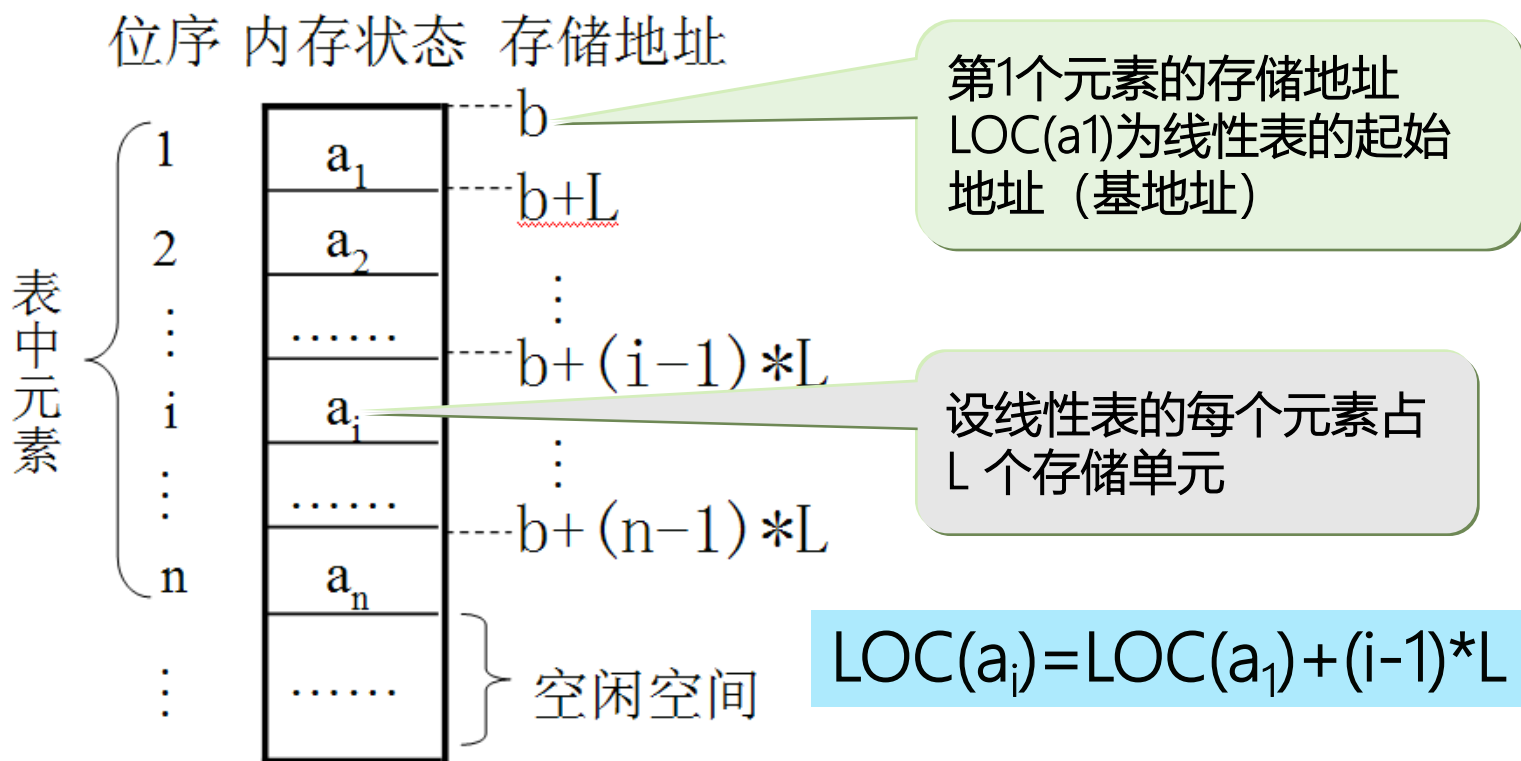
线性表的应用实例



Ch2.线性表：线性表的顺序存储结构——定义



- 线性表的顺序表示：用一组**地址连续**的存储单元依次存储线性表的数据元素。用顺序存储结构表示的线性表又称为**顺序表**。





- 顺序表特点
 - 元素的存储位置能反映元素间的逻辑关系，逻辑上相邻的数据元素在物理位置上也相邻。
 - 只要确定顺序表在内存中的起始位置，表中的任何元素都可随机存取，顺序表是一种**随机存取**的存储结构

