数据结构与算法

第八章 查找

顺序查找 折半查找 分块查找 哈希查找

第八章 查找

- □ 查找——也叫检索,是根据给定的某个值,在表中确定一 个关键字等于给定值的记录或数据元素
- □ 关键字——是数据元素中某个数据项的值,它可以标识一 个数据元素
- □查找方法评价

■查找速度

对含有n个记录的表, $ASL = \sum_{i=1}^{n} p_i c_i$

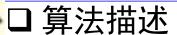
- 占用存储空间多少 其中: p_i 为查找表中第i个元素的概率, $\sum_{i=1}^n p_i = 1$
- ■算法本身复杂程度

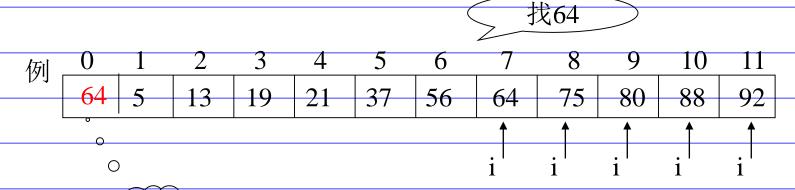
 c_i 为找到表中第i个元素所需比较次数

■ 平均查找长度ASL(Average Search Length): 为确定记录在表中的位置,需和给定值进行比较的关键字的个数的期望值叫查找算法的~

7.1 顺序查找

□ 查找过程:从表的一端开始逐个进行记录的关键字和给定值的比较





监视哨

比较次数:

查找第n个元素: 1

查找第n-1个元素: 2

• • • • • • • • •

查找第1个元素: n

查找第i个元素: n+1-i

查找失败:

数据结构

比较次数=5

■顺序查找方法的ASL

对含有
$$n$$
个记录的表, $ASL = \sum_{i=1}^{n} p_i c_i$

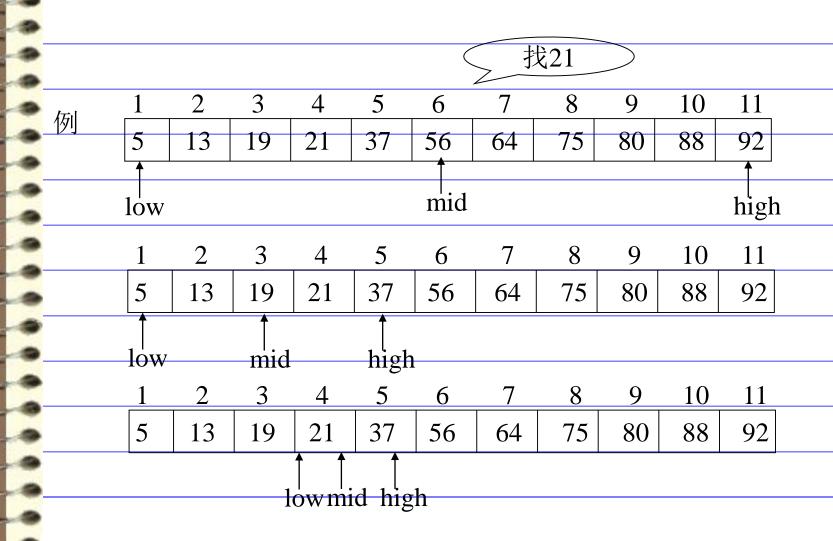
设表中每个元素的查找概率相等
$$p_i = \frac{1}{n}$$

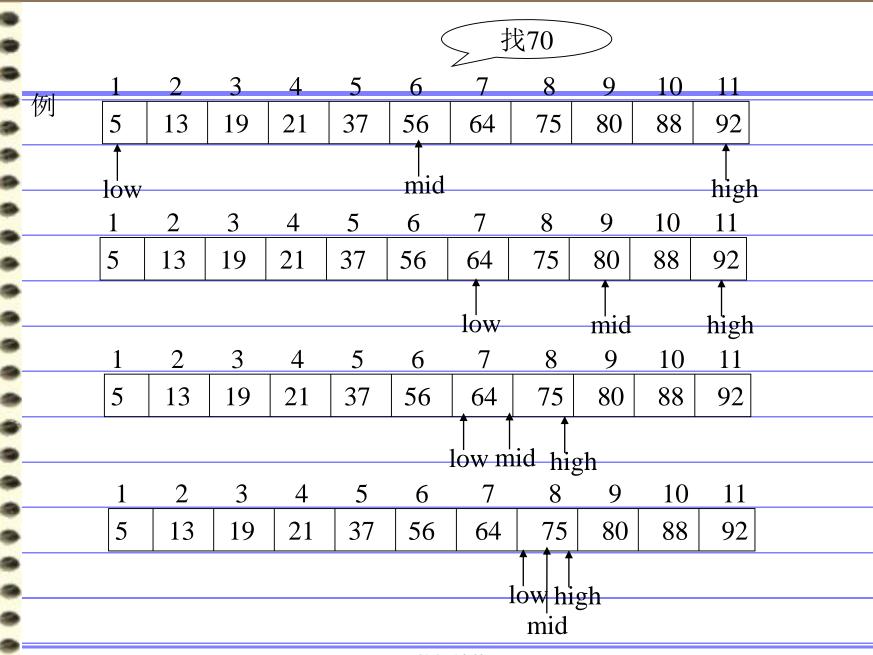
则
$$ASL = \sum_{i=1}^{n} p_i c_i = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^{n} i = \frac{1}{n} \cdot \frac{n(n+1)}{2} = \frac{n+1}{2}$$

7.2 折伊查找

- □ 查找过程:每次将待查记录所在区间缩小一半
- □ 适用条件:采用顺序存储结构的有序表
- □ 算法实现
 - 设表长为n, low、high和mid分别指向待查元素所在 区间的上界、下界和中点,k为给定值
 - ■初始时,令low=1,high=n,mid=[(low+high)/2]
 - ■让k与mid指向的记录比较
 - ◆若k==r[mid].key, 查找成功
 - ◆若k<r[mid].key,则high=mid-1
 - ◆若k>r[mid].key,则low=mid+1
 - ■重复上述操作,直至low>high时,查找失败

■算法描述

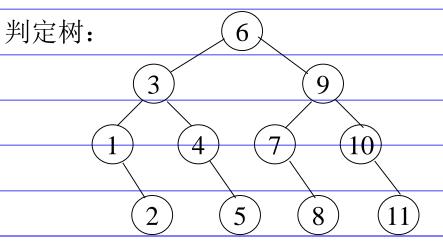




数据结构

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11
5	13	19	21	37	56	64	75	80	88	92
						† high	low			

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11
5	13	19	21	37	56	64	75	80	88	92





■算法评价

◆判定树:描述查找过程的二叉树叫~

◆有n个结点的判定树的深度为[log₂n]+1

◇折半查找法在查找过程中进行的比较次数最多不超过 其判定树的深度

◆折半查找的ASL

设表长 $n = 2^h - 1, h = \log_2(n+1)$,即判定树是深度为h的满二叉树

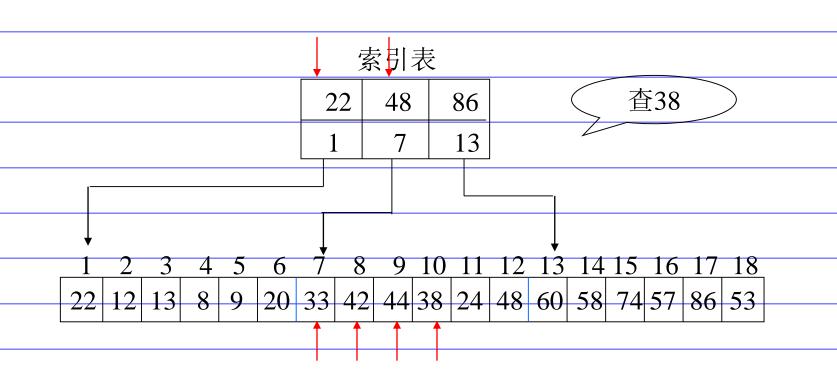
设表中每个记录的查找概率相等 $p_i = \frac{1}{n}$

則:
$$ASL = \sum_{i=1}^{n} p_i c_i = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^{n} c_i = \frac{1}{n} \sum_{j=1}^{h} j \cdot 2^{j-1} = \frac{n+1}{n} \log_2(n+1) - 1 \approx \log_2(n+1) - 1$$



