

# Рекомендательные системы

2 курс магистратуры ФТИАД ФКН  
2022/2023

**Марина Ананьева, M.S.**

email: [ananyeva.me@gmail.com](mailto:ananyeva.me@gmail.com), [mananeva@hse.ru](mailto:mananeva@hse.ru)

tg: @ananyevame

# Course outline

# Полезные ссылки

1. Wiki ФКН  
[http://wiki.cs.hse.ru/RecSys\\_2022\\_2023](http://wiki.cs.hse.ru/RecSys_2022_2023)
2. Github репозиторий  
[https://github.com/anamarina/RecSys\\_course](https://github.com/anamarina/RecSys_course)
3. Таблица с оценками  
[ссылка на docs.google](#)
4. Коммуникация - через учебные почты и [чат в Телеграме](#)

# Оценивание

**Final grade = 0.3 \* Home Assignments + 0.15 \* Article Summary + 0.15 \* Weekly Quizzes + 0.4 \* Exam (Case-study)**

где:

- **Home Assignments** - 3 домашних работы в Jupyter Notebook (max 10 баллов за каждую).
- **Article Summary** - конспект/презентация статьи из предложенного списка с критическим анализом (без выступления на семинаре) (max 10 баллов).
- **Weekly Quizzes** - 7 квизов по мотивам материалов семинаров, которые сдаются перед началом следующего занятия в Google Forms (ариф.среднее за все квизы, max 10 баллов за каждый).
- **Exam** - письменный экзамен в формате решения case-study построения рекомендательной системы для бизнеса (max 10 баллов).

# Course outline

---

**Тема 1.** Введение. Формализация задачи. Функции ранжирования, алгоритмов, метрики.

**Тема 2.** User и item-based подходы. Матричные факторизации.

**Тема 3.** Коллаборативная фильтрация.

**Тема 4.** Content-based подходы.

**Тема 5.** Гибридные подходы.

**Тема 6.** Автоэнкодеры и вариационные автоэнкодеры.

**Тема 7.** Sequential и session-based модели.

**Тема 9.** Context-aware модели.

**Тема 10.** Graph-based модели.

**Тема 11.** Knowledge-based модели.

**Тема 12.** RL-based модели.

**Тема 13.** Интерпретируемость моделей и объяснения рекомендаций.

**Тема 14.** Дизайн A/B/N тестов и тестирование рекомендаций.

**Тема 15.** Vanilla RecSys production service. Часть 1

**Тема 16.** Vanilla RecSys production service. Часть 2

# Introduction

# Рекомендательные системы и персонализация

**Персонализация** - это набор различных техник и моделей для учета интересов и потребностей пользователей на основе имеющихся о них данных.

**Рекомендательные системы** - это тип систем информационной фильтрации, цель которых выдавать каждому пользователю наиболее релевантные ему объекты. Может рассматриваться как ML и не-ML задача, с персонализацией и без персонализацией.

# Зачем рекомендации **пользователю**?



Более релевантные контент, акции, продукты, коммуникации в сервисе



Снижение негатива (от лишних коммуникаций, нерелевантных предложений)



Положительный customer experience (удобство использования сервиса, интерес)



Экономия времени на поиск внутри сервиса



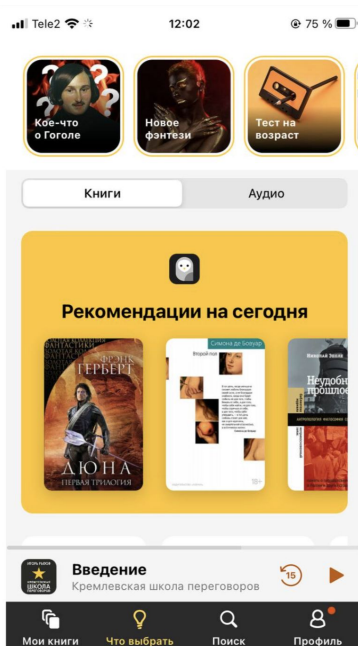
Готовность и интерес к exploration, когда есть актуальный контекст и понятные ожидания



# Зачем рекомендации **пользователю**?

- Более релевантный контент, акции, продукты, коммуникации.

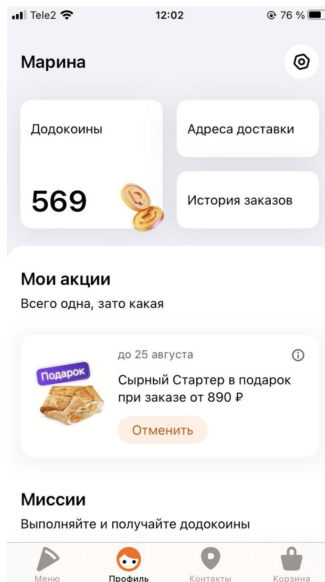
**Примеры:** рекомендации товаров в корзине Ozon, рекомендации книг в MyBook, персональные акции и промокоды в Dodo Pizza.



# Зачем рекомендации **пользователю**?

- Снижение негатива (удержания лишних коммуникаций, нерелевантных предложений)

**Примеры:** отбор целевой аудитории для маркетинговой акции, прогнозирование персонального времени отправки пуша, ранжирование лучших каналов для коммуникаций, ранжирование маркетинговых акций.



# Зачем рекомендации **пользователю?**

- Положительный customer experience (повышается удобство использование сервиса)

**Примеры:** персональная лента объявлений на Avito на основе предыдущих запросов вместо гео-карты города на главной, персональная лента кэшбэков в Tinkoff на основе предыдущих транзакций.



