

解: 原图像为

$$B = \begin{bmatrix} 1 & 2 & 1 & 4 & 3 \\ 1 & 10 & 2 & 3 & 4 \\ 5 & 2 & 6 & 8 & 8 \\ 5 & 5 & 7 & 0 & 8 \\ 5 & 6 & 7 & 8 & 9 \end{bmatrix}$$

用 3×3 的均值滤波器处理

$$z_1 = \frac{1+2+1+1+10+2+5+2+6}{9} = 3.33$$

$$z_2 = \frac{2+1+4+10+2+3+2+6+8}{9} = 4.22$$

$$z_3 = \frac{1+4+3+2+3+4+6+8+8}{9} = 4.33$$

$$z_4 = \frac{1+10+2+5+2+6+5+5+7}{9} = 4.77$$

$$z_5 = \frac{10+2+3+2+6+8+5+7+0}{9} = 4.77$$

$$z_6 = \frac{2+3+4+6+8+8+7+0+8}{9} = 5.11$$

$$z_7 = \frac{5+2+6+5+5+7+5+6+7}{9} = 5.33$$

$$z_8 = \frac{2+6+8+5+7+0+6+7+8}{9} = 5.44$$

$$z_9 = \frac{6+8+8+7+0+8+7+8+9}{9} = 6.77$$

故 处理后图像为

$$\begin{bmatrix} 1 & 2 & 1 & 4 & 3 \\ 1 & 3.33 & 4.22 & 4.33 & 4 \\ 5 & 4.77 & 4.77 & 5.11 & 8 \\ 5 & 5.33 & 5.44 & 6.77 & 8 \\ 5 & 6 & 7 & 8 & 9 \end{bmatrix}$$

用 3×3 的中值滤波器处理

$$z_1 = 2$$

$$z_2 = 3$$

$$z_3 = 4$$

$$z_4 = 5$$

$$z_5 = 5$$

$$z_6 = 6$$

$$z_7 = 5$$

$$z_8 = 6$$

$$z_9 = 8$$

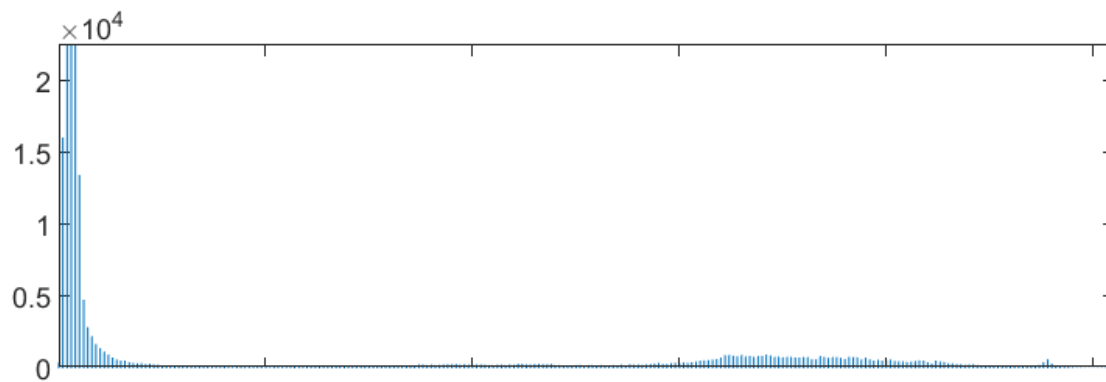
故 处理后图像为

$$\begin{bmatrix} 1 & 2 & 1 & 4 & 3 \\ 1 & 2 & 3 & 4 & 4 \\ 5 & 5 & 5 & 6 & 8 \\ 5 & 5 & 6 & 8 & 8 \\ 5 & 6 & 7 & 8 & 9 \end{bmatrix}$$

