TITULACIÓN	INGENIERÍA DEL	FECHA	23/11/2023	
	SOFTWARE Y			
	MATEMÁTICA COMPUTACIONAL			U-Tad
CURSO	$1^{0}$	HORA	11:00	CENTRO UNIVERSITARIO DE TECNOLOGÍA Y ARTE DIGITAL
GRUPO	A	DURACIÓN	1H 45M	
ALUMNO				

# NORMAS DEL EXAMEN

- El objetivo del examen es evaluar vuestros conocimentos, por lo tanto debéis explicar convenientemente vuestras soluciones, no seáis escuetos ni dejéis nada a la interpretación.
- No se permiten calculadoras que permitan visualizar gráficos de curvas y/o superficies. Las calculadoras que no cumplan este requisito serán retiradas al principio del examen.
- Las hojas con las normas y el enunciado deben ser entregadas junto con la solución del examen.
- Es obligatorio escribir el nombre del alumno en la cabecera de todas las hojas a entregar (incluyendo las hojas con las normas y el enunciado).
- Las hojas "en sucio" no son evaluables y por lo tanto no deben entregarse.
- La mala presentación (tachones, letra ilegible, faltas ortográficas, etc.) puntúa negativamente.
- No se calificarán aquellos problemas cuya solución no esté completamente desarrollada y explicada de acuerdo a la materia vista en clase y a lo solicitado en el enunciado.
- Los teléfonos móviles deben estar en silencio o apagados y guardados en mochilas o abrigos. La posesión de un teléfono móvil durante el examen es motivo de expulsión del examen. La misma indicación aplica a los relojes tipo smart watch.
- Se recomienda leer detenidamente cada enunciado antes de contestarlo.
- Es obligatorio proporcionar un resultado numérico siempre que sea posible, siendo preferible una fracción a un valor decimal aproximado. Igualmente, es recomendable simplificar al máximo las expresiones que aparezcan en el problema (polinomios, etc.).
- Solo recibirán la puntuación máxima aquellos problemas cuya solución sea correcta. En el resto de los casos, se valorará el desarrollo hasta un máximo del 50% de la puntuación de ese problema.
- A menos que se indique lo contrario explícitamente, en los problemas con varios apartados la puntuación de cada apartado es la misma.
- No se permiten libros ni apuntes.
- No se podrá abandonar el examen hasta pasada la primera media hora.
- Solo se contestarán preguntas relacionadas con los enunciados, no sobre el método de resolución o cuestiones de presentación.
- Ante cualquier duda durante el examen, se recomienda aplicar el sentido común y proporcionar la respuesta más completa posible.

TITULACIÓN	INGENIERÍA DEL	FECHA	23/11/2023	
	SOFTWARE Y			
	MATEMÁTICA COMPUTACIONAL			U-Tad
CURSO	$1^{0}$	HORA	11:00	CENTRO UNIVERSITARIO DE TECNOLOGÍA Y ARTE DIGITAL
GRUPO	A	DURACIÓN	1H 45M	
ALUMNO				

# PROBLEMA 1 (1.5 PUNTOS)

Demuestra la siguiente igualdad:

$$\tan(x - y) = \frac{\tan(x) - \tan(y)}{1 + \tan(x)\tan(y)}$$

### PROBLEMA 2 (3.0 PUNTOS)

Dada la función  $f(x) = \frac{e^{\tan(x)} - e}{x - \frac{\pi}{4}}$ , completa los siguientes apartados:

- a) [1.0 puntos] Determina su dominio, identificando claramente todos los puntos en los que la imagen de la función f(x) no existe.
- b) [1.0 puntos] Calcula  $f'(\pi)$  y proporciona tanto una expresión exacta de dicha derivada como un valor numérico con al menos cuatro decimales.
- c) [1.0 puntos] Determina si es posible extender el dominio de la función de forma que sea continua en el máximo número de puntos del intervalo  $[0, 2\pi]$ . En caso afirmativo, identifica el valor que tendría que tener f(x) en dicho punto (o puntos).

#### PROBLEMA 3 (3.0 PUNTOS)

Dada la función  $f(x) = \operatorname{sen}(x) \cos(x)$ , completa los siguientes apartados:

- a) [1.25 puntos] Determina el polinomio de Maclaurin de grado cinco asociado a f(x).
- b) [0.5 puntos] Calcula el valor aproximado de la función en x = 0.5 con al menos cuatro decimales utilizando para ello el polinomio de Maclaurin obtenido en el apartado anterior.
- c) [1.25 puntos] Determina el error máximo que se cometería al utilizar la aproximación del apartado anterior.

# PROBLEMA 4 (2.5 PUNTOS)

Consideremos una caja de cartón sin tapa superior (es decir, con cinco caras) y de base cuadrada. Si la suma del área de todas las caras de la caja así definida es  $c^2$ , con c > 0, calcula el volumen máximo de la caja.