

$$\text{矩阵 } B = \begin{bmatrix} 1 & 2 & 1 & 4 & 3 \\ 1 & 10 & 2 & 3 & 4 \\ 5 & 2 & 6 & 8 & 8 \\ 5 & 5 & 7 & 0 & 8 \\ 5 & 6 & 7 & 8 & 9 \end{bmatrix}$$

均值滤波处理: 对每个像素使用 3×3 窗口, 计算均值.

$$B(2,2): \begin{bmatrix} 1 & 2 & 1 \\ 1 & 10 & 2 \\ 5 & 2 & 6 \end{bmatrix} \text{ 均值为 } 3.33$$

$$B(2,3): \begin{bmatrix} 2 & 1 & 4 \\ 10 & 2 & 3 \\ 2 & 6 & 8 \end{bmatrix} \text{ 均值为 } 4.11$$

同理计算其他像素点, 可得均值滤波结果为

$$B_{\text{mean}} = \begin{bmatrix} 1 & 2 & 1 & 4 & 3 \\ 1 & 3.33 & 4.11 & 4.89 & 4 \\ 5 & 5.11 & 4.99 & 5.33 & 8 \\ 5 & 5.44 & 5.44 & 6.33 & 8 \\ 5 & 6 & 7 & 8 & 9 \end{bmatrix}$$

中值滤波处理: 取 3×3 窗口, 计算中值.

$$B(2,2): \begin{bmatrix} 1 & 2 & 1 \\ 1 & 10 & 2 \\ 5 & 2 & 6 \end{bmatrix} \text{ 从小到大排列: } 1, 1, 1, 2, 2, 2, 5, 6, 10 \text{ 中值为 } 2$$

$$B(2,3): \begin{bmatrix} 2 & 1 & 4 \\ 10 & 2 & 3 \\ 2 & 6 & 8 \end{bmatrix}: 1, 2, 2, 2, 3, 4, 6, 8, 10 \text{ 中值为 } 3$$

同理对其他像素点进行操作.

$$\text{可得中值处理结果为 } B_{\text{median}} = \begin{bmatrix} 1 & 2 & 1 & 4 & 3 \\ 1 & 2 & 3 & 4 & 4 \\ 5 & 5 & 6 & 6 & 8 \\ 5 & 6 & 7 & 7 & 8 \\ 5 & 6 & 7 & 8 & 9 \end{bmatrix}$$

二、编程作业

1. 代码部分

%读取低照度图像

img = imread('D:\picture2.jpg'); % 替换为你的图像路径

%将图像转换为灰度图像

grayImg = custom_rgb2gray(img); % 自定义灰度转换函数

```
%计算灰度直方图
[counts, binLocations] = custom_imhist(grayImg); % 自定义直方图函数

%显示灰度图像及其直方图
figure;
subplot(1, 2, 1);
imshow(grayImg);
title('Gray Image');

subplot(1, 2, 2);
bar(binLocations, counts, 'BarWidth', 1, 'FaceColor', 'b');
xlim([0 255]);
title('Grayscale Histogram');
xlabel('Pixel Intensity');
ylabel('Frequency');

%计算并显示离散傅里叶变换频谱幅度图
magnitudeSpectrum = optimized_fft2(grayImg); % 优化傅里叶变换函数

%显示幅度谱图
figure;
imshow(magnitudeSpectrum, []);
title('Magnitude Spectrum');

%进行直方图均衡化
equalizedImg = optimized_histeq(grayImg); % 优化直方图均衡化函数

%显示直方图均衡化结果
figure;
subplot(1, 2, 1);
imshow(equalizedImg);
title('Histogram Equalized Image');

%进行同态滤波
filteredImg = optimized_homomorphic_filter(grayImg); % 优化同态滤波函数

%显示同态滤波结果
subplot(1, 2, 2);
imshow(filteredImg);
title('Homomorphic Filtered Image');
```

%对比直方图均衡化和同态滤波

figure;

subplot(1, 2, 1);

imshow(equalizedImg);

title('Histogram Equalized Image');

subplot(1, 2, 2);

imshow(filteredImg);

title('Homomorphic Filtered Image');

function grayImg = custom_rgb2gray(img)

%RGB 转灰度函数

grayImg = uint8(0.2989 * img(:, :, 1) + 0.5870 * img(:, :, 2) + 0.1140 * img(:, :, 3));

end

function [counts, binLocations] = custom_imhist(grayImg)

%直方图函数

counts = histcounts(grayImg, 0:255);

binLocations = 0:255;

end

function magnitudeSpectrum = optimized_fft2(img)