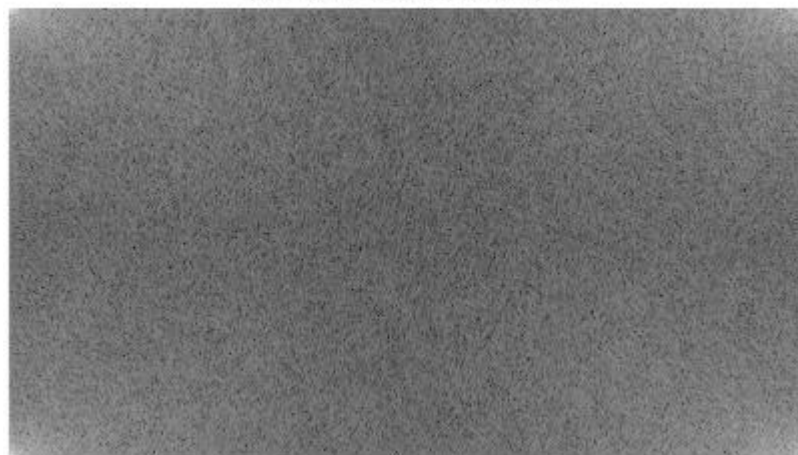
```

1  RGB = imread("微信图片_20241013160829.jpg");    %读取低照度图像
2
3  I = rgb2gray(RGB);
4  imwrite(I,'01.png')
5
6  subplot(2,1,1); imhist(I);    %计算灰度直方图
7
8  f = imread("01.png");
9  F = fft2(f);
10 F1 = log(abs(F)+1);    %取模并进行缩放
11 subplot(2,1,2); imshow(F1,[]); title('傅里叶变换频谱图'); %傅里叶变换频谱图

```



傅里叶变换频谱图



```

1 % 首先读入灰度图像，并提取图像的高度和宽度
2 image = imread('01.png');
3 [height, width] = size(image);
4
5 % 然后统计每个灰度的像素值的累计数目
6 NumPixel = zeros(1,256); % 建立一个256列的行向量，以统计各灰度级的像素个数
7 for i = 1 : height
8     for j = 1 : width
9         k = image(i,j); % k是像素点(i,j)的灰度值
10        % 因为NumPixel数组的下标是从1开始的，但是图像像素的取值范围是0~255
11        % 所以用NumPixel(k+1)
12        NumPixel(k+1) = NumPixel(k+1) + 1; % 对应灰度值像素点数量加1
13    end
14 end
15
16 % 用频数值计算频率
17 ProbPixel = zeros(1,256); % 统计各灰度级出现的频率
18 for i = 1 : 256
19     ProbPixel(i) = NumPixel(i) / (height * width);
20 end
21
22 % 再用函数cumsum()来计算累积分布函数（CDF），并将频率（取值范围是0~1）映射到0~255的无符号整数
23 CumPixel = cumsum(ProbPixel); % 这里的数组CumPixel大小也是1×256
24 CumPixel = uint8((256-1) .* CumPixel + 0.5);
25
26 % 在下列用作直方图均衡化实现的赋值语句右端，image(i,j)被用来作为CumPixel的索引
27 outImage = uint8(zeros(height, width)); % 预分配数组
28 for i = 1 : height
29     for j = 1 : width
30         outImage(i,j) = CumPixel(image(i,j)+1); %防止出现数组下标非正整数
31     end
32 end
33
34 % 显示直方图均衡化前后的图像，可以发现，与调用函数histeq()的效果基本一致
35 subplot(1,2,1); imshow(image); title('原图');
36 subplot(1,2,2); imshow(outImage); title('均衡化后');

```

原图



均衡化后



```

1  I = imread('01.png');
2  figure(1),subplot(1,2,1),imshow(I); title('原图')
3
4  I = im2double(I);    %转换数据类型为double型
5  [Height,Width] = size(I);
6
7  CenterY = floor(Height/2);
8  CenterX = floor(Width/2);
9
10
11  I2 = log(I+1);    %取对数
12  FI = fft2(I2);    %傅里叶变换
13  FI = fftshift(FI);
14
15  rL = 0.4;
16  rH = 2.2;
17  c = 4.0;    %锐化参数
18  D0 = 10;
19
20
21  for Y = 1:Height
22      for X = 1:Width
23          D(Y,X) = sqrt(((Y-CenterY).^2+(X-CenterX).^2));    %频率域中点(u,v)与频率矩形中心的距离
24          H(Y,X) = (rH-rL).*(1-exp(-c.*(D(Y,X)^2./D0^2)))+rL;    %高斯同态滤波
25      end
26  end
27
28  FI = H.*FI;
29  FI = ifftshift(FI);    %对H做反中心化
30  FI = ifft2(FI);    %傅里叶逆变换
31
32  OUT = exp(FI)-1;    %取指数
33  figure(1),subplot(1,2,2),imshow(OUT,[]);title('同态滤波')

```

原图



同态滤波