数组





- 顺序表的实现：由于线性表的长度可变，而数组长度不可动态定义，所以用动态分配的- 常量的值可根据实际需要自行定义
- 顺序表的动态分配存储结构

```
#define LIST_INIT_SIZE 100 //顺序表存储空间的初始分配量
#define LISTINCREMENT 10 //顺序表存储空间的分配增量
typedef struct {
    ElemType *elem; //存储空间的基地址
    int length; //顺序表的当前长度
    int listsize; //数组存储空间的长度
}SqList;
```



Ch2.线性表：线性表的顺序存储结构——类型定义



$$P_n(x) = p_1x^{e_1} + p_2x^{e_2} + \dots + p_mx^{e_m}$$

线性表P = ((p1, e1), (p2, e2), ..., (pm, em))



```
#define MAXSIZE 1000    //多项式可能达到的最大长度

typedef struct {        //多项式非零项的定义
    float p;            //系数
    int e;              //指数
}Polynomial;

typedef struct{
    Polynomial *elem;    //存储空间的基地址
    int length;          //多项式中当前项的个数
}SqList;                //多项式的顺序存储结构类型为SqList
```



Ch2.线性表：线性表的顺序存储结构——类型定义



| book.txt - 记事本 | | |
|----------------|---------------|-------|
| 文件(F) | 编辑(E) | 格式(O) |
| 查看(V) | 帮助(H) | |
| ISBN | 书名 | 定价 |
| 9787302257646 | 程序设计基础 | 25 |
| 9787302219972 | 单片机技术及应用 | 32 |
| 9787302203513 | 编译原理 | 46 |
| 9787811234923 | 汇编语言程序设计教程 | 21 |
| 9787512100831 | 计算机操作系统 | 17 |
| 9787302265436 | 计算机导论实验指导 | 18 |
| 9787302180630 | 实用数据结构 | 29 |
| 9787302225065 | 数据结构 (C语言版) | 38 |
| 9787302171676 | C#面向对象程序设计 | 39 |
| 9787302250692 | C语言程序设计 | 42 |
| 9787302150664 | 数据库原理 | 35 |
| 9787302260806 | Java编程与实践 | 56 |
| 9787302252887 | Java程序设计与应用教程 | 39 |
| 9787302198505 | 嵌入式操作系统及编程 | 25 |
| 9787302169666 | 软件测试 | 24 |
| 9787811231557 | Eclipse基础与应用 | 35 |

```
#define MAXSIZE 10000
//图书表可能达到的最大长度

typedef struct { //图书信息定义
    char no[20]; //图书ISBN
    char name[50]; //图书名字
    float price; //图书价格
}Book;

typedef struct{
    Book *elem; //存储空间的基地址
    int length; //图书表中当前图书个数
}SqList; //图书表的顺序存储结构类型为SqList
```



顺序表示意图



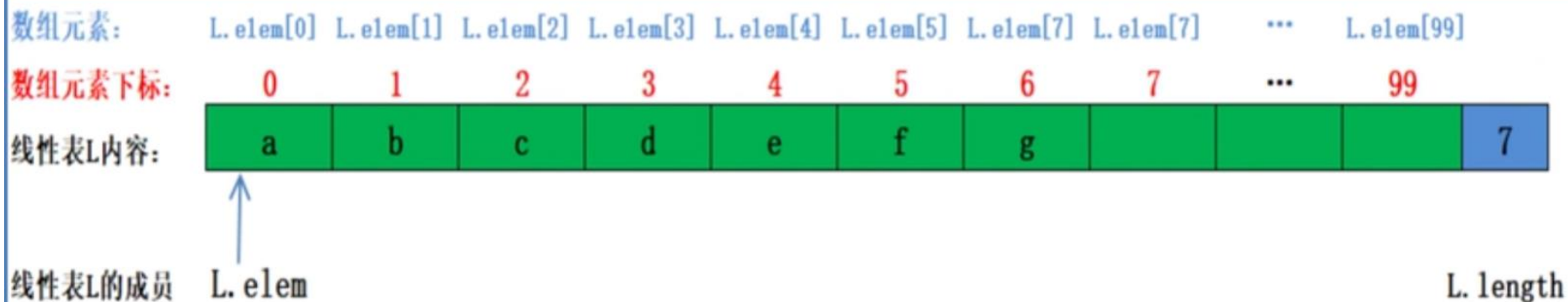
```
#define MAXSIZE 100
typedef struct{
    ElemType *elem;
    int length;
} SqList; //定义顺序表类型
```