% 二维傅里叶变换函数

img_double = double(img); % 转换为 double 以进行傅里叶运算

fftImg = fftshift(fft2(img_double)); % 使用二维傅里叶变换

magnitudeSpectrum = log(1 + abs(fftImg)); % 计算幅度谱并对数变换

end

function equalizedImg = optimized_histeq(grayImg)

% 直方图均衡化函数

% 利用归一化 CDF 实现直方图均衡化

counts = histcounts(grayImg, 0:255);

cdf = cumsum(counts) / numel(grayImg); % 计算归一化的累计分布函数

equalizedImg = uint8(255 * cdf(double(grayImg) + 1)); % 根据 CDF 映射像素值

end

function filteredImg = optimized_homomorphic_filter(grayImg)

% 同态滤波函数

grayImg_double = double(grayImg) + 1; % 计算对数前，避免 0 值

logImg = log(grayImg_double);

```

% 进行快速傅里叶变换
fftImg = fft2(logImg);

% 创建高斯高通滤波器
[rows, cols] = size(grayImg);
[X, Y] = meshgrid(1:cols, 1:rows);
centerX = ceil(cols / 2);
centerY = ceil(rows / 2);
D0 = 30; % 截止频率
highPassFilter = 1 - exp(-((X - centerX).^2 + (Y - centerY).^2) / (2 * D0^2));

% 应用滤波器并进行反傅里叶变换
filtered_fft = fftImg .* highPassFilter;
filteredImg = real(iff2(filtered_fft));

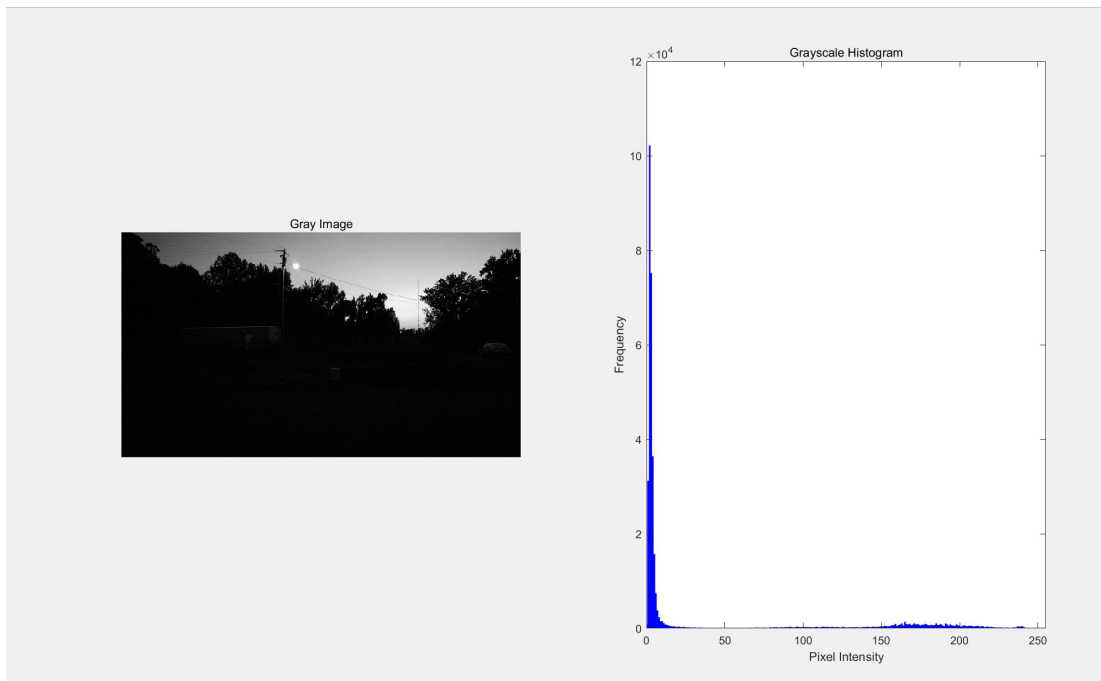
% 取反对数并返回结果
filteredImg = exp(filteredImg) - 1;
filteredImg = uint8(filteredImg);

