

计数排序 (Counting Sort)

- 之前学习的冒泡、选择、插入、归并、快速、希尔、堆排序，都是基于比较的排序
- 平均时间复杂度目前最低是 $O(n \log n)$
- 计数排序、桶排序、基数排序，都不是基于比较的排序
- 它们是典型的用空间换时间，在某些时候，平均时间复杂度可以比 $O(n \log n)$ 更低
- 计数排序于1954年由Harold H. Seward提出，适合对一定范围内的整数进行排序
- 计数排序的核心思想
- 统计每个整数在序列中出现的次数，进而推导出每个整数在有序序列中的索引

计数排序 – 最简单的实现

7	3	5	8	6	7	4	5
---	---	---	---	---	---	---	---

	存放所有整数出现的次数								
索引	0	1	2	3	4	5	6	7	8
次数				1	1	2	1	2	1

3	4	5	5	6	7	7	8
---	---	---	---	---	---	---	---

- 这个版本的实现存在以下问题
- 无法对负整数进行排序
- 极其浪费内存空间
- 是个不稳定的排序
-

```
int max = array[0]; // 最大值
for (int i = 1; i < array.length; i++) {
    if (array[i] > max) {
        max = array[i];
    }
}
// 统计元素出现的次数
int[] counts = new int[max + 1];
for (int i = 0; i < array.length; i++) {
    counts[array[i]]++;
}
// 按顺序赋值
int index = 0;
for (int i = 0; i < counts.length; i++) {
    while (counts[i]-- > 0) {
        array[index++] = i;
    }
}
```

计数排序 – 改进思路

array

7	3	5	8	6	7	4	5
---	---	---	---	---	---	---	---

	从索引0开始依次存放3~8出现的次数					
元素	3	4	5	6	7	8
索引	0	1	2	3	4	5
次数	1	1	2	1	2	1

	每个次数累加上其前面的所有次数 得到的就是元素在有序序列中的位置信息					
元素	3	4	5	6	7	8
索引	0	1	2	3	4	5
次数	1	2	4	5	7	8

0	1	2	3	4	5	6	7
3	4	5	5	6	7	7	8

- 假设array中的最小值是 min
- array中的元素 k 对应的 counts 索引是 $k - \text{min}$
- array中的元素 k 在有序序列中的索引
 - $\text{counts}[k - \text{min}] - p$
 - p 代表着是倒数第几个 k
- 比如元素 8 在有序序列中的索引
 - $\text{counts}[8 - 3] - 1$, 结果为 7
- 倒数第 1 个元素 7 在有序序列中的索引
 - $\text{counts}[7 - 3] - 1$, 结果为 6
- 倒数第 2 个元素 7 在有序序列中的索引
 - $\text{counts}[7 - 3] - 2$, 结果为 5

计数排序 – 改进思路

7	3	5	8	6	7	4	5
---	---	---	---	---	---	---	---

	每个元素累加上其前面的所有元素得到的就是元素在有序序列中的位置信息					
元素	3	4	5	6	7	8
索引	0	1	2	3	4	5
次数	1	2	4	5	7	8

0	1	2	3	4	5	6	7

7	3	5	8	6	7	4	5
---	---	---	---	---	---	---	---

	每个元素累加上其前面的所有元素得到的就是元素在有序序列中的位置信息					
元素	3	4	5	6	7	8
索引	0	1	2	3	4	5
次数	1	2	3	5	7	8

0	1	2	3	4	5	6	7
			5				

计数排序 – 改进思路

7	3	5	8	6	7	4	5
---	---	---	---	---	---	---	---

	每个元素累加上其前面的所有元素得到的就是元素在有序序列中的位置信息					
元素	3	4	5	6	7	8
索引	0	1	2	3	4	5
次数	1	1	3	5	7	8

0	1	2	3	4	5	6	7
	4		5				

7	3	5	8	6	7	4	5
---	---	---	---	---	---	---	---

	每个元素累加上其前面的所有元素得到的就是元素在有序序列中的位置信息					
元素	3	4	5	6	7	8
索引	0	1	2	3	4	5
次数	1	1	3	5	6	8

0	1	2	3	4	5	6	7
	4		5			7	

计数排序 – 改进思路

7	3	5	8	6	7	4	5
---	---	---	---	---	---	---	---

	每个元素累加上其前面的所有元素得到的就是元素在有序序列中的位置信息					
元素	3	4	5	6	7	8
索引	0	1	2	3	4	5
次数	1	1	3	4	6	8