**Самый большой сайт бесплатных объявлений**

Частные объявления и объявления компаний о покупке и продаже. Домашние животные, бытовая техника, электроника, недвижимость, автомобили, одежда и многое другое. На сайте **1 187 102 объявления**

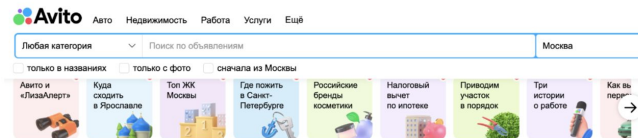
[ПОДАТЬ ОБЪЯВЛЕНИЕ](#)

[Зарегистрироваться](#) | [Войти](#)

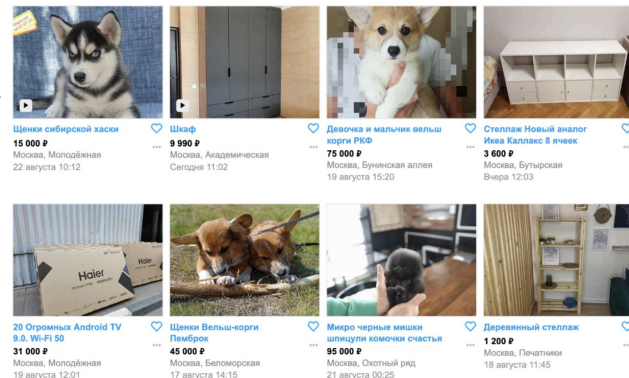


Москва  
Санкт-Петербург  
Екатеринбург  
Казань  
Краснодар

Новгородская обл.  
Оренбургская обл.  
Пензенская обл.  
Пермский край  
Ростовская обл.  
Рязанская обл.  
Самарская обл.  
Саратовская обл.  
Свердловская обл.  
Смоленская обл.  
Ставропольский край  
Тамбовская обл.  
Татарстан  
Тверская обл.  
Тульская обл.  
Удмуртия  
Ульяновская обл.  
Челябинская обл.  
Чувашия  
Ярославская обл.



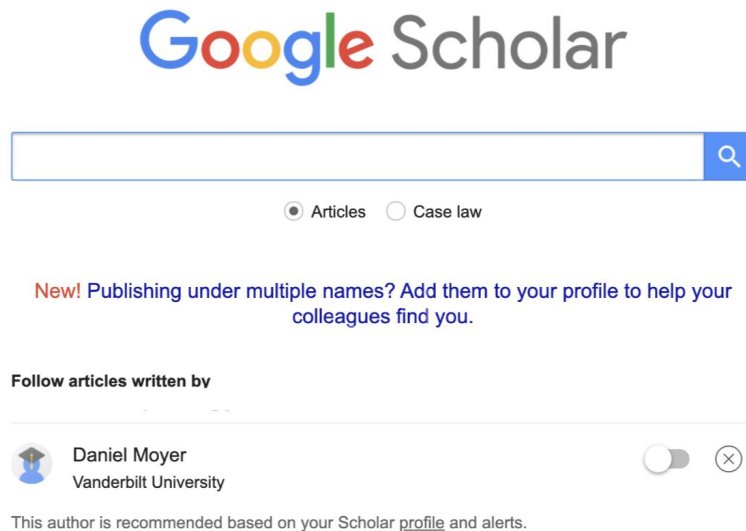
## Рекомендации для вас



# Зачем рекомендации **пользователю**?

- Экономия времени на поиск внутри приложения/платформы

**Примеры:** рекомендации научных статей и подписки на авторов в Google Scholar

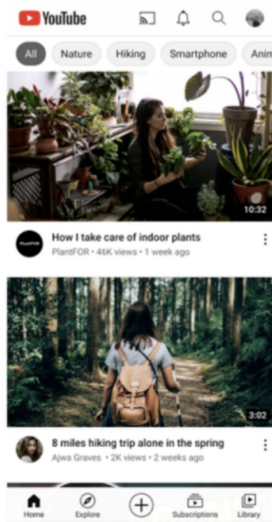


**Stand on the shoulders of giants**

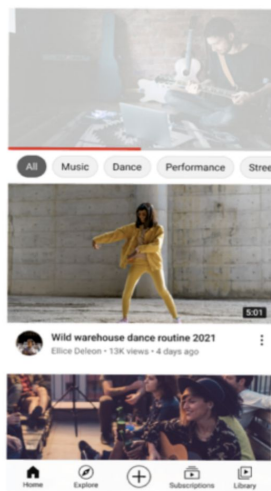
# Зачем рекомендации **пользователю**?

- Удовлетворение потребностей клиентов, готовых к exploration (чему-то новому и интересному через рекомендации сервиса)

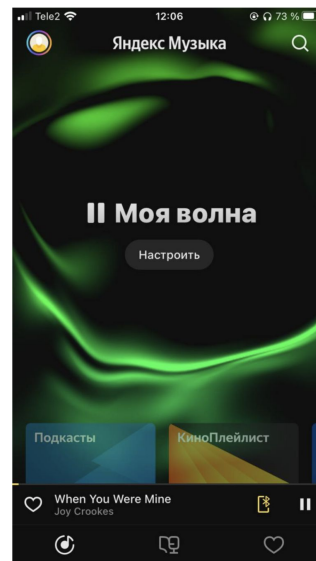
**Примеры:** рекомендации видео на YouTube, рекомендации контента в TikTok/Instagram/etc., рекомендации музыки в Spotify и Яндекс.Музыке.



Recommendations on homepage.



Recommendations on "Up next."



