# **小妈母教育** 练习1 — 最大连续子序列和

- leetcode\_53\_最大子序和: <a href="https://leetcode-cn.com/problems/maximum-subarray/">https://leetcode-cn.com/problems/maximum-subarray/</a>
- 给定一个长度为 n 的整数序列, 求它的最大连续子序列和
- □比如 -2、1、-3、4、-1、2、1、-5、4的最大连续子序列和是 4 + (-1) + 2 + 1 = 6
- 这道题也属于最大切片问题 (最大区段, Greatest Slice)
- ■概念区分
- □子串、子数组、子区间必须是连续的,子序列是可以不连续的



### 小門司教育 解法1 - 暴力出奇迹

■ 穷举出所有可能的连续子序列,并计算出它们的和,最后取它们中的最大值

```
int maxSubArray(int[] nums) {
    if (nums == null | nums.length == 0) return 0;
    int max = Integer.MIN_VALUE;
    for (int begin = 0; begin < nums.length; begin++) {</pre>
       for (int end = begin; end < nums.length; end++) {</pre>
           int sum = 0;
           for (int i = begin; i <= end; i++) {</pre>
                sum += nums[i];
           max = Math.max(max, sum);
    return max;
```

■ 空间复杂度: O(1), 时间复杂度: O(n³)

## **小四周教育** 解法1 - 暴力出奇迹 - 优化

■重复利用前面计算过的结果

```
int maxSubArray(int[] nums) {
    if (nums == null | | nums.length == 0) return 0;
    int max = Integer.MIN_VALUE;
    for (int begin = 0; begin < nums.length; begin++) {</pre>
       int sum = 0;
       for (int end = begin; end < nums.length; end++) {</pre>
            sum += nums[end];
            max = Math.max(max, sum);
    return max;
```

■ 空间复杂度: O(1), 时间复杂度: O(n²)



## 

- 将序列均匀地分割成 2 个子序列
- $\square$  [begin, end) = [begin, mid) + [mid, end), mid = (begin + end) >> 1
- 假设 [begin, end) 的最大连续子序列和是 S[i, j), 那么它有 3 种可能
- □ [i , j) 存在于 [begin , mid) 中,同时 S[i , j) 也是 [begin , mid) 的最大连续子序列和
- □ [i, j) 存在于 [mid, end) 中,同时 S[i, j) 也是 [mid, end) 的最大连续子序列和
- □ [i , j) 一部分存在于 [begin , mid) 中 , 另一部分存在于 [mid , end) 中
- $\checkmark$  [i, j) = [i, mid) + [mid, j)
- $\checkmark$  S[i, mid) = max { S[k, mid) }, begin  $\le$  k < mid
- $\checkmark$  S[mid, j) = max { S[mid, k) }, mid < k \le end

[i , j)

[i , j)

[begin, mid)

[mid, end)

[i , mid)

[mid , j)

### 小码 哥教育 解法2 — 分治

```
int maxSubArray(int[] nums) {
    if (nums == null || nums.length == 0) return 0;
    return maxSubArray(nums, 0, nums.length);
int maxSubArray(int[] nums, int begin, int end) {
    if (end - begin < 2) return nums[begin];</pre>
    int mid = (begin + end) >> 1;
    int leftMax = nums[mid - 1];
    int leftSum = leftMax;
    for (int i = mid - 2; i >= begin; i--) {
        leftSum += nums[i];
        leftMax = Math.max(leftMax, leftSum);
    int rightMax = nums[mid];
    int rightSum = rightMax;
    for (int i = mid + 1; i < end; i++) {
        rightSum += nums[i];
        rightMax = Math.max(rightMax, rightSum);
    return Math.max(leftMax + rightMax,
            Math.max(maxSubArray(nums, begin, mid),
                    maxSubArray(nums, mid, end)));
```

- 空间复杂度: O(logn)
- 时间复杂度: O(nlogn)
- □跟归并排序、快速排序一样
- $\square T(n) = 2T\left(\frac{n}{2}\right) + O(n)$