第三章

2019/6/11 返回

第六题

- 算法:
 - o 核心函数work():

```
def work(dim, eps):
                                                                              #创建希尔伯特
   H = create H(dim)
   s_1 = np.max(abs(np.sum(H, 1)))
                                                                               #无穷范数
                                                                              #H的逆矩阵
   H I = np.mat(H).I
   s_2 = np.max(abs(np.sum(H_I, 1)))
                                                                               #逆矩阵的无
                                                                              #创建x向量
   x f = np.ones([dim], dtype=np.float64)
   b = H.dot(x_f)
                                                                              \#b = H*x
                                                                              #b加上扰动
   b eps = b + eps
   x_L = figure_x(H, b_eps, dim)
                                                                              #求解方程Hx=
                                                                              \#b^{} = H*x^{}
   b_L = H.dot(x_L)
   r_b = b - b_L
                                                                              #计算残差r =
                                                                              #计算误差x^-
   r_x = x_f - x_L
   print ("Dim = %d\teps_b = %.10f" % (dim, eps))
   print ("cond(H) = %d\t|H| = %d\t|H(-1)| = %d" % (s_1*s_2, s_1, s_2))
   print ("|r_b| = \%.20f"% (np.max(abs(r_b))))
   print ("|r_x| = %.20f"% (np.max(abs(r_x))))
   print ()
   return (np.max(abs(r_b)), np.max(abs(r_x)), s_1*s_2)
```

- 。 Cholesky分解以及求解方程的函数将书上的伪代码翻译成Python代码即可,细节见代码
- n = 10, 计算残差和误差的无穷范数

work(10, 0.0), 效果:

```
PS C:\Users\Adil\Desktop\大三第二学期\数值分析\上机实验\3第三章\6第六题> python .\1.py Dim = 10 eps_b = 0.00000000000 cond(H) = 20503568 |H| = 2 |H(-1)| = 7000269 |r_b| = 0.000000000000022204 |r_x| = 0.00044458507134448322
```

• 对右端项施加10⁻⁷,观察残差和误差的无穷范数 work(10, 1e-7),效果:

• 改变n的值为8、12,观察残差和误差的无穷范数

```
work(8, 0.0)
work(12, 0.0)
```

效果:

- 通过这个实验说明了什么问题
 - 。 巨大的条件数说明Hilbert矩阵的病态矩阵
 - 。 右端项施加扰动之后,误差变化不大,说明Cholesky分解算法求解方程比较稳定