**Зачем рекомендации бизнесу?**

# Зачем рекомендации **бизнесу**?



Увеличение целевых бизнес-метрик (конверсии в заказы, клики, сохранения в избранное, подписки)



Экономия на лишних коммуникациях, костях на привлечение, x-sell, акции



Наращивание лояльности, NPS



Дополнительная монетизация (uplift к бизнес-метрикам, подписка за использование сервиса, плата за доп.фичи)

# Постановка задачи ранжирования

$X$  — множество объектов.

$X^l = \{x_1, \dots, x_l\}$  — обучающая выборка

$i < j$  на парах  $(i, j) \in \{1, \dots, l\}^2$

**Задача:**

Построить ранжирующую функцию  $a : X \rightarrow \mathbb{R}$  такую, что:  $i < j \Rightarrow a(x_i) < a(x_j)$ .

**Линейная модель ранжирования:**

$a(x; w) = \langle x, w \rangle$ , где  $x \mapsto (f_1(x), \dots, f_n(x)) \in \mathbb{R}^n$  — вектор признаков объекта  $x$ .



# Пример 1. Ранжирование поисковой выдачи

$D$  — коллекция текстовых документов.

$Q$  — множество запросов.

$D_q \subseteq D$  — множество документов, найденных по запросу  $q$ .

$X = Q \times D$  — объектами являются пары (запрос, документ):  $x \equiv (q, d), q \in Q, d \in D_q$ .

$Y$  — упорядоченное множество рейтингов.

$y : X \rightarrow Y$  — оценки релевантности, поставленные асессорами (экспертами): чем выше оценка  $y(q, d)$ , тем релевантнее документ  $d$  по запросу  $q$ .

*Правильный порядок* определен только между документами, найденными по одному и тому же запросу  $q$ :  $(q, d) < (q, d') \Leftrightarrow y(q, d) < y(q, d')$ .

Релевантные ответы запросу  $q$  — это список документов  $d$ , упорядоченных с помощью функции ранжирования  $a(q, d)$ .

## Пример 2. Рекомендации пользователям

$U$  — пользователи.

$I$  — предметы (фильмы, книги и т.д.).

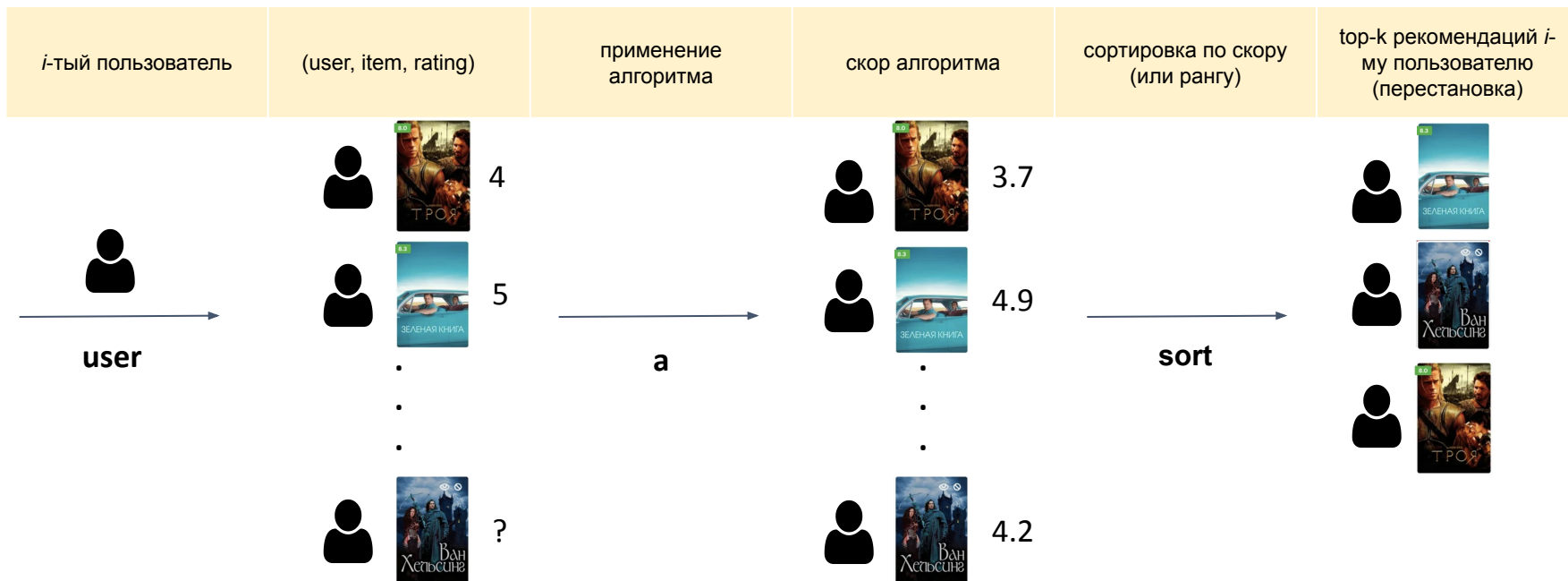
$X = U \times I$  — объектами являются пары (пользователь, предмет).

$$(u, i) \prec (u, i') \Leftrightarrow y(u, i) < y(u, i')$$

Рекомендация пользователю  $u$  — это список предметов  $i$ , упорядоченный с помощью функции ранжирования  $a(u, i)$ .

# Пример 2. Рекомендации пользователям

$$R = \{(u, i, r_{iu})\}$$



# Explicit & implicit данные

**Explicit feedback / Явные данные** - тип данных, когда известны оценки пользователей в результате взаимодействия с объектом. Например, датасет с оценками пользователей по 5-балльной шкале, насколько им понравились просмотренные фильмы.