就像：

int a; //定义变量a, a是int型

SqList L; //定义变量L, L是
SqList这种类型的, L是个顺序表



Ch2.线性表：概述——线性表定义



- 线性表(Linear List):性质相同的数据元素构成的**有限序列**。
 - 如(3,5,56,67,88),(a,b,c,d,e,f)都是线性表
 - 更复杂的线性表中，一个数据元素可以由若干个**数据项**组成（此时可称为**记录**），含有大量记录的线性表称为**文件**。如：
学生基本信息表：

| 学号 | 姓名 | 性别 | 出生日期 | 民族 | 专业 | ... |
|-------------|----|----|-----------|----|-------|-----|
| 20102430101 | 赵光 | 男 | 1992.6.3 | 汉 | 计算机应用 | ... |
| 20102430102 | 钱伟 | 男 | 1992.2.20 | 回 | 计算机应用 | ... |
| 20102430311 | 孙丽 | 女 | 1992.12.8 | 汉 | 软件工程 | ... |

- 线性表的数据元素（记录）可由若干**数据项**组成。
- 线性表中的数据元素类型可以是多种多样的，但同一表中的元素必定**具有相同特性**，即属于同一数据对象

Ch2.线性表：概述——ADT线性表



ADT List {

数据对象： $D = \{a_i \mid a_i \in \text{ElemSet}, i = 1, 2, \dots, n, n \geq 0\}$

数据关系： $R1 = \{ \langle a_{i-1}, a_i \rangle \mid a_{i-1}, a_i \in D, i = 2, 3, \dots, n \}$

基本操作：

InitList(&L); //构造一个空的线性表L

ListEmpty(L); //判断线性表L是否是空表，若是，则返回TRUE，否则返回FALSE

ListLength(L); //返回线性表L的长度

GetElem(L, i, &e); //用e返回线性表L的第i个数据元素的值

LocateElem(L, e, compare()); //在线性表L中查找第一个和元素e满足compare关系
//的元素，若找到则返回其位序；否则返回0

PriorElem(L, e, &pre_e); //用pre_e返回线性表L中元素e的直接前驱

NextElem(L, e, &next_e); //用next_e返回线性表L中元素e的直接后继

ListInsert(&L, i, e); //将数据元素e插入到线性表L的第i个数据元素之前

ListDelete(&L, i, &e); //删除线性表L的第i个数据元素，并将其值用e返回

ListTraverse(L, visit()); //依次对线性表L中的每个元素调用visit进行访问

ClearList(&L); //重置线性表L为空表

DestroyList(&L); //销毁线性表L，可能的话释放其空间

}ADT List



Ch2.线性表：线性表的顺序存储结构——初始化

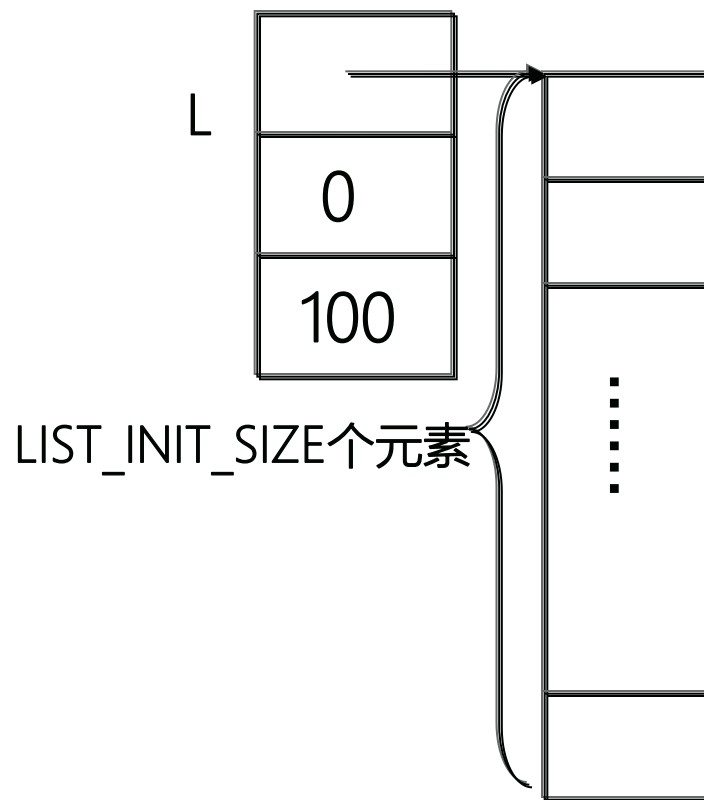


```
Status InitList(SqList &L){  
    L.elem=(ElemType *)malloc(LIST_INIT_SIZE*sizeof(ElemType));  
    if(!L.elem) exit(OVERFLOW);  
    L.length=0;  
    L.listsize=LIST_INIT_SIZE;  
    return OK;  
}
```

函数调用：

```
SqList L;  
if(InitList(L)==OK)  
    printf(“%d”,L.length);  
.....
```