7.3分块查找

- □ 查找过程:将表分成几块,块内无序,块间有序;先确定待 查记录所在块,再在块内查找
- □ 适用条件:分块有序表
- □ 算法实现
 - 用数组存放待查记录, 每个数据元素至少含有关键字域
 - 建立索引表,每个索引表结点含有最大关键字域和指向本 块第一个结点的指针
- 🗅 算法描述



□ 分块查找方法评价

$$ASL_{bs} = L_b + L_w$$

其中: L_{b} 一一查找索引表确定所在块的平均查找长度

 L_{w} ——在块中查找元素的平均查找长度

若将表长为n的表平均分成b块,每块含s个记录,并设表中每个记录的查找概率相等,则:

(1)用顺序查找确定所在块:
$$ASL_{bs} = \frac{1}{b} \sum_{j=1}^{b} j + \frac{1}{s} \sum_{i=1}^{s} i = \frac{b+1}{2} + \frac{s+1}{2} = \frac{1}{2} (\frac{n}{s} + s) + 1$$

(2)用折半查找确定所在块:
$$ASL_{bs} \approx \log_2(\frac{n}{s}+1) + \frac{s}{2}$$

查找方法比较

		顺序查找	折半查找	分块查找
	ASL	最大	最小	两者之间
	表结构	有序表、无序表	有序表	分块有序表
•	存储结构	顺序存储结构	顺序存储结构	顺序存储结构
	14 LH - H 4	线性链表	, v , v , v , v , v , v , v , v , v , v	线性链表

7.4 哈希查找

- 基本思想: 在记录的存储地址和它的关键字之间建立一个 确定的对应关系;这样,不经过比较,一次存取就能得到 所查元素的查找方法
- ⊒ 定义
 - ■哈希函数——在记录的关键字与记录的存储地址之间 建立的一种对应关系叫~
 - 哈希函数是一种映象,是从关键字空间到存储地址空 间的一种映象
 - 哈希函数可写成: addr(a;)=H(k;) ◇a¡是表中的一个元素 ◆addr(a;)是a;的存储地址 ◇k_i是a_i的关键字

hash

存储地址

集合

关键字

集合

◇哈希表——应用哈希函数,由记录的关键字确定记录在表中的地址,并将记录放入此地址,这样构成的表叫~◇哈希查找——又叫散列查找,利用哈希函数进行查找的过程叫~

例 30个地区的各民族人口统计表

编号	地区别	总人口	汉族	回族
1	北京			
2	上海			
:	•			
:	•			

以编号作关键字,

构造哈希函数: H(key)=key

H(1)=1

H(2)=2

以地区别作关键字,取地区 名称第一个拼音字母的序号 作哈希函数: H(Beijing)=2

H(Shanghai)=19

H(Shenyang)=19

数据结构

从例子可见:

- ■哈希函数只是一种映象,所以哈希函数的设定很灵活,只要使任何关键字的哈希函数值都落在表长允许的范围之内即可
 - ■冲突: key1≠key2, 但H(key1)=H(key2)的现象
 - 同义词: 具有相同函数值的两个关键字, 叫该哈希函数的
- ■哈希函数通常是一种压缩映象,所以冲突不可避免,只能 尽量减少;同时,冲突发生后,应该有处理冲突的方法

- □哈希函数的构造方法
- □直接定址法
 - ■构造: 取关键字或关键字的某个线性函数作哈希地址,即H(key)=key 或 H(key)=a·key+b
 - ■特点
 - ◆直接定址法所得地址集合与关键字集合大小相等, 不会发生冲突
 - ◇实际中能用这种哈希函数的情况很少

