

## Tutorium B10: komplexe Zahlen, Beispielklausur sowie Folgen und Reihen

- Fragen?
- Fragen zu den Beispielklausuren

### Aufgabe 1 Mengen:

Es seien  $M_1 = \{0, 1\}$ ,  $M_2 = \{1, 2, 3\}$ ,  $M_3 = \{-3, 1\}$ .

- c) Bestimmen Sie  $|\mathcal{P}(M_1^2)|$ .

### Aufgabe 2 Abbildungen:

Es seien  $a, b$  reelle Zahlen, und  $f_{a,b} : [-2, 2] \rightarrow \mathbb{R}$  definiert durch

$$f_{a,b}(x) := \begin{cases} ax & , \text{ falls } x \leq 0 \\ bx & , \text{ falls } x > 0 \end{cases}.$$

- b) Bestimmen Sie das Urbild  $f_{-1,1}^{-1}([-2, 0])$ .

### Aufgabe 6 Komplexe Zahlen

- c) Es seien  $z_1, \dots, z_n, w_1, \dots, w_n \in \mathbb{C}$  so, dass  $\sum_{k=1}^n w_k \neq 0$ . Lösen Sie die folgende Gleichung nach  $z_1$  auf

$$\sum_{\nu=1}^n \left( \sum_{k=1}^n w_k z_{\nu} i^{\nu} \right) = 1$$

· Komplexe Zahlen

Aufgabe 83

b)  $\{z \in \mathbb{C} : -1 \cdot \operatorname{Re}(z) + 1 \cdot \operatorname{Im}(z) \leq 0\}$

c)  $\{z \in \mathbb{C} : -1 \cdot \operatorname{Re}(z) + 1 \cdot \operatorname{Im}(z) \leq 1\}$

## Folgen und Reihen

**9.1.1** Wie ist der **Grenzwert** einer Folge  $(a_n)$  definiert?

**9.1.2** Wann ist eine Folge  $(a_n)$  eine Nullfolge?

**9.1.3** Wann ist nach Definition eine Funktion  $f : X \rightarrow \mathbb{C}$  mit  $x \in \mathbb{C}$  an der Stelle  $z \in X$  stetig?

**9.1.4** Sei  $x \in \mathbb{R}$  und  $f : X \rightarrow \mathbb{R}$  eine Abbildung. Wann ist  $f$  **monoton fallend**?

**9.1.5** Sei  $x \in \mathbb{R}$  und  $f : X \rightarrow \mathbb{R}$  eine Abbildung. Wann ist  $f$  **streng monoton fallend**?

**9.1.6** Sei  $x \in \mathbb{R}$  und  $f : X \rightarrow \mathbb{R}$  eine Abbildung. Wann ist  $f$  **monoton wachsend**?

**9.1.7** Sei  $x \in \mathbb{R}$  und  $f : X \rightarrow \mathbb{R}$  eine Abbildung. Wann ist  $f$  **streng monoton wachsend**?

**9.1.8** Was bedeutet es, dass eine Folge  $(a_n)$  nach oben/unten beschränkt ist?

**9.1.9** Wie lautet der **Hauptsatz über monotone Folgen**?

**9.1.10** (a) Wie lautet die allgemeine Definition einer **rekursiven Folge**? (b) Falls eine solche Folge einen Grenzwert hat, wie kann dieser berechnet werden?

**9.2.2** Berechne den Grenzwert der Folge  $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{2 \cdot n^2 + 1}{5 \cdot n^3}$ .

**9.2.1** Berechne den Grenzwert der Folge  $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{n! \cdot \pi}{n! \cdot 3}$ .

**Aufgabe 94** Es sei  $(x_k)_{k \in \mathbb{N}}$  eine Folge mit  $\lim_{k \rightarrow \infty} x_k = 0$  und  $x_k \neq 0$  für alle  $k \in \mathbb{N}$ . Zeigen Sie, dass für jedes  $n \in \mathbb{N}$  und jedes  $x \in \mathbb{R}$  gilt

$$\lim_{k \rightarrow \infty} \frac{(x_k + x)^n - x^n}{x_k} = nx^{n-1}.$$

(Hinweis: Wenden Sie den binomischen Satz auf  $(x_k + x)^n$  an, und untersuchen Sie summandenweise)