输出：0



Ch2.线性表：线性表的顺序存储结构——销毁



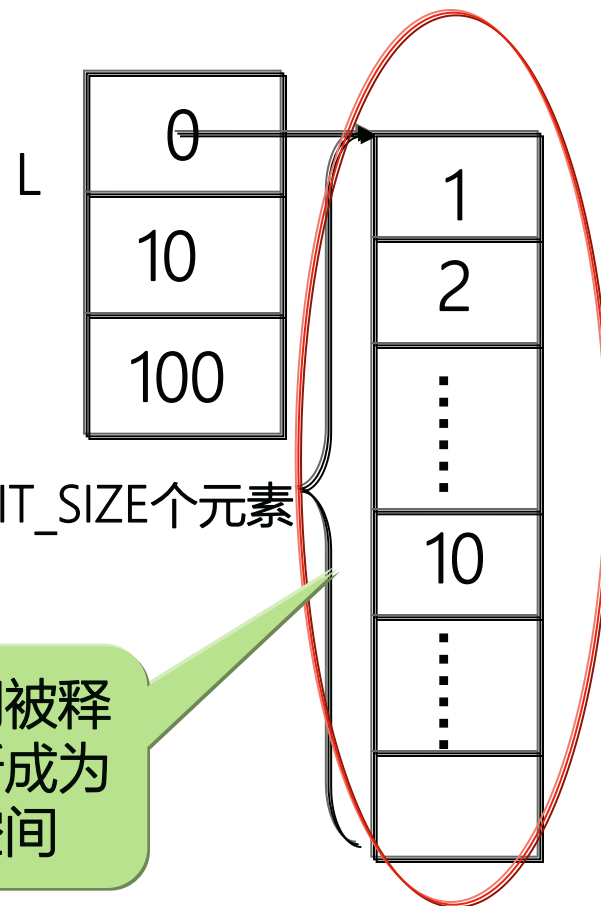
```
void DestroyList(SqList &L) {  
    if(L.elem) free(L.elem);  
    L.elem=NULL;  
}
```

函数调用：

```
SqList L;  
InitList(L);
```

.....

```
DestroyList(L);
```



Ch2.线性表：线性表的顺序存储结构——清空



```
void ClearList(SqList &L)
{
    L.length=0;
}
```





顺序表的判空操作：

```
Status ListEmpty(SqList L)
{
    if(L.length==0) return TRUE;
    else return FALSE;
}
```

函数调用：if(!ListEmpty(L)) {//.....}





顺序表的求表长操作：

```
int ListLength(SqList L)
{
    return L.length;
}
```

函数调用：

```
printf("The length is: %d\n",ListLength(L));
```



Ch2.线性表：线性表的顺序存储结构——取值



```
Status GetElem(SqList L, int i, ElemType &e){  
    if(i<1 || i>L.length) return ERROR;  
    e=L.elem[i-1];  
    return OK;  
}
```

函数调用：

```
if(GetElem(L, i, e))  
    printf("The i'th element is:%d",e);  
else  
    printf("位置不合法。");
```

特别注意，表中的
第 i 个元素是数组的
第 $i-1$ 个分量！

位序 内存状态 下标位置

| | | |
|-----|-------|-------|
| 1 | a_1 | 0 |
| 2 | a_2 | 1 |
| ⋮ | ⋮ | ⋮ |
| i | a_i | $i-1$ |
| ⋮ | ⋮ | ⋮ |
| n | a_n | $n-1$ |
| ⋮ | ⋮ | ⋮ |

前6个基本操作的时间复杂度均为 $O(1)$



Ch2.线性表：求前驱、后继的操作可在定位基础上完成



```
int LocateElem (SqList L, ElemType e)
{
    i=1;
    while( i<=L.length && L.elem[i-1]!=e) i++;
    if(i<=L.length) return i;
    else return 0;
}
```

调用定位函数：

$k = \text{LocateElem}(L, 'd');$

则 $k=4$

该算法的时间复杂度均为 $O(L.length)$

下标位置 内存状态 位序

| | | |
|---|---|-------|
| 0 | a | 1 ← i |
| 1 | b | 2 ← i |
| 2 | c | 3 ← i |
| 3 | d | 4 ← i |
| 4 | e | 5 |
| 5 | f | 6 |
| ⋮ | ⋮ | ⋮ |