**Implicit feedback / Неявные данные** - тип данных, когда нам неизвестно насколько понравился или не понравился объект после того, как пользователь провзаимодействовал с ним.

**Матрица взаимодействий** - это матрица, у которой по одной оси - id пользователей, по второй оси - id объектов, а на пересечении - оценка/наличие взаимодействия.

	item #1	....	item #N
user #1	0	1	...
....	1	0	...
user #M	...	...	1

implicit ?

	item #1	....	item #N
user #1	0	3	...
....	5	0	...
user #M	...	...	1

explicit ?

# Explicit & implicit данные

**Explicit feedback / Явные данные** - тип данных, когда известны оценки пользователей в результате взаимодействия с объектом. Например, датасет с оценками пользователей по 5-балльной шкале, насколько им понравились просмотренные фильмы.

**Implicit feedback / Неявные данные** - тип данных, когда нам неизвестно насколько понравился или не понравился объект после того, как пользователь провзаимодействовал с ним.

```
'''
```

Пример 1. По 5 клиентам магазина известна история покупок из 10 уникальных товаров.  
1 - товар был куплен, 0 - не был.

```
'''
```

```
import numpy as np  
from numpy import random
```

```
random.randint(low=0, high=2, size=(5,10))
```

```
array([[0, 0, 0, 0, 0, 0, 1, 1, 0, 0],  
       [0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 1],  
       [1, 0, 0, 0, 0, 1, 1, 1, 0, 1],  
       [1, 0, 0, 0, 0, 0, 1, 1, 1, 0],  
       [0, 1, 1, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0]])
```

# Explicit & implicit данные

**Explicit feedback / Явные данные** - тип данных, когда известны оценки пользователей в результате взаимодействия с объектом. Например, датасет с оценками пользователей по 5-балльной шкале, насколько им понравились просмотренные фильмы.

**Implicit feedback / Неявные данные** - тип данных, когда нам неизвестно насколько понравился или не понравился объект после того, как пользователь провзаимодействовал с ним.

```
'''
```

Пример 2. По 7 пользователям и 5 постам в соц.сети известна история реакций.

0 - посту поставлен дислайк, 1 - лайк, np.nan - пользователь не ставил реакцию у поста.

```
'''
```

```
num_nans = 10
```

```
matrix = np.random.randint(0, 2, (7, 5)).astype(float)
```

```
matrix.ravel()[np.random.choice(matrix.size, num_nans)] = np.nan
```

```
matrix
```

```
array([[ 0.,  1., nan,  0.,  0.],
       [ 0.,  0.,  1., nan,  1.],
       [ 1.,  0.,  0.,  1.,  0.],
       [ 1.,  1.,  1.,  0.,  1.],
       [ 0., nan,  1.,  1.,  0.],
       [ 1., nan,  0., nan,  0.],
       [nan, nan, nan, nan,  0.]])
```

# Explicit & implicit данные

**Explicit feedback / Явные данные** - тип данных, когда известны оценки пользователей в результате взаимодействия с объектом. Например, датасет с оценками пользователей по 5-балльной шкале, насколько им понравились просмотренные фильмы.

**Implicit feedback / Неявные данные** - тип данных, когда нам неизвестно насколько понравился или не понравился объект после того, как пользователь провзаимодействовал с ним.

```
'''
```

Пример 3. По 3 пользователям и 8 ресторанам известна история отзывов на рестораны и их рейтинг по 5-балльной шкале. 1 - самая низкая оценка, ресторан очень не понравился, 5 - отличная оценка, np.nan - нет рейтинга и отзыва.

```
'''
```

```
matrix = np.random.randint(1, 6, (3, 8)).astype(float)
matrix.ravel()[np.random.choice(matrix.size, num_nans)] = np.nan
matrix
```

```
array([[ 1.,  3.,  3.,  4., nan,  5., nan, nan],
       [nan, nan, nan,  3.,  4.,  4.,  4.,  2.],
       [nan, nan,  2.,  1.,  4., nan,  5.,  4.]])
```

# Explicit & implicit данные

**Explicit feedback / Явные данные** - тип данных, когда известны оценки пользователей в результате взаимодействия с объектом. Например, датасет с оценками пользователей по 5-балльной шкале, насколько им понравились просмотренные фильмы.

**Implicit feedback / Неявные данные** - тип данных, когда нам неизвестно насколько понравился или не понравился объект после того, как пользователь провзаимодействовал с ним.

'''

Пример 4. По 5 клиентам есть градация по разным типам действий.

0.1 - просмотр

0.3 - просмотр + клик

0.5 - просмотр + клик + лайк

0.7 - просмотр + клик + комментарий

1 - просмотр + клик + лайк + комментарий

'''



# В каком виде лучше хранить такую матрицу, когда у нас очень много нулей?

```
from scipy.sparse import coo_matrix, csr_matrix

import sys

matrix = random.randint(low=0, high=2, size=(10,10))

print(matrix)
print(f'Sparse матрица: {sys.getsizeof(csr_matrix(matrix))} байтов',
      f'Обычный np.ndarray: {sys.getsizeof(matrix)} байтов',
      sep='\n')
```

```
[[1 1 1 1 0 1 0 1 0 0]
 [0 0 0 0 1 0 1 1 1 0]
 [0 0 1 0 0 1 0 1 1 1]
 [1 1 0 1 1 1 1 0 0 0]
 [0 0 0 0 1 1 0 0 0 1]
 [0 0 1 1 0 1 1 1 0 1]
 [1 0 0 1 0 1 1 1 0 0]
 [1 0 0 0 1 0 1 0 0 1]
 [0 1 1 1 0 1 1 0 1 1]
 [1 0 0 0 0 0 0 0 0 0]]
```

