

$$2 - \text{Plano } \pi_1: \begin{cases} x = -z - 1 \\ y = -z \\ z = z \end{cases} \quad \begin{matrix} \vec{J} = (-1, 0, 1) \\ \vec{\Delta} = (-1, -1, 0) \end{matrix}$$

$$\vec{J} \times \vec{\Delta} = \begin{vmatrix} \vec{i} & \vec{j} & \vec{k} \\ -1 & 0 & 1 \\ -1 & -1 & 0 \end{vmatrix} = \vec{i} - \vec{j} + \vec{k} \rightarrow \text{Podemos chamar de } \vec{m}_{\pi 1}$$

$$\text{Plano } \pi_2: 2x + 3y - z - 4 = 0$$

$$\vec{m}_{\pi 2} = 2\vec{i} + 3\vec{j} - \vec{k}$$

fazemos $\vec{m}_{\pi 1} \times \vec{m}_{\pi 2}$

$$\vec{m}_{\pi 1} \times \vec{m}_{\pi 2} = \begin{vmatrix} \vec{i} & \vec{j} & \vec{k} \\ 1 & -1 & 1 \\ 2 & 3 & -1 \end{vmatrix} = -2\vec{i} + 3\vec{j} + 5\vec{k}$$

Portanto não são paralelos

$$\|\vec{m}_{\pi 1}\| = \sqrt{1^2 + 1^2 + 1^2} = \sqrt{3}$$

$$\|\vec{m}_{\pi 2}\| = \sqrt{2^2 + 3^2 + 1^2} = \sqrt{14}$$

$$\vec{m}_{\pi 1} \cdot \vec{m}_{\pi 2} = (1, -1, 1) \cdot (2, 3, -1) = (2, -3, -1)$$

podemos achar o ângulo na forma

$$\cos(\vec{u}_1, \vec{u}_2) = \frac{|\vec{u}_1 \cdot \vec{u}_2|}{\|\vec{u}_1\| \cdot \|\vec{u}_2\|}$$



$$\frac{|1-2|}{\sqrt{3} \cdot \sqrt{14}} \quad (\text{como calculado anteriormente})$$

$$\cos(\vec{u}_1, \vec{u}_2) = \frac{2}{\sqrt{42}}$$

podemos achar o ângulo pelo arco $\left(\frac{2}{\sqrt{42}}\right)$

Então obtemos que o ângulo entre \vec{u}_1 e \vec{u}_2 é $72,02^\circ$

$$x - y + z = 0$$

$$x + z = 0$$

$$2x + 3y - z = 4$$

$$2x - z = 4$$

$$3x = 4$$

$$x = \frac{4}{3}$$

$$x + z = 0$$

$$\frac{4}{3} + z = 0$$

$$z = -\frac{4}{3}$$

Então o vetor de interseção será dado por

$$P\left(\frac{4}{3}, 0, -\frac{4}{3}\right) \text{ e } \vec{m}_{\pi 1} \times \vec{m}_{\pi 2} = -2\vec{i} + 3\vec{j} + 5\vec{k}$$

$$\pi: \begin{cases} x = \frac{4}{3} - 2t \\ y = 3t \\ z = -\frac{4}{3} + 5t \end{cases}$$