Ch2.线性表：线性表的顺序存储结构——定位



- 按值查找

- 例如：在图书表中，按照给定的书号进行查找，确定是否存在该图书
- 如果存在：输出是第几个元素
- 如果不存在：返回0

| ISBN | 书名 | 定价 |
|---------------|---------------|----|
| 9787302257646 | 程序设计基础 | 25 |
| 9787302219972 | 单片机技术及应用 | 32 |
| 9787302203513 | 编译原理 | 46 |
| 9787811234923 | 汇编语言程序设计教程 | 21 |
| 9787512100831 | 计算机操作系统 | 17 |
| 9787302265436 | 计算机导论实验指导 | 18 |
| 9787302180630 | 实用数据结构 | 29 |
| 9787302225065 | 数据结构（C语言版） | 38 |
| 9787302171676 | C#面向对象程序设计 | 39 |
| 9787302250692 | C语言程序设计 | 42 |
| 9787302150664 | 数据库原理 | 35 |
| 9787302260806 | Java编程与实践 | 56 |
| 9787302252887 | Java程序设计与应用教程 | 39 |
| 9787302198505 | 嵌入式操作系统及编程 | 25 |
| 9787302169666 | 软件测试 | 24 |
| 9787811231557 | Eclipse基础与应用 | 35 |



Ch2.线性表：线性表的顺序存储结构——定位



- 顺序表的查找：
 - 在线性表中查找与指定值e相同的数据元素的位置
 - 从表的一段开始，逐个进行记录的关键字和给定值的比较。找到则返回该元素的位置符号；未找到则返回0

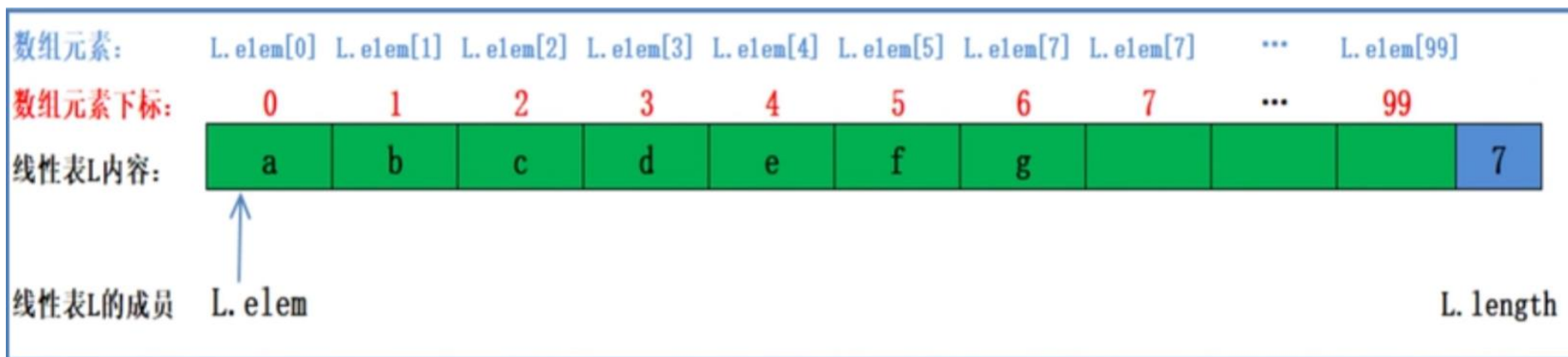
```
int LocateElem(SqList L, ElemType e){  
    //在线性表L中查找值为e的数据元素，返回其序号（是第几个元素）  
    for (i=0;i< L.length;i++)  
        if (L.elem[i]==e) return i+1; //查找成功，返回序号  
    return 0; //查找失败，返回0  
}
```



Ch2.线性表：线性表的顺序存储结构——定位



- 顺序表的查找算法分析：
 - 查找的关键操作为：记录的关键字和给定值的比较。
 - 基本操作：`if(L.elem[i]==e)`



Ch2.线性表：线性表的顺序存储结构——定位



- 顺序表的查找算法分析：

- 平均查找长度ASL (Average Search Length):

- 为确定记录在表中的位置，需要与给定值进行比较的关键字的个数的期望值

- 对含有n个记录的表，查找成功时：

$$ASL = \sum_{i=1}^n P_i C_i$$

- C_i ：找到第i个记录需比较的次数
- P_i ：第i个记录被查找的概率



Ch2.线性表：线性表的顺序存储结构——定位



- 顺序查找的平均长度：

$$ASL = P_1 + P_2 + \dots + (n-1)P_{n-1} + nP_n$$

- 假设每个记录的被定位概率相等： $P_i = 1/n$
- 则：

$$ASL = \sum_{i=1}^n P_i C_i = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n i = \frac{n+1}{2}$$