Sparse матрица: 64 байтов

Обычный np.ndarray: 920 байтов

# Функции ранжирования

# Функции ранжирования

---

## 1. Pointwise (точечные)

Например, решение через задачу регрессии или классификации.

$$\sum_{i=1}^l (a(x_i) - y(x_i))^2 \rightarrow \min$$

# Функции ранжирования

---

1. **Pointwise** (точечные)

2. **Pairwise** (попарные)

$$\sum_{x_i < x_j} [a(x_j) - a(x_i) < 0] \rightarrow \min$$

# Функции ранжирования

---

1. Pointwise (точечные)

2. Pairwise (попарные)

$$\sum_{x_i < x_j} [a(x_j) - a(x_i) < 0] \rightarrow \min$$

$$\sum_{x_i < x_j} L(a(x_j) - a(x_i)) \rightarrow \min$$

# Функции ранжирования

---

1. Pointwise (точечные)

2. Pairwise (попарные)

RankNet:

$$\omega := \omega + \eta \frac{1}{1 + \exp(\langle \omega, x_j - x_i \rangle)} (x_j - x_i)$$

3. Listwise (списочные)

LambdaRank:

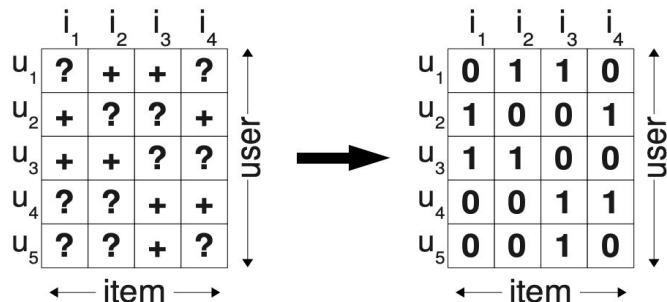
$$\omega := \omega + \eta \frac{1}{1 + \exp(\langle \omega, x_j - x_i \rangle)} (x_j - x_i) |\Delta nDCG_{ij}| (x_j - x_i)$$

# Функции ранжирования

---

- **BPR** (Bayesian Personalised Ranking, pairwise)
- **WARP** (Weighted Approximate-Rank Pairwise)
- **RankNET** (pairwise)
- **LambdaRANK** (pairwise/listwise)
- **LambdaMART** (pairwise/listwise)

# BPR: Bayesian Personalized Ranking

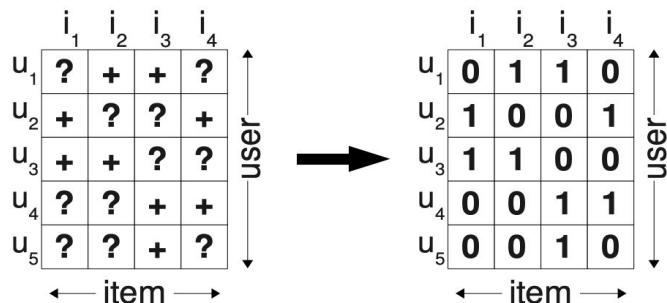


$positive >_{user} unknown$

**Рис. 1:** Бинаризация implicit данных, где отсутствие интеракции кодируется как отрицательный пример.

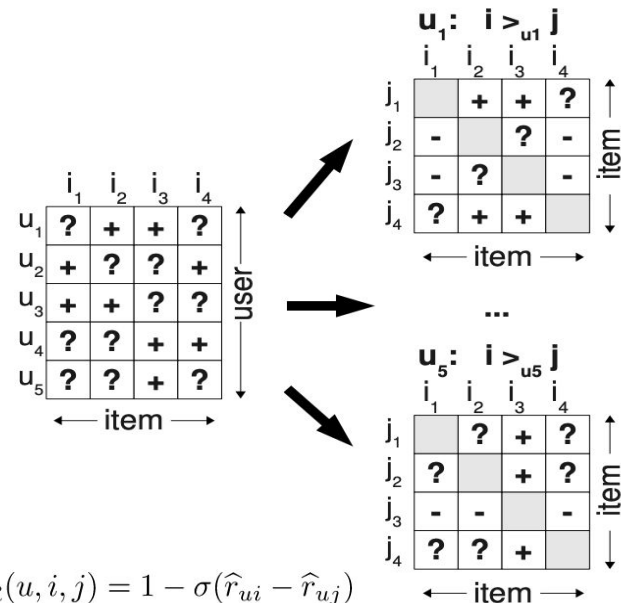


# BPR: Bayesian Personalized Ranking



*positive*  $>_{user}$  *unknown*

**Рис. 1:** Бинаризация implicit данных, где отсутствие интеракции кодируется как отрицательный пример.



$$L_{BPR}(u, i, j) = 1 - \sigma(\hat{r}_{ui} - \hat{r}_{uj})$$

**Рис. 2:** Парные предпочтения пользователю по объектам для BPR. + означает, что пользователь предпочитает  $i$  объект  $j$ -му, знак минуса - наоборот.

# WARP: Weighted Approximate-Rank Pairwise\*

- Также смотрим на тройки: (**user**, **positive\_item**, **negative\_item**)
- Делаем шаг оптимизации, только если попалась дефектная пара - алгоритм дал выше скор отрицательному примеру, чем положительные
- Добавляем adaptive learning rate: штрафует больше, если алгоритм ошибается почти сразу.

---

**Algorithm 1** K-OS algorithm for picking a positive item.

---

We are given a probability distribution  $P$  of drawing the  $i^{th}$  position in a list of size  $K$ . This defines the choice of loss function.