■数字分析法

◇构造:对关键字进行分析,取关键字的若干位或其组合合作哈希地址

◇适于关键字位数比哈希地址位数大,且可能出现的关键字事先知道的情况

例 有80个记录,关键字为8位十进制数,哈希地址为2位十进制数 ①② ③.④⑤⑥ ⑦⑧

8 1 3 4 6 5 3	2	
8 1 3 7 2 2 4	/ \ +	斤: ①只取8
8 1 3 8 7 4 2	2 2	7 . *
8 1 3 0 1 3 6	3 7	③只取3、4
		⑧只取2、7、5
8 1 3 2 2 8 1	7	, , , , , , , , , , , , , , , , , , ,
8 1 3 3 8 9 6	7	④⑤⑥⑦数字分布近乎随机
	\ FE.I.	以: 取④⑤⑥⑦任意两位或两位
8 1 3 6 8 5 3		
8 1 4 1 9 3 5	5	与另两位的叠加作哈希地址
014193	J	

■平方取中法

◇构造: 取关键字平方后中间几位作哈希地址

◇适于不知道全部关键字情况

■折叠法

◇构造:将关键字分割成位数相同的几部分,然后取这几部分的叠加和(舍去进位)做哈希地址

◆种类

耳移位叠加:将分割后的几部分低位对齐相加

□ 同界叠加:从一端沿分割界来回折送,然后对齐相 加

◇适于关键字位数很多,且每一位上数字分布大致均匀情况

例 关键字为: 0442205864, 哈希地址位数为4

5864	5864
4220	0224
	04 (间界叠加)
10088	6092
H(key)=0088	H(key)=6092

■除留余数法

◇构造: 取关键字被某个不大于哈希表表长m的数p除后 所得余数作哈希地址,即H(key)=key MOD p, p≤m

♦特点

□简单、常用,可与上述几种方法结合使用 □p的选取很重要;p选的不好,容易产生同义词

■随机数法

◇构造: 取关键字的随机函数值作哈希地址,即 H(key)=random(key)

◇适于关键字长度不等的情况

◆选取哈希函数,考虑以下因素:

¤计算哈希函数所需时间

¤关键字长度

口哈希表长度(哈希地址范围)

¤关键字分布情况

□记录的查找频率

■处理冲突的方法

◇开放定址法

□方法: 当冲突发生时,形成一个探查序列;沿此序列逐个地址探查,直到找到一个空位置(开放的地址),将发生冲突的记录放到该地址中,即
Hi=(H(key)+di)MOD m, i=1,2,.....k(k≤m-1)
其中: H(key)——哈希函数

m——哈希表表长

di——增量序列

□分类

◆线性探测再散列: di=1,2,3,.....m-1

◆二次探测再散列: di=12,-12,22,-

 $2^2, 3^2, \dots \pm k^2 (k \le m/2)$

◆伪随机探测再散列: di=伪随机数序列

例 表长为11的哈希表中已填有关键字为17,60,29的记录, H(key)=key MOD 11,现有第4个记录,其关键字为38, 按三种处理冲突的方法,将它填入表中

 0
 1
 2
 3
 4
 5
 6
 7
 8
 9
 10

 38
 38
 60
 17
 29
 38
 8

(1) H(38)=38 MOD 11=5 冲突 H₁=(5+1) MOD 11=6 冲突 H₂=(5+2) MOD 11=7 冲突 H₃=(5+3) MOD 11=8 不冲突

- (2) H(38)=38 MOD 11=5 冲突 H₁=(5+1 3 MOD 11=6 冲突 H₂=(5-1 3 MOD 11=4 不冲突
- (3) H(38)=38 MOD 11=5 冲突 设伪随机数序列为9,则: H₁=(5+9) MOD 11=3 不冲突