0	1	2	3	4	5	6	7
	4		5	6		7	

7	3	5	8	6	7	4	5
---	---	---	---	---	---	---	---

	每个元素累加上其前面的所有元素得到的就是元素在有序序列中的位置信息					
元素	3	4	5	6	7	8
索引	0	1	2	3	4	5
次数	1	1	3	4	6	7

0	1	2	3	4	5	6	7
	4		5	6		7	8

计数排序 – 改进思路

7	3	5	8	6	7	4	5
---	---	---	---	---	---	---	---

	每个元素累加上其前面的所有元素得到的就是元素在有序序列中的位置信息					
元素	3	4	5	6	7	8
索引	0	1	2	3	4	5
次数	1	1	2	4	6	7

0	1	2	3	4	5	6	7
	4	5	5	6		7	8

7	3	5	8	6	7	4	5
---	---	---	---	---	---	---	---

	每个元素累加上其前面的所有元素得到的就是元素在有序序列中的位置信息					
元素	3	4	5	6	7	8
索引	0	1	2	3	4	5
次数	0	1	2	4	6	7

0	1	2	3	4	5	6	7
3	4	5	5	6		7	8

计数排序 – 改进思路

7	3	5	8	6	7	4	5
---	---	---	---	---	---	---	---

	每个元素累加上其前面的所有元素得到的就是元素在有序序列中的位置信息					
元素	3	4	5	6	7	8
索引	0	1	2	3	4	5
次数	0	1	2	4	5	7

0	1	2	3	4	5	6	7
3	4	5	5	6	7	7	8

计数排序 – 改进实现

```
int max = array[0]; // 最大值
int min = array[0]; // 最小值
for (int i = 1; i < array.length; i++) {
    if (array[i] > max) {
        max = array[i];
    }
    if (array[i] < min) {
        min = array[i];
    }
}
```

```
// 用于存放排好序的数据
int[] output = new int[array.length];
for (int i = array.length - 1; i >= 0; i--){
    output[--counts[array[i] - min]] = array[i];
}

for (int i = 0; i < array.length; i++){
    array[i] = output[i];
}
```

```
// 用于计数
int[] counts = new int[max - min + 1];
for (int i = 0; i < array.length; i++) {
    counts[array[i] - min]++;
}
for (int i = 1; i < counts.length; i++) {
    counts[i] += counts[i - 1];
}
```

- 最好、最坏、平均时间复杂度: $O(n + k)$
- 空间复杂度: $O(n + k)$
- k 是整数的取值范围
- 属于稳定排序

计数排序 – 对自定义对象进行排序

- 如果自定义对象可以提供用以排序的整数类型，依然可以使用计数排序

```
private static class Person {  
    int age;  
    String name;  
    Person(int age, String name) {  
        this.age = age;  
        this.name = name;  
    }  
    @Override  
    public String toString() {  
        return "Person [age=" + age  
            + ", name=" + name + "];"  
    }  
}
```

```
Person[] persons = new Person[] {  
    new Person(20, "A"),  
    new Person(-13, "B"),  
    new Person(17, "C"),  
    new Person(12, "D"),  
    new Person(-13, "E"),  
    new Person(20, "F")  
};
```

```
int max = persons[0].age;  
int min = persons[0].age;  
for (int i = 1; i < persons.length; i++) {  
    if (persons[i].age > max) {  
        max = persons[i].age;  
    }  
    if (persons[i].age < min) {  
        min = persons[i].age;  
    }  
}
```

计数排序 – 对自定义对象进行排序

```
// 用于计数
int[] counts = new int[max - min + 1];
for (int i = 0; i < persons.length; i++) {
    counts[persons[i].age - min]++;
}
for (int i = 1; i < counts.length; i++) {
    counts[i] += counts[i - 1];
}

// 用于存放排好序的数据
Person[] output = new Person[persons.length];
for (int i = persons.length - 1; i >= 0; i--) {
    output[--counts[persons[i].age - min]] = persons[i];
}
```

■ 排序之后的结果

- ① Person [age=-13, name=B]
- ② Person [age=-13, name=E]
- ③ Person [age=12, name=D]
- ④ Person [age=17, name=C]
- ⑤ Person [age=20, name=A]
- ⑥ Person [age=20, name=F]