Pick a user  $u$  at random from the training set.

Pick  $i = 1, \dots, K$  positive items  $d_i \in \mathcal{D}_u$ .

Compute  $f_{d_i}(u)$  for each  $i$ .

Sort the scores by descending order, let  $o(j)$  be the index into  $d$  that is in position  $j$  in the list.

Pick a position  $k \in 1, \dots, K$  using the distribution  $P$ .

Perform a learning step using the positive item  $d_{o(k)}$ .

---

---

**Algorithm 2** K-OS WARP loss

---

Initialize model parameters (mean 0, std. deviation  $\frac{1}{\sqrt{m}}$ ).

**repeat**

    Pick a positive item  $d$  using Algorithm 1.

    Set  $N = 0$ .

**repeat**

        Pick a random item  $\bar{d} \in \mathcal{D} \setminus \mathcal{D}_u$ .

$N = N + 1$ .

**until**  $f_{\bar{d}}(u) > f_d(u) - 1$  or  $N \geq |\mathcal{D} \setminus \mathcal{D}_u|$

**if**  $f_{\bar{d}}(y) > f_d(u) - 1$  **then**

        Make a gradient step to minimize:

$$\Phi\left(\frac{|\mathcal{D} \setminus \mathcal{D}_u|}{N}\right) \max(0, 1 + f_{\bar{d}}(u) - f_d(u)).$$

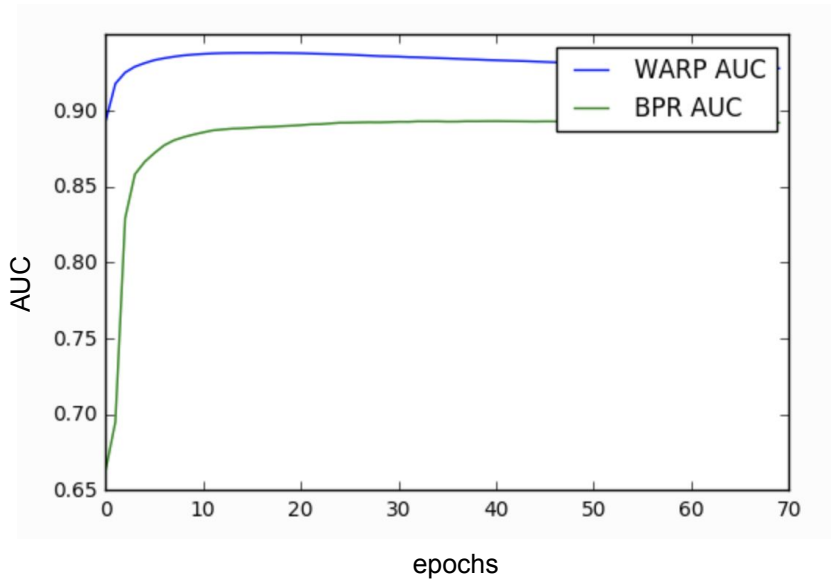
        Project weights to enforce constraints, e.g. if  $\|V_i\| > C$  then set  $V_i \leftarrow (CV_i)/\|V_i\|$ .

**end if**

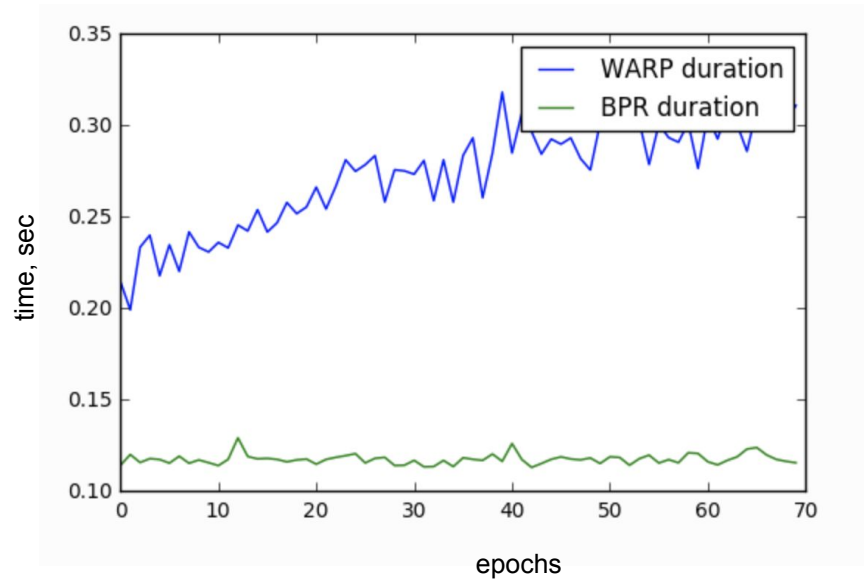
**until** validation error does not improve.

---

# WARP vs. BPR\*



Обычно, WARP лучше по качеству...