```

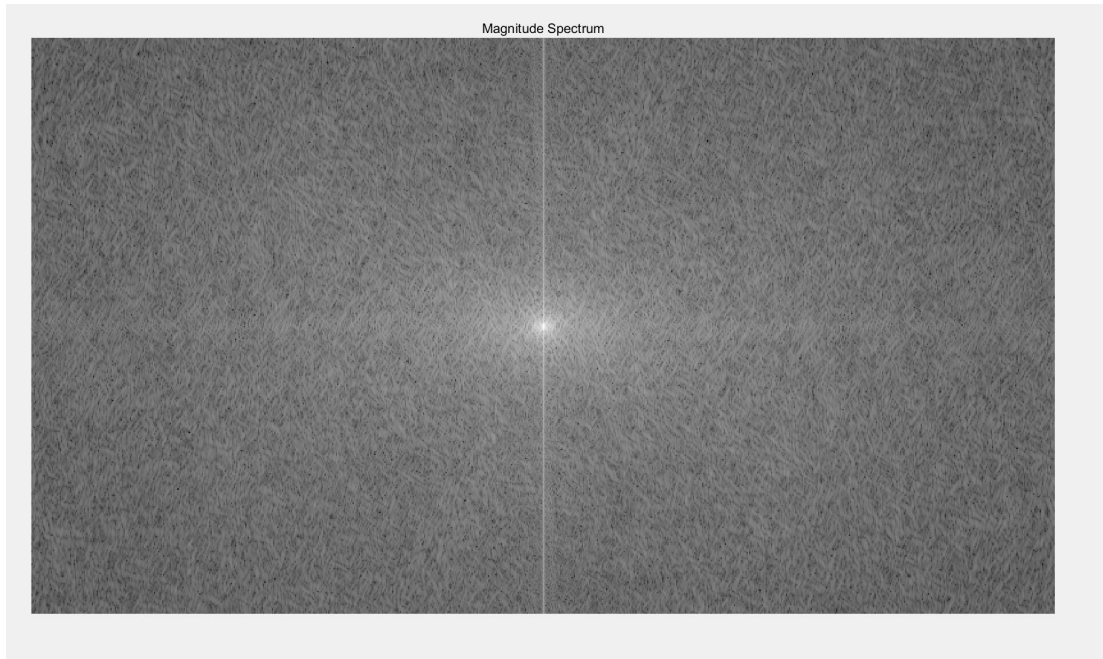
End

2. 运行结果图

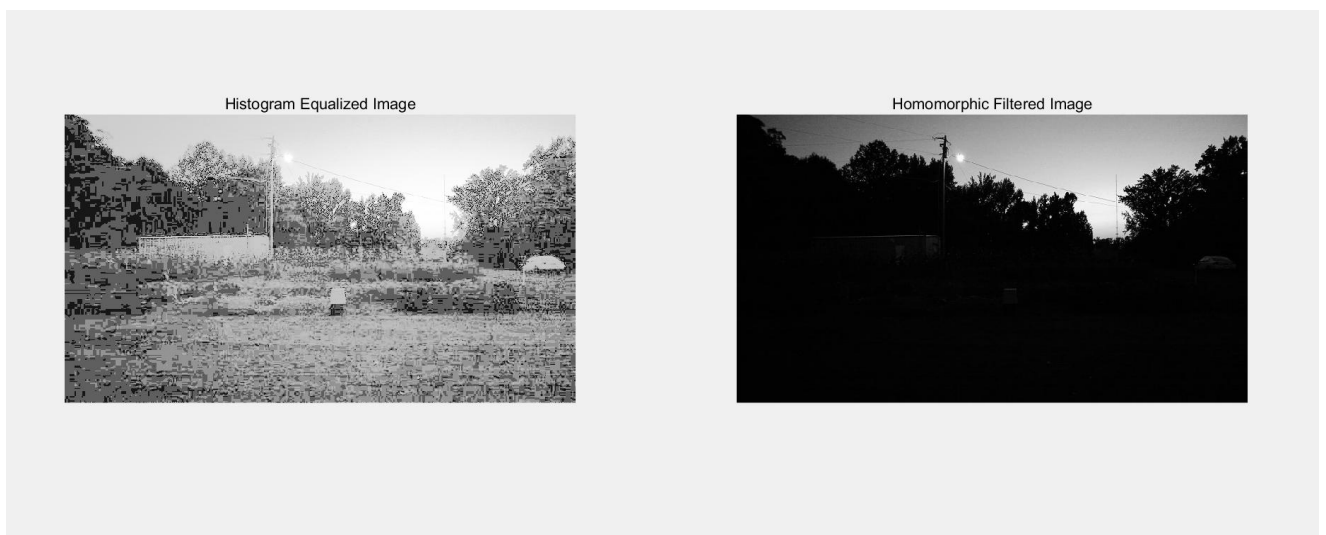
(1) 灰度图和灰度直方图



(2) 傅里叶变换频谱幅度图



(3) 直方图均衡化（左），同态滤波（右）



3. 效果对比

针对低照度图像，同态滤波可以更好的保留细节和避免过度亮度增强，直方图均衡化更适合整体亮度较低、对比度不够的图像，快速提升对比度，但容易丢失局部细节。。