◇再哈希法

□方法:构造若干个哈希函数,当发生冲突时,计算下一个哈希地址,即:Hi=Rhi(key)

i=1,2,.....k

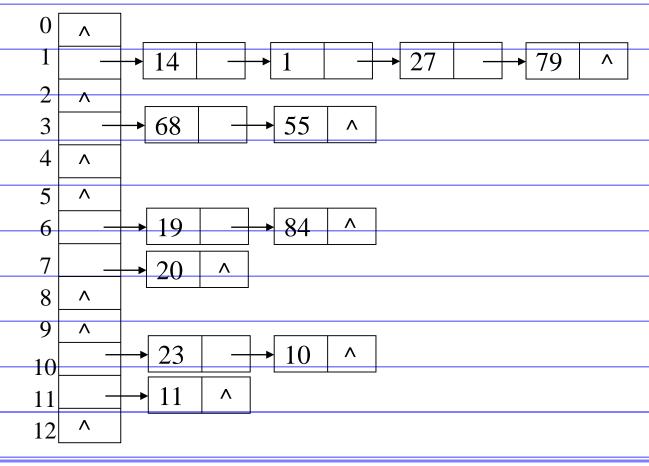
其中: Rhi——不同的哈希函数

以特点: 计算时间增加

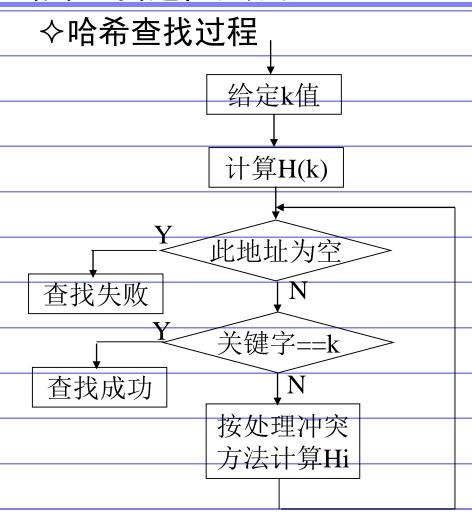
◆链地址法

□方法:将所有关键字为同义词的记录存储在一个单 链表中,并用一维数组存放头指针

例 已知一组关键字(19,14,23,1,68,20,84,27,55,11,10,79) 哈希函数为: H(key)=key MOD 13, 用链地址法处理冲突



■哈希查找过程及分析



■ 哈希查找分析

- ◇哈希查找过程仍是一个给定值与关键字进行比较的过程
- ◇评价哈希查找效率仍要用ASL
- ◇哈希查找过程与给定值进行比较的关键字的个数取决于:

□哈希函数

¤处理冲突的方法

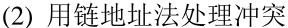
μ哈希表的填满因子α=表中填入的记录数/哈希表长度

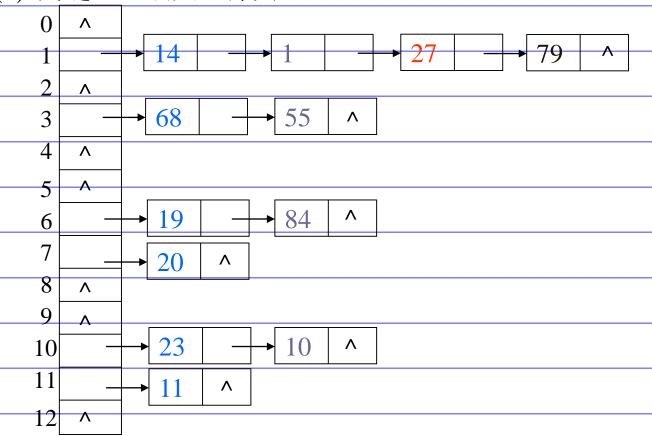
```
例 已知一组关键字(19,14,23,1,68,20,84,27,55,11,10,79)
哈希函数为: H(key)=key MOD 13, 哈希表长为m=16,
设每个记录的查找概率相等
```

(1) 用线性探测再散列处理冲突,即Hi=(H(key)+di) MOD m

冲突,H2=(3+2)MOD16=5

关键字(19,14,23,1,68,20,84,27,55,11,10,79)





$$ASL = (1*6+2*4+3+4)/12=1.75$$

■哈希查找算法实现

◇用线性探测再散列法处理冲突

□实现

◆查找过程:同前

◇删除:只能作标记,不能真正删除

◆插入: 遇到空位置或有删除标记的位置就可以

插入

¤算法描述:

◇用外链表处理冲突算法