но более медленный =(

# Overview текущих подходов

# Одна из таксономий

---

- **General** подходы (Matrix Factorization, Factorization Machines, Collaborative Filtering, user/item similarity based methods ... )
- **Content-based** models
- **Context-based** models
- **Sequential** based models
- **RL** for RecSys
- **Hybrid** models

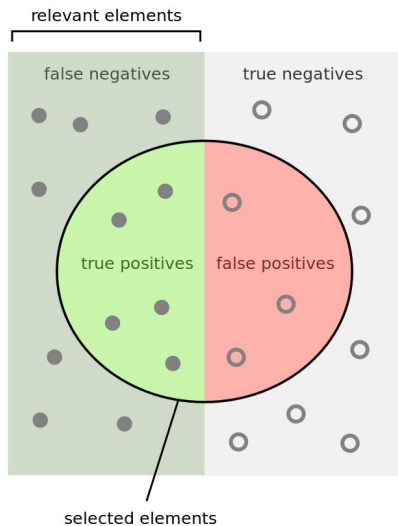
# **Метрики оценки качества ранжирования**

# Зоопарк метрик качества ранжирования

---

- **Hit Rate (Hit ratio)**
  - **Precision@k**
  - **Recall@k**
  - **AP@k, MAP@k, MNAP@k**
  - **DCG@k, NDCG@k**
  - **MRR**
- и другие :)

# Hitrate, Precision@k, Recall@k



$$\text{Hit Rate} = \frac{\# \text{ hits}}{\# \text{ hits} + \# \text{ misses}}$$

How many selected items are relevant?

Precision =



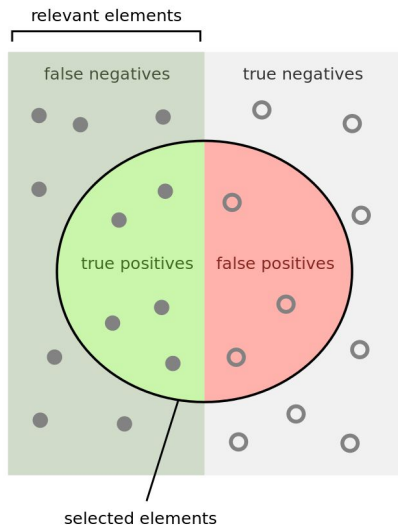
How many relevant items are selected?

Recall =





# Hitrate, Precision@k, Recall@k



$$\text{Hit Rate} = \frac{\# \text{ hits}}{\# \text{ hits} + \# \text{ misses}}$$

**Precision** – ?

**Recall** – ?

Эти метрики зависят от количества рекомендаций для каждого пользователя?

How many selected items are relevant?

Precision =

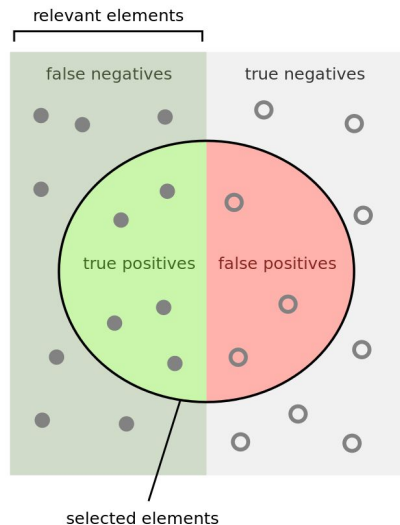


How many relevant items are selected?

Recall =



# Hitrate, Precision@k, Recall@k



How many selected items are relevant?

Precision =



How many relevant items are selected?

Recall =



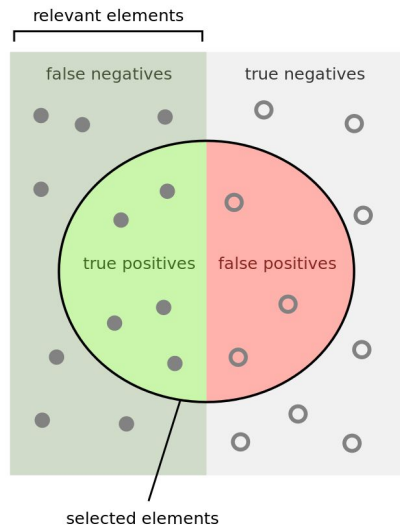
$$\text{Hit Rate} = \frac{\# \text{ hits}}{\# \text{ hits} + \# \text{ misses}}$$

**Precision** – сколько из рекомендованных объектов оказались релевантными.

**Recall** – сколько из релевантных для пользователя объектов мы порекомендовали.

Precision@k, Recall@k – фиксируем для каждого пользователя топ k рекомендованных объектов, считаем метрику по бинарному таргету (0 – нерелевантная рекомендация, 1 – релевантная).

# Hitrate, Precision@k, Recall@k



How many selected items are relevant?

Precision =



How many relevant items are selected?

Recall =



$$\text{Hit Rate} = \frac{\# \text{ hits}}{\# \text{ hits} + \# \text{ misses}}$$

**Precision** – сколько из рекомендованных объектов оказались релевантными.

**Recall** – сколько из релевантных для пользователя объектов мы порекомендовали.

Precision@k, Recall@k – фиксируем для каждого пользователя топ k рекомендованных объектов, считаем метрику по бинарному таргету (0 – нерелевантная рекомендация, 1 – релевантная).

# Посчитаем precision@k, recall@k



- документы выдачи по запросу, белым цветом отмечены нерелевантные

# Посчитаем precision@k, recall@k



- документы выдачи по запросу, белым цветом отмечены нерелевантные

Пусть  $k=7$

$$precision@7 = \frac{\# \text{ predicted relevant}}{k \text{ predicted}}$$

$$recall@7 = \frac{\# \text{ predicted relevant}}{\# \text{ relevant}}$$

## Посчитаем $\text{precision@k}$ , $\text{recall@k}$



- документы выдачи по запросу, белым цветом отмечены нерелевантные

Пусть  $k=7$

$$\text{precision@7} = \frac{\# \text{ predicted relevant}}{k \text{ predicted}} = \frac{3}{7}$$

$$\text{recall@7} = \frac{\# \text{ predicted relevant}}{\# \text{ relevant}} = \frac{3}{5}$$

# Average precision @ k (AP@k)

- Учитывает порядок рекомендованных объектов в топе k.