Ch2.线性表：线性表的顺序存储结构——定位



```
int LocateElem (SqList L, ElemType e, Status
(*compare)(ElemType, ElemType))
{
    i=1; p=L.elem;
    while(i<=L.length && !(*compare)(*p++,e)) ++i;
    if(i<=L.length) return i;
    else return 0;
}
```

定义比较函数：

```
Status GT(ElemType a, ElemType b){
    if(a>b) return TRUE;
    else return FALSE;
}
```

调用定位函数： $k = \text{LocateElem}(L, a, \text{GT})$;



L.elem[0] L.elem[1] L.elem[2] L.elem[3] L.elem[4] L.elem[5] L.elem[6] L.elem[7] ... L.elem[99]

0 1 2 3 4 5 6 7 ... 99

e b d e a f 6

L.elem L.length

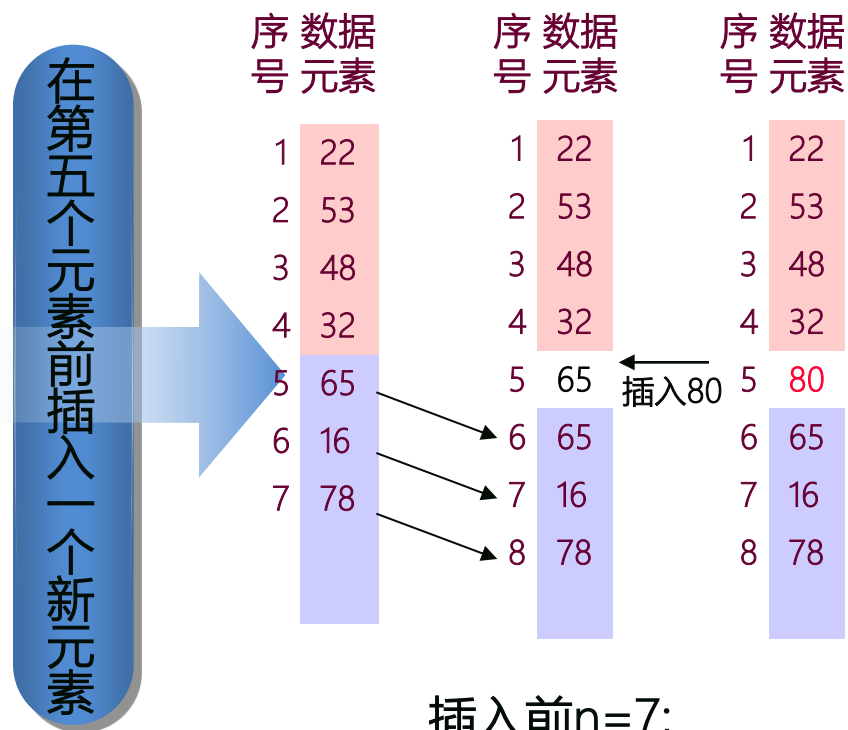
- 插入位置在最后
- 插入位置在中间
- 插入位置在最前面



Ch2.线性表：线性表的顺序存储结构——插入



顺序表的插入操作：



- 线性表的插入操作：
 - 原线性表： $(a_1, \dots, a_{i-1}, a_i, \dots, a_n)$
 - 插入后： $(a_1, \dots, a_{i-1}, e, a_i, \dots, a_n)$
- 插入时需做的操作有：
 - 将第n个到第i个共 $n-i+1$ 个数据元素依次向后移动一个位置。
 - 在表的第i个位置上放入e
 - 表长加1



Ch2.线性表：线性表的顺序存储结构——插入



- 算法思想：
 - 判断插入位置 i 是否合法
 - 判断顺序表的存储空间是否已满，若已满则返回ERROR
 - 将第 n 至第 i 位的元素依次向后移动一个位置，空出第 i 个位置
 - 将要插入的新元素 e 放入第 i 个位置
 - 表长+1，插入成功返回OK



Ch2.线性表：线性

```
L.elem=(ElemType *) realloc(L.elem,  
(L.listsize+LISTINCREMENT)*sizeof(ElemType) );  
if(!L.elem) exit(OVERFLOW);  
L.listsize += LISTINCREMENT;
```

Status ListInsert

//插入元素e到

if(i<1 || i>L.length) return ERROR;

if(L.length==L.listsize)

{ ... } //重新分配空间

q=&L.elem[i-1];

for(p=&(L.elem[L.length-1]);p>=q;--p)

*p=&L.elem[i-1];