$$ap@K = \frac{1}{K} \sum_{k=1}^K r^{true}(\pi^{-1}(k)) \cdot p@k$$

$$ap@k = \frac{1}{k} \sum_{i=1}^k P@i$$

47

 = relevant documents for query 1

Ranking #1 

# Average precision @ k (AP@k)

- Учитывает порядок рекомендованных объектов в топе k.

$$ap@k = \frac{1}{k} \sum_{i=1}^k P@i$$

 = relevant documents for query 1

Ranking #1 

$$ap@3 = \frac{p@1 + p@2 + p@3}{3} \approx 0.77$$



# Mean average precision (MAP@k)

Считаем AP@K для каждого объекта и усредняем:

$$map@K = \frac{1}{N} \sum_{j=1}^N ap@K_j$$

Как вы думаете, что такое MNAP@K?

# Mean average precision (MAP@k)

$$map@K = \frac{1}{N} \sum_{j=1}^N ap@K_j$$

$$MNAP@20 = \frac{1}{|U|} \sum_{u \in U} \frac{1}{\min(n_u, 20)} \sum_{i=1}^{20} r_u(i) p_u@i$$

$$p_u@k = \frac{1}{k} \sum_{i=1}^k r_u(i)$$

- $r_u(i)$  — потребил ли пользователь  $u$  контент, предсказанный ему на месте  $i$  (1 либо 0)
- $n_u$  — количество элементов, которые пользователь потребил за тестовый период
- $U$  — множество тестовых пользователей

# Discounted Cumulative Gain (DCG@k)

Чем выше релевантные элементы в списке рекомендаций, тем лучше.

$$CG@K = \sum_{k=1}^K r^{true}(\pi^{-1}(k))$$

$$DCG@K = \sum_{k=1}^K \frac{r^{true}(\pi^{-1}(k))}{\log_2(k+1)}.$$

# Normalized Discounted Cumulative Gain (DCG@k)

$$nDCG@K = \frac{DCG@K}{IDCG@K}$$

где  $IDCG@K$  - это идеальное (максимальное) значение  $DCG@K$ :

$$IDCG@K = \sum_{k=1}^K \frac{1}{\log_2(k+1)}$$

# NDCG@k

## Пример вычисления DCG и nDCG:

Дано множество документов, где каждый документ оценивается от 3 до 0, где 3 — очень релевантен, а 0 — не релевантен. Пусть таким множеством будет  $S = \{D_1, D_2, D_3, D_4, D_5, D_6\}$ , где оценка релевантности по опросу пользователей задается(в том же порядке) множеством  $R = \{3, 2, 3, 0, 1, 2\}$ .

Тогда  $DCG@6 = \sum_{i=1}^6 \frac{rel_i}{\log(i+1)} = 3 + 1.262 + 1.5 + 0 + 0.387 + 0.712 = 6.861$ .

i	$rel_i$	$\log(i+1)$	$\frac{rel_i}{\log(i+1)}$
1	3	1	3
2	2	1.585	1.262
3	3	2	1.5
4	0	2.322	0
5	1	2.585	0.387
6	2	2.807	0.712

# NDCG@k

Идеальный порядок оценок релевантности  $Ideal = \{3, 3, 2, 2, 1, 0\}$ . DCG для данного множества будет следующим:

$$maxDCG@6 = \sum_{i=1}^6 \frac{rel_i}{\log(i+1)} = 3 + 1.893 + 1 + 0.861 + 0.387 + 0 = 7.141.$$

i	$rel_i$	$\log(i+1)$	$\frac{rel_i}{\log(i+1)}$
1	3	1	3
2	3	1.585	1.893
3	2	2	1
4	2	2.322	0.861
5	1	2.585	0.387
6	0	2.807	0

54

$$\text{Итого } nDCG@6 = \frac{DCG@6}{maxDCG@6} = \frac{6.861}{7.141} = 0.961.$$

# Измерение качества рекомендаций

---

**Diversity** (разнообразие) - число рекомендаций из разных категорий, степень различия рекомендаций между сессиями пользователя, различие рекомендаций между пользователями.

**Novelty** (новизна) - сколько среди рекомендаций новых для пользователей объектов.

**Coverage** (покрытие) - доля объектов, которые хотя бы раз побывали среди топа рекомендаций

**Serendipity** (догадливость) - способность угадывать неожиданные нетривиальные предпочтения пользователя.

- Можно выбрать один из них!
- Зачем выбирать, если можно оптимизировать линейную комбинацию из них!

# Рекомендованные источники

---

- [ACM RecSys](#) 2021 tutorials and workshops
- Лекция Евгения Соколова по [задаче ранжирования](#). Да и в целом [курс](#)
- Лекция Евгения Соколова по [memory-based подходам, коллаборативной фильтрации, MF](#).
- Воронцов [про коллаборативную фильтрацию](#)
- Лекция Сергея Николенко про [подходы для рекомендательных систем](#)
- [ITMO Wiki. Задача ранжирования](#)
- Библиотека [RecBole](#) с 50+ алгоритмами RecSys
- Библиотека [Microsoft recommenders](#)
- Библиотека [implicit](#) в частности с оптимальной реализацией ALS. Оригинальная статья по [ALS](#)
- Библиотека [LightFM](#) с реализацией этого алгоритма по [статье](#). Это контентная модель - то есть, можно обучать как ALS, а можно еще добавлять признаки по пользователям и объектам.
- Обучение градиентного бустинга для задачи рекомендаций. [Catboost ranking task and metrics](#)
- [Рекомендации в Okko: как заработать сотни миллионов, перемножив пару матриц](#)