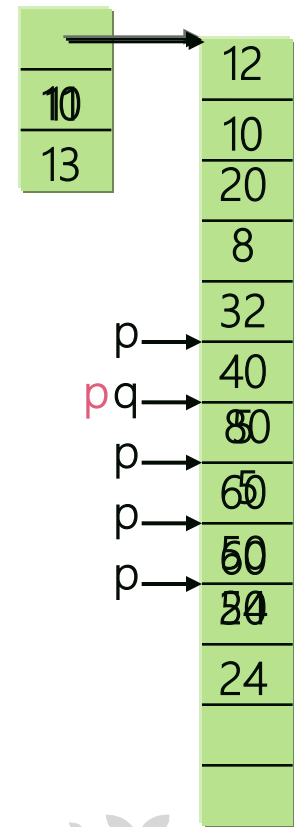
*q=e;

++L.length;

return OK;

}

在第7个元素前插入80





- 在顺序表中第*i*个位置前插入元素的时间主要耗费在移动 **$n-i+1$** 个元素上
- 设 p_i 是在第*i*个元素之前插入一个元素的概率，不失一般性，假定在线性表的任何位置上插入元素都是等概率的，则

$$p_i = \frac{1}{n+1} \quad (1 \leq i \leq n+1)$$

- 在长度是*n*的顺序表中插入一个元素时所需移动元素次数的数学期望值(平均次数)为：

$$E_{ins} = \sum_{i=1}^{n+1} p_i (n-i+1) = \frac{1}{n+1} \sum_{i=1}^{n+1} (n-i+1) = \frac{n}{2}$$

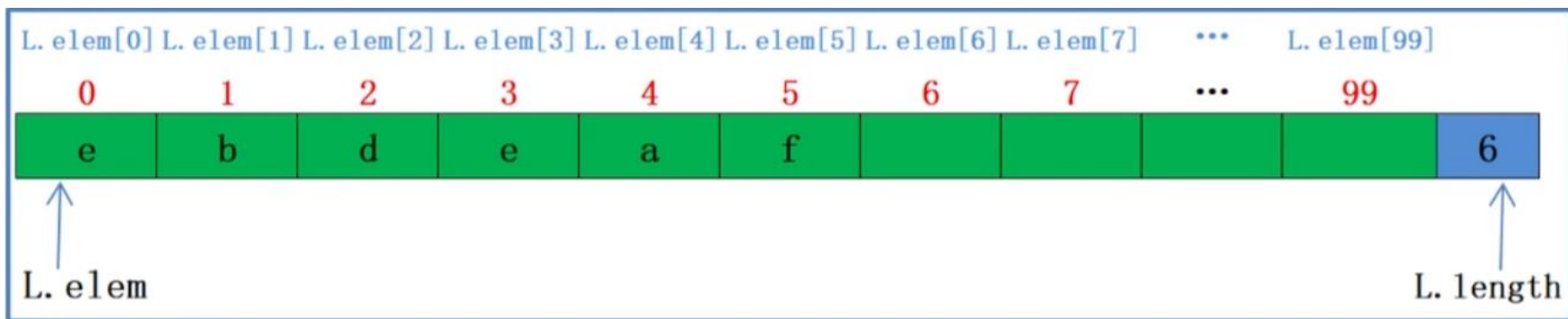
- 顺序表的插入算法的时间复杂度为 **$O(n)$**



Ch2.线性表：线性表的顺序存储结构——删除



- 顺序表的删除



- 删除不同位置的算法演示：

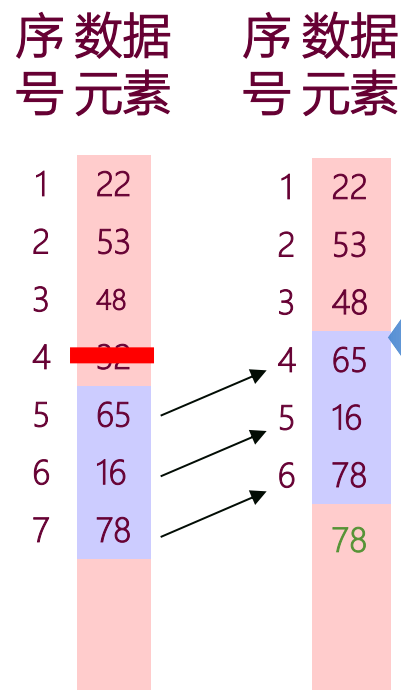
- 删除位置在最后
- 删除位置在中间
- 删除位置在最前面



Ch2.线性表：线性表的顺序存储结构——删除



- 删除第*i*个元素的操作：
 - 删除前： $(a_1, \dots, a_{i-1}, \mathbf{a_i}, a_{i+1}, \dots, a_n)$
 - 删除后： $(a_1, \dots, a_{i-1}, a_{i+1}, \dots, a_n)$
- 删除时需做的操作有：
 - 将第*i*+1到第*n*个共*n-i*个数据元素依次向前移动一个位置。
 - 表长减1



删除第四个元素

删除前*n*=7;
删除后*n*=6;



Ch2.线性表：线性表的顺序存储结构——删除



- 算法思想：
 - 判断删除位置 i 是否合法（合法值为 $1 \leq i \leq n$ ）
 - 将要删除的元素保留在 e 中
 - 将第 $i+1$ 至第 n 位的元素依次前移动一个位置
 - 表长-1，删除成功返回OK



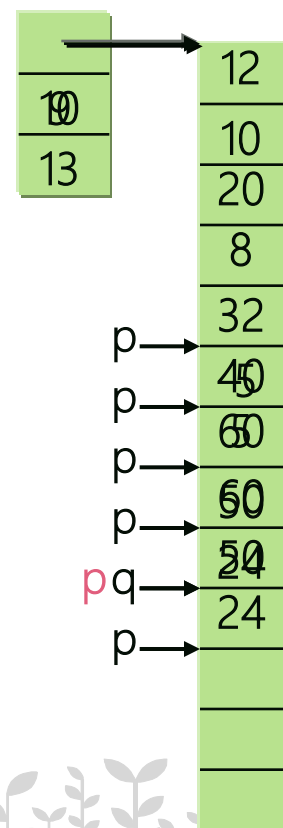
Ch2.线性表：线性表的顺序存储结构——删除算法



```
Status ListDelete(SqList &L,int i,ElemType &e){  
    //删除顺序表L中的第i个元素，其值由e返回;  
    if(i<1 || i>L.length) return ERROR;  
    p=&L.elem[i-1];  
    e=*p;  
    q=L.elem+L.length-1;  
    for(++p;p<=q;++p)  
        *(p-1)=*p;  
    --L.length;  
    return OK;  
}
```

删除第6个元素

e 40





- 在顺序表中删除第*i*个元素的时间主要耗费在移动 $n-i$ 个元素上
- 假设 q_i 是删除第*i*个元素的概率，不失一般性，假定在线性表的任何位置上删除元素都是等概率的，则

$$q_i = \frac{1}{n} \quad (1 \leq i \leq n)$$

- 在长度为*n*的顺序表中删除一个元素时所需移动元素次数的数学期望值

$$E_{del} = \sum_{i=1}^n q_i (n-i) = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n (n-i) = \frac{n-1}{2}$$

- 顺序表的删除算法的时间复杂度为 $O(n)$ 。





顺序表的遍历操作：

```
Status ListTraverse(SqList L, Status (*visit)(ElemType))
{
    for(p=L.elem; p<L.elem+L.length; p++)
        if( !visit(*p) ) return ERROR;
    return OK;
}
```

定义访问函数：

```
Status print(ElemType e){
    printf(e);
    return OK;
}
```

可如下调用定位函数：

```
if(ListTraverse(L, print)) printf("OK");
else printf("ERROR");
```





- 利用我们自己定义的数据类型实现一个具体应用的2种方法
 - 使用已实现的数据类型（如线性表）定义变量, **调用基本操作**完成要做的运算
 - **直接**在自定义的数据类型（如顺序表）上实现问题所要求的功能



Ch2.线性表：线性表的顺序存储结构——顺序表应用



- 需求：把2个非递减有序的顺序表LA和LB归并为非递减有序线性表LC。

```
void MergeList_Sq(SqList la,SqList lb,SqList &lc){//算法2.7
```

```
    pa=la.elem; pb=lb.elem;
```

```
    lc.listsize=lc.length=la.length+lb.length;
```

```
    pc=lc.elem = new ElemType[lc.listsize];
```

```
    pa_last=la.elem+la.length-1; pb_last=lb.elem+lb.length-1;
```

```
    while(pa<=pa_last && pb<=pb_last) {
```

```
        if(*pa<=*pb) *pc++=*pa++;
```

```
        else *pc++=*pb++;
```

```
    }
```

```
    while(pa<=pa_last) *pc++=*pa++;
```

```
    while(pb<=pb_last) *pc++=*pb++;
```

```
}
```

时间复杂度分析

课堂讨论





- **特点**：逻辑关系上相邻的两个元素在物理位置上也相邻
- **优点**：可以**随机存取**表中任一元素；大部分操作都比较容易实现；存储利用率高（关系隐含在存储结构里，不需显式表示）
- **缺点**：不知道表的规模的情况下，2个常量的大小不太好确定；顺序表在进行插入和删除操作时，需要移动大量元素，浪费大量时间。
- **适用场合**：表中元素变动不大，但需要快速存取元素；或存储空间需求预先知道。

